



**МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В. ЛОМОНОСОВА**

ОЛИМПИАДНАЯ РАБОТА

Наименование олимпиады школьников: **«Ломоносов»**

Профиль олимпиады: **Математика**

ФИО участника олимпиады: **Деомидов Даниил Максимович**

Класс: **11**

Технический балл: **75**

Дата проведения: **20 марта 2021 г.**

Результаты проверки:

№	1	2	3	4	5	6	7
Оценка	10	15	15	15	5	15	0

① Заметим, что $f(n) = 4n^3 - 6n^2 + 4n + 13 =$
 $= 4n^3 - 6n^2 + 4n - 6 + 19 = n^2(4n - 6) + 4n - 6 + 19 = n^2 +$

$f(1) + f(2) + f(3) + \dots + f(13) =$
 $= 13 \cdot 13 + 4(1+2+3+\dots+13) - 6(1^2+2^2+3^2+\dots+13^2) + 4(1^3+2^3+\dots+13^3)$

$1^3+13^3 = (1+13)(1-13+13^2)$
 $2^3+12^3 = (2+12)(2^2-24+12^2)$
 \vdots

$6^3+8^3 = (6+8)(6^2-48+64)$

$= 169 + 4 \cdot \frac{(1+13)13}{2} - 6(1^2+2^2+3^2+\dots+13^2) + 4 \cdot 14(1^2+2^2+3^2+\dots+13^2 - 13 - 24 - 33 - \dots - 48) =$
 $= 169 + 364 - 6(1^2+2^2+\dots+13^2) + 56(1^2+2^2+\dots+13^2) + 56(-13-24-33-\dots-48) =$
 $533 + 50(1^2+2^2+\dots+13^2) + 56(-203) =$
 $533 + 50(819) - 203 \cdot 56 = 533 + 50(819 - 203) - 6 \cdot 203 =$
 $= 533 - 1218 + 50 \cdot 616 = 30800 - 685 = 30125 + 4 \cdot 7^3 = 30125 + 1372 = 31397$

Ответ: ~~30125~~ ~~31397~~ 31397

③ $x^2 + bxa = 0$
 $x^2 + cx + an = 0$

Заметим, что b и a взаимно просты. Заметим, что если уравнение имеет 2 целых корня, то свободный член как минимум ≥ 6 (т.к. 6 - первое нечетное число и не число яви. квадратом просто). Простое не подходит, т.к. тогда один из корней должен быть ± 1 , что противоречит условию. А квадрат просто не подходит, т.к. уравнение либо имеет два совпадающих корня, либо один из корней равен ± 1 .

Но такая же ситуация и с $a_n \Rightarrow$ Беловик - 2 минимальное
 a будет такое, чтобы a и $a+1$ были числами составными
 и не являлись квадратами простого числа

~~1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16~~ (0 - простое
 - кв простого числа)

как мы видим наименьшие числа кото-
 рые не отмечены: 14, 15 \Rightarrow $\min a = 14$, тогда
 корни первого уравнения 7 и 2; $a+1=15$, тогда корни вто-
 рого 5 и 3:

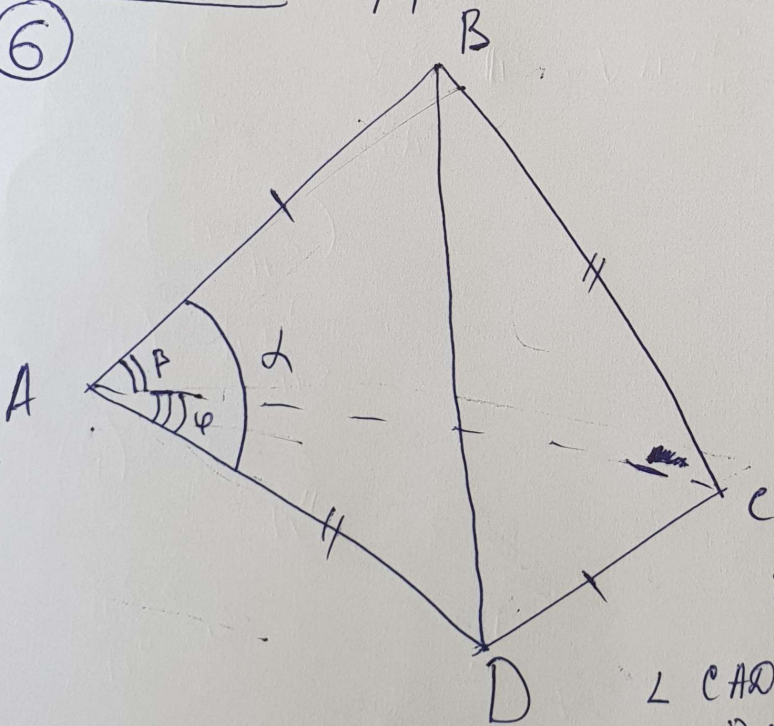
$$x^2 - 9x + 14 = 0 \quad (x_1 = 7, x_2 = 2)$$

$$x^2 - 8x + 15 = 0 \quad (x_1 = 5, x_2 = 3)$$

Мы приведем пример \Rightarrow докажем, что $a = 14$ подго-
 дит

Ответ: 14

⑥



Дано: $AB = CD$
 $AD = BC, \alpha + \beta + \varphi = 180^\circ$

$$S_{ABCD} = S$$

Найти: $S_{\text{нов}} = ?$

Решение:

