



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант N¹

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
название олимпиады

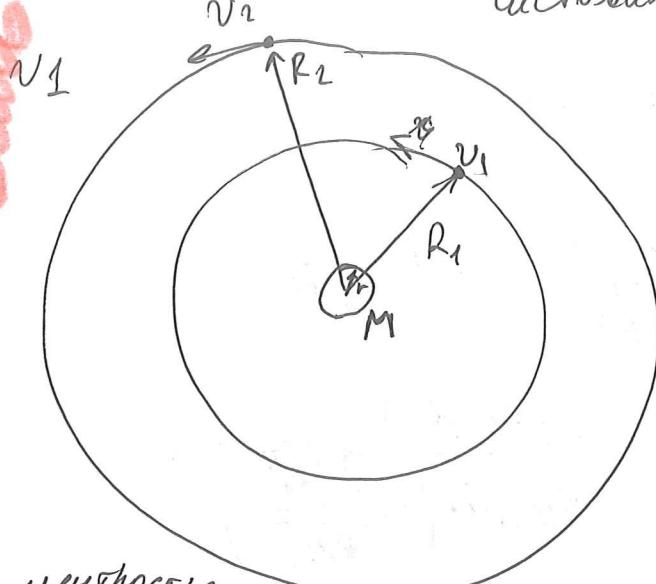
по Физике
профиль олимпиады

Бондаренко Бориса Эдуардовича
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата

« 9 » января 2024 года

Подпись участника



Числовик

$$\begin{aligned} r &\approx 10^3 \\ R_1 &= 6,4 \cdot 10^4 \\ R_2 &= 10^5 \end{aligned} \Rightarrow r \ll R_1, \quad r \ll R_2$$

$$g = G \cdot \frac{M}{r^2}$$

$$g_1 = G \cdot \frac{M}{R_1^2}$$

ускорение
свободного падения
около 1 ген

$$g_2 = G \cdot \frac{M}{R_2^2}$$

около 2 ген

$$a = g_1 = \frac{v_1^2}{R_1}$$

центробежное ускорение

$$v_1^2 = G \cdot \frac{M}{R_1}, \quad v_2^2 = G \cdot \frac{M}{R_2}$$

Советование

Ю.Д. Г.

Руденко

 T_1 - период обращения 1 спутника вокруг

танкета

 T_2 - 2 спутника:

$$T_1 = \frac{2\pi R_1}{v_1} = \frac{2\pi R_1}{\sqrt{GM}} \cdot \sqrt{R_1} = 2\pi \sqrt{\frac{R_1^3}{GM}}$$

$$T_2 = \frac{2\pi R_2}{v_2} = 2\pi \sqrt{\frac{R_2^3}{GM}}$$

$$\omega_1 = \frac{v_1}{R_1} = \sqrt{\frac{GM}{R_1^3}}, \quad \omega_2 = \sqrt{\frac{GM}{R_2^3}}$$

перейдём в с.о 2 спутника, тогда 2 спутник

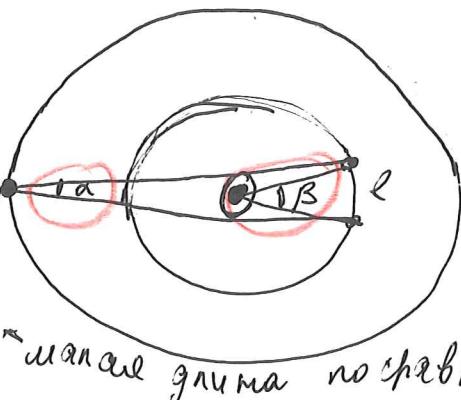
стоит на месте, а второй будет вращаться

с чистой скоростью $\omega = \omega_1 - \omega_2 =$

$$= \sqrt{\frac{GM}{R_1^3}} - \sqrt{\frac{GM}{R_2^3}}$$

$$\alpha = \frac{2r}{R_2} - \text{малый угол по сравнению с } 2\pi$$

$$l = \alpha \cdot (R_2 + R_1) = \frac{2r}{R_2} (R_2 + R_1) \sim \text{малое зонтическое расстояние с } R_1$$



