



94-77-49-04
(4.2)



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 2 ; класс 11

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
наименование олимпиады

по физике
профиль олимпиады

Хайтминой Александры Юрьевна
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

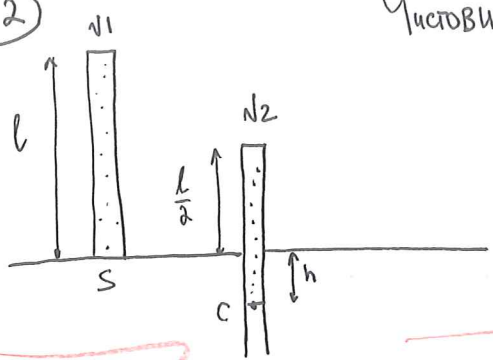
Дата

«09» февраля 2024 года

Подпись участника

Ка

2.5.2



Чистовик

1) $p_0 = p_{нас} + p_{в1}$, где $p_{в1}$ - давление воздуха в ситуац. N1

2) $p_c = \rho_0 g h + p_0$
 $p_c = p_{нас} + p_{в2}$, где $p_{в2}$ - давление воздуха в ситуации N2

(Объем уменьшился, поэтому давление водяного пара осталось насыщенным)

$$\begin{cases} p_{в1} \cdot l S = \nu R T \\ p_{в2} \cdot (\frac{l}{2} + h) S = \nu R T \end{cases} \Rightarrow p_{в1} l = p_{в2} (\frac{l}{2} + h) \Rightarrow p_{в2} = \frac{l}{\frac{l}{2} + h} p_{в1}$$

$$\rho_0 g h + p_0 = p_{нас} + \frac{l}{\frac{l}{2} + h} p_{в1}$$

$$\rho_0 g h + p_{в1} = \frac{l}{\frac{l}{2} + h} p_{в1} \Rightarrow p_{в1} = \frac{\rho_0 g h}{\frac{l}{\frac{l}{2} + h} - 1} = \frac{\rho_0 g h (\frac{l}{2} + h)}{\frac{l}{2} - h}$$

$$p_0 = p_{нас} + p_{в1} = p_{нас} + \frac{\rho_0 g h (\frac{l}{2} + h)}{\frac{l}{2} - h}$$

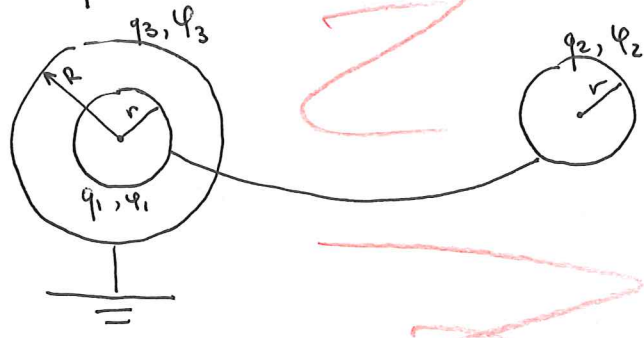
$$p_0 = 14,5 \cdot 10^3 + \frac{10^3 \cdot 10 \cdot 0,45 (0,5 + 0,45)}{0,5 - 0,45} = 14,5 \cdot 10^3 +$$

$$+ \frac{10^4 \cdot 0,45 \cdot 0,95}{0,05} = 14,5 \cdot 10^3 + \frac{45 \cdot 95 \cdot 100}{5} = 14,5 \cdot 10^3 +$$

$$+ 855 \cdot 10^2 = (14,5 + 85,5) \cdot 10^3 = 10^5 \text{ (Па)}$$

Ответ: $p_0 = 10^5 \text{ Па}$

3.10.2



$$\begin{aligned} \varphi_1 &= \varphi_2 \\ \varphi_2 &= k \frac{q_2}{r} \\ \varphi_3 = 0 &= k \frac{q_1}{R} + k \frac{q_3}{R} \\ \varphi_1 &= k \frac{q_1}{R} + k \frac{q_3}{R} \end{aligned}$$

