

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
ИМЕНИ М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 1 класс 10

Место проведения Москва  
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов  
наименование олимпиады

по Физике  
профиль олимпиады

Гришкова Анна Сергеевна  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата

«09» Февраля 2024 года

Подпись участника

Анна

78-79-94-07  
(2.2)

Запись	1	2	3	4	5	Σ
Баллы	20	20	20	20	18	98
Р.О.	Криво	Криво	Криво	Криво	Криво	Криво
	Криво	Криво	Криво	Криво	Криво	Криво

Р.О. (Результаты оценки)

Подписывать лист-вкладыш запрещается! Писать на полях листа-вкладыша запрещается!

Чистовик

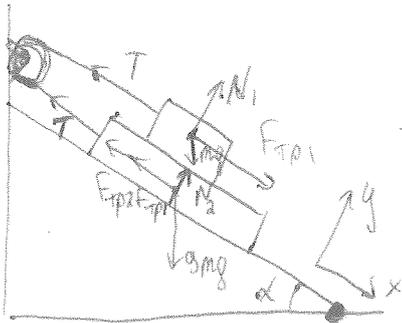
$g m = M$

N 1

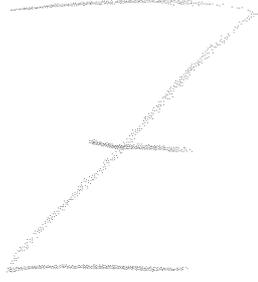
$\mu_1 = 0,5; \mu_2 = 0,3$

Допустим доска движется вниз  
а брусок вверх; т.к. каток неровный.

⇒ у бруска и доски одинаковое ускорение  
вниз. Введем II-ые З.Н по OX и OY



$$\Rightarrow \begin{cases} T - F_{тр1} - mg \sin \alpha = ma \\ F_{тр1} = \mu_1 N_1 \end{cases}$$



$$\begin{cases} N_1 = mg \cos \alpha \\ N_2 = 10 mg \cos \alpha \end{cases}$$

$$\begin{cases} F_{тр2} = \mu_2 N_2 \\ mg \sin \alpha - T - F_{тр1} - F_{тр2} = gma \\ mg \cos \alpha = N_1 \\ 3mg \cos \alpha + N_1 = N_2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} T - \mu_1 mg \cos \alpha - mg \sin \alpha = ma \\ 3mg \sin \alpha - T - \mu_1 mg \cos \alpha - 10\mu_2 mg \cos \alpha = gma \end{cases}$$

$$T = ma + mg \sin \alpha + \mu_1 mg \cos \alpha$$

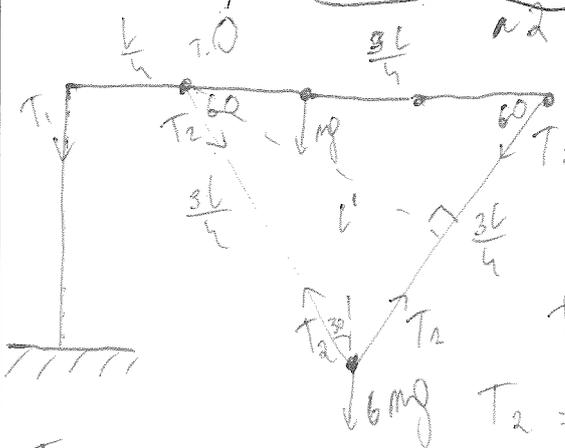
$$3mg \sin \alpha - ma - mg \sin \alpha - \mu_1 mg \cos \alpha - \mu_1 mg \cos \alpha - 10\mu_2 mg \cos \alpha = gma$$

$$2g \sin \alpha - 2\mu_1 g \cos \alpha - 10\mu_2 g \cos \alpha = 10a \quad a = \frac{10}{10} \left( \frac{3}{2} - 2 \cdot 0,5 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - 10 \cdot 0,3 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \right)$$

$$\Rightarrow a = \frac{g}{10} (3 \sin \alpha - 2\mu_1 \cos \alpha - 10\mu_2 \cos \alpha) \quad a = 4 - 0,5\sqrt{3} - 1,5\sqrt{3}$$

$$a = 4 - 2\sqrt{3} \quad | a = 2(2 - \sqrt{3})$$

Ответ:  $a = 2(2 - \sqrt{3}) \cdot \frac{m}{c^2}$



$T_A = T_1$ ; Правило моментов

$\sum M = 0 \Rightarrow T_1 \cdot \frac{l}{4} = mg \cdot \frac{l}{4} + T_2 \cdot l'$

