



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
ИМЕНИ М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 2

Место проведения Москва  
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов  
наименование олимпиады

по физике  
профиль олимпиады

Жураевой Дарьи Олеговны  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

выход 14:11 ~~Кон~~  
вход 14:15 ~~Кон~~

±1 мин 15:19 ~~Конец~~

Дата

« 9 » февраля 2024 года

Подпись участника

Жураева

63-83-21-77  
(4.12)

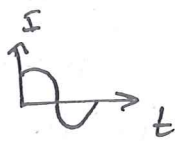
Керновик

$$Q = \frac{I_k^2 R T}{2} = q_a^2 \frac{\omega^2 R T}{2}$$

$$q = q_a \sin(\omega t + \varphi_0)$$

$$I = I_a \cos(\omega t + \varphi_0)$$

$$I = q_a \omega \cos(\omega t + \varphi_0)$$



$$R = \frac{2Q}{\omega^2 T R q_a^2} = \frac{2Q(LC)}{2\pi LC R q_a^2}$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} \quad T = 2\pi \sqrt{LC} = \frac{2Q}{\pi LC q_a^2}$$

$$T = 2\pi \sqrt{LC}$$

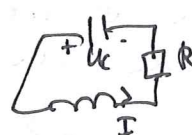
$$dQ = I^2 R dt \rightarrow Q = \int_0^T I_a^2 \cos^2(\omega t + \varphi_0) R dt = I_a^2 R \int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt$$

Т.к.  $\cos$  и  $\sin \rightarrow$  ортогональные функции, то период можно считать, что среднее значение синуса и косинуса равно,

$$\int_0^T (\sin^2(\omega t + \varphi_0) + \cos^2(\omega t + \varphi_0)) dt = \int_0^T 2 \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt$$

$$T = \int_0^T 1 dt = 2 \int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt \rightarrow \int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt = \frac{T}{2}$$

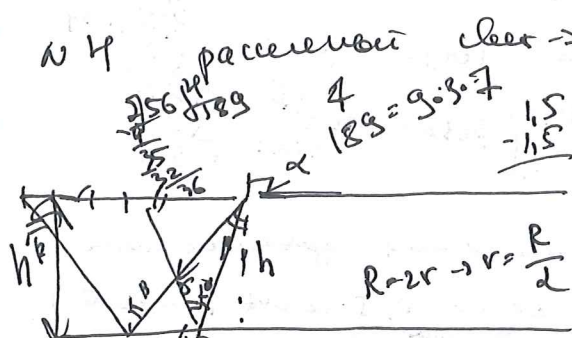
$$I = \max I \rightarrow I = 0 \rightarrow U_k = 0$$



во цепи  $U_c + I R = 0 \rightarrow I R = -U_c$

$$R = \frac{2Q}{T I_a^2} = \frac{2Q R^2}{T U_c^2} \rightarrow R = \frac{2Q}{T U_c^2} = \frac{3,14 \cdot 0,08}{0,38 \cdot 10^3} \sqrt{0,3 \cdot 30 \cdot 10^{-6}} =$$

$$= \frac{3,14 \cdot 4}{38 \cdot 10^3} \sqrt{9 \cdot 10^{-7}} = \frac{3,14 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 10^{-3}}{18} = \frac{3,14 \cdot 6}{18} = \frac{3,14}{3} \approx 1,05 \text{ Ом}$$



и  $h$  рассленый свет  $\rightarrow$  лучи падает в  $60^\circ$  все  
 $180^\circ = 90^\circ + \alpha$   
 $180^\circ = 90^\circ + \beta$   
 $R = 2r \rightarrow r = \frac{R}{2}$   
 $\alpha \rightarrow \beta$ , лучи имеют  
 все отклонение  
 лучи  $\alpha = 90^\circ$

$$\sin \beta = \frac{1}{2} \rightarrow \cos \beta = \sqrt{1 - \frac{1}{4}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \rightarrow \frac{R}{h} = \frac{1}{\sqrt{3}} \rightarrow h = R \sqrt{3} = R \sqrt{1 - \frac{1}{4}} =$$

$$= 0,08 \cdot 5 \cdot \sqrt{0,75} = 0,4 \sqrt{0,75} \approx 0,34 \approx 0,12 \approx 0,08$$

$$\tan \beta = \frac{1}{\sqrt{3}} \rightarrow \frac{R}{2} = h \tan \beta \rightarrow h = \frac{R}{2} \sqrt{3} = \frac{R}{2} \sqrt{1 - \frac{1}{4}} =$$

$$= \frac{4}{\sqrt{0,75}} \cdot 0,08 = 4 \cdot 0,08 \cdot 1,15 = 0,46$$

Чистовик.

есть продолжение в

Задание 3.