Числовик

$$\beta = \frac{e}{R_1} = \frac{2r}{R_1 R_2} (R_1 + R_2)$$

$$t = \frac{\beta}{\omega} = \frac{2r(R_1 + R_2)}{R_1 R_2 \left(\sqrt{\frac{GM}{R_1^3}} - \sqrt{\frac{GM}{R_2^3}} \right)}, \quad r = \sqrt{\frac{GM}{g}}$$

$$t = \frac{2 \cdot \sqrt{GM} (R_1 + R_2)}{R_1 R_2 \cdot \sqrt{g} \cdot \left(\sqrt{\frac{GM}{R_1^3}} - \sqrt{\frac{GM}{R_2^3}} \right)} = \frac{2 (R_1 + R_2)}{R_1 R_2 \sqrt{g} \cdot \left(\frac{R_2^3 - R_1^3}{\sqrt{R_1^3 R_2^3}} \right)}$$

$$= \frac{2 \cdot 1,64 \cdot 10^5 \cdot 10^3}{3 \cdot 0,64 \cdot 10^{10} \cdot 10^6 \cdot \sqrt{10^3 - 0,64^3 \cdot 10^3}} = \frac{3,28 \cdot 10^5 \cdot 10^{10} \cdot 0,64}{4,92 \cdot 10^{10} \cdot 10 (\sqrt{100} - 4)}$$

$$= \frac{2 \cdot 1,64 \cdot 10^5 \cdot 10^{10}}{3 \cdot 10^{10} \cdot 10 (\sqrt{100} - 4)} = \frac{3,28 \cdot 10^4}{3 (\sqrt{100} - 4)}$$

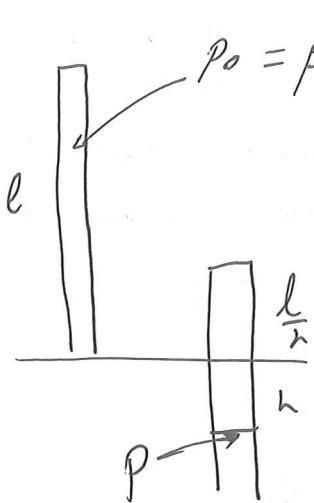
$$= \frac{2 \cdot 1,64 \cdot 10^5 \cdot 10^{15}}{3 \cdot 0,64 \cdot 10^{10} \cdot ((100)^{\frac{3}{2}} \cdot 10^9 - \sqrt{64^3 \cdot 10^9})} = \frac{2 \cdot 1,64 \cdot 10^{10} \cdot 0,6}{3 \cdot \sqrt{10^3} \cdot (1000 - 8^3)}$$

$$= \frac{2 \cdot 1,64 \cdot 10^8 \cdot 10^{24} \cdot 0,6^3}{3 \cdot 0,64 \cdot 10^{16} \cdot 10^9 (10^3 - 8^3)} = \frac{2 \cdot 1,64 \cdot 10^8 \cdot 0,6}{3 \cdot 0,64 \cdot 488} \approx \frac{2 \cdot 10^4}{10^3} \approx 2 \cdot 10^4 \text{ с} \approx$$

~ 4 час

№2

Число бик



$$P_0 = P_{\text{нас}} + \rho g h = P_{\text{нас}} + \frac{\rho g R T}{l \cdot S} \quad (1)$$

после этого мы получаем
трубку в воду. давление
насыщенных паров не изменяется
и к 200 рнас (для газа вспомог.
пара)

$$P = P_0 + \rho g h = P_{\text{нас}} + \frac{\rho g R T}{(\frac{l}{2} + h)S} \quad (2)$$

$$(1) (P_0 - P_{\text{нас}}) l = \frac{\rho g R T}{S}$$

$$(2) P_0 + \rho g h = P_{\text{нас}} + \frac{(P_0 - P_{\text{нас}})l}{\frac{l}{2} + h}$$

$$P_0 \left(\frac{l}{2} + h \right) + \rho g h \left(\frac{l}{2} + h \right) = P_{\text{нас}} \underbrace{\left(\frac{l}{2} + h \right)} + P_0 l - P_{\text{нас}} l$$

$$P_0 \left(\frac{l}{2} + h - l \right) + \rho g h \left(\frac{l}{2} + h \right) = P_{\text{нас}} \left(\frac{l}{2} + h - l \right)$$