$l' = \sin 60 \cdot \frac{3}{4} l = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{3}{4} l = \frac{3\sqrt{3}}{8} l$

$T_1 \cdot \frac{l}{4} = mg \cdot \frac{l}{4} + T_2 \cdot \frac{3\sqrt{3}}{8} l$

$T_1 = mg + T_2 \cdot \frac{3\sqrt{3}}{2}$

$T_2 = \frac{3 \cdot 2 \cdot mg \cdot \sqrt{3}}{\sqrt{3} - \sqrt{3}} = 2mg\sqrt{3}$

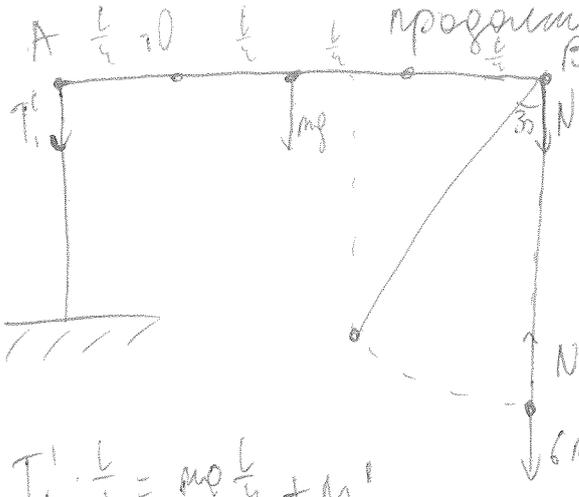
$T_1 = mg + 2mg \cdot \frac{3\sqrt{3} - \sqrt{3}}{2} = 10mg$

$T_A = T_1 = 10mg$

78-79-94-07  
(2.2)

Числовик

продолжение к 2



Известно что у нас маятник  
массой m и длиной l  
в момент t

$$N - 6mg = 6 \frac{mv^2}{R} \quad R = \frac{3}{4}l$$

$$3C7: mgR(1 - \cos 30) = \frac{mv^2}{2}$$

$$2mg(1 - \cos 30) = \frac{mv^2}{R}$$

$$N = 6mg + 6 \cdot 2mg(1 - \cos 30)$$

$$N = mg(6 + 6 \cdot 2(1 - \frac{\sqrt{3}}{2}))$$

$$N = 6mg(3 - \sqrt{3})$$

$$T_1 \cdot \frac{l}{4} = mg \frac{l}{4} + M'$$

$$M' = l \cdot N''$$

(Произведем max когда l'' max  
и N'' max; N'' max при N'' \perp AB

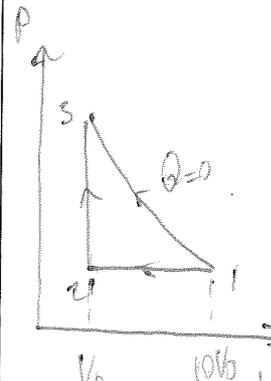
N'' max = N; l'' max при N'' \perp AB иначе уменьшается

$$T_1 \cdot \frac{l}{4} = mg \frac{l}{4} + \frac{3}{4}l \cdot 6mg(3 - \sqrt{3}); \quad T_1 = mg + 18mg(3 - \sqrt{3})$$

$$T_1 = mg(1 + 54 - 18\sqrt{3}) = mg(55 - 18\sqrt{3}) \quad k = \frac{T_{max}}{T_A}$$

$$T_{max} = T_1 \Rightarrow k = \frac{mg(55 - 18\sqrt{3})}{10mg} = 5.5 - 1.8\sqrt{3} = 5.5 - 1.8 \cdot 1.7 =$$

$$= 5.5 - 3.06 = 2.44; \quad k \approx 2.4 \quad \text{Ответ: } k \approx 2.4$$



$$1-3 = \text{Адиабат} \Rightarrow -A_{13} + \Delta U_{13} = 0$$

$$A_{13} = \Delta U_{13} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_1)$$

$$\Rightarrow Q_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) + \nu R (T_2 - T_1) = 2.5 \nu R (T_2 - T_1)$$

$$Q_{23} = \Delta U_{23} (A_{23} = 0; \text{ т.к } V = \text{const}); \quad Q_{23} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_2)$$

$$= \nu R (1.5 T_3 - 1.5 T_2 + 2.5 T_2 - 2.5 T_1) = \nu R (1.5 T_3 - 2.5 T_1 + T_2)$$