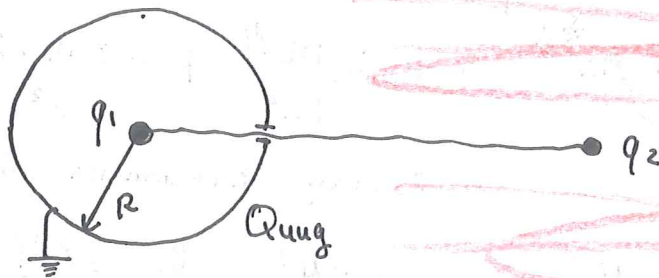
Решение: конце работы

Дано:

$$R = 3 \text{ см} = 0,03 \text{ м}$$

$$q_1 = 7,5 \cdot 10^{-10} \text{ Кл}$$

$$q_2 = 2,5 \cdot 10^{-10} \text{ Кл}$$



Найти:  $r$

1) Т.к. заряженные шары соединены проволокой, их потенциалы после установившегося равновесия выровняются.

$$\varphi_1 = \varphi_2$$

2) Т.к. сфера заземлена, то из земли на неё набегает индуцированный заряд, такой, чтобы задулить её потенциал. Пусть с земли набегает заряд  $Q_{\text{ind}}$ . Т.к. шары находятся на большом расстоянии друг от друга, то внешним вторым шаром на сферу можно пренебречь.

тогда 
$$\varphi_{\text{сф}} = \frac{k Q_{\text{ind}}}{R} + \frac{k q_1}{r} \cdot \varphi_{\text{сф}} = 0 \rightarrow Q_{\text{ind}} = -q_1$$

$$\left. \begin{aligned} \varphi_1 &= \frac{k q_1}{r} + \frac{k Q_{\text{ind}}}{R} \\ \varphi_2 &= \frac{k q_2}{r} \\ \varphi_1 &= \varphi_2 \end{aligned} \right\} \rightarrow \frac{k q_1}{r} + \frac{k Q_{\text{ind}}}{R} = \frac{k q_2}{r} \cdot \frac{r R}{k}$$

$$q_1 \cdot R + Q_{\text{ind}} \cdot r = q_2 \cdot R$$

$$(q_1 - q_2) R = q_1 \cdot r$$

$$r = \frac{q_1 - q_2}{q_1} \cdot R$$

$$r = \frac{7,5 \cdot 10^{-10} - 2,5 \cdot 10^{-10}}{7,5 \cdot 10^{-10}} \cdot 0,03$$

$$r = \frac{5}{7,5} \cdot 0,03 = \frac{2}{3} \cdot 0,03 = 0,02 \text{ м}$$

$$r = 2 \text{ см}$$

Ответ: 2 см.



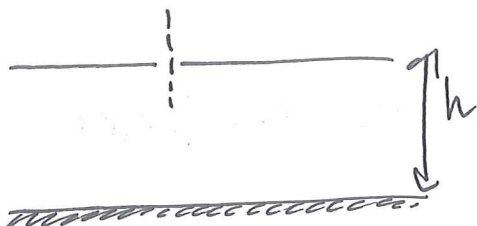
63-83-21-77  
(4.12)

Задача 4. Чистовик

Дано:  $R = 8 \text{ см} = 0,08 \text{ м}$

$n = 1,5$

$h = ?$

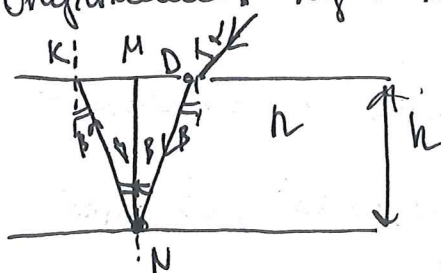


Решение:

1) В рассеянном свете лучи идут во все направления, соответственно, лучи падают лучей на экран барьеры от  $0^\circ$  до  $90^\circ$  (как и всегда, угол отсчитываем от нормали к поверхности).

2) По закону преломления, если угол падения  $\alpha$  и угол преломления  $\beta$ , и луч идет из среды с показателем преломления  $n_1$  в среду с показателем преломления  $n_2$ ,  $n_1 \sin \alpha = n_2 \sin \beta$ . В данной задаче  $n_1 = 1, n_2 = n$ .  
 $\sin \alpha = n \sin \beta$ .

3) Рассмотрим, как возникает освещенная область на нижней стороне экрана. Из воздуха идет луч под  $\alpha$  к нормали. После преломления этот луч идет под  $\beta$  к нормали. Попадая на зеркальную поверхность под тем же  $\beta$  к нормали, луч отражается, а по закону отражения: луч падения равен углу отражения.



