



**МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В.ЛОМОНОСОВА**

Вариант 1

Место проведения Москва  
город

**ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА**

Олимпиада школьников "Ломоносов"  
наименование олимпиады

по физике  
профиль олимпиады

Шарафутдиновой Юлии Александровны  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Вход 13:42 Руденко  
Приход 13:47 Руденко

+1 лист АД  
Работа сдана 15:08 А.Д.Свершин

Дата

Подпись участника

«5» марта 2023 года

Местовик

Задача № 2.9.1

Дано:

$S = 100 \text{ см}^2 = 100 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2$

$M = 100 \text{ кг}$

$m = 9 \cdot 10^{-3} \text{ кг/моль}$

$T = 125^\circ \text{C} = 400 \text{ К}$

$p_n = 2 \cdot 10^5 \text{ Па}$

$p_0 = 10^5 \text{ Па}$

$\mu = 18 \cdot 10^{-3} \text{ кг/моль}$

$R = 8,3 \frac{\text{Дж}}{\text{К} \cdot \text{моль}}$

$g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$

h - ?

$$h = \frac{m_{\text{пара}} RT}{\mu S (p_0 + \frac{Mg}{S})} = \frac{m RT}{\mu S (p_0 + \frac{Mg}{S})}$$

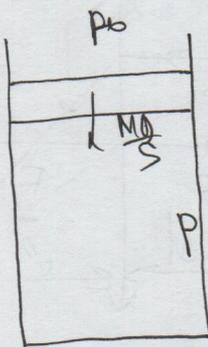
$$h = \frac{9 \cdot 10^{-3} \text{ кг} \cdot 8,3 \frac{\text{Дж}}{\text{К} \cdot \text{моль}} \cdot 400 \text{ К}}{18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{кг}}{\text{моль}} \cdot 100 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2 (10^5 \text{ Па} + \frac{100 \text{ кг} \cdot 10^4 \text{ м}^2}{100 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2})} =$$

$$\approx \frac{8,3 \cdot 4}{2 \cdot 10^5 \cdot 10^4} \text{ м} = \frac{8,3}{10} \text{ м} = 0,83 \text{ м} = 83 \text{ см}$$

Ответ:  $h = 83 \text{ см}$ .

*Грибов*

Решение:



$p = p_0 + \frac{Mg}{S}$  - давление в сосуде после нагревания

$$p = 10^5 \text{ Па} + \frac{100 \text{ кг} \cdot 10^4 \text{ м}^2}{100 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2} = 2 \cdot 10^5 \text{ Па} < p_n \Rightarrow$$

$\Rightarrow$  влажность  $< 100\% \Rightarrow$  вся вода испарится  $\Rightarrow$  пар  $\rightarrow$  масса = m

$pV = \nu RT$  - ур-ие Клапейрона-Менделеева

$$(p_0 + \frac{Mg}{S}) \cdot S \cdot h = \frac{m_{\text{пара}}}{\mu} RT$$

Решение и ответ  
верно

20 Кочки



Исправлено по анемометру  
 83  
 Восстановлено  
 314

1	2	3	4	5
20	20	18	20	314

Задача № 4.5.1

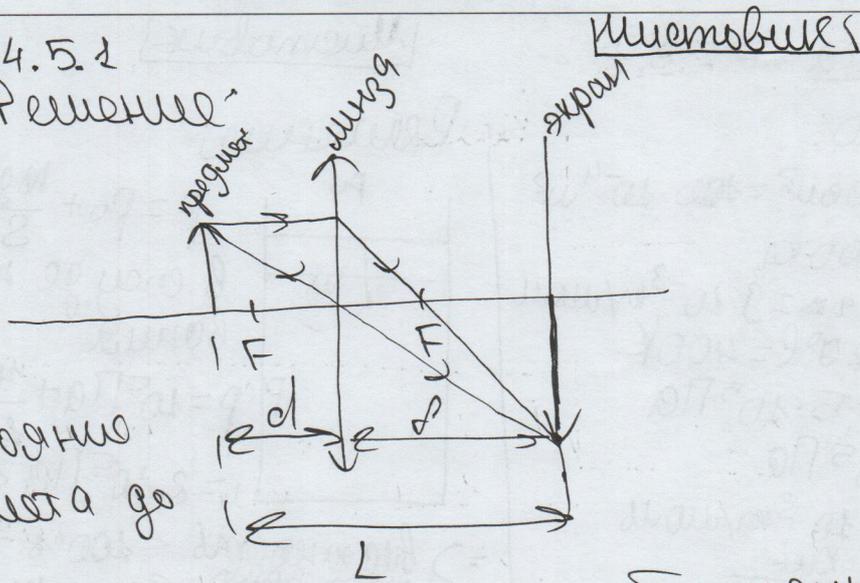
Дано:

$\Gamma = 3$

$L = 80 \text{ см}$

$D = ?$

Решение:



$d$  - расстояние от предмета до линзы

$f$  - расстояние от линзы до изображения по формуле тонкой линзы  $\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$

$\Gamma = \frac{H}{h} = \frac{f}{d} \Rightarrow f = \Gamma d$

$D = \frac{1}{d} + \frac{1}{\Gamma d} = \frac{\Gamma + 1}{\Gamma d}$

$L = d + f = d + \Gamma d = d(\Gamma + 1) \Rightarrow d = \frac{L}{\Gamma + 1}$

$D = \frac{\Gamma + 1}{\Gamma \cdot \frac{L}{\Gamma + 1}} = \frac{(\Gamma + 1)^2}{\Gamma L}$

$D = \frac{(3+1)^2}{3 \cdot 0,8 \text{ м}} = \frac{160}{3 \cdot 8} \text{ дптр} = \frac{20}{3} \text{ дптр} = 6,6 \text{ дптр}$

Ответ:  $D = 6,6 \text{ дптр}$



90-29-64-52  
(47.8)

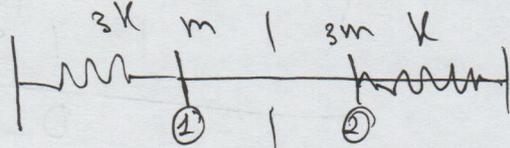
Задача № 1.2.1

Шетовик

Дано:

$L = 20 \text{ см} = 0,2 \text{ м}$   
 $S = 2L = 40 \text{ см} = 0,4 \text{ м}$   
 $3k = m$   
 $k = \frac{1}{3} m$   
 $l_0 = 10 \text{ см} = 0,1 \text{ м}$

Решение:

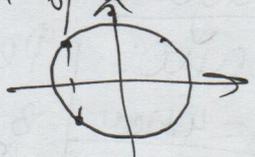


А - ?