1) Пусть $\angle BAD = \alpha, \angle CAB = \beta,$
 $\angle CAD = \varphi.$

2) $\triangle ABC = \triangle DCB$ (по 3 сторонам)

$\angle CAD = \angle BCA = \varphi,$
 $\angle BAC = \angle ACD = \beta.$

3) $\angle ABC = 180^\circ - \beta - \varphi = 180^\circ - (180^\circ - \alpha) = \alpha = \angle ADC.$

4) $\triangle ABD = \triangle BCD$ по 3 сторонам

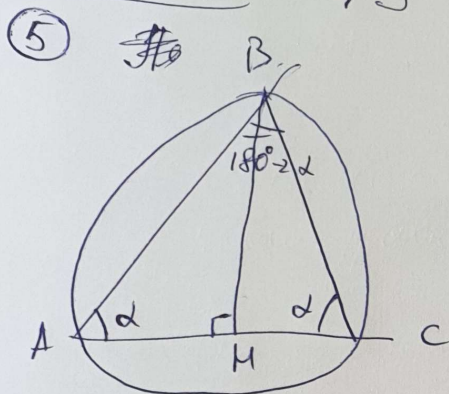
5) $\triangle ABD = \triangle ABC$ (по 2 сторонам и углу между ними) \Rightarrow

~~\Rightarrow $S_{\triangle ABC} = S_{\triangle ABD} = S_{\triangle BCD} = S_{\triangle ADC} = S/4$~~

Ответ:

6) $S_{\text{нов}} = S_{ABC} + S_{BCD} + S_{ABD} + S_{ADC}$, т.к. $\triangle ABD = \triangle ABC = \triangle BCD = \triangle ACD \Rightarrow S_{\text{нов}} = 4S_{ABC} = 4S$

Ответ: $4S$



Решение:
1) Переформулируем условие задачи: необходимо найти минимальную радиус окружности, при фиксированной площади.

2) Пусть $BH = h$, тогда $\frac{1}{2}AC \cdot h = 1 \Rightarrow AC \cdot h = 2 \Rightarrow AC = \frac{2}{h}$, тогда $AH = HC = \frac{AC}{2} = \frac{1}{h}$. Тогда $BC = \sqrt{h^2 + \frac{1}{h^2}}$, $\sin \alpha = \frac{BH}{BC} = \frac{h}{\sqrt{h^2 + \frac{1}{h^2}}}$

3) По формуле радиуса опис. окр. (следств. из т. синусов)

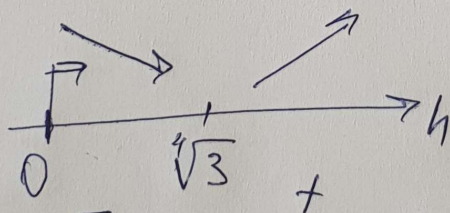
$$R = \frac{BC}{2 \sin \alpha} = \frac{\sqrt{h^2 + \frac{1}{h^2}} \cdot \sqrt{h^2 + \frac{1}{h^2}}}{2h} = \frac{h^2 + \frac{1}{h^2}}{2h} = \frac{h}{2} + \frac{1}{2h^3}$$

$$= \frac{1}{2} \left(h + \frac{1}{h^3} \right)$$

$$f(h) = h + \frac{1}{h^3}$$

$$f'(h) = 1 - \frac{3}{h^4}$$

$$\frac{h^4 - 3}{h^4} = 0$$



\Rightarrow min при $h = \sqrt[4]{3}$

4) Проверим, что при таком h , α не выходит за пределы $[30^\circ; 60^\circ]$

$$\sin \alpha = \frac{\sqrt[4]{3}}{\sqrt{3 + \frac{1}{\sqrt[4]{3}}}} = \sqrt{\frac{\sqrt{3}}{3 + 1}} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \alpha = 60^\circ$$

Зеловик 3

Задача - 4

$$R = \frac{\sqrt[4]{3}}{2} + \frac{1}{2\sqrt[4]{3}} = \frac{1}{2} \left(\sqrt[4]{3} + \frac{1}{\sqrt[4]{3}} \right) = \frac{3+1}{2\sqrt[4]{3}} = \frac{2}{\sqrt[4]{3}}$$

5) Теперь ~~уже~~ исходная окружность - вписанная окружность, если Δ подобен исходному, заметим что у правильного Δ радиус вписанной и описанной отличается в 2 раза \Rightarrow радиус данной окружности ~~подобна~~ вписана в новой и отсюда ~~окружность~~ исходной \Rightarrow они подобны с коэф $K=2 \Rightarrow$

$$= S(\alpha) = S_0 \cdot K^2 = 1 \cdot 4 = 4$$

6) При заданных условиях данная площадь единственна $\Rightarrow S(\alpha) = 4$ - ед. ответ.

