



54-79-02-55  
(4.3)



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант № 2

Место проведения Москва  
город

*Землефер*

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников "Ломоносов"  
наименование олимпиады

по Физике  
профиль олимпиады

Алимовой Сабиты Эльмаровны  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

*выход 14:53 Кон*  
*вход 14:57 Кон*

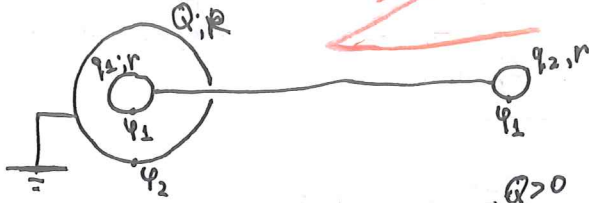
Дата  
« 9 » Февраля 2024 года

Подпись участника

*А.С.*

54-79-02-55  
(4.3)

Задача № 3,10,2



потенциал шаров  $\oplus$   
равны, т.к. они соединены  
проводом, система принимает  
в равновесии, ток нет.

Пусть заряд оболочки равен  $Q$ , потенциал маленьких шаров -  $\phi_1$ , потенциал оболочки -  $\phi_2$ . Предположим, что заряд шара внутри Земли сферой  $-q_1$ , а снаружи  $-q_2$

1)  $\phi_2 = 0$ , т.к. оболочка заземлена

$$\phi_2 = \frac{kQ}{R} + \frac{kq_1}{R} = 0 \Rightarrow Q = -q_1$$

$$\phi_1 = \frac{kQ}{R} + \frac{kq_1}{r} \quad \text{— для шара 1} \quad r = \frac{R(q_2 - q_1)}{Q}$$

$$\phi_1 = \frac{kq_2}{r} \quad \text{— для шара 2} \quad r = \frac{R(q_2 - q_2)}{-q_1}$$

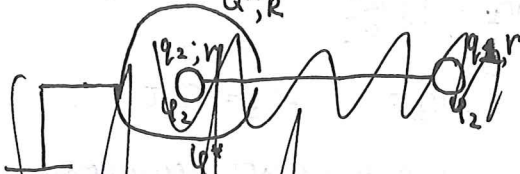
$$\frac{kQ}{R} + \frac{kq_1}{r} = \frac{kq_2}{r} \quad | \cdot Rr \quad r = \frac{R(q_1 - q_2)}{q_1}$$

$$kQr + kq_1R = kq_2R$$

$$Qr + q_1R = q_2R$$

$$r = 3 \text{ см} \left( 1 - \frac{2,5 \cdot 10^{-10} \text{ Кл}}{2,5 \cdot 10^{-10} \text{ Кл}} \right) \quad r = 3 \text{ см} (1 - 3) < 0 \text{ — предположение неверно}$$

$r < 0$ , т.к. предположение неверно. Заряд шара внутри оболочки -  $q_2$ , а снаружи оболочки -  $q_1$ . Пусть заряд оболочки равен  $Q^*$ ,  $Q^* > 0$



$$r = R \left( 1 - \frac{q_2}{q_1} \right) \quad \oplus$$

$$r = 3 \text{ см} \left( 1 - \frac{2,5 \cdot 10^{-10} \text{ Кл}}{7,5 \cdot 10^{-10} \text{ Кл}} \right)$$

1)  $\phi_1^* = \frac{kQ^*}{R} + \frac{kq_2}{R} = 0$ , т.е.  $Q^* = -q_2$

$$\phi_2^* = \frac{kQ^*}{R} + \frac{kq_2}{r} \quad \text{— для шара внутри оболочки}$$