$MN$  - нормаль к поверхности,  
 $\angle DNM = \angle MKN = \beta$ . Тогда в  $\triangle DNM$   
 $NM$  - биссектриса и высота, тогда  
 $\triangle KMD$  - р.т. Тогда  $KD$  - расстояние,

на котором образуется светящаяся точка от луча - равно  $2KM$ , а  $KM$  из прямого угольного  $\triangle KMN$

Чистовик

ИИ Продолжение.

$$\text{из } \triangle KMN \quad \frac{KM}{MN} = \operatorname{tg} \beta, \text{ а } MN = h \rightarrow KM = h \operatorname{tg} \beta,$$

$$\text{Тогда } KD = 2h \operatorname{tg} \beta.$$

Разумеется, радиус светлого пятна задаете миним, максимально далеко расположенными от отверстия в экране.

Т.к.  ~~$\operatorname{tg} \beta$~~   $\operatorname{tg} \beta$  - возрастающая функция

на интервале острого угла, с которыми мы работаем, то  $R = 2h \operatorname{tg} \beta_{\max}$ , где

$\beta_{\max}$  определяет максимальным

значением  $\alpha$ , т.к.  $\sin \alpha$  и  $\sin \beta$  так же

являются возрастающими функциями.

$$\alpha_{\max} = 90^\circ \rightarrow \sin \beta_{\max} = \frac{\sin \alpha_{\max}}{n} = \frac{\sin 90^\circ}{n} = \frac{1}{n}$$

из основного тригонометрического

$$\text{тождества } \cos \beta_{\max} = \sqrt{1 - \sin^2 \beta_{\max}}$$

$$\cos \beta_{\max} = \sqrt{1 - \frac{1}{n^2}} = \frac{\sqrt{n^2 - 1}}{n}$$

$$\operatorname{tg} \beta_{\max} = \frac{\sin \beta_{\max}}{\cos \beta_{\max}}; \operatorname{tg} \beta_{\max} = \frac{1}{\sqrt{n^2 - 1}}$$

$$R = \frac{2h}{\sqrt{n^2 - 1}} \rightarrow h = \frac{R \sqrt{n^2 - 1}}{2}$$

$$h = \frac{0,08}{2} \sqrt{1,5^2 - 1} = 0,04 \sqrt{(1,5-1)(1,5+1)} = 0,04 \sqrt{2,5 \cdot 0,5} =$$

$$= 0,04 \sqrt{0,25 \cdot 5} = 0,04 \cdot 0,5 \sqrt{5} = 0,02 \sqrt{5}, \sqrt{5} \approx 2,25$$

$$h \approx 0,02 \cdot 2,25 = 0,045 \text{ м}$$

$$h = 4,5 \text{ см}$$

Ответ: ~~4,4 см~~ 4,5 см



Условие

№ продолжение

$$\sqrt{M\delta} = \sqrt{g R_{нл}} \rightarrow \tau = \frac{2 R_{нл}}{\sqrt{g R_{нл}}} \frac{\sqrt{R_1 R_2} (R_1 + R_2)}{R_1^{3/2} + R_2^{3/2}}$$

$$\tau = \frac{2}{3} \frac{\sqrt{R_{нл}} \sqrt{64 \cdot 100 \cdot 10^6 \cdot 10^6} (64 \cdot 10^6 + 100 \cdot 10^6)}{(64 \cdot 10^6)^{3/2} + (100 \cdot 10^6)^{3/2}}$$

$$\tau = \frac{2}{3} \sqrt{R_{нл}} \frac{8 \cdot 10 \cdot 10^6 \cdot 10^6 \cdot 164}{(8 \cdot 10^3)^3 + (10 \cdot 10^3)^3} = \frac{2}{3} \sqrt{R_{нл}} \frac{80 \cdot 164 \cdot 10^{12}}{(8^3 + 10^3) 10^9}$$

$$\tau = \frac{2}{3} \sqrt{R_{нл}} \frac{80 \cdot 164 \cdot 10^3}{512 + 1000} = \frac{2}{3} \cdot \frac{80 \cdot 164 \cdot 10^3}{1512} \sqrt{R_{нл}}$$

$$\tau = \frac{80 \cdot 164 \cdot 10^3}{3 \cdot 756} \sqrt{R_{нл}}$$

$$\tau = \frac{2 R_{нл}}{R_{нл} \sqrt{g}} \cdot \frac{\sqrt{R_1 R_2} (R_1 + R_2)}{(R_1^{3/2} + R_2^{3/2})} \quad \neq$$

$$\tau = \frac{2}{\sqrt{g}} \frac{\sqrt{64 \cdot 100 \cdot 10^6 \cdot 10^6} \cdot (64 + 100) \cdot 10^6}{(\sqrt[3]{64 \cdot 10^6})^3 + (\sqrt[3]{100 \cdot 10^6})^3}$$

$$\tau = \frac{2}{3} \cdot \frac{8 \cdot 10 \cdot 10^6 + 164 \cdot 10^6}{8^3 (10^3)^3 + 10^3 (10^3)^3}$$

$$\tau = \frac{2}{3} \cdot \frac{80 \cdot 164 \cdot 10^{12}}{1512 \cdot 10^9}$$

$$\tau = \frac{80 \cdot 164 \cdot 10^3}{756 \cdot 3} = \frac{4 \cdot 20 \cdot 4 \cdot 41 \cdot 10^3}{4 \cdot 189 \cdot 3} = \frac{20 \cdot 4 \cdot 41 \cdot 10^3}{9 \cdot 21 \cdot 3}$$

