



0 872936 500004

87-29-36-50

(2.3)



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 1 Класс: 10

Место проведения Москва  
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов  
название олимпиады

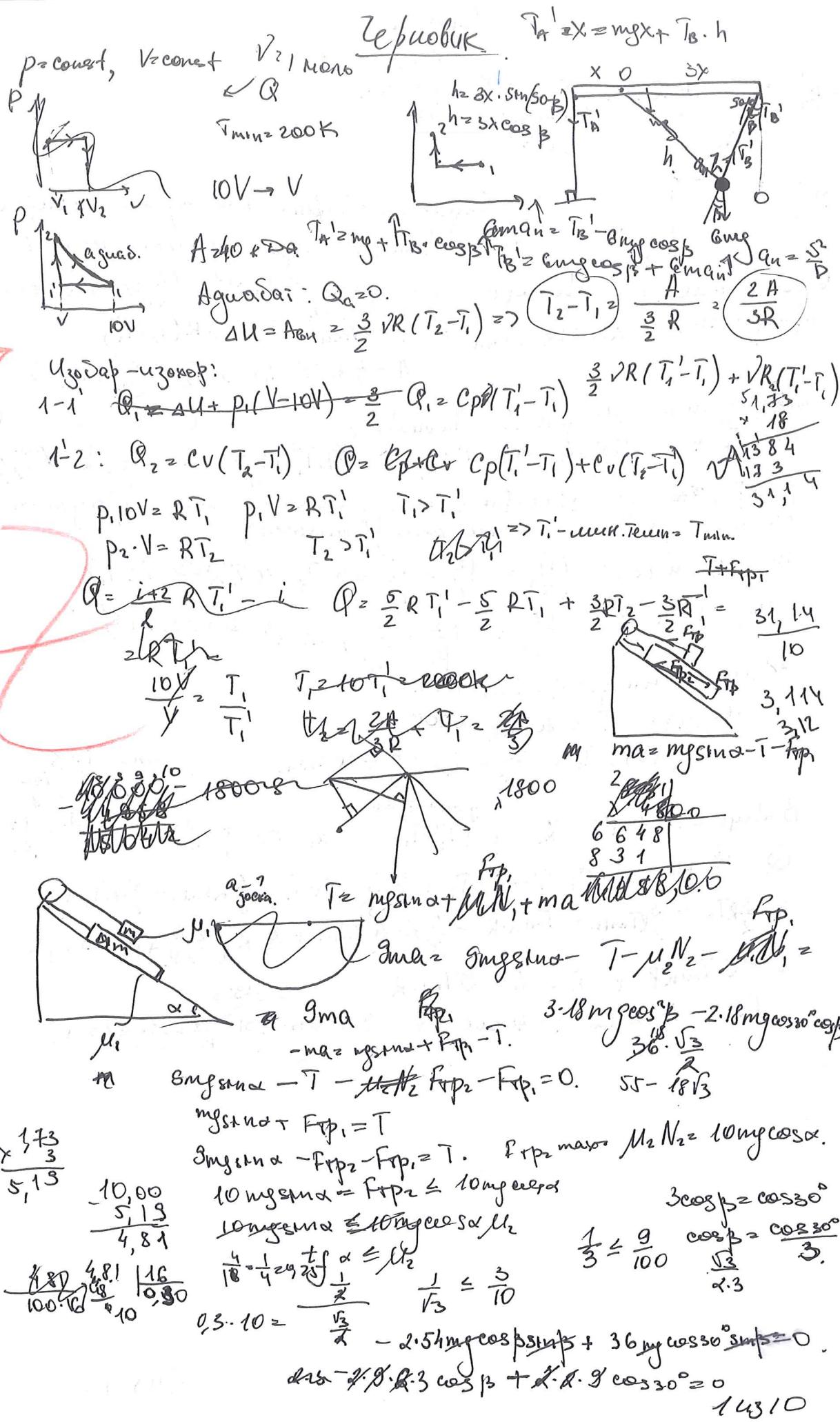
по физике  
профиль олимпиады

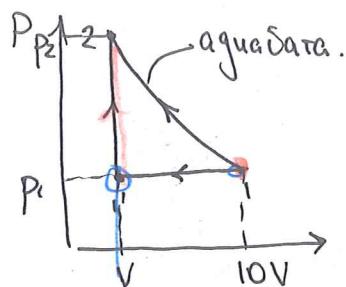
Погребной Виктория Дмитриевна  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата