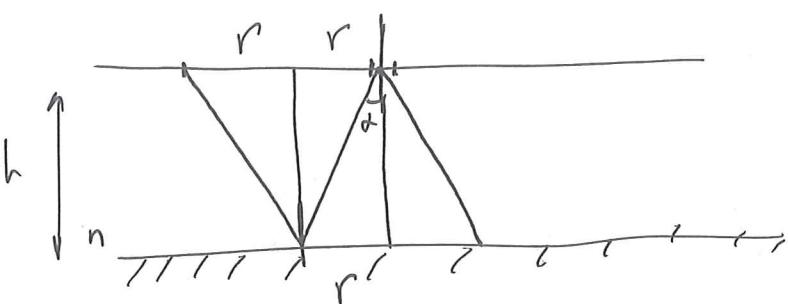
$$P_{\text{нас}} = \frac{P_0 \left(h - \frac{l}{2} \right) + \rho g h \left(\frac{l}{2} + h \right)}{h - \frac{l}{2}} = \frac{-10^5 \cdot 0,05 + 10^3 \cdot 10 \cdot 0,45 \cdot 0,95}{-0,05} =$$

$$= \frac{-10^5 \cdot 5 + 10^4 \cdot 45 \cdot 0,95}{-5} = \frac{10^5 - 10^4 \cdot 9 \cdot 0,95}{-5} = 10^4 (10 - 8,55) =$$

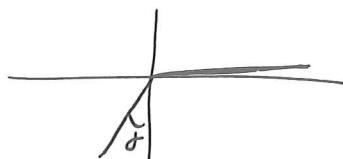
$$= 10^4 \cdot 1,45 = 14500 \text{ Па}$$

Число фан.

№4



максимальный угол, при котором можно получить при вхождении в воду: +



$$\sin(90^\circ) = n \cdot \sin \alpha.$$

$$\sin \alpha = \frac{1}{n} \neq \cancel{\frac{2}{3}} +$$

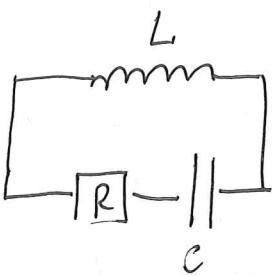
Значит в воду будут входить лучи ~~с углом меньшим или равным~~
с углом меньшим или ~~равным~~ α .

$$\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2} = \sqrt{1 - \frac{4}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3} \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{\frac{2}{3}}{\frac{\sqrt{5}}{3}} = \frac{2}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5}$$

$$r = h \cdot \operatorname{tg} \alpha = 5 \cdot \frac{2\sqrt{5}}{5} = 2\sqrt{5} \text{ см.}$$

$R = 2r = 4\sqrt{5}$ см ← т.к. отверстие малое, то это ошибки +

№5



в этот момент, когда $I' = 0$, то

$$U_L = L \dot{I} = 0, \text{ значит}$$

$$U = IR \Rightarrow I = \frac{U}{R}, Q = UC \quad \begin{array}{l} \text{запись} \\ \text{на конден} \\ \text{саторе} \\ \text{в этот} \\ \text{момент} \end{array}$$

период колебаний, ~~если~~: $T = 2\pi \sqrt{LC}$

$$I = I_0 \cdot \cos \frac{t}{\sqrt{LC}}, I_0 = \frac{U}{R} \Rightarrow I = \frac{U}{R} \cdot \cos \frac{t}{\sqrt{LC}}$$

∅ I-тоя в контуре

$$dQ = I^2 R \cdot dt = R \cdot \frac{U^2}{R^2} \cdot \cos^2 \frac{t}{\sqrt{LC}} dt = \frac{U^2}{R} \cdot \cos^2 \frac{t}{\sqrt{LC}} dt$$

Числовые

$$\begin{aligned}
 Q &= \int_0^T \frac{U^2}{R} \cdot \cos^2 \frac{t}{\sqrt{LC}} \cdot dt = \frac{U^2}{R} \sqrt{LC} \int_0^T \cos^2 \frac{t}{\sqrt{LC}} \cdot d \frac{t}{\sqrt{LC}} = \\
 &= \frac{U^2}{R} \sqrt{LC} \cdot \left(\frac{\sin 2 \frac{t}{\sqrt{LC}}}{4} + \frac{1}{2} \cdot t \right) \Big|_0^T = \\
 &= \frac{U^2}{R} \sqrt{LC} \cdot \left(\frac{\sin(2 \frac{2\pi t}{\sqrt{LC}})}{4} + \frac{1}{2} \cdot 2\pi \sqrt{LC} t - \frac{\sin 0}{4} + \frac{1}{2} \cdot 0 \right) = \\
 &= \frac{U^2}{R} \sqrt{LC} \cdot \frac{1}{2} \cdot 2\pi \sqrt{LC} = \frac{U^2}{R} LC \cdot \pi = \\
 &= \frac{2^2}{1} \cdot 0,3 \cdot 30 \cdot 10^{-9} \cdot 3,14 = 4,8 \cdot 3 \cdot 3,14 \cdot 10^{-9} =
 \end{aligned}$$