$$\phi_2^* = \frac{kq_1}{r} \quad \text{— для шара снаружи от оболочки}$$

$$\frac{kQ^*}{R} + \frac{q_2}{r} = \frac{q_1}{r}$$

$$Q^* r = (q_1 - q_2) R$$

$$r = \frac{(q_1 - q_2) R}{-q_2}$$

$$r = \frac{(q_1 - q_2) R}{-q_2}$$

$$r = \frac{(q_2 - q_2) R}{q_2}$$

$$r = 3 \text{ см} \left( 1 - \frac{1}{3} \right)$$

$$r = 3 \text{ см} \cdot \frac{2}{3}$$

$$r = 2 \text{ см}$$

Ответ: радиус шаров  $r$  равен 2 см.  $\oplus$

Задача № 1,4,2

1)  $mg = \gamma \frac{mM}{R^2}$ , где  $M$ ;  $R$  - радиусы и масса планеты

$g = \gamma \frac{M}{R^2}$

$F_1 = \gamma \frac{m_1 M}{R_1^2} = m_1 a_1$

$a_1 = \gamma \frac{M}{R_1^2}$

$a_1 = \frac{\gamma M}{R^2} \cdot \frac{R^2}{R_1^2}$ , т.е.

$a_1 = g \cdot \frac{R^2}{R_1^2}$

$a_1 = \omega_1^2 R_1, \omega_1 = \sqrt{\frac{a_1}{R_1}}$

$\omega_1 = \sqrt{\frac{g R^2}{R_1^3}}$

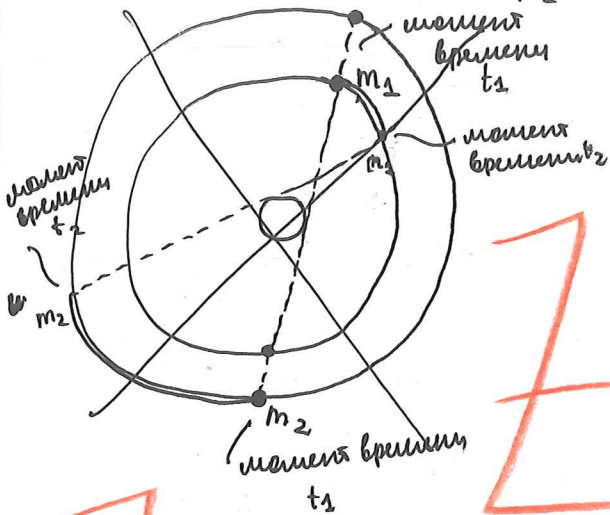
$F_2 = \gamma \frac{m_2 M}{R_2^2} = m_2 a_2 \Rightarrow$

$a_2 = g \left(\frac{R}{R_2}\right)^2$

$\omega_2^2 R_2 = a_2$

$\omega_2^2 = \frac{a_2}{R_2} = \frac{g R^2}{R_2^3}$ , т.е.

$\omega_2 = \sqrt{\frac{g R^2}{R_2^3}}$



$\begin{cases} a_1 = g \frac{R^2}{R_1^2} \\ a_2 = g \frac{R^2}{R_2^2} \end{cases}$