Числовик

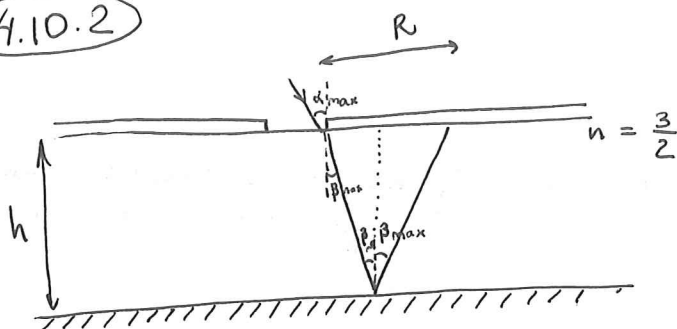
$$\begin{cases} \frac{q_2}{r} = \frac{q_1}{r} + \frac{q_3}{R} \\ q_1 = -q_3 \end{cases} \Rightarrow \frac{q_2}{r} = q_1 \left(-\frac{1}{R} + \frac{1}{r} \right)$$

$$q_2 = q_1 \left(1 - \frac{r}{R} \right) \Rightarrow 1 - \frac{r}{R} = \frac{q_2}{q_1} \Rightarrow \frac{r}{R} = 1 - \frac{q_2}{q_1} \Rightarrow r = \left(1 - \frac{q_2}{q_1} \right) R$$

$$r = \left(1 - \frac{2,5 \cdot 10^{-10}}{7,5 \cdot 10^{-10}} \right) \cdot 3 = \left(1 - \frac{1}{3} \right) \cdot 3 = 2 \text{ (см)}$$

Ответ: $r = 2 \text{ см}$

4.10.2



$$\sin \alpha = n \sin \beta$$

$$\sin \alpha \in [0; 1]$$

угол α может быть от 0° до 90° .

Чем больше α , тем больше β .

Тогда: $\beta_{\max} \quad \sin \beta_{\max} = \frac{1}{n}$

$$R = 2h \cdot \operatorname{tg} \beta_{\max}$$

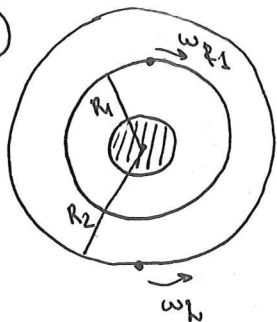
$$\operatorname{tg} \beta_{\max} = \sqrt{\frac{\sin^2 \beta_{\max}}{1 - \sin^2 \beta_{\max}}}$$

$$h = \frac{R}{2 \operatorname{tg} \beta_{\max}} = \frac{R}{2 \sqrt{\frac{\frac{1}{n^2}}{1 - \frac{1}{n^2}}}} = \frac{8}{2 \sqrt{\frac{\frac{4}{9}}{\frac{5}{9}}}} = \frac{8}{2 \sqrt{\frac{4}{5}}}$$

$$= \frac{8\sqrt{5}}{4} = 2\sqrt{5} \text{ (см)}$$

Ответ: $h = 2\sqrt{5} \text{ см}$

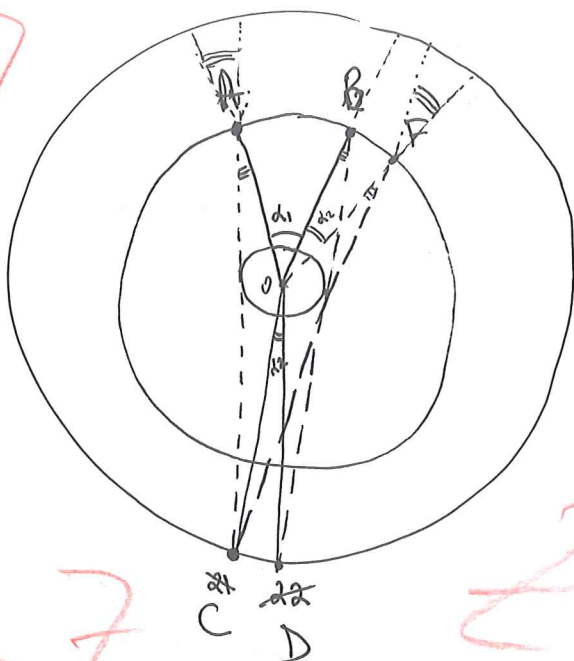
1.4.2



Пусть тот, кто вращается по радиусу R_1 имеет угловую скорость ω_1 , а тот, кто по радиусу R_2 имеет угловую скорость ω_2 .