«09» февраля 2024 года

Подпись участника



Четверт.

$$\begin{aligned} T_{\min} &= 200 \text{ K} & \nu &= 1 \text{ моль} \\ A &= 40 \text{ кДж} & i &= 3 \\ 10 \text{ V} &\rightarrow V \end{aligned}$$



Изобразим на графике P-V первого и второй ступени перехода газа из состояния 1 в состояние 2. При адиабат. процессе  $Q_a = 0$ . Из первого начала термодинам.  $\Delta U = Q_a + \Delta H_{\text{вн}} \Rightarrow \Delta U = \Delta H_{\text{вн}} \quad \Delta U = \frac{3}{2} R (T_2 - T_1)$   
 $A = \frac{3}{2} R (T_2 - T_1) \Rightarrow T_2 = \frac{2A}{3R} + T_1 (5)$

Запишем уравнен. Менделеева-Клапейрона:

$$\text{для 1: } p_1 \cdot 10V = RT_1, (1) \quad \text{для 1': } p_1 V = RT_1', (2) \quad \text{для 2: } p_2 V = RT_2, (3)$$

$p_2 > p_1$ , (из видно из графика, т.к. при адабат. процессе происходит сжатие давления должно было увеличиться)

$$\text{и 1 и 2: } \frac{(1)}{(2)} = \frac{10}{1} = \frac{T_1}{T_1'} \Rightarrow T_1 = 10T_1' \Rightarrow T_1 > T_1'$$

$$\text{и 2 и 3: } \frac{(3)}{(2)} : \frac{p_2}{p_1} = \frac{T_2}{T_1'}, \quad \text{т.к. } p_2 > p_1 \Rightarrow T_2 > T_1' \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \text{мин. темп.} \Rightarrow T_1' = T_{\min} = 200 \text{ K}.$$

$$\text{и 3 (4): } T_1' = 10T_{\min} = 2000 \text{ K}$$

$$\text{и 3 (5): } T_2 = \frac{2A}{3R} + T_1 = \frac{2A}{3R} + 10T_{\min}.$$

$$\begin{aligned} \text{для } i &= 3 \\ C_p &= \frac{5}{2} = \frac{i+2}{2} \\ C_V &= \frac{3}{2} = \frac{i-1}{2} \end{aligned}$$

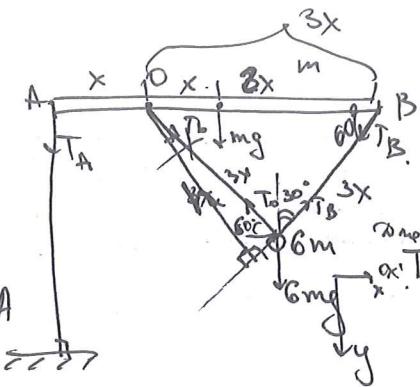
В процессе 1-1':  $Q_1 = C_p \cdot (T_1' - T_1)$   $Q_2 = C_V (T_2 - T_1')$

$$\begin{aligned} Q &= Q_1 + Q_2 = C_p T_1' - C_p T_1 + C_V T_2 - C_V T_1' = \frac{5}{2} R T_{\min} - \frac{5}{2} R T_1 + \\ &+ \frac{3}{2} R T_2 - \frac{3}{2} R T_{\min} = T_{\min} \cdot R - \frac{5}{2} R \cdot 10 T_{\min} + \frac{3}{2} R \left( \frac{2A}{3R} + 10 T_{\min} \right) = \end{aligned}$$

$$= -9 T_{\min} R + A = A - 9 T_{\min} R$$

$$Q = A - 9 T_{\min} R = 40.000 \text{ Дж} - (9 \cdot 200 \text{ K} \cdot 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{K}}) = 25042 \text{ Дж.}$$

2u3 10

Четверик N2.

Условие равновесия для палки (правило момента относительно центра тяжести точки О) означает, что сила  $T_B$  на палку действует в точке О.

$$h = 3x \cdot \sin 60^\circ$$

Условие равновесия:

$$T_A \cdot x = T_B \cdot h + mg \cdot \frac{x}{\cos 60^\circ} \Rightarrow T_A = T_B$$