Введем ось  $x$  так, чтобы ~~...~~  
 о соответствовал не деформированному состоянию пружины  
 ур-ие ~~...~~ для координаты для 1 груза:  $x_1 = -(L-l_0) \cdot \cos \omega_1 t$   
 для 2 груза:  $x_2 = (L-l_0) \cos \omega_2 t$

столкновение произойдет в момент, когда  $x_1 = x_2$   
 $-(L-l_0) \cos \omega_1 t = (L-l_0) \cos \omega_2 t$   
 $-\cos \omega_1 t = \cos \omega_2 t$   
 скорости грузов в этот момент:  $v_1 = (L-l_0) \omega_1 \sin \omega_1 t$   
 $v_2 = -(L-l_0) \omega_2 \sin \omega_2 t$

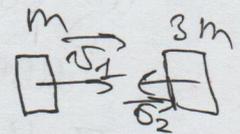
столкновение произойдет в момент времени  
~~...~~  $\cos(\pi - \omega_1 t) = \cos \omega_2 t$   
 $\pi - \omega_1 t = \omega_2 t + 2\pi k$   
 $\pi - \omega_1 t = -\omega_2 t + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$



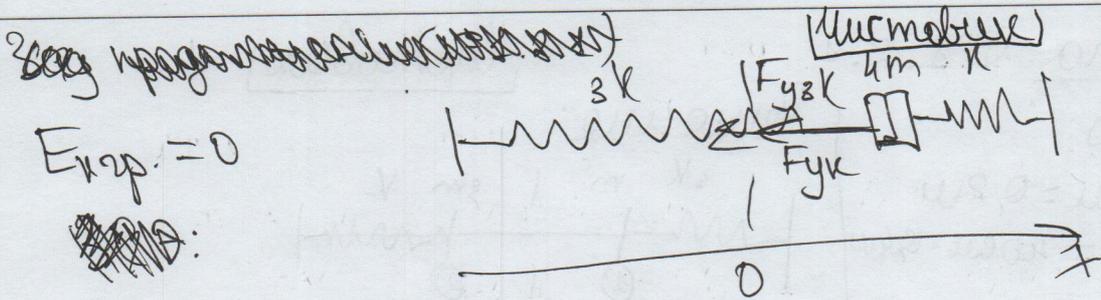
$\omega_0 = \sqrt{\frac{k_0}{m_0}} \Rightarrow \omega_1 = \sqrt{\frac{3k}{m}}$   
 $\omega_2 = \sqrt{\frac{k}{3m}} \Rightarrow \omega_1 = 3\omega_2$   
 $\begin{cases} 4\omega_2 t = \pi + 2\pi k \\ 2\omega_2 t = \pi + 2\pi k \end{cases}$   
 $\begin{cases} t = \frac{\pi + 2\pi k}{4\omega_2} \\ t = \frac{\pi + 2\pi k}{2\omega_2} \end{cases}$

столкновение произойдет в момент  $\omega_2 > 0; t > 0$   
 $t = t_{\min} > 0 \Rightarrow$   
 $2t = \frac{\pi}{4\omega_2}$  ✓

2. Столкновение:



$x: m v_1 + 3m v_2 = 4m v$   
 $u = \frac{v_1 + 3v_2}{4} = \frac{(L-l_0)\omega_1 \sin \omega_1 t - 3(L-l_0)\omega_2 \sin \omega_2 t}{4} =$   
 $= \frac{L-l_0}{4} (3\omega_2 \sin(3\omega_2 \cdot \frac{\pi}{4\omega_2}) - 3\omega_2 \sin(\omega_2 \cdot \frac{\pi}{4\omega_2})) =$   
 $= \frac{L-l_0}{4} \cdot 3\omega_2 (\sin \frac{3\pi}{4} - \sin \frac{\pi}{4}) = 0 \Rightarrow E_{\text{грузов}} = 0$  ✓ (3)



$E_{\text{упр}} = 0$

~~Решение:~~

В момент столкновения ~~и~~ силы упругости обеих пружин направлены против оси  $ox$

ЗРФ:  $E_{\text{упр}} + \frac{3k \cdot (L-x)^2}{2} + \frac{k \cdot x^2}{2} = \frac{3k \cdot A^2}{2} + \frac{kA^2}{2}$   
 $4kx^2 = 4kA^2 \Rightarrow A = |x| = |(L-b) \cos \omega_2 t| =$   
 $= |(L-b) \cos(\omega_2 \cdot \frac{\pi}{4 \omega_2})| = |(L-b) \cos \frac{\pi}{4}|$

$A = |(20 \text{ см} - 10 \text{ см}) \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}| = 10 \text{ см} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 5\sqrt{2} \text{ см} \approx 5,4 \text{ см} = 7 \text{ см}$

Ответ:  $A = 5\sqrt{2} \text{ см} \approx 7 \text{ см}$

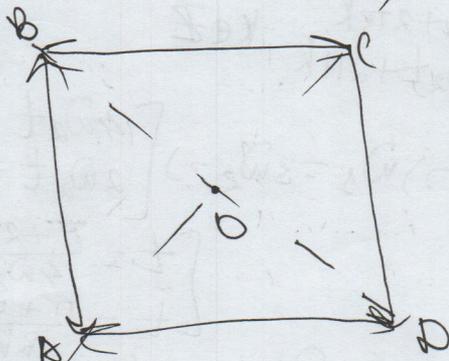
Задача №5.3.1

Дано:

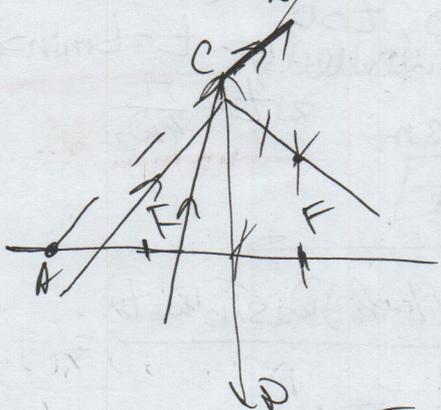
$2a = 4,5 \text{ см}$

$R_{\text{min}} = ?$

Решение:



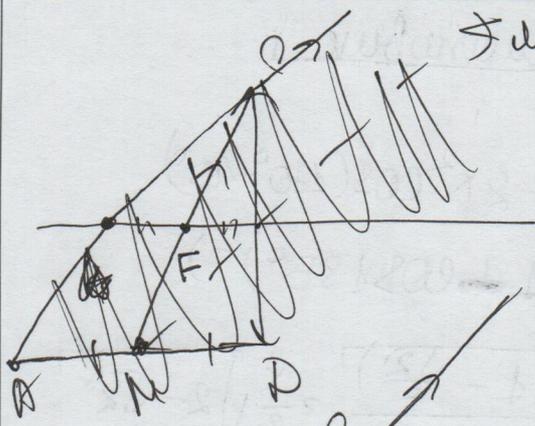
оптическая система симметрична относительно прямых  $BD$  и  $AC$



из рис. видно, что ~~луч~~ (AE) может быть описано только дугой, проходящей между фокусом и линзой - в силу симметрии оптической системы крайний случай - луч совпадающий с прямой AP