Ответ: 4

6) Мы нашли минимальное $S(\alpha)$
т.к. при уменьшении h $\sin \alpha$ уменьшается:
наибольший радиус описанной исходного Δ
будет, если $\alpha = 30^\circ$ (т.к. $\alpha \in [30^\circ; 60^\circ]$)

7) Если углы $\Delta: 30^\circ, 30^\circ, 120^\circ \Rightarrow$ стороны $a, a, a\sqrt{3}$ соответственно $\Rightarrow S = \frac{1}{2} \cdot a \cdot a\sqrt{3} \cdot \sin 30^\circ = \frac{a^2\sqrt{3}}{4} = 1 \Rightarrow a^2 = \frac{4}{\sqrt{3}} \Rightarrow$

$$a = \frac{2}{\sqrt[4]{3}}$$

8) ~~$\frac{2}{\sqrt[4]{3}} = R_1 \Rightarrow R_1 = \frac{2}{\sqrt[4]{3}}$~~

$$\frac{\frac{2}{\sqrt[4]{3}}}{2 \cdot \sin 30^\circ} = R_1 \Rightarrow R_1 = \frac{2}{\sqrt[4]{3}}$$

9) Теперь будем искать Δ с углами $30^\circ, 30^\circ$ и 120° ,
 у которого радиус вписанной окружности: $r_1 = \frac{2}{\sqrt{3}}$
 Пусть его стороны $b, b, b\sqrt{3}$, тогда $p = b + \frac{b\sqrt{3}}{2}$

$$S = \frac{1}{2} \cdot b \cdot b\sqrt{3} \cdot \sin 30^\circ = \frac{\sqrt{3}b^2}{4}$$

$$S = r_1 \cdot p \Rightarrow \frac{S}{r_1} = p \quad r_1 = \frac{S}{p} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{4} b^2}{b + \frac{b\sqrt{3}}{2}} = \frac{\sqrt{3}b}{4 + 2\sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}}$$

$$b = \frac{2(4 + 2\sqrt{3})}{\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}} = \frac{2(4 + 2\sqrt{3})}{\sqrt{3} \cdot 3^{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}}} = \frac{2(4 + 2\sqrt{3})}{3}$$

$$S = \frac{\sqrt{3} \cdot (2(4 + 2\sqrt{3}))^2}{4 \cdot 3^{\frac{3}{2}}} = \frac{3^{\frac{1}{2}} \cdot 4 \cdot (4 + 2\sqrt{3})^2}{4 \cdot 3^{\frac{3}{2}}} = \frac{(4 + 2\sqrt{3})^2}{3}$$

10) минимальное $S(\alpha) = 4$, достигается при $\alpha = 60^\circ$
 максимальное $S(\alpha) = \frac{(4 + 2\sqrt{3})^2}{3}$, достигается при $\alpha = 30^\circ$

Ответ: $\max S(\alpha) = \frac{(4 + 2\sqrt{3})^2}{3}$, при $\alpha = 30^\circ$
 $\min S(\alpha) = 4$, при $\alpha = 60^\circ$

$$\textcircled{2} \begin{cases} \sqrt{x^2 + y^2} + |y + 3| = 1 & (1) \\ \sqrt{x^2 + y - 1} + |x + 3| = 1 & (2) \end{cases}$$

Пусть $\sqrt{x^2 + y^2} = t$, тогда $\sqrt{x^2 + y - 1} = \sqrt{t^2 - 1}$

~~$t \geq 0$~~ $t \geq 0$, ~~$t \geq 1$~~ при этом $t^2 - 1 \geq 0 \Rightarrow t^2 \geq 1 \Rightarrow$

\Rightarrow с учетом $t \geq 0 \Rightarrow t \geq 1 \Rightarrow$

в уравнении (1): $|y + 3| = 1 - t \leq 0$, т.к. модуль
 больше или равен 0 \Rightarrow

Зеловик - 5

Задача - 6

$$t = 1 \text{ и } |y+3| = 0$$

$$|y+3| = 0 \Rightarrow y = -3$$

$$\sqrt{x^2+y} = 1 \Rightarrow x^2+y = 1$$

$$x^2 = 1 - y = 1 - (-3) = 4 \Rightarrow x = \pm 2$$

Теперь подставим $x=2$ и $x=-2$ во (2) уравнение, чтобы сделать проверку:

a) $x=2$:

$$\sqrt{4-3-1} + |5| = 1$$

$$0 + 5 = 1 - \text{неверно}$$

b) $x=-2$:

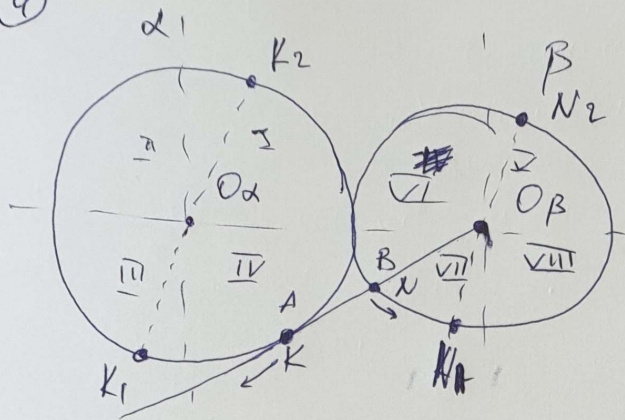
$$\sqrt{4-3-1} + |y| = 1$$

$$1 = 1 - \text{верно} \Rightarrow \text{система имеет}$$

единственное решение $(-2; -3)$

Ответ : $(-2; -3)$

(4)



Беловик - 7

Дано: K - т. касания ~~т. касания~~
 старта автомобиля A ,
 B - точка старта автомо-
 биль B .