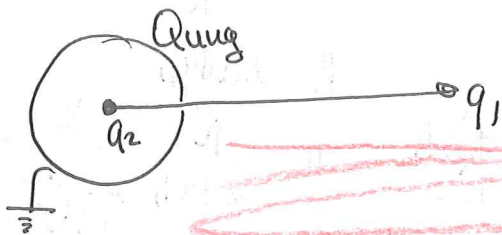
$$\tau = \frac{80 \cdot 41 \cdot 10^3}{81 \cdot 7} \approx \frac{41 \cdot 10^3}{7} \approx 5,9 \cdot 10^3 \text{ c}$$

$$\tau \approx 100 \text{ мин} \approx 1 \text{ час } 40 \text{ мин}$$

Ответ:  $5,9 \cdot 10^3 \text{ c}$   
(1 час 40 мин)

Условие.№ 3 продолжение

пусть внутри сферы  $q_2$ , а  $q_1$  на большей  
расстоянии от центра.



$$\varphi_{сф} = 0 = \frac{kQ_{инг}}{R} + \frac{kq_2}{R}$$

$$\downarrow$$

$$Q_{инг} = -q_2$$

$$\varphi_1 = \varphi_2 \rightarrow \frac{kq_1}{r} = \frac{kq_2}{R} + \frac{kQ_{инг}}{R} \quad | \cdot \frac{Rr}{k}$$

$$\downarrow$$

$$(q_1 - q_2)R = Q_{инг}r \rightarrow r = \frac{q_1 - q_2}{-q_2} R$$

$$(q_1 - q_2)R = -q_2 r$$

$$r = \frac{7,5 \cdot 10^{-10} - 2,5 \cdot 10^{-10}}{-2,5 \cdot 10^{-10}} \cdot 0,03$$

$$r < 0 - \text{такое}$$

ситуация невозможна, т.е. внутри  
сферы  $q_1$ , как и было указано в начале  
решения

Ответ: 2 см



Чистовик

NS

Дано:

$L = 0,3 \text{ Гн}$

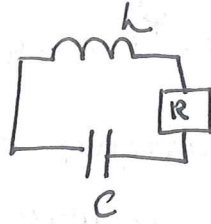
$C = 30 \cdot 10^{-6} \text{ Ф}$

$Q = 0,38 \cdot 10^{-3} \text{ Кл}$

$U = 0,12 \text{ В}$

Найти:  $R$

Решение:



1) Т.к. потери энергии за каждый период целого цикла запасенной энергии, то в локальной области можно записать закон сохранения

энергии в виде:  $\frac{q^2}{2C} + \frac{LI^2}{2} = E_{\text{полн}} = \text{const}$

(данное выражение справедливо в некоторый момент, когда заряд на конденсаторе  $q$ , а в цепи течет ток  $I$ .)

Т.к.  $I = \frac{dq}{dt} = \dot{q}$ , то  $\frac{q^2}{2C} + \frac{L(\dot{q})^2}{2} = \text{const}$

продифференцируем данное равенство:

$\frac{2q}{2C} \dot{q} + \frac{2L\dot{q}}{2} \ddot{q} = 0 \rightarrow \ddot{q} + \frac{q}{LC} = 0 \quad (1)$

мы получили дифф. уравнение гармонических колебаний, решение которого имеет вид

$q(t) = q_A \sin(\omega t + \varphi_0)$ .  $I = \dot{q} = q_A \omega \cos(\omega t + \varphi_0)$

$q_A \omega = I_A \rightarrow I = I_A \cos(\omega t + \varphi_0)$

2) В рамках одного периода амплитудное значение тока можно считать постоянным, т.е. тепло, выделяющееся на

резисторе за самый промежуток времени:

$dQ = I^2 R dt \rightarrow Q_T = \int_0^T I_A^2 \cos^2(\omega t + \varphi_0) R dt$

$Q_T = I_A^2 R \int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt$ . - такое тепло

выделяется на резисторе за один период. заметим, что  $T = \frac{2\pi}{\omega}$ , а  $\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$  из уравнения (1)



Чистовик

№5 Продолжение.

3) заметим, что  $\int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt$  — это площадь <sup>под</sup> графиком функции  $\cos^2(\omega t + \varphi_0)$ .

заметим так же, что график  $\sin^2(\omega t + \varphi_0)$  и  $\cos^2(\omega t + \varphi_0)$  просто смещены вдоль оси  $dt$  представляют одну и ту же кривую, называемую синусоидой, соответственно площади под их графиками совпадают.