Пусть радиус планеты R

Числами



$\angle AOB = \alpha_1 = \omega_1 T$
 $\angle COD = \alpha_2 = \omega_2 T$

$A \rightarrow B$
 За T первой из $r_1 \rightarrow r_2$
 За T второй из $r_2 \rightarrow r_1$
 C D

из т. C
 из т. D проведем
 касательные к
 планете и поста-
 вим т. F (пересечение
 орбит 1-ой и второй
 касательной)

$\angle OCF = \angle ODB$ (т.к. это угол м.у. кас и прямой через центр
 ($CO = OD, CC' = DD', OC' = OD' = R$))

Аналогично $\angle OBD = \angle OFC$

$\left. \begin{matrix} \angle OCF = \angle ODB \\ \angle OFC = \angle OBD \\ OF = OB \\ OC = OD \end{matrix} \right\} \Rightarrow \triangle COF \cong \triangle DOB \Rightarrow \angle COF = \angle DOB \Rightarrow$

$\Rightarrow \angle COD = \angle BOF$ ($\angle FOD$ у углов $\angle COF$ и $\angle DOB$ - общий)

$\angle COD = \angle BOF = \alpha_2$

Тогда: $\alpha_1 + \alpha_2 = 2 \cdot \angle ACF = 2 \cdot 2 R_2 \arcsin\left(\frac{R_1}{R_2}\right) \approx 4 \frac{R_1}{R_2}$

$(\omega_1 + \omega_2) T = 4 \frac{R_1}{R_2}$ или продолжим

$g = G \frac{M}{R^2} \Rightarrow a_1 = G \frac{M}{R_1^2} = g \frac{R^2}{R_1^2}, a_2 = g \frac{R^2}{R_2^2}$

~~$\omega_1 = \frac{v_1}{R_1} = \frac{v_1}{R_1} = \frac{a_1^2}{R_1^2} \neq g^2 \frac{R^4}{R_1^6}$
 $\omega_2 = \frac{v_2}{R_2} = \frac{v_2}{R_2} = \frac{a_2^2}{R_2^2} = g^2 \frac{R^4}{R_2^6}$~~

~~$T = 4 \frac{R_1}{R_2} \frac{1}{g^2 R^4 \left(\frac{1}{R_2^6} + \frac{1}{R_1^6}\right)} = 4 \frac{(R_2 R_1)^6}{R_2 g^2 R^3 (R_1^6 + R_2^6)}$~~

Числовые

$$= \frac{4 \cdot 64^4 \cdot 10^{32}}{10^5 \cdot 9}$$

$$U = a = \frac{U^2}{R} \Rightarrow U = \sqrt{aR}$$

$$\omega_1 = \frac{U_1}{R_1} = \sqrt{\frac{a_1}{R_1}} ; \omega_2 = \frac{U_2}{R_2} = \sqrt{\frac{a_2}{R_2}}$$

$$\omega_1 = \frac{R}{R_1} \sqrt{\frac{g}{R_1}} ; \omega_2 = \frac{R}{R_2} \sqrt{\frac{g}{R_2}}$$

↓ продолжение

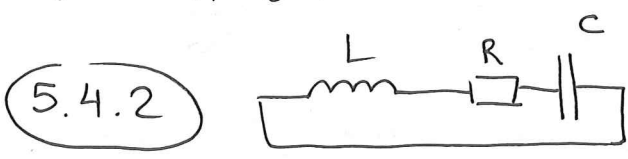
$$\tau = \frac{1}{2} \frac{R}{R_2} \frac{1}{R \sqrt{g} \left(\frac{1}{R_1 R_1} + \frac{1}{R_2 R_2} \right)} = \frac{4 R^2 R_1 R_2 \sqrt{R_1 R_2}}{R_2 \sqrt{g} (\sqrt{R_1^3} + \sqrt{R_2^3})} =$$

$$= \frac{2}{A} \frac{64 \cdot 10^8 \cdot 8 \cdot 10^4}{10^5 \cdot 3 (\sqrt{8^6 \cdot 10^8} + \sqrt{10^{15}})} (c) =$$