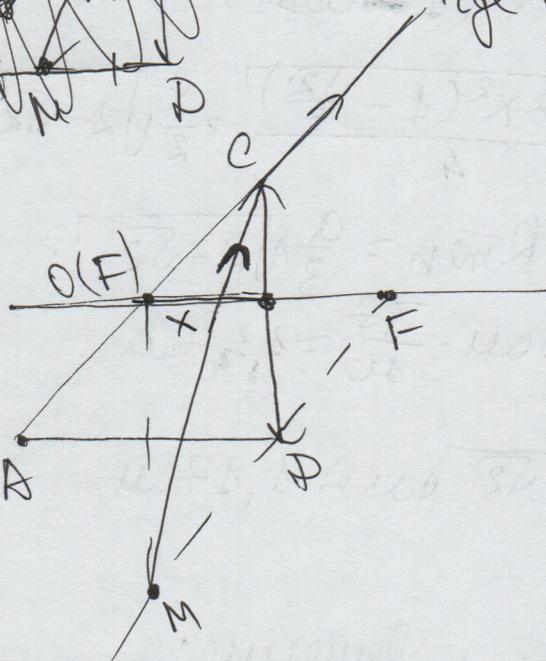
(4)

90-29-64-52  
(47.8)

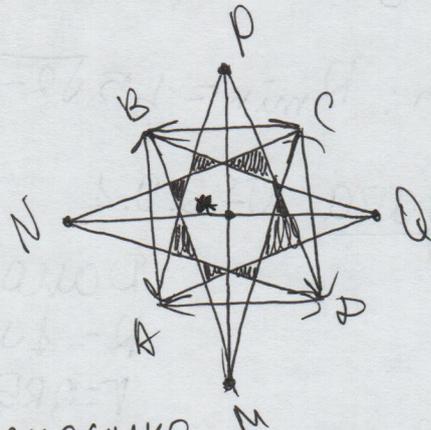


Фигура CD (металлик)

из рис. видно, что такой луч создаётся лучом ME, где  $OM \perp AD$  и  $OM = CD$

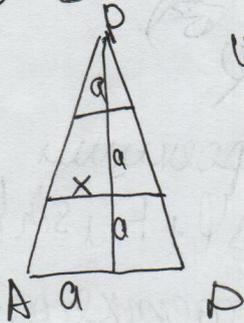


Рассмотрим всю оптическую систему:

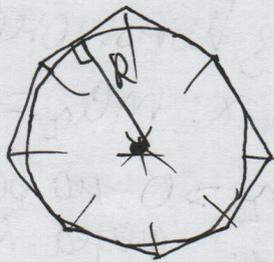


в силу симметрии относительно прямых  $AO, MP, BO$  и  $AE$  заштрихованные на рисунке треугольники равны  $\Rightarrow$  многоугольник в центре - правильный 8-угольник  
лучи  $MC, BQ$  и др. - крайние  $\Rightarrow$  они являются касательными к сферическому икононику

Фигура  $\triangle APR$

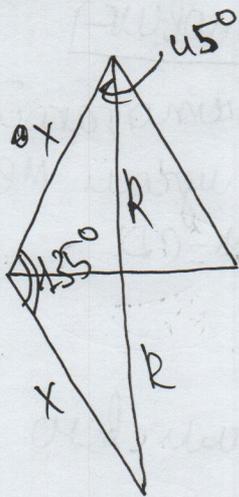


из подобия  $\frac{x}{a} = \frac{2a}{3a} \Rightarrow x = \frac{2}{3}a$



т.к. 8-уг. - правильный,  $R = h$  - высота  $\triangle$  треугольника со сторонами  $x$  (равными) и углом при вершине  $\frac{360^\circ}{8} = 45^\circ$

5



Числовые

по т. кос

$$(R)^2 = 2x^2 - 2x^2 \cos(180^\circ - 45^\circ)$$

$$4R^2 = 2x^2 (1 + \cos 135^\circ)$$

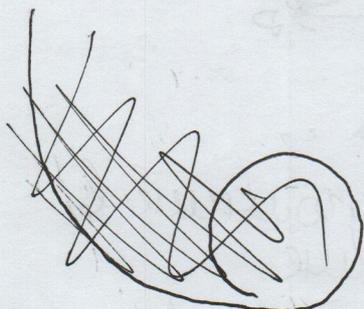
$$\Rightarrow R = \sqrt{\frac{2x^2(1 - \frac{\sqrt{2}}{2})}{4}} = \frac{x}{2} \sqrt{2 - \sqrt{2}}$$

$$x = \frac{2a}{3} \Rightarrow R_{\min} = \frac{a}{3} \sqrt{2 - \sqrt{2}}$$

$$= \frac{4,5 \text{ см}}{3} \sqrt{2 - \sqrt{2}} \approx 1,5 \text{ см} \cdot \frac{28}{10} = 1,17 \text{ см}$$

Ответ:  $R_{\min} = 1,5 \sqrt{2 - \sqrt{2}} \text{ см} \approx 1,17 \text{ см}$ .

Задача № 8.9.1



Дано:

$$R = 1 \text{ м}$$

$$v = 0,25 \text{ м/с}$$

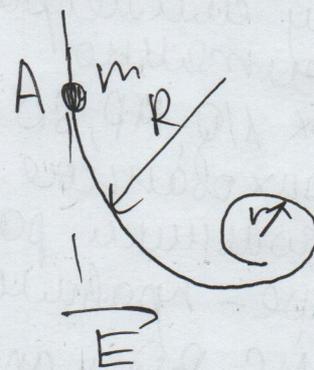
$$m = 12$$

$$g = 10^8 \text{ Кг}$$

$$E = 10^3 \frac{\text{В}}{\text{м}}$$

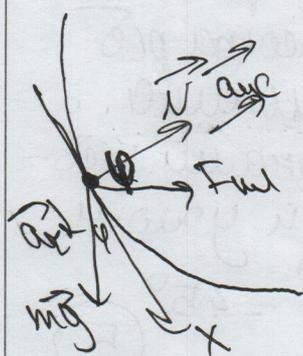
$$\sigma_{\max} = ?$$

Решение:



$a_{\text{н}} = \frac{v^2}{R} \Rightarrow \sigma_{\text{максимальная в точке в кот. } a_{\text{н}} = 0, \text{ а для этого } a_{\text{н}} \geq 0 \text{ (соответственно)}$