Тогда 
$$\int_0^T \sin^2(\omega t + \varphi_0) dt = \int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt$$

заметим, что 
$$\int_0^T \sin^2(\omega t + \varphi_0) + \int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt = \int_0^T (\sin^2(\omega t + \varphi_0) + \cos^2(\omega t + \varphi_0)) dt = \int_0^T 1 dt = T$$

и, что следует из приведенных выше рассуждений, 
$$\int_0^T \sin^2(\omega t + \varphi_0) dt + \int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt = 2 \int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt$$

тогда 
$$2 \int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt = T \rightarrow \int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt = \frac{T}{2}$$

4) Из п. 2 
$$Q = I_a^2 R \int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt$$
, из

п. 3 
$$\int_0^T \cos^2(\omega t + \varphi_0) dt = \frac{T}{2} \rightarrow Q = \frac{I_a^2 R T}{2}$$

$$T = 2\pi\sqrt{LC} \rightarrow R = \frac{Q}{I_a^2 \pi\sqrt{LC}}$$

5) Когда в контуре течет максимальный или минимальный ток,  $I = 0$ , а  $\mathcal{E}_{si} = -L \dot{I}$ ,

т.е. в этот момент по 2-му правилу

Кирхгофа

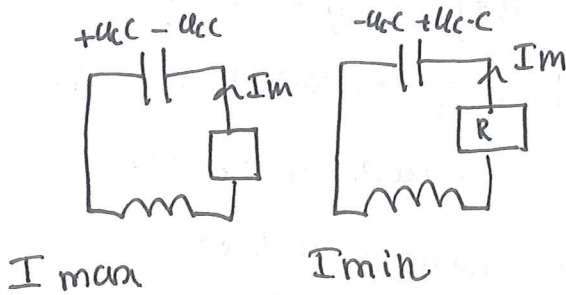
$$\pm \frac{U_c}{C} - I_m R = 0 \rightarrow \pm U_c = I_m R \rightarrow I_m = \pm \frac{U_c}{R}$$

$$I_{min} = -\frac{U_c}{R}; I_{max} = \frac{U_c}{R}; I_A = \frac{I_{max} - I_{min}}{2}$$

$$I_A = \frac{\frac{U_c}{R} - (-\frac{U_c}{R})}{2} = \frac{U_c}{R}$$

Чистовик

N5 Продолжение



для вычисления амплитудного значения силы тока в представ- ленный для рассмотре- ния период, я воспользо- валась тем, что амплитудное значение равно среднему арифметическое его экстремальных значений.

$$R = \frac{Q}{\frac{U_c^2}{R^2} \pi \sqrt{LC}} \rightarrow R = \frac{U_c^2 \pi \sqrt{LC}}{Q}$$

$$R = \frac{0,2^2 \cdot 3,14 \sqrt{0,3 \cdot 30 \cdot 10^{-6}}}{0,38 \cdot 10^{-3}} = \frac{0,04 \cdot 3,14 \sqrt{9 \cdot 10^{-6}}}{0,38 \cdot 10^{-3}} =$$

$$= \frac{4 \cdot 3,14}{38} \cdot \frac{3 \cdot 10^{-3}}{10^{-3}} = \frac{6 \cdot 3,14}{19} \approx \frac{6 \cdot 3,14}{18} \approx \frac{1}{3} \cdot 3,14 \approx 1 \text{ Ом}$$

Ответ: 1 Ом.

N2

Дано:

$$l = 1 \text{ м}$$

$$h = 0,45 \text{ м}$$

$$\rho_0 = 10^3 \text{ кг/м}^3$$

$$\rho_{\text{нас}} = 1415 \cdot 10^3 \text{ Па}$$

$$g = 10 \text{ м/с}^2$$

Найти:  $\rho_0$

Решение:



до погружения в воду в пробирке находится смесь воздуха и насыщенный пар. Давление, создаваемое в точке А, с одной стороны равно атмосферному давлению, а с другой стороны, давлением смеси. По

закону Дальтона  $p_{\text{смеси}} = p_{\text{в}} + p_{\text{пар}}$

тогда  $p_0 = p_{\text{св}} + p_{\text{нас}} \rightarrow p_{\text{св}} = p_0 - p_{\text{нас}}$



Чистовик


№2. Продолжение

2) Давление насыщенных паров зависит только от температуры. В ходе процесса температура была постоянной, значит, давление насыщенных паров водяного пара осталось неизменным и равным  $p_{нас}$ . (Такое возможно, т.к. часть пара конденсировалась и стала водой).