T2 = Tmin т.к в проц 1-2 T \downarrow (T \sim V); а в проц 2-3 T \uparrow \Rightarrow T2 - минимум

$$\Rightarrow T_2 = T_{min} = 200 \text{ K}$$

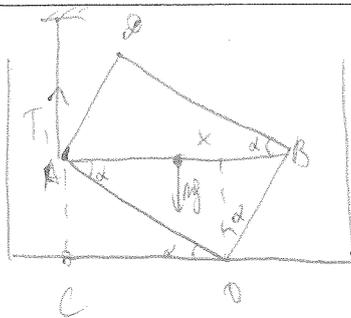
$$Q_{12} = \nu R T_2 \Rightarrow T_1 = 10 T_2 = 2000 \text{ K}$$

$$A_{13} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_1) \Rightarrow T_3 - T_1 = \frac{2 A_{13}}{3 \nu R}$$

$$\Rightarrow T_3 = \frac{2 A_{13}}{3 \nu R} + T_1 \quad Q = A_{13} - 9 \nu R T_2; \quad Q = 40000 - 14958 = 25042 \text{ Дж}$$

$$Q = \nu R (1.5 T_1 + \frac{A_{13}}{\nu R} - 2.5 T_1 + T_2) = \nu R (\frac{A_{13}}{\nu R} - 9 T_2)$$

$$\Rightarrow Q = 40000 - 14958 = 25042 \text{ Дж} \quad \text{Ответ: } Q = 25042 \text{ Дж}$$

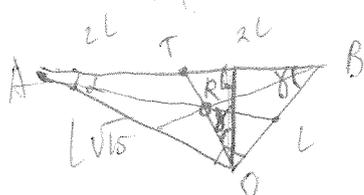


№5 Числовик  $k = \frac{T_2}{T_1}$   
 Правило моментов от к. т.о  $T_1 \cdot \Delta M = 0$   
 $T_1 \cdot l \sqrt{15} \cdot \cos \alpha = mgx$   $x = l \sqrt{15} \cdot \cos \alpha - \frac{1}{2} \sqrt{4^2 + 15^2} l^2$   
 $x = l \sqrt{15} \cdot \cos \alpha - 2l$ ;  $CO \parallel AB \Rightarrow \angle COA = \angle BOA$   
 (как накрест)

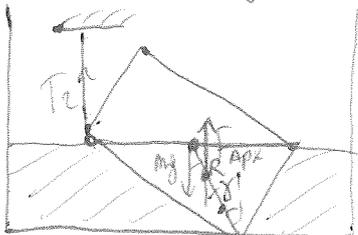
$AO \parallel BO \Rightarrow \angle OAB = \angle BOA$ ;  $\Rightarrow \angle AOC = \angle BOA = \alpha$ ;  $AB = \sqrt{4^2 + 15^2} = 17$   
 $\cos \alpha = \frac{\sqrt{15}}{17} = \frac{BO}{AB} = \frac{\sqrt{15}}{17}$ ;  $x = l \sqrt{15} \cdot \frac{\sqrt{15}}{17} - 2l = l \cdot 1,75$

$$T_1 = \frac{mg \cdot 1,75 l \cdot 17}{l \cdot \sqrt{15} \cdot \sqrt{15}} = mg \cdot \frac{7}{15}$$

Сила Архимеда приложена к геометрическому центру погруженной части (в точке пересечения медиан.)