1. ~~неверно~~ - окружность радиуса R



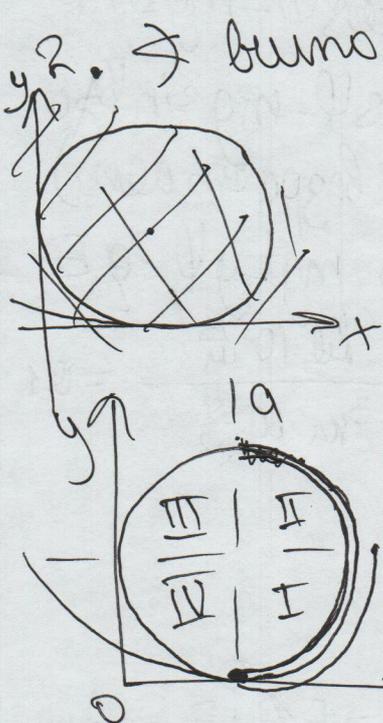
по 2 з. Ньютона в проекции на ось x:  $ma_{\text{н}} = mg \cos \varphi + F_{\text{н}} \sin \varphi$

$\Rightarrow a_{\text{н}} > 0$  на всей участке радиуса R  $\Rightarrow \sigma \uparrow$

6

90-29-64-52  
(47.8)

Чис то вик



введём систему координат как показано на рисунке

виток - окружность, ур.-ие:

$$(x-r)^2 + (y-r)^2 = r^2 \quad +$$

$$(x-r)^2 = (r-y+r)(x+y-r)$$

$$x-r = \pm \sqrt{y(2r-y)} \quad +$$

$$x = r \pm \sqrt{y(2r-y)}$$

~~Значит~~  $E_k + E_n = E_0 + A_{ки}$

$E_k = E_0 + A_{ки} - E_n \Rightarrow \Delta_{max}$  при  $\Delta E = A_{ки} - E_n$  макс.

$\Delta E = qEx - mgy \Rightarrow$  скорость бушкы ~~будет~~ на правой стороне витка будет

1.  $x = r + \sqrt{y(2r-y)}$

$\Delta E = qEr + qE\sqrt{2ry-y^2} - mgy$

$\Delta E' = qE \cdot \frac{2r-2y}{2\sqrt{2ry-y^2}} - mg > 0$

$\frac{qE(r-y)}{\sqrt{2ry-y^2}} > mg$

$q^2 E^2 (r-y)^2 > (mg)^2 (2ry-y^2)$

$r^2 - 2ry - y^2 > (\frac{mg}{qE})^2 (2ry-y^2)$

больше, чем в (.) симметричной ей относительно

только правый

а т.к.  $y_1 = y_2$   $x_1 > x_2$

аналогично скорость бушкы на левой стороне витка будет больше, чем в (.), симметричной ей относительно правый в (.) так скорость будет в (.), расположенной в на участке, обозначенном на рис. I

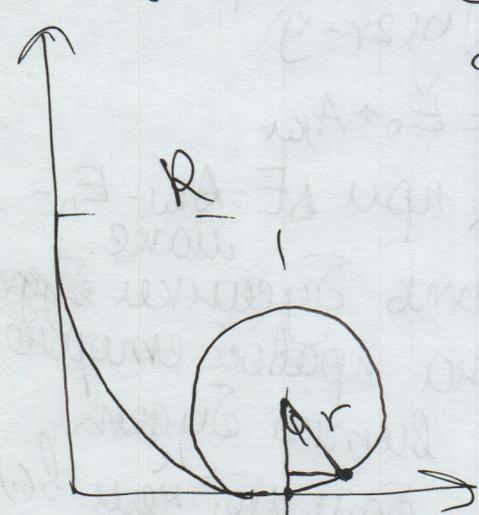
3.7 утастик I

Числовик  
по 2 и 3. Ньютона в пр-уш  
ка обр x:  $m a_x = F_{kil} \cos \varphi - mg \sin \varphi$   
 $m \dot{v} = q E \cos \varphi - mg \sin \varphi > 0$   
(скорость возрастает)  
 $\varphi \in [0; \frac{\pi}{2}] \Rightarrow mg \tan \varphi < q E$

$$\tan \varphi < \frac{q E}{m g} = \frac{10^{-6} \text{ Кл} \cdot 10^3 \frac{\text{В}}{\text{м}}}{10^{-3} \text{ кг} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} = 0,1$$

$$\tan \varphi < 0,1 \Rightarrow \varphi \in [0; \frac{\pi}{2}]$$

и введем систему координат:



3.9:  $E_k + E_n = E_{k0} + E_{n0} + A_{kн}$

$$\frac{m \dot{\Delta}_{\max}^2}{2} + m g r (1 - \cos \varphi) = m g R + q E (R + r \sin \varphi)$$

$$m \dot{\Delta}_{\max}^2 = m g (R - r (1 - \cos \varphi)) + q E (R + r \sin \varphi)$$

$$\tan \varphi = \frac{\sin \varphi}{\cos \varphi} = 0,1 \Rightarrow \sin \varphi = 0,1 \cos \varphi$$

$$\cos \varphi = 10 \sin \varphi$$

$$\cos^2 \varphi + \sin^2 \varphi = 1$$

$$100 \sin^2 \varphi + \sin^2 \varphi = 1 \Rightarrow \sin \varphi = \sqrt{\frac{1}{101}}$$

$$\cos \varphi = \sqrt{\frac{100}{101}}$$

$$\dot{\Delta}_{\max} = \sqrt{g (R - r (1 - \cos \varphi)) + \frac{q E}{m} (R + r \sin \varphi)}$$

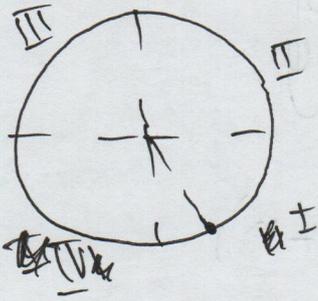
$$= \sqrt{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} (1 \text{ м} - \frac{1}{4} \text{ м} (1 - \sqrt{\frac{100}{101}})) + \frac{10^{-6} \text{ Кл} \cdot 10^3 \frac{\text{В}}{\text{м}}}{10^{-3} \text{ кг}} (1 \text{ м} + \frac{1}{4} \text{ м} \cdot \sqrt{\frac{1}{101}})}$$

$$\approx \sqrt{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} (1 \text{ м} - \frac{1}{4} \text{ м} (1 - \sqrt{\frac{100}{101}})) + \frac{1 \text{ м}^2}{\text{с}^2} + \frac{1}{4} \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2} \sqrt{\frac{1}{101}}} \approx 3,3 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

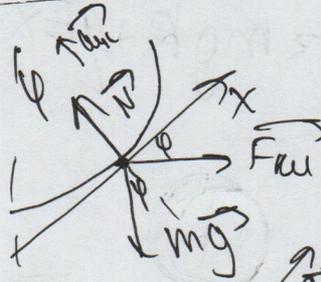
Ответ:  $\dot{\Delta}_{\max} \approx 3,3 \frac{\text{м}}{\text{с}}$  (8)