$\frac{v_2^2}{R_1} = a_1$

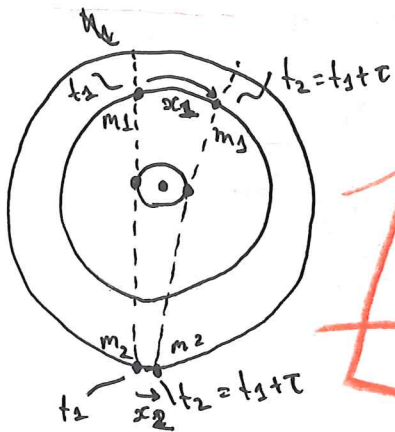
$v_2 = \sqrt{g \frac{R^2}{R_2}}$

$v_1^2 = a_1 R_1$

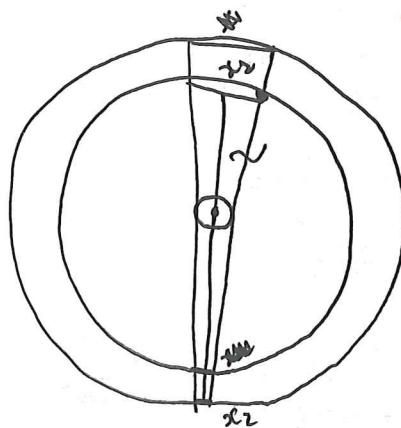
$v_1 = \sqrt{g \frac{R^2}{R_1}}$

$x_1 = v_1 \tau$

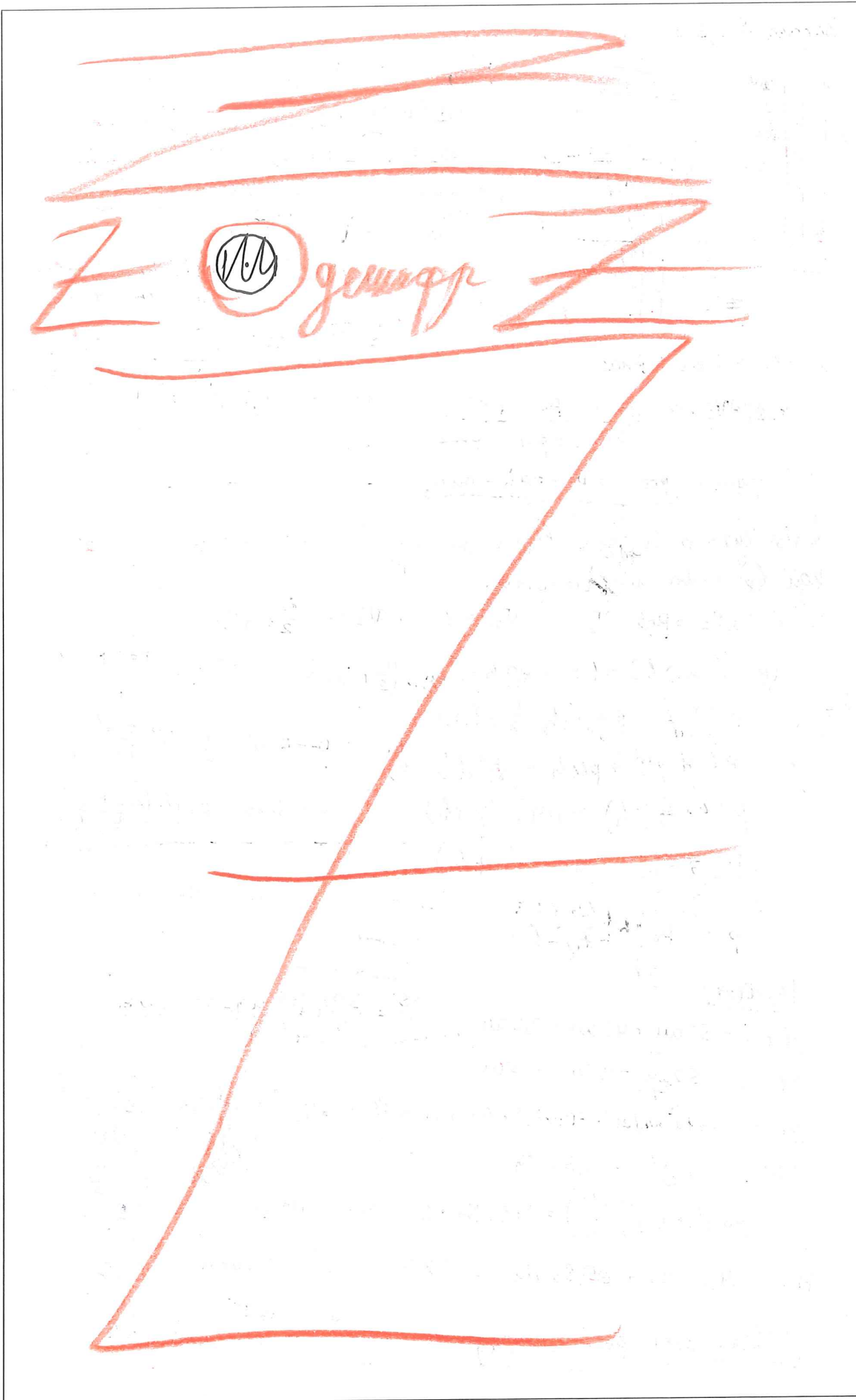
$x_2 = v_2 \tau$



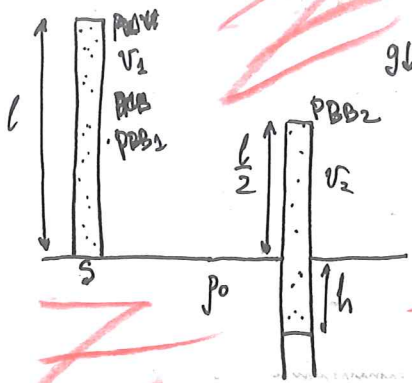
Т.к. размер планеты примерно в 100 раз меньше диаметров орбит, то время  $\tau$  - маленькое, а пути  $x_1$  и  $x_2$  можно считать отрезками прямой.