1) Из условия следует, что автомобили распо-
 лаются в IV и $VIII$ четвертях; причем, очевидно, что
 в начальный момент движения они ~~не~~ отдаляются
 друг от друга и расстояние между ними меньше
 диаметра окружности. Пусть радиус $OKP = a$.

2) Пусть в момент, когда автомобиль A находится в т. K ,
 a автомобиль B в т. N_1 , расстояние между ними
 впервые стало равно диаметру $\Rightarrow 2a$.

3) Рассмотрим $\triangle K_1 O_A O_B N_1$ - у него почти-
 совершенные стороны равны \Rightarrow это параллелограмм
 $\Rightarrow O_A K_1 \parallel O_B N_1$

4) Продлим $K_1 O_A$ до пересечения с OKP в K_2 и
 $N_1 O_B$ до пересечения с OKP в N_2 . Заметим, что
 если в т. K_1 и N_1 автомобили были одновременно, то
 и в K_2 и N_2 также придут одновременно, т.к. их скорости
 равны и длины $K_1 K_2$ и $N_1 N_2$ также равны. В

5) в момент, когда они придут в K_2 и N_2 соответ-
 ственно расстояние между ними снова будет
 равно диаметру. До приезда в т. K_2 и N_2 расстояние
 между ними было больше диаметра.

Героник - 8

б) Движение автомобиля А: от K_1 до K_2 равно до В движение
 $2a$, от K_2 до K и от K до K_1 меньше $2a \Rightarrow$ равноускоренно
пути расстояние не больше $2a \Rightarrow$ некоторое время.

$$\therefore \frac{1,5r}{2} = 0,75 r = 45 \text{ м}$$

Ответ: 45 м.

⑦ Рассмотрим комбинаторную часть задачи. ~~Заметим~~
 у нас есть 2021 возможных скобок, и каждой
 мы "берем" $\sqrt{5}$, $\sqrt{7}$ или $\sqrt{11}$. Пусть x - ~~количество~~ количество раз
 когда мы взяли $\sqrt{5}$; y - количество раз которое
 мы взяли $\sqrt{7}$; и $(2021-x-y)$ количество раз которое
 мы взяли ~~еще~~ $\sqrt{11}$.

$$x+y \leq 2021$$

Тогда в сумму всех m_i (также считаем
 вида $b\sqrt{7}$, где b - целое) попадают все числа, когда
 x - четно, y - нечетно $\Rightarrow (2021-x-y)$ - четно
 ~~$m_i = n$~~ Сумма всех таких m_i и есть n

Когда x - нечетно, а y - четно $\Rightarrow (2021-x-y)$ - четно \Rightarrow

\Rightarrow такие числа попадают в сумму n :

x - нечет, y - нечет $\Rightarrow (2021-x-y)$ - четно \Rightarrow такие
 числа попадают в сумму l_i

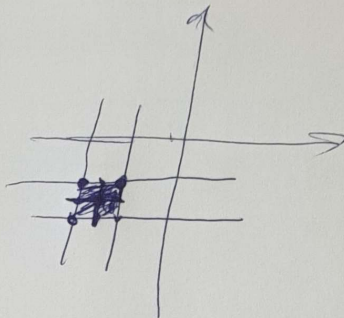
x - чет, y - чет $\Rightarrow (2021-x-y)$ - нечет \Rightarrow такие
 числа попадают в сумму k_i

И перебрал все возможные пары четностей
 x, y (четность $(2021-x-y)$ выст. автоматически) \Rightarrow
 \Rightarrow рассмотрим всевозможные числа, которые могут
 получиться в результате ~~перехода~~ раскрытия скобок
 \Rightarrow покажем, что исходное преобразование предста-
 вимо в виде: $n\sqrt{5} + m\sqrt{7} + k\sqrt{11} + l\sqrt{5 \cdot 7 \cdot 11}$, где
 k, m, n, l - натуральные

Зеленовек - 3

Черновик 17

$$\begin{cases} \sqrt{x^2+y} + |y+3| = 1 \\ \sqrt{x^2+y-1} + |x+3| = 1 \end{cases}$$