Черновик  
2. виток радиуса  $r$

~~Черновик~~ Черновик



участок I: по 2 3. Ньютона



$$x: m a_x = F_{ext} \cos \varphi - mg \sin \varphi$$

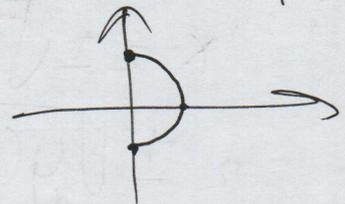
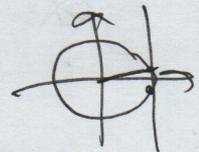
$$m a_x > 0$$

$$\cos \varphi q E - mg \sin \varphi > 0$$

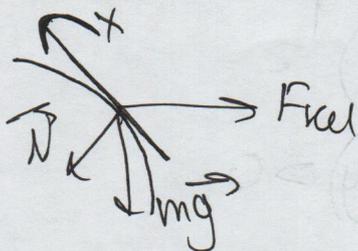
$$\varphi \in [0; \frac{\pi}{2}) \Rightarrow q E - mg \tan \varphi > 0$$

$$\tan \varphi < \frac{q E}{mg}$$

$$\tan \varphi < \frac{10^{-6} \text{ Кл} \cdot 10^3 \frac{\text{В}}{\text{м}}}{10^{-3} \text{ м} \cdot 10^4 \frac{\text{Н}}{\text{кг}}} = 0,1 \Rightarrow \varphi \in [0; \frac{\pi}{2})$$



участок II:



из направления действия сил очевидно, что  $a_x < 0$

$$10^{-3} x - 10^{-2} y \geq 0 E$$

$$x - 10 y \geq 100 \Delta E$$

$$q E x = mg$$

$$10^{-6} \cdot 10^3 x = 10^{-3} \cdot 10^4 = 10^{-2} y$$



$$x > y$$

$$y < x$$



$$\frac{0,1}{\sqrt{1-0,1^2}} \approx 0,1$$

$$x \begin{array}{r} 32 \\ 32 \\ \hline 64 \end{array} \quad x \begin{array}{r} 33 \\ 33 \\ \hline 66 \end{array}$$

$$+ \frac{1}{10} \begin{array}{r} 9 \\ 9 \\ \hline 18 \end{array} \quad + \frac{1}{10} \begin{array}{r} 9 \\ 9 \\ \hline 18 \end{array}$$

$$\frac{102}{10} \quad \frac{108}{10}$$

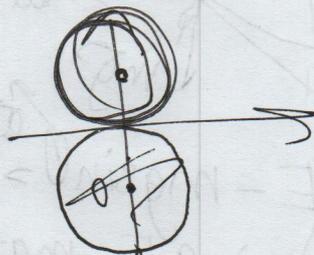
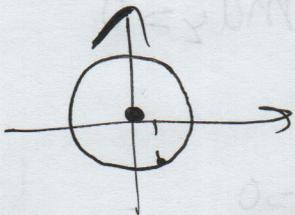
$$10 - \frac{5}{2} + \frac{5}{2} \sqrt{\frac{100}{101}} + 1 + \frac{1}{4} \sqrt{\frac{1}{101}}$$

$$\sqrt{11} \approx 3,3$$



$$E_k = mgR + A_{\omega} - mgh =$$

$$= mgR + qEx - mgy$$



$O(0; +r)$

~~$$x^2 + (y-r)^2 = r^2$$~~

~~$$x = \pm \sqrt{(r-y)(2r+y)}$$~~

$$x = \pm \sqrt{(r-y+r)(r+y-r)}$$

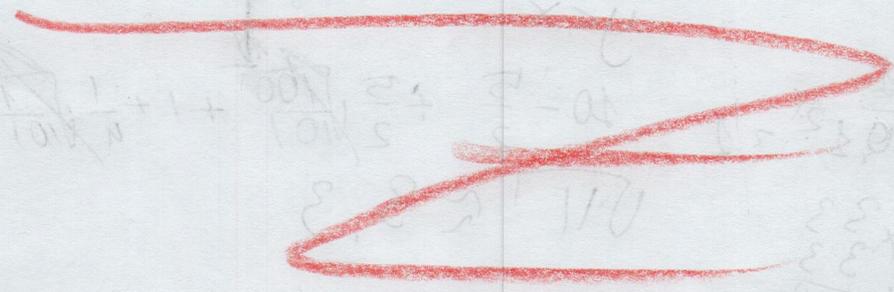
$$= \pm \sqrt{y(2r-y)} = \pm \sqrt{2ry - y^2}$$

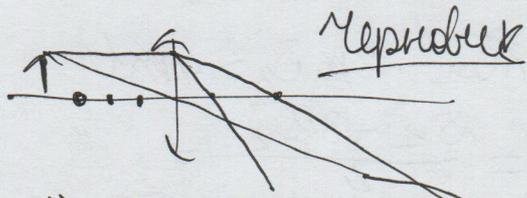
$$(E_k)^{1/2} = (mgR \pm qE \sqrt{y(2r-y)} - mgy)^{1/2}$$

$$= -mg \pm qE \cdot \frac{1}{\sqrt{2ry - y^2}} \cdot (2r - 2y) > 0$$

$$-mg \pm \frac{qE(2r-2y)}{\sqrt{2ry - y^2}}$$

$$1 - mg + qE$$





Черновики

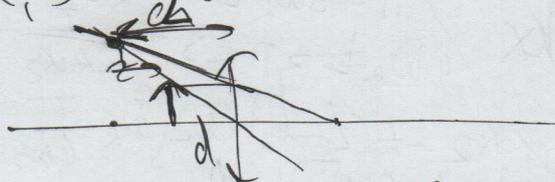
$g \text{ см}^3 : 100 \text{ см}^2 = 0,09 \text{ см} = 0,9 \text{ мм}$   
 $\rho = \frac{mg}{S} + \rho_0 = 10^5 + \frac{100 \cdot 10}{100 \cdot 10^{-4}} = 2 \cdot 10^5$

$\rho \cdot V = \frac{m}{\mu} R(t + 273)$

$\rho \cdot S \cdot h = \frac{m}{\mu} R(t + 273) \Rightarrow h = \frac{m R(t + 273)}{\mu \rho S}$

$= \frac{9 \cdot 10^{-3} \cdot 8,3 \cdot (273 + 227)}{18 \cdot 10^{-3} \cdot 2 \cdot 10^5 \cdot 100 \cdot 10^{-4}}$   
 $= \frac{8,3 \cdot 100}{4 \cdot 100 \cdot 10^{-4} \cdot 10^5} = \frac{8,3 \cdot 1}{2 \cdot 10^{-4} \cdot 10^5} = 4,15 \cdot \frac{1}{10} = 0,415 \text{ мм}$