$$q = \frac{U\sqrt{LC}}{R} \sin \frac{t}{\sqrt{LC}} + \frac{Q}{C}$$

$$\dot{q} = -\frac{U}{R\sqrt{LC}} \cdot \sin \frac{t}{\sqrt{LC}} = -\frac{Q}{LC} + \frac{U}{LC^2}$$

$$dQ = \left(\frac{Q}{C} - \dot{q} L \right) dq = \left(\frac{Q}{C} + \frac{Q}{LC} - \frac{U}{LC^2} \right) dq =$$

$$= \frac{Q}{C} \frac{L+1}{L} dq - \frac{U}{LC^2} dq$$

за четверть периода: $q_{\text{нач}} = \frac{Q}{C}$, $q_{\text{кон}} = \frac{U\sqrt{LC}}{R} + \frac{Q}{C}$

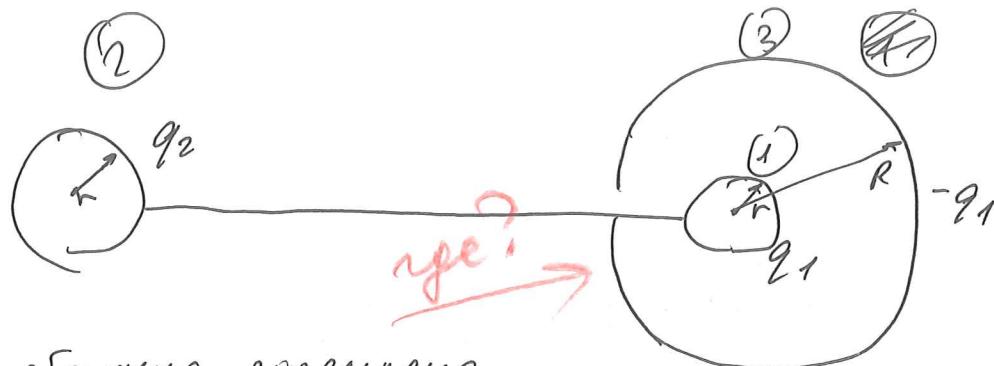
$$\begin{aligned}
 Q &= \frac{Q^2}{C} \frac{L+1}{L} - \frac{UQ}{LC^2} \Bigg|_{\frac{U\sqrt{LC}}{R} + \frac{Q}{C}}^{U\sqrt{LC}} + \frac{U}{C} \\
 &= \frac{U^2}{R} \sqrt{LC} \cdot \pi^2
 \end{aligned}$$

$$= \frac{U}{\pi} \cdot \sqrt{0,3 \cdot 30 \cdot 10^{-9}} \cdot \pi = 4 \cdot \sqrt{9 \cdot 10^{-9} \cdot \pi} = \frac{4 \cdot 3 \cdot \pi \cdot 10^{-4}}{\sqrt{10}} =$$

$$\begin{aligned}
 &= 4,8 \cdot 3 \cdot \frac{3,14}{3,16} \cdot 10^{-4} = 1,209,5555 \cdot 10^{-6} = 1,195 \cdot 10^{-6} \text{ Ам} \\
 &= 1,195 \text{ мА} \quad \Theta
 \end{aligned}$$

Числовик

№3



Т.к. оболочка заземлена, то у нее будет заряд равный по модулю и противоположного по знаку с находящимися внутри нее зарядами. Если заряд не переносится, то значит у шаров равные потенциалы:

$$\varphi_2 = \frac{\kappa q_2}{R} \quad \varphi_3 = 0, \text{ т.к. он заземлен}$$

$$\varphi_2 - \varphi_1 = \int_{R'}^R \frac{\kappa q_1}{r^2} dr = \cancel{\kappa q_1} - \kappa q_1 \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{R'} \right) = \\ = \kappa q_1 \frac{R - r}{rR} \quad , \quad \varphi_2 = \varphi_1 \Rightarrow \frac{\kappa q_2}{R} = \kappa q_1 \cdot \frac{R - r}{rR}$$

$$q_2 R = q_1 R - q_1 r \Rightarrow (q_2 - q_1) R = -q_1 r$$

$$\checkmark R = q_1 \frac{r}{q_1 - q_2} = 6 \cdot 10^{-10} \cdot \frac{2}{4 \cdot 10^{-10}} = 3 \text{ см}$$