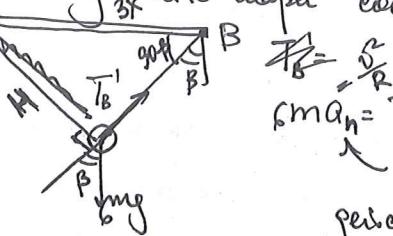
или

$$6mg = T_B \cos 30^\circ + T_B \cdot \cos 30^\circ$$

$$3\sqrt{3}mg = 2T_B \cos 30^\circ \Rightarrow T_B = \frac{3mg}{\cos 30^\circ} = \frac{6mg}{\sqrt{3}} = \frac{6\sqrt{3}mg}{3}$$

$$T_A = 9mg + mg = 10mg \Rightarrow \text{по первичному} \Rightarrow 2\sqrt{3}mg$$

После переворачивания (расстояние от горизонтальной линии вращения, когда шар движется в вертикальном угле  $\beta$ )



$$6mg = T_B' - mg \cos \beta \quad (3)$$

В предположении, что точка B не движется, движение в начальном положении вращения, когда шар еще имеет скорость  $V_0 = 0$ ,  $T_B' = 6mg \cos 30^\circ + mg \frac{\sqrt{3}}{2} =$

$$\frac{T_B'}{\cos 30^\circ} = 3mg \sqrt{3} \quad (2)$$

$(1) > (2) (T_B' > T_{B_0})$  - натяж.

Несмотря на то что натяжение усилилось, Т.к. шар не движется, то стержень не может повернуться

если стержень не крутится, тогда шар A катится

$$\text{Из (3): } T_B' = 6m \frac{V^2}{R} + 6mg \cos \beta \quad \text{т.к. шар опускается, то из закона сохранения энергии}$$

точка B проходит движение  $V \downarrow \Rightarrow \cos \beta \uparrow$  (уменьшается)

т.к. стержень не крутится, то правило моментов еще неизвестно!

Однако:  $T_A' \cdot x = mg \cdot x + T_B' \cdot R$  (расстояние от центра масса до линии действия  $T_B'$ )

$$M = 3x \cdot \sin(90^\circ - \beta) = 3x \cdot \cos \beta$$

$$T_A' \cdot x = mgx + (6m \frac{V^2}{R} + 6mg \cos \beta) \cos \beta \cdot \frac{x}{\sqrt{3}}$$

$$T_A' = mg + 6m \cos \beta \left( \frac{V^2}{R} + g \cos \beta \right) \quad (4)$$

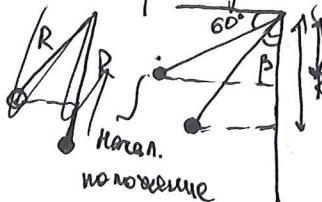
Закон сохр. энергии при изгибе

$$\Rightarrow \Delta h = R(\cos \beta - \cos 30^\circ)$$

$$\frac{mg^2}{2} = mg R(\cos \beta - \cos 30^\circ)$$

$$V^2 = 2gR(\cos \beta - \cos 30^\circ)$$

Из (10)



$$T_A' = mg + 18m \cos\beta \rightarrow \left(\frac{v^2}{R} + g \cos\beta\right) = mg + 18m \cos\beta \left( \frac{2gR (\cos\beta - \cos 30^\circ)}{R} + g \cos\beta \right) = mg + 18m \cos\beta (2g \cos\beta - 2g \cos 30^\circ + g \cos\beta) = mg + 18m \cos\beta (3g \cos\beta - 2g \cos 30^\circ) / 5$$

~~При этом, при этом бывают случаи, если бывает~~

~~при которых функция~~  
~~переходит в~~  
~~функция~~  
~~при~~

~~T\_A' (3230), где~~  
~~3230~~  
~~убыток или прибыль, если максималь~~

~~T\_A' = mg + 18m \cos\beta - 36m \cos 30^\circ \cos\beta.~~  
~~Возможен производящий от этой функции (выводится к 3230 и cos 30^\circ)~~  
~~найдутся эти значения. \cos\beta = \cos 30^\circ \Rightarrow \cos\beta = \frac{\cos 30^\circ}{3}~~

~~(T\_A')\_{\max} = -54mg \cdot 2 \cdot \cos 30^\circ \sin 30^\circ + 36mg \cos 30^\circ \cdot 3 \sin 30^\circ~~  
~~то получится, что~~  
~~функция возрастает при~~  
~~убыток \beta и максималь~~  
~~при \beta = 0^\circ~~

Из (4) видно, что при скорости ~~возрастания~~ уменьшении угла, при падении угла,

а угол уменьшается. Тогда  $T_A' \rightarrow$  максимальное при  $\beta = 0^\circ$ , т.к. и скорость

максимальна при  $\cos\beta = 1$ .