$2,5 \cdot 10^5 \cdot 100 \cdot 10^{-4}$

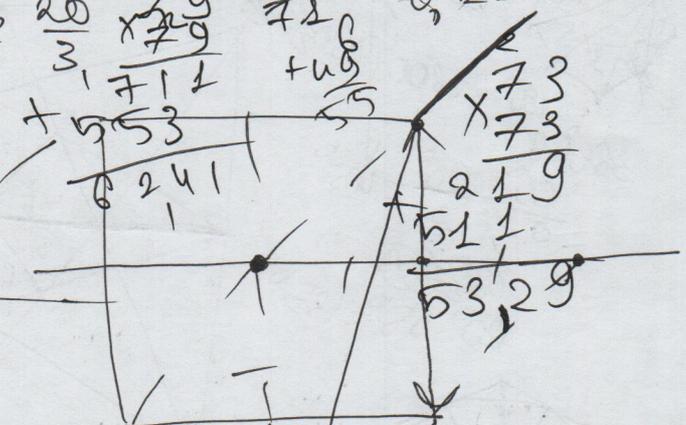


$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{L+d}$   
 $L+d = 3d$   
 $d = \frac{L}{2}$   
 $\frac{1}{15 \text{ см}} = \frac{1}{25} + \frac{1}{15}$

$D = \frac{1}{d} + \frac{1}{3d} = \frac{4}{3d} = \frac{4 \cdot 2}{3 \cdot 2} = \frac{8}{3}$

$\frac{18}{20} = 0,9 \text{ г/см}^3$

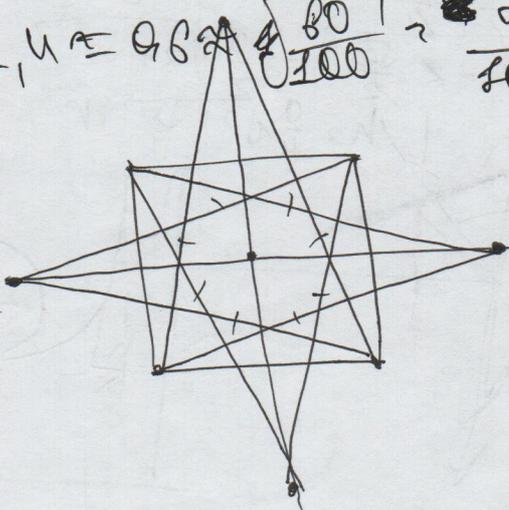
32  
 $\times 7,5$   
 $\hline 375$   
 $\times 525$   
 $\hline 56,2$



$\sqrt{2} \approx 1,4$

$4) 2 - 1,4 = 0,6$   
 $\frac{60}{100} = 0,6$

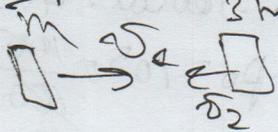
$\times 7,8$   
 $\hline 115$   
 $\times 390$   
 $\hline 780$   
 $\hline 1170$



$60 - 49 = 11$   
 $\times 7,8$   
 $\hline 624$   
 $\times 546$   
 $\hline 6984$

$\sqrt{0,6} = \sqrt{\frac{60}{100}} \approx \frac{7,8}{100}$

Мерноверк



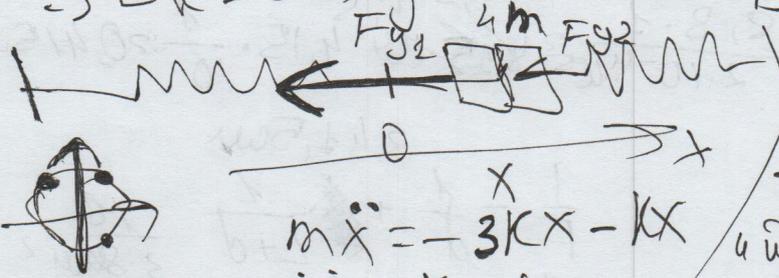
300:  $m\omega_1 - 3m\omega_2 = 4m\omega$

$\omega = \frac{\omega_1 - 3\omega_2}{4}$

$(L-l) \cdot 3\omega_2 \cdot \sqrt{1 - \cos^2 \omega_2 t} - 3 \cdot (L-l) \omega_2 \sqrt{1 - \cos^2 \omega_2 t}$

$3\omega_2(L-l) \cdot \sin \omega_2 t - 3\omega_2(L-l) \sin \omega_2 t = 0$

$\Rightarrow E_k = 0 \Rightarrow$  eq. Елем. - Еңүрәтүм



$m\ddot{x} = -3kx - kx$

$m\dot{x} + 4kx = 0$

$\ddot{x} + \frac{4k}{m}x = 0$

$-\cos 3\omega_2 t = \cos \omega_2 t$   
 $\cos(\pi - 3\omega_2 t) = \cos \omega_2 t$

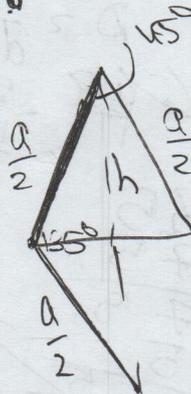
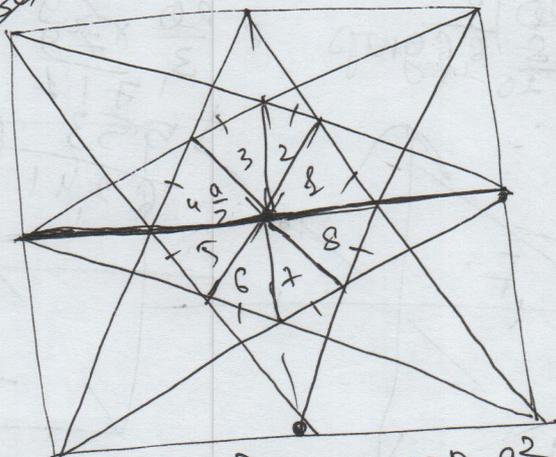
$\pi - 3\omega_2 t = \omega_2 t$   
 $4\omega_2 t = \pi \Rightarrow t = \frac{\pi}{4\omega_2}$

$x_2 = +(L-l) \cos(\omega_2 \cdot \frac{\pi}{4\omega_2})$   
 $= +(L-l) \frac{\sqrt{2}}{2} = A_0$



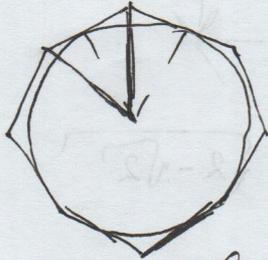
$180^\circ - 67.6^\circ = 112.4^\circ$   
 $\frac{360^\circ}{8} = 45^\circ$