54-79-02-55  
(4.3)



Задача № 2,5,2



1) Для

$p_{ВВ1} = p_{св1} + p_{нас} = p_0$

давление в. воздуха в. трубе      давление пара

или  $p_{нас} l S = \nu_1 RT$ , где  $\nu_1$  - кол-во в-ва пара в. трубе

2)  $p_{ВВ2} = p_{св2} + p_{нас}$

$p_{св1} = p_0 - p_{нас}$   
 $p_{св2} = p_{ВВ2} - p_{нас}$

$p_{ВВ2} = p_0 + \rho g h$ , т.е.

$p_{св2} = p_0 + \rho g h - p_{нас}$

Для сухого воздуха верна закон Бойля-Мариотта, т.е. по кол-во в-ва неизменно.

$p_{св1} V_1 = p_{св2} V_2$        $V_1 = l S$        $V_2 = (\frac{l}{2} + h) S$

$(p_0 - p_{нас}) l S = (p_0 + \rho g h - p_{нас}) (\frac{l}{2} + h) S$       пусть  $p = p_0 - p_{нас}$

$p l S = (p + \rho g h) (\frac{l}{2} + h) S$

$p l = p \frac{l}{2} + p h + \rho g h (\frac{l}{2} + h)$

$p (l - \frac{l}{2} - h) = \rho g h (\frac{l}{2} + h)$

$p (\frac{l}{2} - h) = \rho g h (\frac{l}{2} + h)$

$p = \rho g h (\frac{l/2 + h}{l/2 - h})$

$p_0 - p_{нас} = \rho g h (\frac{l/2 + h}{l/2 - h})$

$p_0 = p_{нас} + \rho g h (\frac{l/2 + h}{l/2 - h})$

Решение:

$\frac{1}{2} l + h = 50 \text{ см} + 45 \text{ см} = 95 \text{ см}$

$\frac{95}{5} = \frac{50}{5} + \frac{45}{5} = 10 + 9 = 19$

$\frac{1}{2} l - h = 50 \text{ см} - 45 \text{ см} = 5 \text{ см}$

$\rho \cdot g h = 10^3 \text{ кг/м}^3 \cdot 10 \text{ м/с}^2 \cdot 0,45 \text{ м} = 10^3 \cdot 4,5 = 10^4 \cdot 4,5 = 10^1 \cdot 450 = 4500$

$4500 \rho g h = 4,5 \text{ кПа}$

$\rho g h \cdot (\frac{l/2 + h}{l/2 - h}) = 4,5 \text{ кПа} \cdot 19 = 85,5 \text{ кПа}$

$p_0 = 14,5 \text{ кПа} + 85,5 \text{ кПа} = 100 \text{ кПа} = 10^5 \text{ Па} = 1 \text{ атм}$

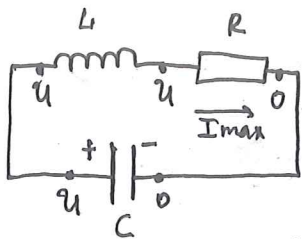
Ответ: ~~100~~  $p_0 = 100 \text{ кПа}$

вм. x атм

$$\begin{array}{r} 45 \\ \times 19 \\ \hline 405 \\ + 45 \\ \hline 855 \\ + 145 \\ \hline 1000 \end{array}$$

54-79-02-55  
(4.3)

Задача № 5, 4, 2



итого напряжение

Кратчайший момент времени t



2) Рассмотрим момент времени  $t_0 = 0$  в котором

$$I_0 = I_{max}, I_0' = 0$$

$$U_L = LI' = 0$$

$$I_{max} = \frac{U_0}{R} = \frac{U}{R} \quad (+4)$$

$$W(t_0) = 0 + \frac{CU^2}{2} \quad W(t_0) = \frac{CU^2}{2}$$

3) За короткий период времени, за который можно пренебречь изменением ёмкости на конденсаторе.