Из (5):

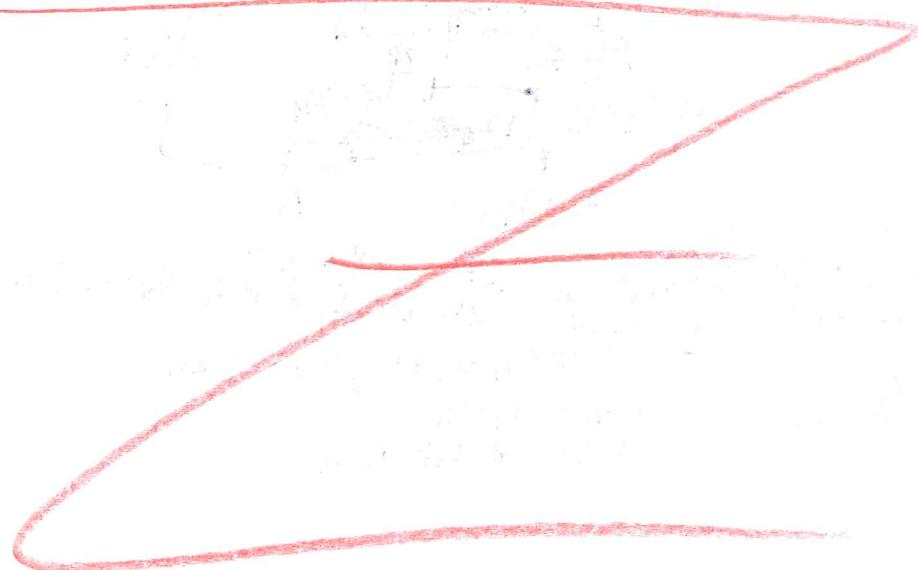
$$T_A'_{\max} = mg + 18m \cos\beta (3g \cos\beta - 2g \cos 30^\circ)$$

$$T_A'_{\max} = mg + 18m \cdot 1 (3g \cdot 1 - 2g \cos 30^\circ)$$

$$T_A'_{\max} = mg + 54mg - 36m \cos 30^\circ = mg (55 - 36 \cos 30^\circ)$$

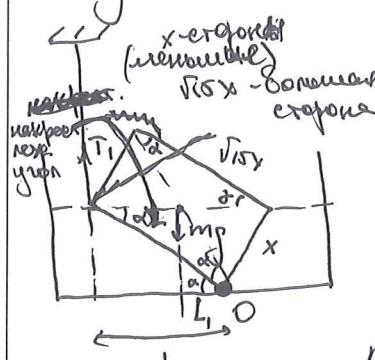
$$\frac{T_A'_{\max}}{T_A} = \frac{55 - 36 \cos(30^\circ)}{10} \approx 3,1. \rightarrow \text{Очевидно}$$

После прохождение  $\beta = 0^\circ$   $T_A'$ -уменьшается и уменьшается  $\Rightarrow T_A'$  тоже уменьшается.



5 из 10

7 из 10

Черновик.  
15.Когда масса лежит:  $\rho_m = \frac{\rho_a}{3}$ 

масса лежит, т.е. - при силах тяжести, приложенных к центру масс лежит (пересечение диагоналей)

Запишем ~~закон~~ правило момента силы относ. ц.о.

$L_1$  - расстояние от ц.о. до линии действия силы  $T_1$ .  
 $L_2$  - расстояние от ц.о. до линии действия силы  $f_1$ .

$$m g L_1 = T_1 \cdot \frac{1}{3} L_2$$

На рисунке  $\alpha$  обозначены одинаковые углы  
 $\sin \alpha = \frac{x}{\sqrt{15}x} = \frac{1}{\sqrt{15}}$        $\cos \alpha = \frac{\sqrt{15}x}{\sqrt{15}x + x} = \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{16}}$

$$L_1 = \frac{d}{2} \cos \alpha$$

$d$  - диагональ прямугл.

$$d = \sqrt{15x^2 + x^2} = 4x$$

$$d = 4x$$

$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{15}x}{4x} \quad \sin \alpha = \frac{x}{4x} = \frac{1}{4}$$

$$L_1 = d \cos \alpha$$

$$L_1 = 2x \cdot \left(1 - 2 \sin^2 \alpha\right) = 2x \cdot \left(1 - 2 \cdot \frac{1}{16}\right) = 2x \cdot \frac{7}{8} = \frac{7}{4}x$$

$$L_2 = \sqrt{15}x \cdot \frac{\sqrt{15}}{4} = \frac{15}{4}x$$

$$m g \cdot \frac{7}{4}x = T_1 \cdot \frac{15}{4}x \quad T_1 = \frac{7m g}{15} = \frac{7\rho_a \cdot \sqrt{15}x \cdot x \cdot x}{15} = \frac{7\sqrt{15} \rho_a x^3 g}{15}$$