$180^\circ - 45^\circ = 135^\circ$

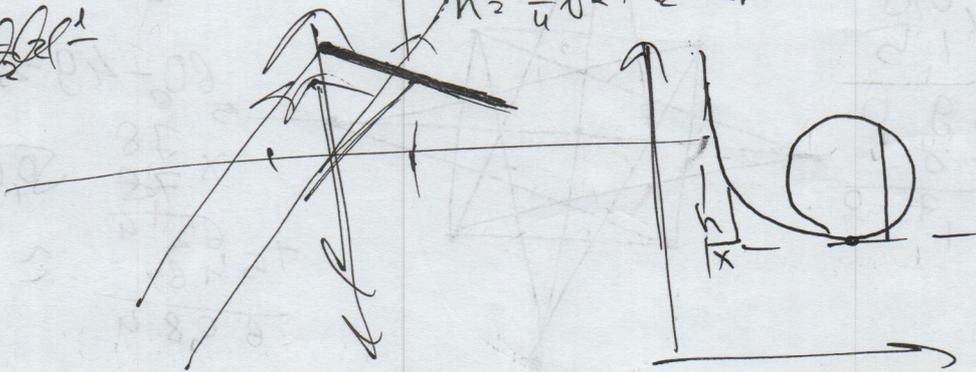


mgh - min

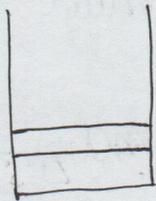
$(2h)^2 = \frac{a^2}{4} + \frac{a^2}{4} - 2 \cos 135^\circ \cdot \frac{a^2}{4}$   
 $2h = \sqrt{\frac{a^2}{4}(2 + 2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2})} = \frac{a}{2} \sqrt{2 + \sqrt{2}}$   
 $h = \frac{a}{4} \sqrt{2 + \sqrt{2}} = r$



$h = r$



Церковник

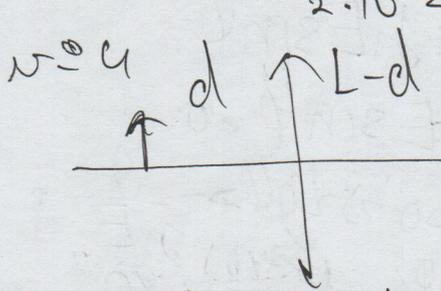


$$\rho = \frac{Mg}{S} + \rho_0 = \rho_{\text{нп}}$$

$$\frac{100 \cdot 10^4 / \text{м}}{100 \cdot 10^{-4} \text{ м}^2} = 2 \cdot 10^5$$

$$2 \cdot 10^5 < \rho_{\text{нп}}$$

$$\rho_{\text{нп}} \cdot S \cdot h = \rho_{\text{нп}} \frac{m \pi R T}{\mu}$$



$$\frac{L-d}{d} = 3$$

$$L-d = 3d$$

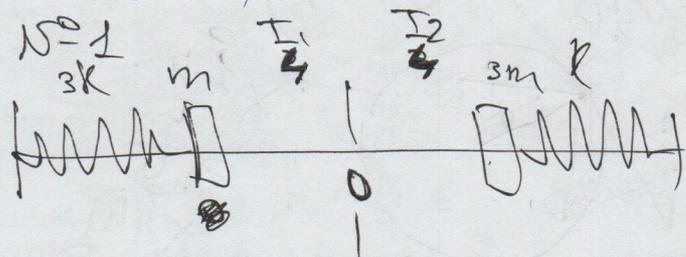
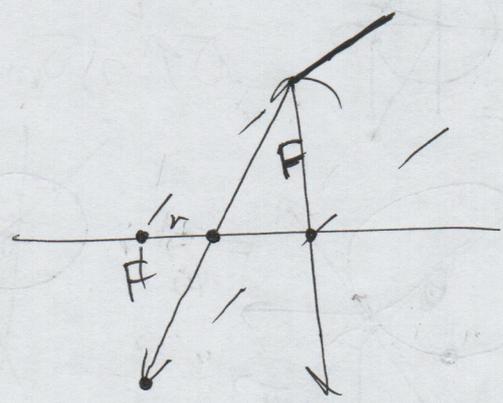
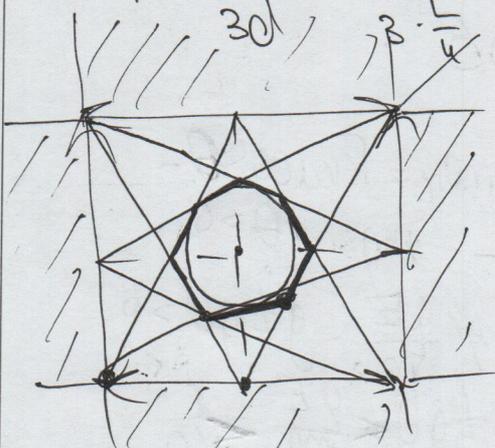
$$L = 4d$$

$$D = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$$

$$D = \frac{1}{d} + \frac{1}{L-d}$$

$$D = \frac{3}{3d} + \frac{1}{3d} = \frac{4}{3d}$$

$$D = \frac{4}{3d} = \frac{4}{3 \cdot \frac{L}{4}} = \frac{16}{3L}$$



$$\omega_1 = \sqrt{\frac{3k}{m}}$$

$$\omega_2 = \sqrt{\frac{k}{3m}}$$

$$\frac{\omega_1}{\omega_2} = \frac{\sqrt{3} \sqrt{k}}{\sqrt{k}} \cdot \frac{\sqrt{3} \cdot \sqrt{3m}}{\sqrt{3m}} = 3$$

$$\omega_1 = 3\omega_2$$

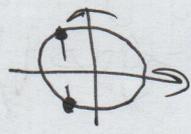
$$x_1 = (L-l) \cdot \cos \omega_1 t$$

$$x_2 = (L-l) \cos \omega_2 t$$

$$-(L-l) \cos 3\omega_2 t = (L-l) \cos \omega_2 t$$

$$-\cos 3\omega_2 t = \cos \omega_2 t$$

$$\cos 3\omega_2 t = -\cos \omega_2 t \Rightarrow |\cos 3\omega_2 t| = |\cos \omega_2 t|$$



$$y_1 = (L-l) \omega_1 \sin \omega_1 t$$

$$y_2 = -(L-l) \omega_2 \sin \omega_2 t \quad k \geq 0$$

$$\cos \omega_2 t = \cos(\pi - 3\omega_2 t)$$

$$\omega_2 t = \pi - 3\omega_2 t + 2\pi k$$

$$\omega_2 t = -\pi + 3\omega_2 t + 2\pi k$$

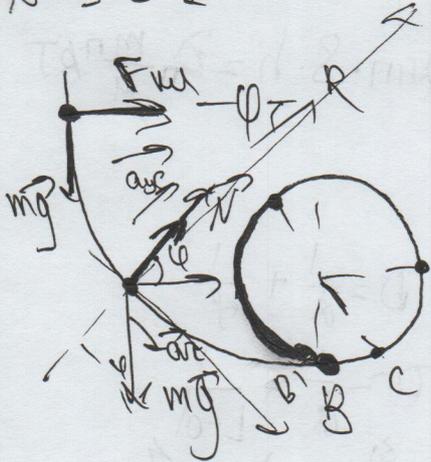
$$4\omega_2 t = \pi + 2\pi k \quad t_{\text{min}} = \frac{\pi}{4\omega_2}$$