$AO = TO = BO$  т.к.  $\angle AOB = 90^\circ$   $\frac{TR}{RO} = \frac{1}{2}$   
 $RO = 2TR$ ;  $\Rightarrow RO = 2l - \frac{2}{3} = \frac{4}{3}l$   
 $\sin \delta = \frac{l \sqrt{15}}{4l} = \frac{\sqrt{15}}{4}$



$$T_2 \cdot l \sqrt{15} \cdot \cos \alpha + F_{арх} \cdot RO \cdot \sin \delta = mgx$$

$$T_2 \cdot \frac{l \sqrt{15} \cdot \sqrt{15}}{4} + F_{арх} \cdot \frac{4l}{3} \cdot \frac{\sqrt{15}}{4} = mg \cdot \frac{7l}{15}$$

$$F_{арх} = \frac{\rho g V}{2}; 6 F_{арх} = mg \Rightarrow F_{арх} = \frac{mg}{6}$$

$$15 T_2 + \frac{mg \cdot \frac{2}{3} \sqrt{15}}{2 \cdot 3} = 7mg$$

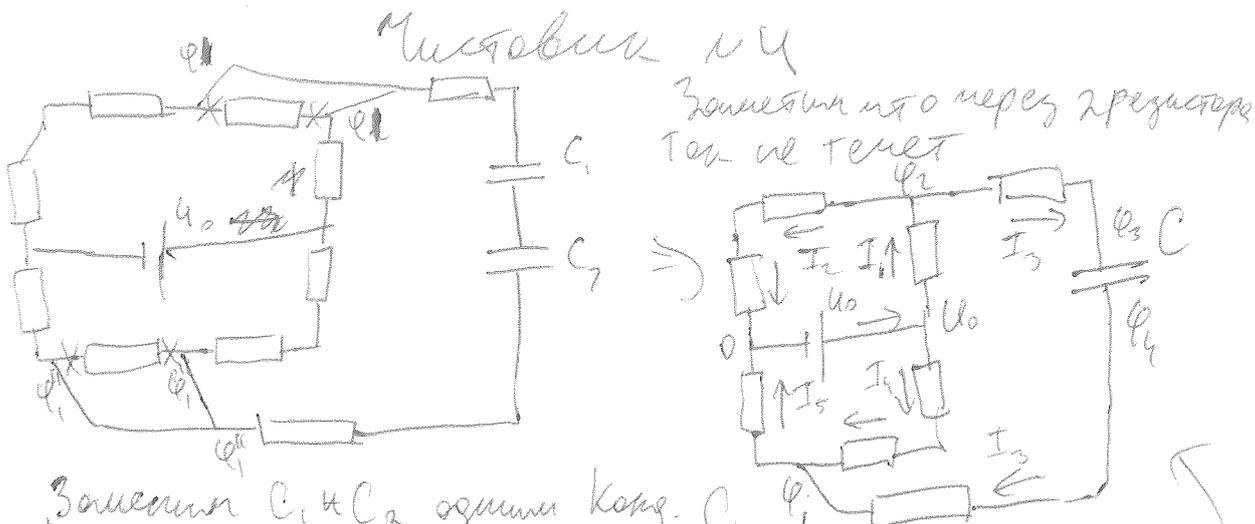
$$15 T_2 + mg \cdot \frac{2 \sqrt{15}}{9} = 7mg \quad 15 T_2 = mg \frac{63 - 2 \sqrt{15}}{9}$$

$$k = \frac{T_2}{T_1} = \frac{mg (63 - 2 \sqrt{15}) \cdot 18}{9 \cdot 15 \cdot mg \cdot 7} \Rightarrow T_2 = mg \cdot \left( \frac{63 - 2 \sqrt{15}}{9 \cdot 15} \right)$$

$$= \frac{63 - 2 \sqrt{15}}{63} = 1 - \frac{2 \sqrt{15}}{63}$$

Ответ:  $k = 1 - \frac{2 \sqrt{15}}{63}$

78-79-94-07  
(2.2)



Заменяем  $C_1$  и  $C_2$  одним конд.  $C$

$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}; \quad W_k = \frac{CU^2}{2}; \quad \Rightarrow W_{k1} = \frac{CU_1^2}{2}; \quad C = \frac{q}{U}$$