С сухим воздухом же происходит изотермический процесс. По закону изотермического процесса  $p_{св} V_1 = p_{св}' V_2$ . Пусть  $S$  - площадь сечения трубки, тогда  $V_1 = lS$ ,  $V_2 = (\frac{l}{\alpha} + h)S$

$$p_{св}' = p_{св} \frac{V_1}{V_2} = p_{св} \frac{lS}{(\frac{l}{\alpha} + h)S} = p_{св} \frac{2l}{l+2h} = (p_0 - p_{нас}) \frac{2l}{l+2h}$$

3) После окончания процесса давление в  $V_B$



$$\begin{cases} p_B = p_0 + \rho_0 g h \\ p_B = p_{св}' + p_{нас} \end{cases} \rightarrow p_0 + \rho_0 g h = (p_0 - p_{нас}) \frac{2l}{l+2h} + p_{нас}$$

$$p_{нас} \left( \frac{2l}{l+2h} - 1 \right) = p_0 \left( \frac{2l}{l+2h} - 1 \right) - \rho_0 g h$$

$$\begin{array}{r} 19 \\ - 4,5 \\ \hline 8,5 \\ + 6 \\ \hline 85,5 \end{array} \quad \begin{array}{r} 85,5 \\ + 14,5 \\ \hline 100,0 \end{array}$$

$$p_0 = p_{нас} + \frac{\rho_0 g h}{\frac{2l}{l+2h} - 1} = p_{нас} + \frac{\rho_0 g h (l+2h)}{l-2h}$$

$$p_0 = 14,5 \cdot 10^3 + \frac{10^3 \cdot 10 \cdot 9,45 (1+2 \cdot 0,45)}{1-2 \cdot 0,45}$$

$$p_0 = 14,5 \cdot 10^3 + 10^3 \frac{10 \cdot 9,45 \cdot 1,9}{0,1} = 10^3 (14,5 + 4,5 \cdot 19)$$

$$p_0 = 10^3 \cdot (14,5 + 85,5) = 10^5 \text{ Па}$$

Ответ:  $10^5 \text{ Па}$

Чистовик

N1

Дано:

$$R_1 = 6,4 \cdot 10^4 \text{ км} = 64 \cdot 10^3 \text{ км} = 64 \cdot 10^6 \text{ м}$$

$$R_2 = 10^5 \text{ км} = 10^8 \text{ м} = 100 \cdot 10^6 \text{ м}$$

$$g = 9,8 \text{ м/с}^2$$

$$\arcsin x = x$$

Найти:  $\tau$

Решение:

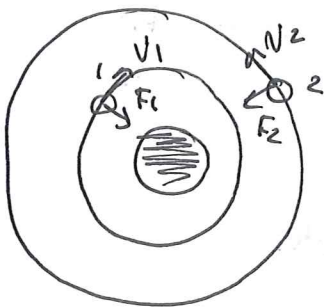
1) Пренебрегая взаимнодействием спутников с янами небесных телами кроме планеты и их взаимодействием друг с другом, имеем силу тяготения, действующую на спутники со стороны планеты (пусть её масса  $M$ ) для каждого соответственно:  $F_1 = \frac{m_1 M}{R_1^2} \cdot \gamma$ ,  $F_2 = \frac{m_2 M}{R_2^2} \cdot \gamma$

по второму закону Ньютона для каждого из тел:

$$m_1 a_1 = F_1 \rightarrow \frac{v_1^2}{R_1} = \frac{\gamma M}{R_1^2}$$

$$m_2 a_2 = F_2 \rightarrow \frac{v_2^2}{R_2} = \frac{\gamma M}{R_2^2}$$

(здесь я использую, что  $a = a_y = \frac{v^2}{R}$  и сокращаю массы)



Т.к. на ось, соответствующую тангенциальному ускорению, никакие силы не действуют, то модуль скорости не меняется и

модуль скорости постоянен, а значит постоянны угловые скорости вращения спутников

$$v_1 = \sqrt{\frac{\gamma M}{R_1}} \rightarrow v_1 = \omega_1 R_1 \rightarrow \omega_1 = \sqrt{\frac{\gamma M}{R_1^3}}$$

$$v_2 = \omega_2 R_2 = \sqrt{\frac{\gamma M}{R_2}} \rightarrow \omega_2 = \sqrt{\frac{\gamma M}{R_2^3}}$$



2) Перейдем в ИСО, вращающуюся с угловой скоростью  $\omega_2$  вокруг планеты. В этой СО второй спутник покоится.  $\vec{V}_{абс} = \vec{V}_{отк} + \vec{V}_{вер}$ . Тогда скорость

1 спутника в данной СО  $\vec{V}_1' = \vec{V}_{абс} - \vec{V}_{вер}$

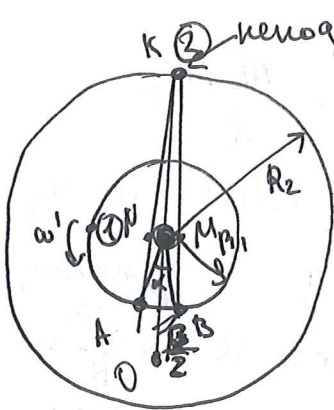
неизвестная скорость вычитывается как произведение угловой скорости СО на радиус вращения спутника 1.  $V_{вер} = \omega_2 R_1$