~~xy = 2~~ ~~xy = 1~~

$$\sqrt{x^2+y} = 1 - |y+3|$$

$$\sqrt{x^2+y} = 1 + y^2 + 6y + 9 \neq -2|y+3|$$

$$\sqrt{x^2+y-1} = 1 + x^2 + 6x + 9 - 2|x+3|$$

$$1 = (y+3)^2 - 2|y+3| + (x^2+3)^2 - 2|x+3|$$

$$\begin{cases} \sqrt{x^2+y} + |y+3| = 1 \\ \sqrt{x^2+y-1} + |x+3| = 1 \end{cases}$$

$$y+3=1$$

$$x+3=2$$

$$x = -2 - 3$$

$$\sqrt{x^2+y} + \sqrt{x^2+y-1} + |y+3|$$

$$+^2 - 1 \geq 0$$

$$+^2 \geq 1$$

$$(1, 1)$$

$$\sqrt{(-2-3)^2 + 1 - 3} + |1+3| = 1$$

$$\sqrt{(-2-3)^2 + 1 - 1} + |2| = 1$$

~~xy = 2~~

$$\sqrt{x^2+y} - \sqrt{x^2+y-1} + |y+3| - |x+3| = 0$$

$$\sqrt{x^2+y} - \sqrt{x^2+y-1} = |x+3| - |y+3|$$

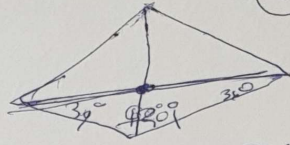
$$\sqrt{x^2+y} + \sqrt{x^2+y-1} - 2\sqrt{(x+y)(x^2+y-1)} = x^2 + 6x + 9 + y^2 + 6y + 9 - 2|x+3||y+3|$$

Четверка 76 $\frac{(4+2\sqrt{3})^2}{3}$ 4

$(\sqrt{5} + \sqrt{7} + \sqrt{11})^{2021}$

$n\sqrt{5} + m\sqrt{7} + k\sqrt{11} + l\sqrt{5 \cdot 7 \cdot 11} \approx (4+2\sqrt{3})^2$ 12

$\sqrt{5}^x \cdot \sqrt{7}^y \cdot \sqrt{11}^{2021-x-y}$



l, m, n - натуральные

x - четно, y - четно $\Rightarrow 2021 - x - y$ - четно
 x - нечетно, y - нечетно $\Rightarrow 2021 - x - y$ - четно

$x=1$: любое четное y или наоборот:

- 1 $2, 4, 6, \dots, 2020$ 1, 3, 5, $\dots, 2019, 2021$

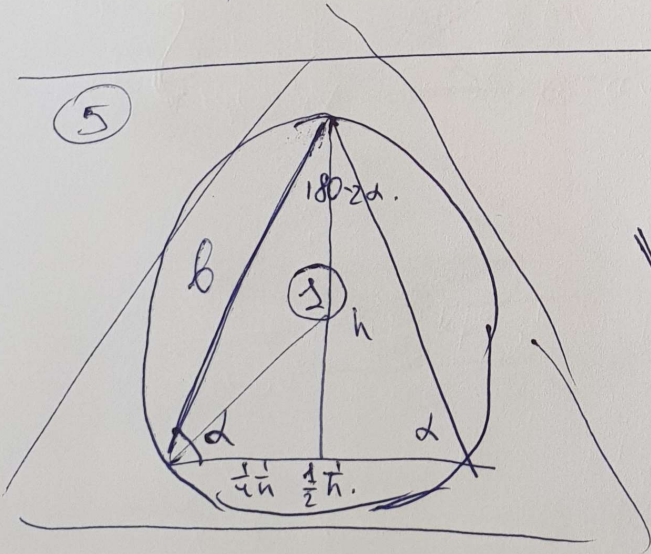
$1, 2, 3, \dots, 1010$ $a_1 = 2$
 $a_n = 2020$

$a_n = a_1 + (n-1) \cdot 2$
 $2020 = 2 + (n-1) \cdot 2$

число $1010 \cdot 1011 = n$ $2018 = 2n - 2$
 ~~$2016 = 2n$~~

$n = 5,$

5



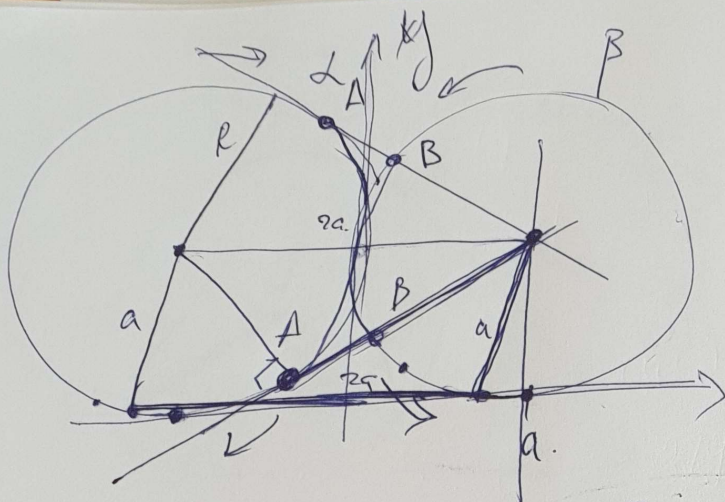
$R = \frac{b}{2 \sin \alpha} = \frac{\sqrt{h^2 + \frac{1}{16h^2}}}{h}$
 $\sqrt{h^2 + \frac{1}{16h^2}}$
 $\frac{h^2 + \frac{16}{h^2}}{h}$