Формулы ток в цепи течет именно таким образом

$$I_1 = I_3 + I_2; \quad I_5 = I_4 + I_3; \quad \frac{\varphi_1}{R} = \frac{U_0 - \varphi_1}{2R} + I_3$$

$$\frac{U_0 - \varphi_1}{R} = I_3 + \frac{\varphi_2}{2R}; \quad \frac{2U_0 - 3\varphi_2}{2R} = I_3$$

$$I_3 = \frac{2U_0 - U_0 + \varphi_1}{2R} = \frac{U_0 + \varphi_1}{2R}$$

$$\frac{\varphi_2 - \varphi_3}{R} = I_3; \quad \varphi_2 = I_3 R$$

$$\varphi_3 = \varphi_2 - I_3 R; \quad \frac{\varphi_4 - \varphi_1}{R} = I_3 \Rightarrow \varphi_4 = I_3 R + \varphi_1$$

$$U' = \varphi_3 - \varphi_4 = \varphi_2 - I_3 R - I_3 R - \varphi_1 = \varphi_2 - \varphi_1 - 2I_3 R$$

$$U_0 + 2I_3 R = 3\varphi_1; \quad 3U' = 3\varphi_2 - 3\varphi_1 - 6I_3 R$$

$$2U_0 + 2I_3 R = 3\varphi_2; \quad 3U' = 2U_0 - 2I_3 R - U_0 - 2I_3 R - 6I_3 R$$

$$3U' = U_0 - 10I_3 R; \quad I_3 \text{ — ток через конденсатор}$$

через большое время

$$\Rightarrow U' = \frac{U_0}{3}$$

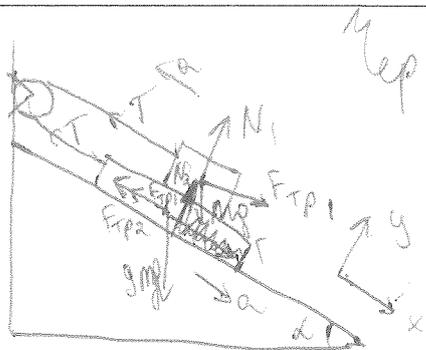
$$U_1 + U_2 = \frac{U_0}{3}$$

$$U_1 = \frac{q}{C_1}; \quad U_2 = \frac{q}{C_2}$$

$$W_{k1} = \frac{q^2}{2C_1} = \frac{16}{2 \cdot 4} = 2 \text{ Дж}$$

$$q \left( \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \right) = \frac{U_0}{3}$$

$$q = \frac{U_0}{3 \left( \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \right)} = \frac{5}{3 \left( \frac{1}{4} + \frac{1}{6} \right)} = \frac{8 \cdot 24}{3 \cdot 10 \cdot 2} = \frac{24}{6} = 4$$



Черта блок

$g m = M$

$\mu_1 = 0,5$

$\mu_2 = 0,3$

Допустим доска движется вниз  
а брусок вверх  
Т.к. есть неравновесие  
бруска и доска движутся  
вниз

$$\begin{cases} N_1 = mg \cos \alpha \\ N_2 = 10 mg \cos \alpha \\ T - \mu_1 mg \cos \alpha - mg \sin \alpha = ma \\ 8 mg \sin \alpha - T - \mu_1 mg \cos \alpha - 10 \mu_2 mg \cos \alpha = g m a \end{cases}$$

$$\begin{cases} T - F_{тр1} - mg \sin \alpha = m a \\ F_{тр1} = \mu_1 N_1; \quad F_{тр2} = \mu_2 N_2 \\ 8 mg \sin \alpha - T - F_{тр1} - F_{тр2} = g m a \\ mg \cos \alpha = N_1 \\ 8 mg \cos \alpha + N_1 = N_2 \end{cases}$$

$T = ma + mg \sin \alpha + \mu_1 mg \cos \alpha$

$8 mg \sin \alpha - ma - \mu_1 mg \cos \alpha - \mu_2 mg \cos \alpha - 10 \mu_2 mg \cos \alpha = g m a$