Применим, что когда жукость лежит до пунктира, тело не изменяет своё положение и лишь её силу меняет. (тогда есть одна натяжка, тело не должно перекинуться)

Тогда в масса погружена пополам лежит  $F_A = \rho_m \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{15}x^3}{2} = \frac{\sqrt{15}}{8} \rho_a x^3 g < m g$

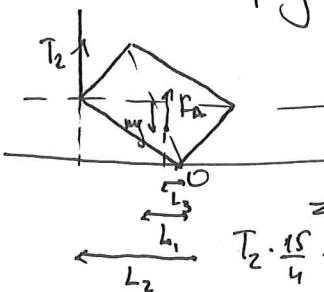
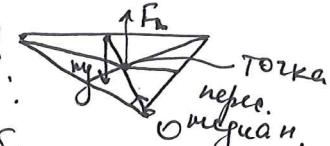
На приложена к центру тяжести тела, т.е. к центру масс жукости форма погруженной части тела

т.к. тело не сдвигнулось по предположению, то:

Погруженная часть тела пополам лежит

т.к. масса верх чисто плавучести будет ближе к точке О, чем центр тяжести детали. Погружается, т.е.  $F_A < m g$  и  $F_A$  идёт

в меньшее плечо силы тяжести, значит, чтобы тело не вращалось сила натяжения идет ближе к центру тяжести и тело не повернулось.

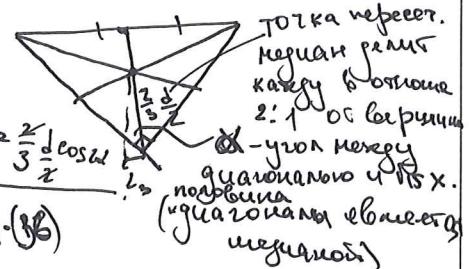


Правило момента:

$$T_2 \cdot L_2 + F_A \cdot L_3 = m g L_1$$

$$T_2 \cdot \frac{15}{4}x + \frac{\sqrt{15}}{6} \rho_a x^3 g \cdot \frac{4}{3} \cdot \frac{7}{8} \cdot 4x =$$

$$= \rho_a x^3 \sqrt{15} g \cdot \frac{3}{4} x \cdot \frac{7}{6} = \rho_a x^3 \sqrt{15} g \cdot \frac{7}{4} \cdot \frac{1}{6} \cdot (8x)$$



$$9 \cdot 15 T_2 + \sqrt{15} \rho a x^3 \cdot g \cdot 7 = \rho a x^3 \sqrt{15} \cdot g \cdot 2 \cdot 9$$

$$T_2 = \frac{7 \rho a x^3 g \sqrt{15} / 9 + 1}{9 \cdot 15} = \frac{7 \cdot 1008}{8 \cdot 15} \rho a x^3 g \sqrt{15}$$

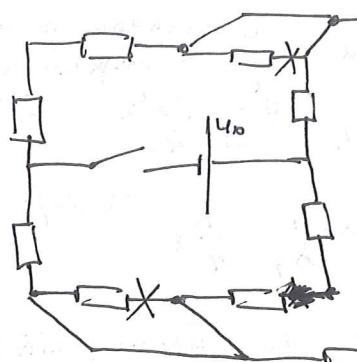
$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{7 \cdot 1008 \cdot \rho a x^3 g \sqrt{15} / 15}{9 \cdot 18 \cdot \sqrt{15} \rho a x^3 g} = \cancel{\frac{7 \cdot 1008}{9 \cdot 18}} \cdot \frac{g \sqrt{15}}{g} = \cancel{\frac{7 \cdot 1008}{9 \cdot 18}} \cdot \frac{8}{9}$$

Ответ:  $\frac{T_2}{T_1} = \frac{8}{9}$

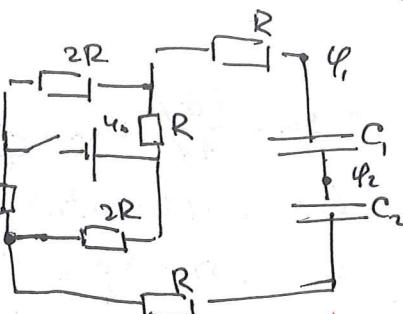
15.1.