$= h + \frac{16}{h^3}$

$f(h) = h + \frac{16 \cdot h^{-3}}$

$f'(h) = 1 + \frac{-3 \cdot 16}{h^4} = 0$

~~$\frac{h^4 - 3 \cdot 16}{h^4} = 0$~~



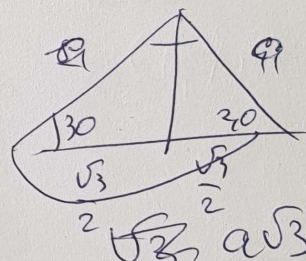
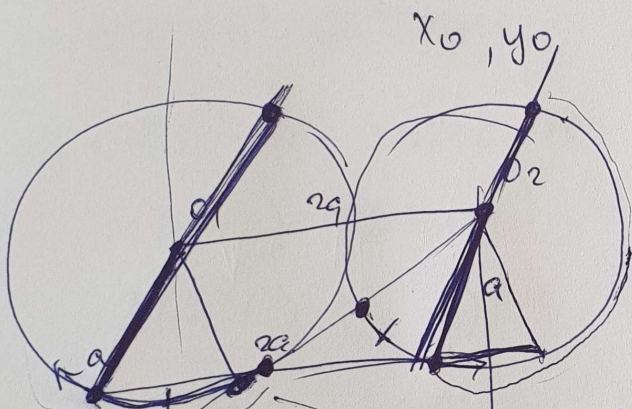
скорость одинакова.

$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$
 $\frac{a}{b} = \frac{2R}{d}$

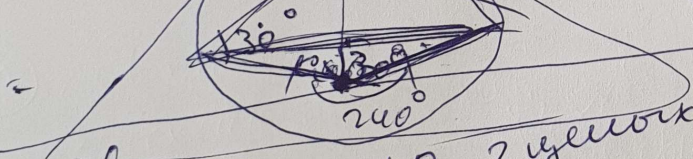
$(x-a)^2 + (y-a)^2 = a^2$

$(x+a)^2 + (y-a)^2 = a^2$

$\sqrt{\frac{h^2}{h^2 + \frac{1}{h^2}}} = \sqrt{\frac{1}{1 + \frac{1}{h^4}}}$



$S = \frac{1}{2} \cdot a \cdot a\sqrt{3} \cdot \sin 120^\circ$



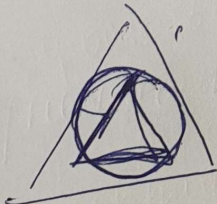
$x^2 + bx + a = 0$

$x^2 + cx + a + 1 = 0$

по 2 углам равно больше \Rightarrow как минимум 2.

a - не простое
 a+1 - не простое

$a \geq 4$



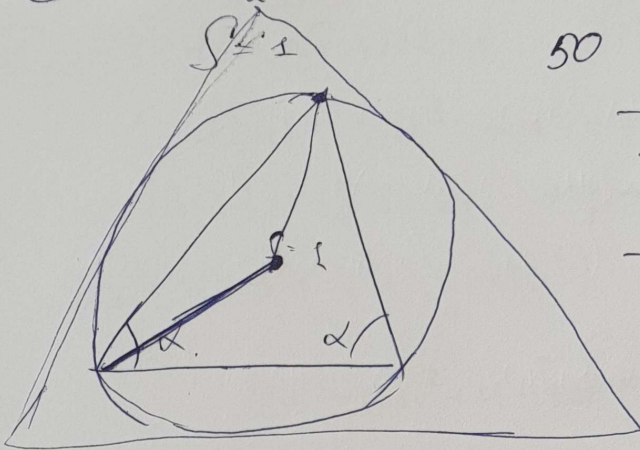
~~✗ ✗~~

- 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
- 11 12 13

2-3-3
 9-кв. $x_1 x_2 = 9 \Rightarrow$
 $x_1 x_2 = 3$

5

$30 \leq \alpha \leq 60^\circ$



50

$$\begin{array}{r} 819 \\ - 203 \\ \hline 616 \\ - 1218 \\ - 533 \\ \hline 685 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 616 \\ \hline 3080 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} + 650 \\ + 169 \\ \hline 819 \end{array}$$

Черновик - 77
14

1 $f(1) + f(2) + f(3) + \dots + f(13)$

$7 \cdot 13 = 91$

$f(n) = 4n^3 - 6n^2 + 4n + 13 =$

$14 \times 4 = 56$

$= 4n^3 - 6n^2 + 4n - 6 + 19 =$

$$\begin{array}{r} 364 \\ + 169 \\ \hline 533 \end{array}$$

$= (n^2 + 1)(4n - 6) + 19$

$2(n^2 + 1)(2n - 3) + 19$

$$\begin{array}{r} 13 \\ + 24 \\ \hline 37 \\ + 33 \\ \hline 70 \end{array}$$

$13 + 24 + 33$

$1^3 + 13^3 = (1+13)(1-13+13^2)$
 $2^3 + 12^3 = (2+12)(2^2-12+12^2)$
 $3^3 + 11^3 = (3+11)(3^2-11+11^2)$
 $4 \cdot 10 = (4+10)(4-10+10^2)$
 $5 \cdot 9 = (5+9)(5-9+81)$
 $6 \cdot 8 = 14(6-8+64)$
 $7^3 \pm$