$8 g \sin \alpha - 2 \mu_1 g \cos \alpha - 10 \mu_2 g \cos \alpha = 10 a$

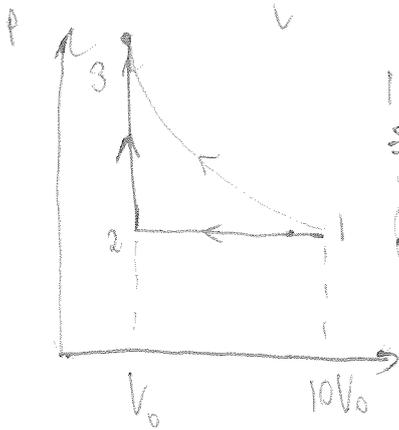
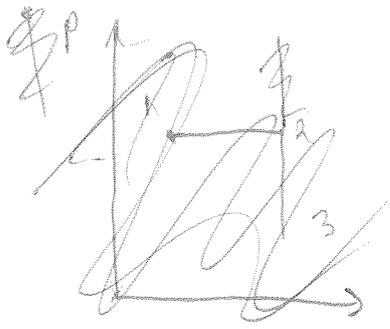
$\frac{8 \sin \alpha - 2 \mu_1 \cos \alpha - 10 \mu_2 \cos \alpha}{10} = a$

$a = \frac{8}{10} \left( \frac{3}{2} - 2 - 0,5 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - 10 \cdot 0,3 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \right)$

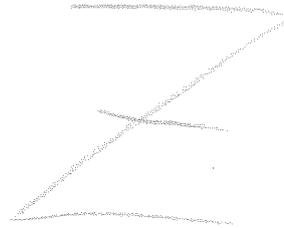
$a = 4 - 0,5 \sqrt{3} - 1,5 \sqrt{3}$

$a = 4 - 2 \sqrt{3}; \quad a = 2(2 - \sqrt{3})$





Черновик  
13



$\nu = 1$   
 $i = 3$   
 $A_{13} = 40 \cdot 10^3 \text{ Дж}$   
 $T_{\text{min}} = 200 \text{ K}$

1-3: ~~изотермический~~ Адиабатный  $\Rightarrow -A_{13} + \Delta U_{13} = 0$

$A_{13} = \Delta U_{13} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_1)$

12 - изобарный  $\Rightarrow d(pV) = p \cdot dV = \nu R dT$

$\Rightarrow Q_{12} = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1) + \nu R (T_2 - T_1) = 2,5 \nu R (T_2 - T_1)$

$Q_{23} = \Delta U$ ; ( $A_{23} = 0$  т.к.  $V = \text{const}$ )

$Q_{23} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_2)$

$Q_{12} + Q_{23} = \nu R \left( \frac{3}{2}(T_3 - T_2) + 2,5(T_2 - T_1) \right) = Q$

$Q = \nu R (1,5 T_3 - 1,5 T_2 + 2,5 T_2 - 2,5 T_1) = \nu R (1,5 T_3 - 2,5 T_1 + T_2)$

~~$Q_{12} = \nu R (2,5 T_2 - 2,5 T_1)$~~

$T_2 = T_{\text{min}}$

т.к.  $\uparrow$  проц. 1-2  $T \downarrow$   
а в проц. 2-3  $T \uparrow \Rightarrow$   
 $\Rightarrow T_2$  - минимум

$\begin{cases} P_2 V_0 = \nu R T_2 \\ P_2 \cdot 10V_0 = \nu R T_1 \end{cases} \Rightarrow T_1 = 10 T_2 = 2000 \text{ K}$

$\frac{2A_{13}}{3\nu R} = T_3 - T_1 \Rightarrow T_3 = T_1 + \frac{2A_{13}}{3\nu R} = 2000 \text{ K} + \frac{2 \cdot 40000}{3 \cdot 8,31} = 2504,2 \text{ K}$

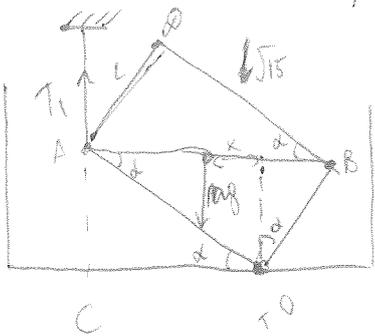
$Q = \nu R \left( 1,5 T_1 + \frac{A_{13}}{\nu R} - 2,5 T_1 + T_2 \right) = \nu R \left( \frac{A_{13}}{\nu R} - T_1 + T_2 \right) = \nu R \left( \frac{A_{13}}{\nu R} - 9 T_2 \right)$

$Q = \frac{A_{13}}{2} - 9 \nu R T_2$ ;  $9 \nu R T_2 = 9 \cdot 1 \cdot 8,31 \cdot 200 = 14958 \text{ Дж}$