Спутники движутся навстречу друг другу, тогда  $V_1' = V_1 + \omega_2 R_1 = (\omega_1 + \omega_2) R_1$ . Пусть

$$\omega' = \omega_1 + \omega_2. \text{ Тогда } V_1' = \omega' R_1. \omega' = \sqrt{\mu \delta} \left( \frac{1}{R_1^{3/2}} + \frac{1}{R_2^{3/2}} \right)$$

У  
Ч  
Е  
Т  
О  
В  
Ч  
К

0  
6



3) корабли пребывают в одной зоне, когда ① движется между A и B. В этом случае планета закрывает свет лазера. Так как  $R_{пл} \ll R_1$  и  $R_2$ ,

то  $\sphericalangle AKB \approx \sphericalangle AKB$ . ~~тогда  $AB = \omega' \tau$~~

тогда по опр. радиальной меры  $\alpha = \frac{AB}{R_1}$

$$\alpha = \tau \cdot \omega' \rightarrow \tau = \frac{\alpha}{\omega'} = \frac{AB}{R_1 \omega'}$$

из подобия  $\triangle KNM$  и  $\triangle AKB$ :  $\frac{NM}{AB} = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$

$$NM = 2R_{пл} \rightarrow AB = \frac{R_1 + R_2}{R_2} \cdot 2R_{пл}$$

это же можно получить из приближения,

$$\text{что } \text{tg } \frac{\alpha}{2} = \frac{R_{пл}}{R_2} = \frac{AB}{\alpha(R_1 + R_2)} \rightarrow AB = 2R_{пл} \frac{R_1 + R_2}{R_2}$$

$$\tau = \frac{2R_{пл} (R_1 + R_2) \cdot (R_1 R_2)^{1/2}}{R_1 R_2 \sqrt{\mu \delta} (R_1^{3/2} + R_2^{3/2})} = \frac{2R_{пл} \sqrt{R_1 R_2} (R_1 + R_2)}{\sqrt{\mu \delta} (R_1^{3/2} + R_2^{3/2})}$$

3) На поверхности планеты  $mg = \delta \frac{MM}{R_{пл}^2} \rightarrow \frac{\delta M}{R_{пл}^2} = g$

$$\sqrt{\mu \delta} = R_{пл} \sqrt{g}$$





63-83-21-77  
(4.12)

Чертовик

на шарики действует сила тяжести, равная силе упругости



$$F_1 = \frac{\delta m_1 M}{R_1^2} \quad F_2 = \frac{\delta m_2 M}{R_2^2}$$

но 2-й и 3. По закону \$m\_1 a\_1 = F\_1; m\_2 a\_2 = F\_2\$

$$\frac{V_1^2}{R_1} = \frac{\delta M}{R_1^2} \rightarrow V_1 = \sqrt{\frac{\delta M}{R_1}} \quad \frac{V_2^2}{R_2} = \frac{\delta M}{R_2^2} \rightarrow V_2 = \sqrt{\frac{\delta M}{R_2}}$$

скорость вращения, т.к. во все, соответствующий радиусу шарика

$$\omega_1 = \frac{V_1}{R_1} = \sqrt{\frac{\delta M}{R_1^3}} \quad \omega_2 = \frac{V_2}{R_2} = \sqrt{\frac{\delta M}{R_2^3}} \quad \omega_1 + \omega_2 = \sqrt{\delta M} \frac{R_2^{-3/2} + R_1^{-3/2}}{(R_1 R_2)^{3/2}}$$

ка по вертикали земн \$mg = \frac{M \delta}{R\_{ш}} \rightarrow \frac{M \delta}{R\_{ш}} = g R\_{ш}\$

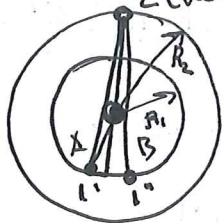
вертикаль в УО, вращающегося с угловой

скоростью \$\omega\_2\$. В этой УО 2) неподвижна.

$$V_1' = V_1 + \omega_2 R_1 \quad \vec{V}_{ш} = \vec{V}_{ш} - \vec{V}_{ш}$$

в горизонтальной плоскости вверх направлена угловая скорость \$\omega\_2\$, следовательно на радиусе образуются перпендикулярные силы

2) неподвижна) \$R\_{ш} \ll R\_1 \ll R\_2\$



когда шарик с некоторой силой поворачивается A и B, радиус шарика и имеет длину \$r\$. \$\tau = \omega \cdot \omega\$

$$V_1' = \omega' R_1 = \omega_1 R_1 + \omega_2 R_2 \rightarrow \omega' = \omega_1 + \omega_2$$