$$-2\omega_2 t = -\pi + 2\pi k$$

$$2\omega_2 t = \pi - 2\pi k \quad t = \pi$$

№ 3.9.1

Циркован



$$x: -mg \sin \varphi + F_k \cos \varphi = m a_{\varphi}$$

$$y: F_k \sin \varphi + mg \cos \varphi = m a_{\varphi}$$

$$\frac{q}{m} = \delta$$

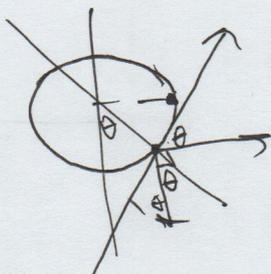
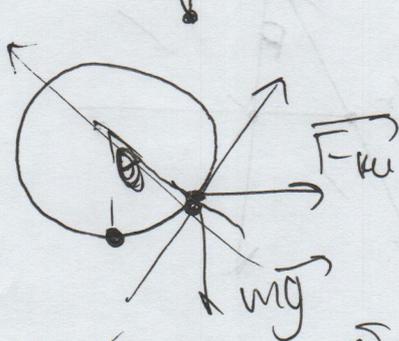
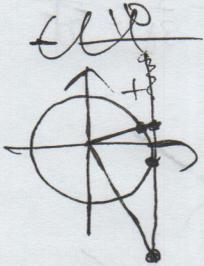
$$a_{\varphi} = g \cos \varphi + \delta E \sin \varphi$$

$$v = g \cos \varphi + \delta E \sin \varphi = 0$$

$$g + \delta E \operatorname{tg} \varphi = 0 \Rightarrow \operatorname{tg} \varphi = -\frac{g}{\delta E}$$

$$= -\frac{mg}{qE} = -\frac{10^{-3} \cdot 10}{10^{-6} \cdot 10^3} = -\frac{10^{-3} \cdot 10}{10^{-3}} = -10$$

$v \uparrow \Rightarrow \Delta m \perp - \text{в } (\cdot) B$

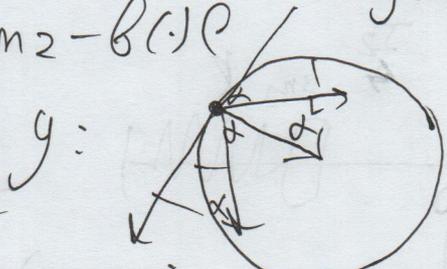
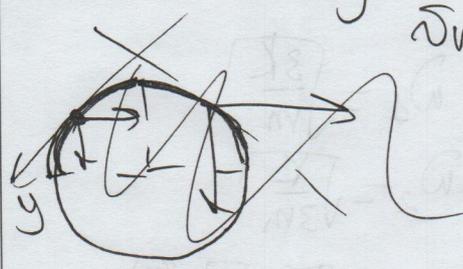


$$m a_{\varphi} = F_k \cos \theta - mg \sin \theta > 0$$

$$\frac{qE}{m} - g \operatorname{tg} \theta > 0$$

$$\operatorname{tg} \theta < \frac{qE}{mg} < 10$$

$\Delta m \perp - \text{в } (\cdot) P$



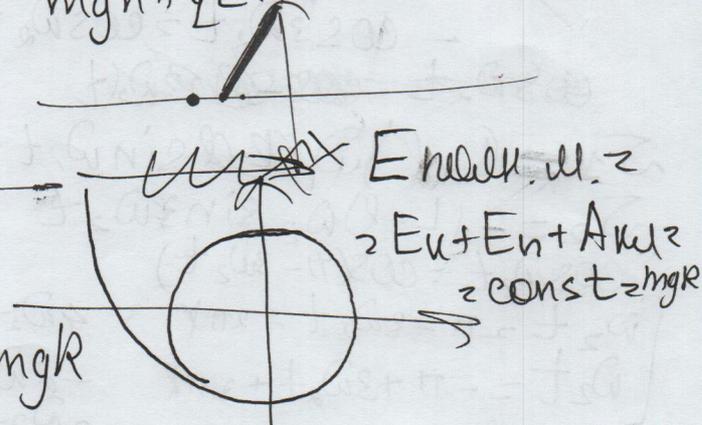
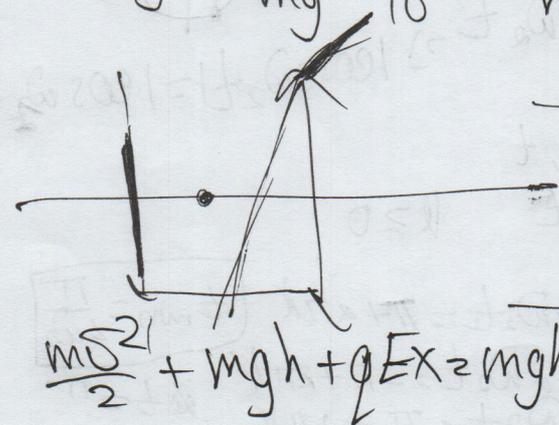
$$mg \sin \alpha - F_k \cos \alpha = m a_{\varphi}$$

$$g \sin \alpha - \frac{F_k}{m} \cos \alpha > 0$$

$$g \operatorname{tg} \alpha - \frac{qE}{m} > 0$$

$$\operatorname{tg} \alpha > \frac{qE}{mg} = 10$$

либо  $(\cdot) B$ , либо  $(\cdot) B'$   
 $mgh + qEx = \min$



Оценка  
уменьшена  
с "81" на "83"  
2024



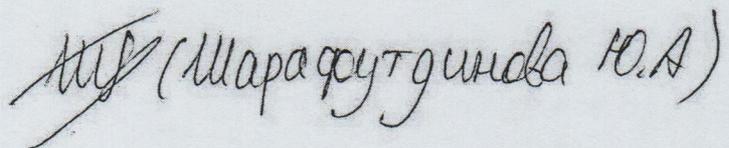
Председателю апелляционной комиссии  
олимпиады школьников «Ломоносов»  
Ректору МГУ имени М.В. Ломоносова  
академику В.А. Садовничему  
от участника заключительного этапа по  
профилю «физика»  
Шарафутдиновой Юлии  
Александровны

#### Апелляция

Прошу пересмотреть мой индивидуальный предварительный результат заключительного этапа, а именно 81 балл, поскольку полагаю, что за задачу номер 5 балл выставлен не в соответствии с критериями. В моем решении верно указан ход лучей в оптической системе, что в соответствии с критериями может оцениваться большим количеством баллов.

Подтверждаю, что я ознакомлена с Положением об апелляциях на результаты олимпиады школьников «Ломоносов» и осознаю, что мой индивидуальный предварительный результат может быть изменён, в том числе в сторону уменьшения количества баллов.

25 марта 2023 года

 (Шарафутдинова Ю.А.)