Из схемы можно убрать две ветви т.к. на них нечего  
разнести потенциалов и не течет ток! Пусть R-сопротивления

+



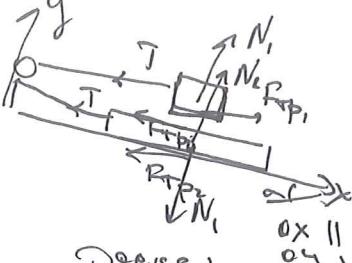
$$\xrightarrow{C_1, C_2}$$



+

$$W_1 = C_1 (\varphi_1 - \varphi_2)^2$$

84316

Чертёжник!N1

Брусков:  $F_{\text{тр.1}} - \text{ между доской и бруском}$   
 $F_{\text{тр.2}} - \text{ между доской и бруском}$   
 $\alpha x : m_1 a = F_{\text{тр.1}} + \text{нормаль} - f_1$

$\alpha = 30^\circ \quad M = 5 \text{ кг}$

$\mu_1 = 0,5$

$\mu_2 = 0,3$

По III л. Чертёжника $N_1$  действует со стороны доски на брусков и со стороны бруска на доску только противоположное направление и силы.Невыполнима.Доска:  $Oy \perp \text{склону}$ :  $N_1 = \text{нормаль}$ .

$Ox: g m_2 = g \text{нормаль} - F_{\text{тр.1}} - F_{\text{тр.2}} - f_3 \quad (+)$

$Oy: N_2 = N_1 + \text{нормаль} = 10 \text{ ньютонов}$

$\{ -m_2 a = F_1 + \text{нормаль} - f_3 \quad (1) \quad (+) \quad (2) - (1):$

$g m_2 = 8 \text{ ньютон} - f_1 - f_2 - f_3 \quad (2) \quad (+) \quad 10 m_2 = 8 \text{ ньютон} - 2 f_1 - f_2 \quad (3) \quad (+)$

$F_{\text{тр.1}, \max} = \mu_1 N_1 = \mu_1 \text{нормаль}$

$F_{\text{тр.2}, \max} = \mu_2 N_2 = \mu_2 \cdot 10 \text{ ньютонов}$

Предположим, что  $\alpha$  и бруски и доска движутся.  
 (они либо оба движ., либо оба стоят Р.К.)  
 из условия перв. нач. следует, что на  $Ox: a_{0x} = -a$ )

$\text{тогда } f_1 = F_{\text{тр.1}, \max} \quad f_2 = F_{\text{тр.2}, \max}. \quad (+)$

$10 m_2 = 8 \text{ ньютон} - 2 \mu_1 \cos \alpha - 10 \mu_2 \cos \alpha.$

$a = \frac{8 \text{ ньютон} - 2 \mu_1 \cos \alpha - 10 \mu_2 \cos \alpha}{10} =$

$= \frac{8 \sin \alpha - 2 \cos \alpha (\mu_1 + 5 \mu_2)}{10} = \frac{8 \cdot \frac{1}{2} - 2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} (0,5 + 1,5)}{10} =$

$= (4 - 2\sqrt{3}) \frac{M}{c^2} > 0 \Rightarrow \text{предположение верно!}$

(Следы трения расположены неудачно, то, что они пересекают движущую/движимую линии бруска и доски).

20510 из 10

~~Человек~~ Грибовик

~~По 3 закону Ньютона. брускок в силе  $N_1$ , скользит по року и растягивает веревку. (человек), также бр.~~

~~Ось x вдоль склона, ось  $y \perp x$ :~~

~~II з. Ньютона для роки:~~

$\text{ox: } 9\text{m}a = 9\text{mg}\sin\alpha - T - F_{Tr2} - F_{Tr1}, (1)$

$\text{oy: } N_2 = 9\text{mg}\cos\alpha + N_1$

~~II з. Ньютона для бруска:~~

$\text{ox: } m\ddot{a}_0 = m\text{gsin}\alpha + F_{Tr1} - T, (2)$

$\text{oy: } N_1 = m\text{gcos}\alpha$

$N_2 = m\text{gcos}\alpha + 9\text{mgcos}\alpha = 10\text{mgcos}\alpha$

$F_{Tr1, \max} = M_1 N_1 = 0,5 \cdot 10\text{mgcos}\alpha = 0,5 \cdot 10\text{mg} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$