$$= 2 \frac{8^3 \cdot 10^7}{3 (8^3 \cdot 10^4 \sqrt{10} + 10^7 \sqrt{10})} = 2 \frac{8^3 \cdot 10^7}{3 \sqrt{10} (8^3 \cdot 10^4 + 10^7)} =$$

$$= 2 \frac{8^3 \cdot 10^3}{3 \sqrt{10} (8^3 + 10^3)} (c)$$

Ответ: $\tau =$



$$\mathcal{E}_i = -L \frac{dI}{dt}$$

При I_{max} : $\frac{dI}{dt} = 0 \Rightarrow \mathcal{E}_i = 0 \Rightarrow U_c = I_{max} R$

$$\mathcal{E}_i = IR - U_c$$

$$-L \dot{I} = IR - \frac{q}{C} \quad dq = I dt \Rightarrow I = \frac{dq}{dt} = \dot{q}$$

Запишем ЗСЭ:

$$\frac{LI^2}{2} - \frac{q^2}{2C} = Q_R, \text{ т.к. } Q_R \text{ - мало, то } \frac{LI^2}{2} = \frac{q^2}{2C} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \omega_0^2 = \frac{L}{C} \dot{q} = \frac{q^2}{2C} \Rightarrow \omega_0^2 = \frac{1}{LC}, \text{ где } \omega_0 \text{ - частота колебаний}$$

Чистовик

Тогда период колебаний:

$$T = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi\sqrt{LC} = 2 \cdot 3,14 \cdot \sqrt{9 \cdot 10^{-6}} = 6 \cdot 3,14 \cdot 10^{-3} \approx 18,84 \cdot 10^{-3}$$

Запишем ЗСЭ ~~из~~ между двумя этими колебаниями

$$\frac{q_1^2}{2C} - \frac{q_2^2}{2C} = Q \quad ; \quad U = \frac{q_1}{C} \Rightarrow q_1 = UC$$

$$q_1^2 - q_2^2 = 2CQ \Rightarrow q_2^2 = q_1^2 - 2CQ = U^2 C^2 - 2CQ$$

$$q_2 = \sqrt{U^2 C^2 - 2CQ}$$

~~На резистор из-за резистора потеряется Δq~~ заряд уменьшится на $\Delta q = q_2 - q_1$

$$dQ = I^2 R dt$$

$$q = q_1 \cos(\omega_0 t)$$

$$I = -q_1 \omega_0 \sin(\omega_0 t) \Rightarrow I_{\max} = q_1 \omega_0$$

$$\frac{U}{R} = \frac{UC}{\sqrt{LC}} \Rightarrow R = \sqrt{\frac{C}{L}}$$

Т.к. колебание слабо затухающее, то:

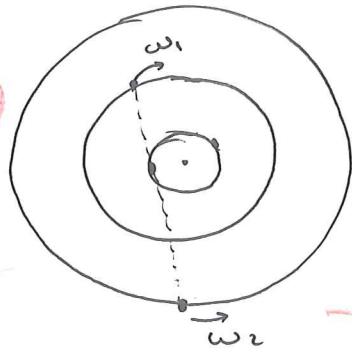
$$Q = \frac{I_{\max}^2 R T}{2} = \frac{U^2}{2R} T \Rightarrow 2R = \frac{U^2}{Q} \cdot T \Rightarrow R = \frac{U^2 T}{2Q} =$$

$$= \frac{0,2^2 \cdot 18,84 \cdot 10^{-3}}{2 \cdot 0,38 \cdot 10^{-3}} = \frac{0,2^2 \cdot 9,42}{0,38} = \frac{4 \cdot 10^{-2} \cdot 9,42}{38} \approx 0,99 \approx 1(\text{Ом})$$

Ответ: $R \approx 1 \text{ Ом}$

Чистовик.