$33 = 14(1+27+4+5+6 -$

$- 8-9-10-11-12-13$

$70+40 = 110+45 = 155$

$1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 13^2$

$(1+4+9) + (16+25+36) + (49+64) + (81+100) + (121) + (144+169)$
 $+ 48 + 155$
 203

~~$170 + 20 + 120 + 100 + 130 + 100 + 109$~~

$= 300 + 250 + 100 + 169 = 650 + 169 = 819$

Черников
13

① $f(1) + f(2) + f(3) + \dots + f(13)$
 $f(n) = 4n^3 - 6n^2 + 4n + 13$

$$13 \cdot 13 + 4(1+2+\dots+13) - 6(1+4+9+\dots+13^2) + 4(1^3+2^3+3^3+\dots+13^3)$$

$$4n^3 - 6n^2 + 4n - 6 + 19 =$$

$$= n^2(4n-6) + 4n - 6 + 19 =$$

$$= (n^2+1)(4n-6) + 19$$

② $\begin{cases} \sqrt{x^2+y} + |y+3| = 1 \\ \sqrt{x^2+y-1} + |x+3| = 1 \end{cases}$

$$\sqrt{x^2+y} + |y+3| - \sqrt{x^2+y-1} - |x+3| = 0$$

③ $x^2 + bx + a = 0$ все корни > 1
 $x^2 + cx + a \neq 0$ или.

$$a = x_1 x_2 \Rightarrow a \geq 2$$

$$\begin{cases} x^2 + bx + 2 = 0 \\ x^2 + cx + 3 = 0. \end{cases}$$

$$D = b^2 - 8 \quad b =$$

2, 3

$$a = k \cdot m \\ a+1 = l \cdot n$$

аи-

$$D = b^2 - 16. \quad 8, 9$$

$$x^2 + bx + 4 = 0$$

$$x^2 + cx + 5 = 0.$$

*

$$a = 8$$

$$a+1 = 9.$$

②

$$\begin{cases} \sqrt{x^2+y} + |y+3| = 1 \\ \sqrt{x^2+y-5} + |x+3| = 1 \end{cases}$$