$F_{Tr2, \max} = M_2 N_2 = 0,3 \cdot 10\text{mgcos}\alpha = 3\text{mg} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$

~~Предположим, что рокка скользит влево, т.к. брускок тоже скользит (како же есть?) и сила трения направлена вправо, т.к.:~~

$u_3(1): 9\text{m}a = 9\text{mg}\sin\alpha - T - M_2 \cdot 10\text{mgcos}\alpha - M_1 \cdot \text{mgcos}\alpha, (3)$

~~т.к. никто не растягивает веревку в разные стороны. то (з. декорации бруска)  $a_x = a$  (т.к. брускок в разные стороны)~~

$u_3(2): m\ddot{a} = \text{mg}\sin\alpha + M_1 \cdot \text{mgcos}\alpha - T, (4)$

$(3) + (4): 8\text{m}a = 10\text{mg}\sin\alpha - M_2 \cdot 10\text{mgcos}\alpha.$

$a = \frac{10\text{g}\sin\alpha - 10\text{gcos}\alpha}{8} M_2 = \frac{10}{2} - \frac{10\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{3}{10} = \frac{10 - 3\sqrt{3}}{16} \text{g}.$

~~т.к. в том, что брускок и рокка будут двигаться также скользить, то можно использовать упрощение:~~

$\text{ox: } 0 = \text{mg}\sin\alpha - T - F_{Tr2} \quad \text{т.к. модели бруска и рокка одинаковы, то при движении всей системы будет одинаково}$

~~Брускок:~~

$0 = \text{mg}\sin\alpha + F_{Tr1} - F_{Tr2} - T \quad \Rightarrow 10\text{mg}\sin\alpha = F_{Tr2} \leq M_2 N_2 \Rightarrow$

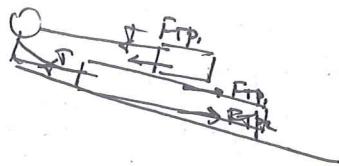
$\Rightarrow 10\text{mgcos}\alpha \leq M_2 \cdot 10\text{mgcos}\alpha$

$\frac{1}{10} \leq \frac{3}{10} \sim \text{неправда} \Rightarrow \text{предположение ложно.}$

~~Силы трения направлены вправо, поэтому так, чтобы преодолеть скользящий~~

~~ребят!  $\frac{10 - 3\sqrt{3}}{16} g \approx 3 \frac{m}{c^2}$~~

Задача 10

Черновик.

mg

$$ma = mg \sin \alpha - T - F_{fp1}$$

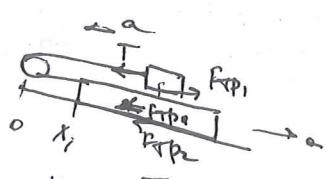
$$3ma = T - F_{fp1} - R_{fp2} - 8mg \sin \alpha$$

~~$$8R_{fp2} = 10ma = 8mg \sin \alpha - F_{fp2} - 2F_{fp1}$$~~

10

~~$$10 - 3\sqrt{3} g$$~~

16



$$ma = T - F_{fp1} - mg \sin \alpha$$

$$3ma = 3mg \sin \alpha - T - F_1 - F_2$$

$$10ma = 8mg \sin \alpha - 2F_1 - F_2$$

$$N_1 = mg \cos \alpha$$

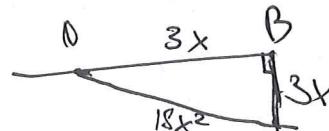
$$N_2 = 10mg \cos \alpha$$

$$10N_2 = 8mg \sin \alpha - 2 \cdot 1,2 \cdot mg \cos \alpha - 1,2 \cdot 10mg \cos \alpha$$

$$a = \frac{8}{10} \left( 8 \cdot \frac{1}{2} - 0,5 \cdot 2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - 0,3 \cdot 10 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \right)$$

$$a = 4 - \frac{\sqrt{3}}{2} - 3 \frac{\sqrt{3}}{2} = 4 - \frac{4\sqrt{3}}{2} = 4 - 2\sqrt{3}$$