$$\frac{LI^2}{2} + \frac{q^2}{2C} = \text{const} \quad \text{const}' = 0$$

$$\left(\frac{LI^2}{2}\right)' = L \cdot I \cdot I' = LI \dot{I} = L \dot{q} \dot{q}'$$

$$L \dot{q} \dot{q}' + \dot{q} \frac{q}{C} = 0 \quad | \cdot$$

$$\left(\frac{q^2}{2C}\right)' = \frac{1}{2C} \cdot 2q \cdot \dot{q} = \frac{\dot{q}q}{C}$$

$$\dot{q}' + \frac{q}{LC} = 0 \quad \text{диф. ур-ие колебаний}$$

$$W = \frac{1}{\sqrt{LC}}, \quad T = 2\pi\sqrt{LC} \quad (+4)$$

$$Q_R = R \int_0^T I^2(t) dt \quad Q_R = R \int_0^T I_{max}^2 \cos^2(\omega t) dt \quad (+4) \quad \text{за момент времени T}$$

$$I = I_{max} \cos(\omega t) \quad (I(0) = 0, \text{ т.е.})$$

$$Q = R \int_0^T I^2(t) dt \quad Q = R \int_0^T I_{max}^2 \cos^2(\omega t) dt \quad \cos^2 \alpha = \frac{1 + \cos 2\alpha}{2}$$

$$Q = R I_{max}^2 \int_0^T \cos^2(\omega t) dt$$

$$\int_0^T \cos^2(\omega t) dt = \int_0^T \frac{1 + \cos(2\omega t)}{2} dt =$$

$$= \frac{1}{2} \int_0^T (1 + \cos(2\omega t)) dt = \frac{1}{2} \left( T + \frac{1}{2\omega} \sin(2\omega t) \right) \Big|_0^T$$

$$\int_0^T \cos^2(\omega t) dt = \frac{1}{2} \left( T + \frac{1}{2\omega} \cdot \sin(4\pi) \right) -$$

$$2\omega T = 2\omega \cdot \frac{2\pi}{\omega} = 4\pi$$

$$- \frac{1}{2} \left( 0 + \frac{1}{2\omega} \cdot \sin(0) \right) = \frac{1}{2} T$$

$$Q = R I_{max}^2 \cdot \frac{1}{2} T = \frac{R I_{max}^2 T}{2} = \frac{R \cdot U^2}{2R^2} \cdot T = \frac{U^2 T}{2R}$$

$$\begin{array}{r} 314 \\ \times 12 \\ \hline 628 \\ 314 \\ \hline 3768 \approx 38 \end{array}$$

$$Q = \frac{U^2 T}{2R}$$

$$2RQ = U^2 T$$

$$T = 2\pi\sqrt{LC} \quad 0,04 =$$

$$= 4 \cdot 10^{-2}$$

$$\left[ R = \frac{U^2 T}{2Q} = \frac{U^2 \cdot \pi \sqrt{LC}}{Q} \right] \quad (+5)$$

$$\text{Рассчитаем: } \sqrt{LC} = \sqrt{10,3 \mu\text{H} \cdot 30 \cdot 10^{-6} \text{Ф}} = \sqrt{9 \cdot 10^{-6}} = 3 \cdot 10^{-3}$$

$$U^2 = 0,04 \quad Q = 0,38 \cdot 10^{-3} = 3,8 \cdot 10^{-1} \cdot 10^{-3} = 3,8 \cdot 10^{-4}$$