(1.4.2) (Продолжение)



Пересечения в СД 1-ого.
Тогда планета поедет с
 ω_1 , а 2-ой с
 $\omega_2 = \omega_1 + \frac{2\pi}{S}$

$$\tau = \frac{2 \frac{R}{R_2}}{\omega_1 + \omega_2}$$

$$\frac{1}{S} = \frac{1}{T_1} + \frac{1}{T_2} \quad \rightarrow \quad S - \text{синхрон. период}; \quad \omega_{\text{отн}} = \frac{2\pi}{S}$$

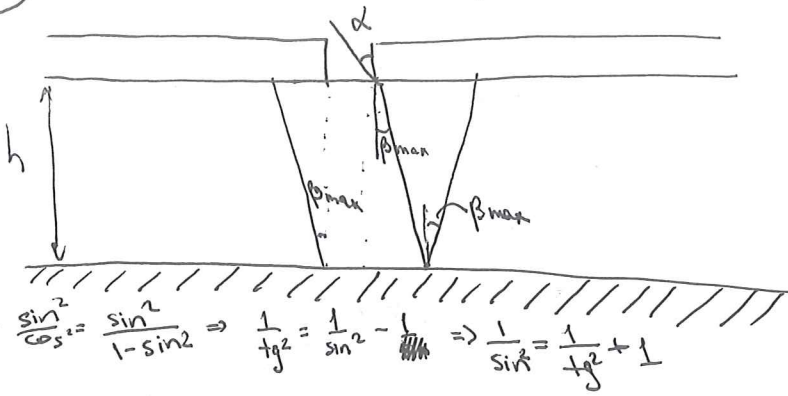
$$T_1 = \frac{2\pi}{\omega_1} \quad \rightarrow \quad T_2 = \frac{2\pi}{\omega_2}$$

$$\frac{1}{S} = \frac{\omega_1}{2\pi} + \frac{\omega_2}{2\pi} = \frac{\omega_1 + \omega_2}{2\pi} \Rightarrow \omega_{\text{отн}} = \omega_1 + \omega_2$$

$$\tau = \frac{2 \frac{R}{R_2}}{\omega_1 + \omega_2} = \frac{2 \frac{R}{R_2}}{R\sqrt{g} \left(\frac{1}{\sqrt{R_1^3}} + \frac{1}{\sqrt{R_2^3}} \right)}$$

4.10.2

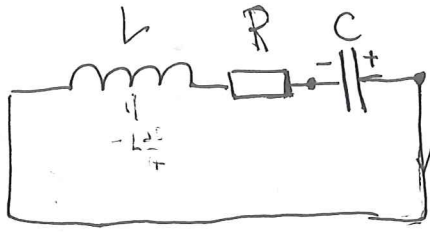
Черновик



α может быть
до критического
 $\sin \alpha = n \sin \beta$
 \downarrow
лучи α до 90°
 \Downarrow
 $\beta_{\max} = \frac{1}{n}$

$$\text{tg}^2 \alpha = \frac{\sin^2 \alpha}{\cos^2 \alpha} = \frac{\sin^2 \alpha}{1 - \sin^2 \alpha} \Rightarrow \frac{1}{\text{tg}^2 \alpha} = \frac{1}{\sin^2 \alpha} - 1 \Rightarrow \frac{1}{\sin^2 \alpha} = \frac{1}{\text{tg}^2 \alpha} + 1$$

5.4.2



$U = \frac{q}{C}$
 $W = \frac{q^2}{2C} = \frac{U^2 C}{2}$

R-?

$$dQ = RI^2 \cdot dt = R \frac{dq^2}{dt}$$

$$\mathcal{E}_i = -L \frac{dI}{dt}$$

При I_{\max} : $\mathcal{E}_i = 0 \Rightarrow U_C = I_{\max} R$

$$W_L = \frac{LI^2}{2}$$

$$\mathcal{E}_i = IR - U_C$$

$$U_C = -\mathcal{E}_i + IR$$

$$\frac{q}{C} = U_C = L \frac{dI}{dt} + IR$$

$$dq = Idt \Rightarrow \frac{dq}{dt} = I \Rightarrow I = \dot{q}$$

$$\frac{q}{C} - L \ddot{q} - \dot{q}R = 0$$



$$\frac{LI^2}{2} = \frac{q^2}{2C}$$

$$\frac{L\dot{q}^2}{2} + \frac{q^2}{2C} = 0$$

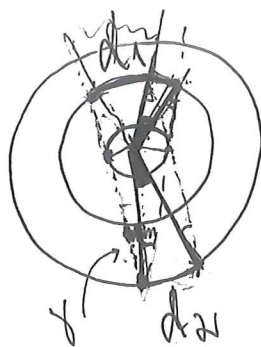
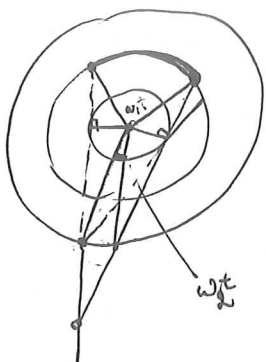
$$\omega_0^2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi\sqrt{LC}$$