~~Черновик~~

$$\sin^2 + \cos^2 = 1$$

~~$$\int \cos^2 dt = 2\alpha t - 2 \cdot \sin 2t - \sin^2 = \cos^2 - 1$$~~

~~$\approx 2 \cancel{2 \sin \cos} \quad \sin 2x \approx 2 \cdot \cos 2x =$~~

$$= 2 \cdot (\cos^2 - \sin^2) = 2 \cdot (2\cos^2 - 1) = \underline{4\cos^2 - 2}$$

~~$$\sin 2x \approx \frac{\sin^2 x}{4} + \frac{1}{2} x = \frac{1}{14}$$~~
~~$$\frac{4\cos^2 - 2}{4} + \frac{1}{2} x = \cos^2$$~~
~~$$\frac{1111}{99,555} \quad \frac{1}{14}$$~~
~~$$\frac{1199110}{99555} \quad \cos^2 + dt = \frac{12 \cdot 11}{110}$$~~
~~$$\frac{1194660}{110}$$~~
~~$$\frac{12 \cdot 11}{110} \quad \frac{2}{15}$$~~
~~$$\frac{12 \cdot 11}{110} \quad \frac{3}{15}$$~~
~~$$\frac{12 \cdot 11}{110} \quad \frac{3}{15}$$~~

$$\ddot{q} = -\frac{4}{R\sqrt{LC}} \cdot \sin \frac{t}{\sqrt{LC}} = \frac{q}{LC} - \frac{4}{LC^2}$$

$$q = \frac{4\sqrt{LC}}{R} \cdot \sin \frac{t}{\sqrt{LC}} + \frac{4}{C}$$

$$dq = dq \cdot \left(\frac{4\sqrt{LC}}{RC} \cdot \sin \frac{t}{\sqrt{LC}} + \frac{4}{C^2} + \ddot{q} \right)$$

~~$$dq \left(\frac{q}{C} + \frac{q}{LC} - \frac{4}{LC^2} \right) = \frac{q}{C} \left(\frac{4}{C} + \frac{4}{LC} \right) dq$$~~
~~$$\frac{3}{14} + \frac{3}{14}$$~~
~~$$99,555$$~~
~~$$-\frac{3}{2844} \quad \frac{15}{995}$$~~
~~$$-\frac{2960}{2844}$$~~
~~$$-\frac{2844}{1600}$$~~
~~$$-\frac{1600}{142}$$~~
~~$$\frac{1580}{142755}$$~~
~~$$\frac{316}{158}$$~~

2

Решение

$$\begin{array}{r} 1 \\ \times 6 \\ \hline 3,28 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0,64 \\ \times 3 \\ \hline 192 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 64 = 2^6 \\ -2624 \quad | 1464 \\ \hline 11600 \\ \hline 1464 \\ \hline 1350 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 64 \\ \times 9 \\ \hline 576 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3,28 \\ \times 8 \\ \hline 256 \end{array}$$

$$\boxed{q = -\frac{U}{R\sqrt{LC}} \cdot \sin \frac{1}{\sqrt{LC}} t + C}$$

$$\begin{array}{r} 2468 \\ \times 3 \\ \hline 7304 \\ \hline 1464 \\ \hline 1350 \\ \hline 512 \end{array}$$

$$21 = 85$$

$$\begin{array}{r} 2624 \\ \times 9-5 \\ \hline 2312 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} I = I_0 \cos \omega t \\ X = I_0 \cdot \omega t \sqrt{LC} \\ T = \frac{2\pi}{\omega} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0,95 \\ \times 9 \\ \hline 855 \\ \hline 1000 \\ \hline 855 \\ \hline 145 \end{array}$$

$$\boxed{q = \frac{U\sqrt{LC}}{R} \sin \frac{1}{\sqrt{LC}} t + Uc}$$

$$IR = U$$



$$P = I \cdot U = I^2 R$$

$$q = Uc$$

$$dQ = IRdt$$

$$qU = Q$$

$$Udq = dQ$$

$$U = \frac{q}{C} - iL$$

$$(R + L) \int dq = Rdt + Ldt$$

$$\left(\frac{q}{C} - q'i \right) dq = dQ$$

$$Lq' + \frac{q}{C} = 0$$

$$tq' + q \frac{1}{C} = 0$$

$$dQ = \int I^2 R dt = R \int I^2 dt$$

$$\boxed{T = 2\pi \sqrt{LC}}$$