~~$$\frac{1,73}{2} - \frac{4,00}{3,46} = \frac{1,46}{0,54}$$~~



$$T_B^1 = 6mg + \frac{6mV^2}{R}$$

$$3x^2 + 3x^2 = 18x^2$$

$$T_A \cdot x = mg \cdot x + 3x \cdot T_B$$

$$T_A = mg + 36mg + \frac{18mV^2}{R}$$

$$T_A = mg + 18mg + 18m \cdot 2g(1 - \cos 30^\circ)$$

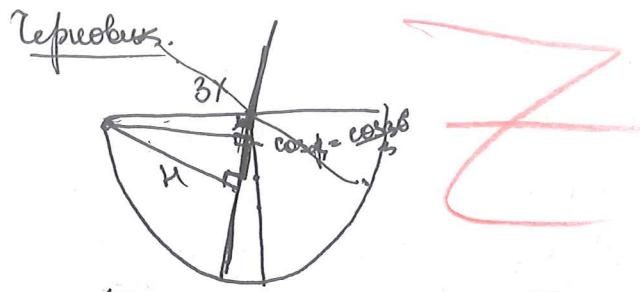
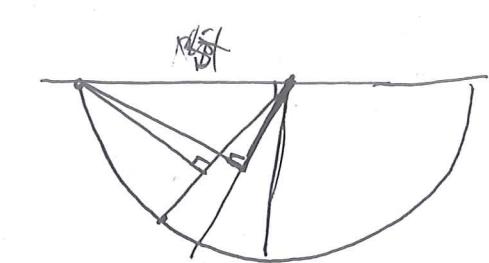
$$R(1 - \cos 30^\circ)$$

$$\frac{mV^2}{R} = mg R(1 - \cos 30^\circ)$$

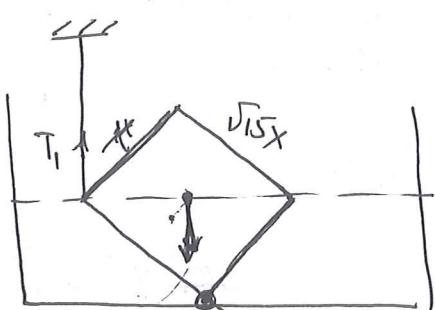
$$T_A = 19mg + 36mg - 36mg \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$T_A = 55mg - 18mg\sqrt{3}$$

84310



H



$$P_H = \frac{P_A}{\mu}$$



$\varphi q$

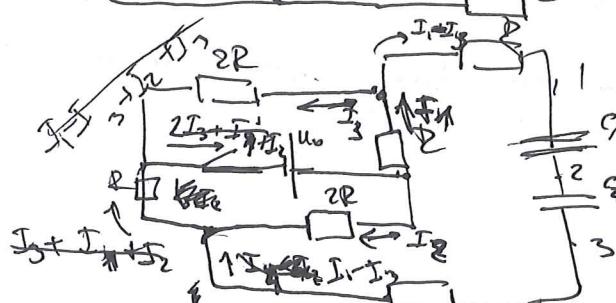
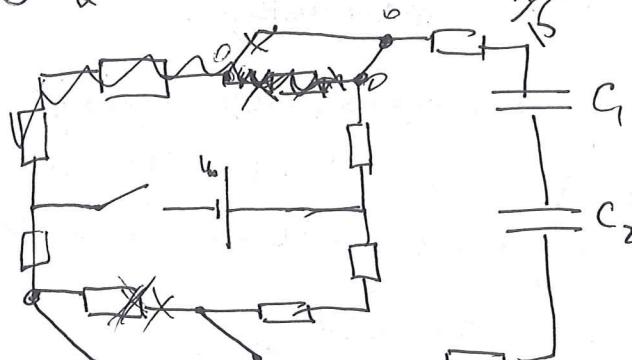
$$F_A = P_H \cdot g \cdot \frac{x \cdot \sqrt{15}x \cdot x}{2} = \frac{P_A}{\mu} \cdot \frac{\sqrt{15}}{6} \cdot P_A g x^3$$

$$W = \frac{P_A}{\mu} C \cdot (\mu_1 - \mu_2)^2$$



$$\rho_1 = \frac{q}{\varphi_1 - \varphi_2}$$

$$T_B = \frac{6mU}{R} + 6mg$$



$$+ 2R I_3 + R I_1 = U_0$$

$$2R I_2 + I_1 R - I_3 R + I_2 R = U_0$$

$$2R I_1 - 2R I_3 + I_1 R = -I_2 R$$

$$2R(I_1 - I_3) + I_1 R = -I_2 R$$

$$2R I_3 + R I_1 = U_0$$

$$3R I_2 + I_1 R - I_3 R = U_0$$

6 u 310