$$\frac{q^2}{2C} - \frac{q^2}{2C} = Q \quad q^2 - q^2 =$$

94-77-49-04

(4.2)

Черновики



$$\tau \frac{\alpha_1 - \alpha_2}{t}$$

$$\omega_1 = \omega_2$$

$$\frac{\alpha_1}{\omega_1} = \frac{\alpha_2}{\omega_2}$$

$$\frac{\alpha_1 + \alpha_2}{\omega_1} = \tau$$

$$\alpha_2 = \omega_2 \tau$$

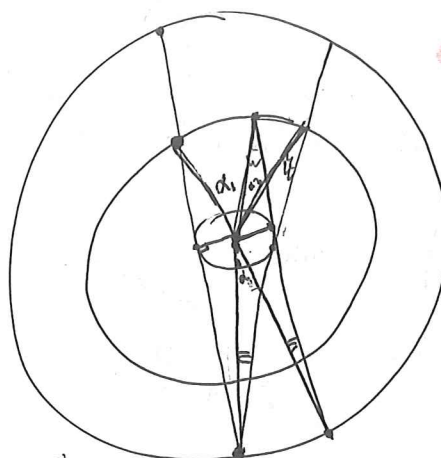
~~$$\alpha_1 = \omega_1 \tau$$~~

$$\alpha_1 = \omega_1 \tau$$

$$\frac{\alpha_1}{\omega_1}$$

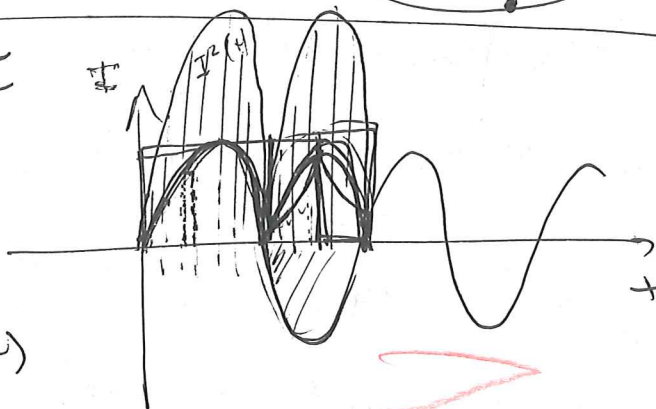
$$\alpha_1 + \alpha_2 = 2 \gamma = 2 \cdot \frac{R}{R_2}$$

$$\frac{2R}{R_2} = \tau (\omega_1 + \omega_2)$$



$$Q = I^2 R \tau$$

$$Q = \frac{I_{max}^2 R}{4}$$



$$I = A \sin(\omega t)$$

$$A = \frac{U_{cm}}{R}$$

$$\int I^2 dt = \int \left(\frac{U_{cm}}{R}\right)^2 \sin^2(\omega t) dt = \frac{U_{cm}^2}{R^2} \int 2 \sin^2(\omega t) \cos(\omega t) dt =$$

$$= \frac{U^2}{R^2} \omega \sin(2\omega t)$$

$$\begin{array}{r} 3,14^2 \\ \times 6 \\ \hline 18,84 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 12 \\ \times 248 \\ \hline 988 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ \times 3,14 \\ \hline 9,42 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 538 \\ \times 2 \\ \hline 1076 \\ \hline 152 \end{array}$$

$$q = q_1 \sin(\omega t)$$

$$I = I_{max} q, \omega$$

$$\begin{array}{r} 912 \quad 138 \\ -76 \quad 24,8 \\ \hline 182 \\ -152 \\ \hline 300 \\ -266 \\ \hline 34 \end{array}$$