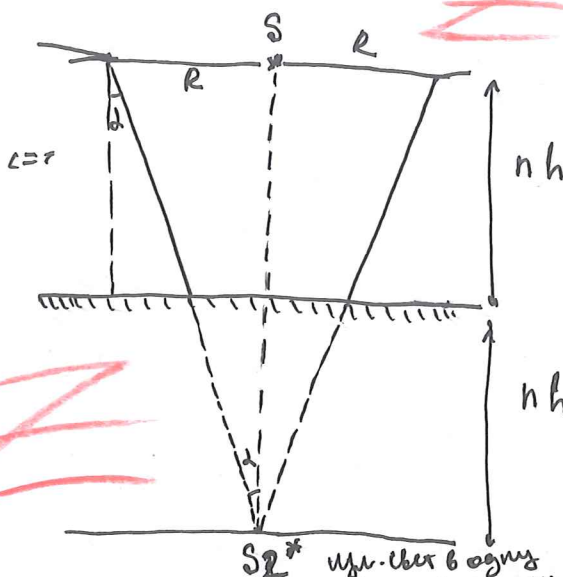
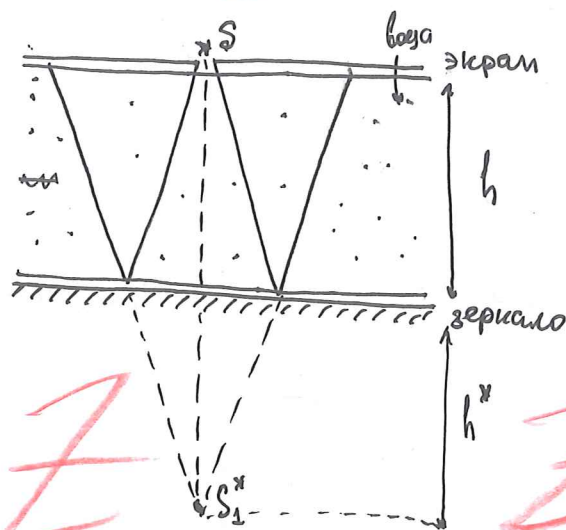
$$\left[ R = \frac{0,04 \cdot 3,14 \cdot 3 \cdot 10^{-3}}{3,8 \cdot 10^{-4}} = \frac{4 \cdot 3 \cdot 3,14 \cdot 10^{-5}}{3,8 \cdot 10^{-4}} \approx \frac{38 \cdot 10^{-5}}{3,8 \cdot 10^{-4}} = \frac{38 \cdot 10^{-5}}{38 \cdot 10^{-5}} = 1 \text{ Ом} \right]$$

Ответ:  $R = 1 \text{ Ом}$ .

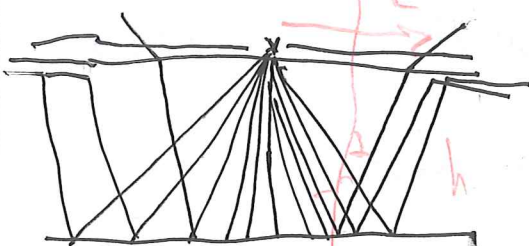
Задача № 4,10,2

$\frac{87|3}{-6|29}$   
 $\frac{28}{28}$

рисунок 1



Оберстие в экране равномерно тогелному светилу. В воде <sup>наименьшая</sup> проницают все лучи от источника, т.к.  $n_{возд} = n = 1,5 \Rightarrow n_{вода} = 1$ . Однако, при пересечении границы раздела сред часть лучей испытывает вынужденное внутр. отражение, поэтому радиус кривизны линзы должен



схематичный рисунок 2

Кусок на рисунке 1 убодротен под углом, шмелому. мале. угол с нормально к поверхности, при этом не испыт. полное внутр. отражение

$$n \sin \alpha = 1 \cdot \sin \frac{\pi}{2}$$

$$n \sin \alpha = 1, \quad \sin \alpha = \frac{1}{n}, \quad \left[ \cos \alpha = \sqrt{1 - \frac{1}{n^2}} = \frac{\sqrt{n^2 - 1}}{n} \right]$$

$$\tan \alpha = \frac{R}{2 \cdot n \cdot h} = \text{tg} \alpha$$

$$\text{tg} \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{1}{h} \cdot \frac{n}{\sqrt{n^2 - 1}} = \frac{1}{\sqrt{n^2 - 1}}$$

$$1,25 \approx 1,21, \text{ см.}$$

$$\sqrt{1,25} \approx 1,1$$

$$h = \frac{R}{2 \cdot n \cdot \text{tg} \alpha} \quad \left[ h = \frac{R \sqrt{n^2 - 1}}{2n} \right]$$

$$h = \frac{8 \text{ см} \cdot \sqrt{2,25 - 1}}{2 \cdot 1,5} = \frac{8 \text{ см} \cdot \sqrt{1,25}}{3} \approx \frac{8 \text{ см} \cdot 1,1}{10 \cdot 3} \approx \frac{88}{30} \approx 2,9 \text{ см}$$

14