$|y+3| \leq 1$

$\sqrt{x^2+y} = 1 - |y+3|$

$x^2+y = 1 - 2|y+3| + y^2 + 6y + 9$

$x^2+y-1 = 1 - 2|x+3| + x^2 + 6x + 9$

$1 = -2$

$x^2+y \geq 1$
 $\begin{cases} y \in [-4; -2] \\ x \in [-4; -2] \end{cases}$

$\sqrt{x^2+y} = 1 - |y+3|$

$|y+3| \leq 1$

$y \in [-4; -2]$

$\sqrt{y} + |y+3| = 1$

$|x+3| \leq 2 \Rightarrow$

$\Rightarrow x \in [-4; -2]$

~~y~~ $y \geq 0$

\sqrt{y}

$\sqrt{y} + y + 3 = 1$

$\sqrt{y} = -2 - y$

$-2 - y < 0$

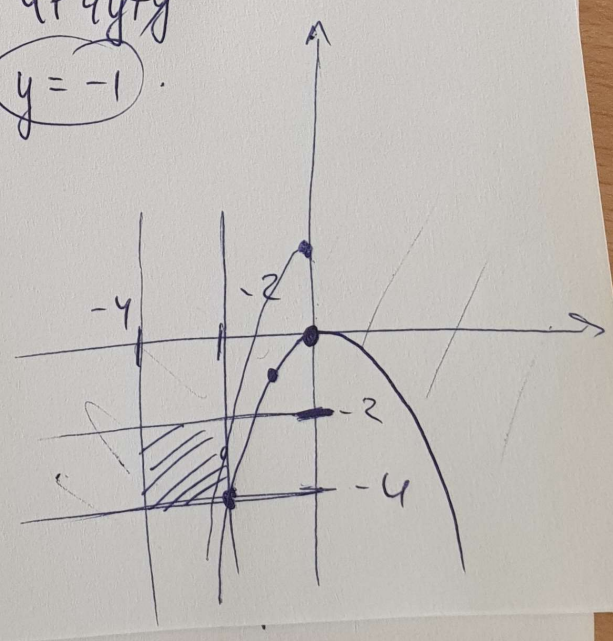
$y^2 = 4 + 4y + y^2$

$y = -1$

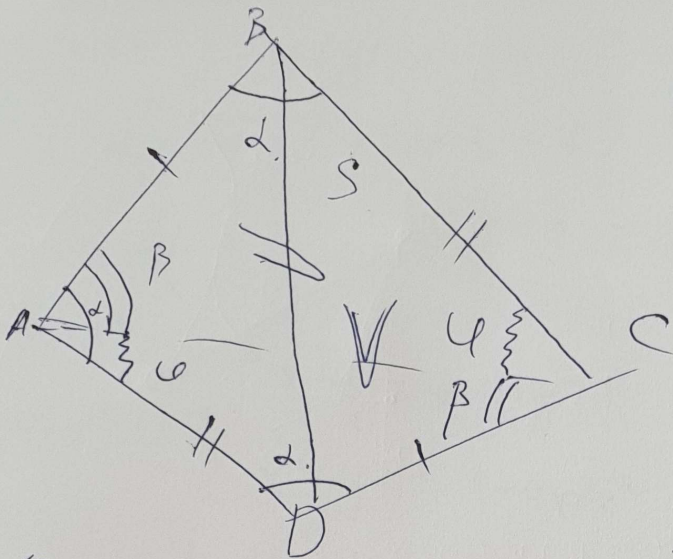
$x^2+y \geq 0$
 $y \geq -x^2$

~~$y \in [-5; -3]$~~

$x^2+y-1 \geq 0$
 $y \geq 1-x^2$



6



Центральная - 11
 $\alpha + \beta + \gamma = 180^\circ$

~~max~~ min

$$\begin{cases} \sqrt{x^2+y} + |y+3| = 1 \\ \sqrt{x^2+y-1} + |x+3| = 5 \end{cases}$$

$|y+3| \geq 0$

$\sqrt{x^2+y} = t$

$\frac{x(-2-y)}{y(-2-y)}$

$\sqrt{x^2+y} - \sqrt{x^2+y-1} + |y+3| - |x+3| = 0$

$t - \sqrt{t^2-1}$

$t = 5: t - \sqrt{t^2-1} = 5$
 $t = 2: 2 - \sqrt{3} < 1$

$f(t) = t - \sqrt{t^2-1}$

$f'(t) = 1 - \frac{t}{\sqrt{t^2-1}}$
 $2t = \frac{t - t}{\sqrt{t^2-1}}$

$\sqrt{t^2-1} = t$
 $\sqrt{t^2-1} - t$

$\sqrt{t^2-1} = t$
 $t^2-1 = t^2 \neq 0$

$\frac{|y+3| - |x+3|}{6}$
 $(-5; 2)$

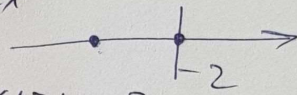
$\sqrt{x^2+y-1} - \sqrt{x^2+y} \leq 1$
 $\sqrt{t^2-1} - t$

$$\begin{cases} \sqrt{x^2+y} + |y+3| = 1 \\ \sqrt{x^2+y-1} + |x+3| = 2 \end{cases}$$

методом ±0

$$\begin{aligned} \left. \begin{array}{l} y > -3 \\ x > -3 \end{array} \right\} & \sqrt{x^2+y} = 1-3-y = -2-y \\ & \sqrt{x^2+y} = -2-y \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} +4 \cdot 3^3 - 6 \cdot 3^2 & \left. \begin{array}{l} x^2+y = 4+4y+y^2 \quad -2-y \geq 0 \\ x^2+y-1 = 4+4x+x^2 \quad -2 \geq y \\ = 7^2(-2) \end{array} \right\} \begin{array}{l} 2x^2+2y-1 = 8+4y+4x \\ y \leq -2 \end{array} \end{aligned}$$



$$\sqrt{x^2+y} + \sqrt{x^2+y-1} + |y+3| + |x+3| = 2$$

⑦ $(\sqrt{5} + \sqrt{7} + \sqrt{11})^{2021}$ $n \cdot \sqrt{5} + m \sqrt{7} + k \sqrt{11} + l(\sqrt{5 \cdot 7 \cdot 11})$

n, m, k, l - целые числа.

$$(\sqrt{5} + \sqrt{7} + \sqrt{11}) (\sqrt{5} + \sqrt{7} + \sqrt{11}) \dots$$

$\sqrt{5} \cdot \sqrt{7} \cdot \sqrt{11}$

$x=1, 3,$
 x - четное
 y - нечетное

тогда 2021 - нечетное.

$$5 - 3 - 1 = 1$$

$$x+y = 2021$$

$1 \rightarrow$

$3 \rightarrow 0$

$5 \rightarrow \dots$

x - нечетное
 y - четное
 $2021 - x - y$ - четное $\rightarrow n$

l : нечетное
 нечетное
 нечетное

$2021 \rightarrow \dots$

x - четное
 y - нечетное
 нечетное
 нечетное

$\sqrt{11}$ - четное. нечетное.

x - четное
 y - четное

Председателю апелляционной комиссии
олимпиады школьников, Ломоносов
Ректору МГУ имени М.В. Ломоносова
академику В. А. Садовничему
ученика На класса МАОУ "Лицей 3"
г. Чебоксары
Девшидова Даниила Максимовича

апелляции.

Прошу пересмотреть выставленные технические баллы
(75) за мою работу заключительного этапа по матема-
тике, поскольку считаю, что за мою работу может быть
выставлена более высокая оценка.

1.04.2021

Девши