~~$A_{13} = 40000$~~   
 $Q = A_{13} - 9 \nu R T_2 = \frac{40000}{2} - 14958 = 25042 \text{ Дж}$

$Q = 25042 \text{ Дж}$

1800  
x 8,31  
-----  
14958  
+ 40000  
-----  
14958,00  
+ 25042  
-----  
40000



Мерновок 15

$$k = \frac{T_2}{T_1} = ?$$

Правило моментов от К - т.О  $\Sigma M = 0$

$$T_1 \cdot l\sqrt{15} \cdot \cos \alpha = mg \cdot x$$

$$x = l\sqrt{15} \cdot \cos \alpha - 2l$$

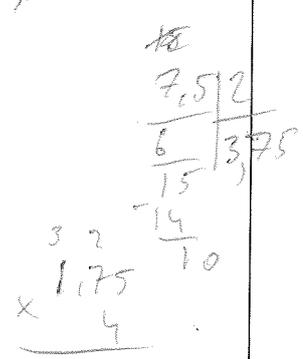
$$x = l\sqrt{15} \cdot \cos \alpha - 2l$$

$CO \parallel AB \Rightarrow \angle BAO = \angle COA$  (накрест);  $AO \parallel BO \Rightarrow \angle OAB = \angle ABO$

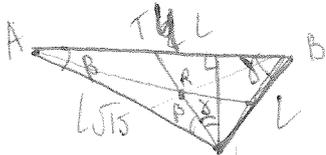
$\Rightarrow \angle AOC = \angle ABO = \alpha$ ;  $AB = \sqrt{l^2 + 15l^2} = 4l$ ;  $\cos \alpha = \frac{l\sqrt{15}}{4l} = \frac{BO}{AB} = \frac{\sqrt{15}}{4}$

$$x = l \cdot \frac{\sqrt{15} \cdot \sqrt{15}}{4} - 2l = l \left( \frac{15}{4} - 2 \right) = l (3.75 - 2) = 1.75l$$

$$T_1 = \frac{mg \cdot 1.75l \cdot 4}{\sqrt{15} \cdot \sqrt{15}} = \frac{7mg}{15}$$

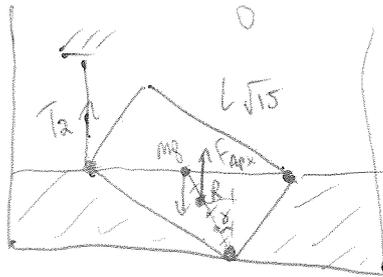


Сила Архимеда приложена к геометрическому центру поперечной части (к точке пересечения медиан)



$AT = TO$ ;  $\frac{TR}{RO} = \frac{1}{2}$ ;  $RO = 2TR \Rightarrow RO = \frac{2}{3} \cdot 2l$

$\sin \alpha = \frac{l\sqrt{15}}{4l} = \frac{\sqrt{15}}{4}$ ;  $RO = \frac{4l}{3}$



$$T_2 \cdot l\sqrt{15} \cdot \cos \alpha + F_{\text{Арх}} \cdot \sin \alpha \cdot RO = mg \cdot x$$

$$T_2 \cdot \frac{l\sqrt{15} \cdot \sqrt{15}}{4} + F_{\text{Арх}} \cdot \frac{4l}{3} \cdot \frac{\sqrt{15}}{4} = mg \cdot \frac{7l}{4}$$

$$15T_2 + F_{\text{Арх}} \cdot \frac{5\sqrt{15}}{3} = 7mg; \quad mg = 3g \cdot Vg$$

$$F_{\text{Арх}} = \frac{\rho g V}{2}; \quad 6F_{\text{Арх}} = mg \Rightarrow F_{\text{Арх}} = \frac{mg}{6}$$

$$15T_2 + \frac{mg \cdot 5\sqrt{15}}{3} = 7mg$$

$$15T_2 + mg \cdot \frac{2\sqrt{15}}{3} = 7mg$$

$$k = \frac{T_2}{T_1} = \frac{mg (63 - 2\sqrt{15})}{15 \cdot g - mg - 7} = \frac{63 - 2\sqrt{15}}{63} = 1 - \frac{2\sqrt{15}}{63}$$

$$k = 1 - \frac{2\sqrt{15}}{63}$$