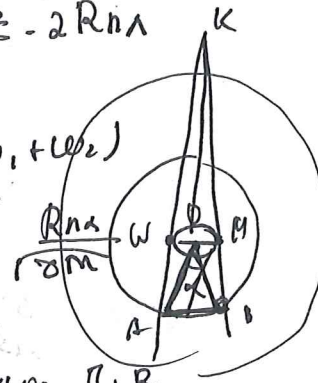
$$\alpha_{AB} = \frac{AB}{R_1} \quad \frac{2 R_{ш}}{AB} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \rightarrow AB = \frac{R_1 + R_2}{R_2} \cdot 2 R_{ш}$$

$$\alpha_{AB} = \frac{R_1 + R_2}{R_1 R_2} \cdot 2 R_{ш} \rightarrow \tau = \frac{2 (R_1 + R_2) R_{ш}}{R_1 R_2 (\omega_1 + \omega_2)}$$

$$\tau = \frac{2 (R_1 + R_2) (R_1 R_2)^{3/2} R_{ш}}{R_1 R_2 \sqrt{\delta M} (R_1^{3/2} + R_2^{3/2})} = \frac{2 (R_1 + R_2) \sqrt{R_1 R_2} R_{ш}}{R_1^{3/2} + R_2^{3/2}} \cdot \frac{R_{ш}}{\delta M}$$

$$\angle OKN = \frac{R}{R_2} \rightarrow \angle KMK = \frac{R_1^2}{R_2^2} \cdot 2$$

$$\angle MNK = \frac{R}{R_2} \rightarrow \angle MOK = \frac{\pi}{2} + \frac{R}{R_2}$$



Черновик

$$\frac{V_1^2}{R_1} = \frac{\delta M}{R_1^2} \rightarrow V_1 = \sqrt{\frac{\delta M}{R_1}}$$

$$\omega_1 = \sqrt{\frac{\delta M}{R_1} \frac{1}{R_1}}$$

$$\frac{V_2^2}{R_2} = \frac{\delta M}{R_2^2} \rightarrow V_2 = \sqrt{\frac{\delta M}{R_2}}$$

$$\omega_2 = \sqrt{\frac{\delta M}{R_2} \frac{1}{R_2}}$$

$$mg = \frac{\gamma m / l}{R_{nn}^2} \rightarrow \sqrt{M \gamma} = \sqrt{g R_{nn}}$$

$$\omega_1 = \frac{\sqrt{g R_{nn}}}{R_1 \sqrt{R_1}}$$

$$\omega_2 = \frac{\sqrt{g R_{nn}}}{R_2 \sqrt{R_2}}$$

$$\omega_1 + \omega_2 = \sqrt{g R_{nn}} \frac{R_2 \sqrt{R_2} + R_1 \sqrt{R_1}}{R_1 R_2 \sqrt{R_1 R_2}} = \omega_1$$



$$\frac{R_2}{2 R_{nn}} = \frac{R_1 + R_2}{AB}$$

$$AB = \frac{R_1 + R_2}{R_2} \cdot 2 R_{nn}$$

$$AB = \tau \omega R_1 \Rightarrow \tau = \frac{AB}{\omega R_1}$$

$$\tau = \frac{2 R_{nn} (R_1 + R_2)}{R_2 \omega R_1} = \frac{2 R_{nn} (R_1 + R_2) R_1 R_2 \sqrt{R_1 R_2}}{R_1 R_2 (R_2 \sqrt{R_2} + R_1 \sqrt{R_1}) \sqrt{g R_{nn}}}$$

$$\tau = \frac{2}{3} \frac{(R_1 + R_2) \sqrt{R_1 R_2}}{R_1 \sqrt{R_1} + R_2 \sqrt{R_2}} = \frac{2}{3} \frac{164 \cdot 10^6 \cdot 80 \cdot 10^6}{10^6 \cdot 64 \cdot 8 \cdot 10^3 + 10^6 \cdot 100 \cdot 10^3}$$

$$\tau = \frac{2}{3} \frac{164 \cdot 80 \cdot 10^{12}}{10^9 (512 + 100)} = 10^3 \cdot \frac{2}{3} \frac{164 \cdot 80}{1512}$$

$$\tau = 10^3 \cdot \frac{2 \cdot 21 \cdot 41 \cdot 80}{3 \cdot 2 \cdot 189 \cdot 8} = 10^3 \cdot \frac{189 \cdot 3}{1512} = 10^3 \cdot \frac{189}{1512}$$

$$\tau = 10^3 \cdot \frac{41 \cdot 80}{3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 7} = \frac{41}{7} = 6 \cdot 10^3 = 6000 \text{ c} = 100 \text{ sec} = 1 \text{ min}$$



