



55-85-01-22
(80.2)



+1 мес
+1 мес
Выход: 13³⁹-13⁴²
Сдача: 14¹²

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 2

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников "Ломоносов"
наименование олимпиады

по физике
профиль олимпиады

Чайниковай Марии Сергеевны
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата
«22» марта 2025 года

Подпись участника
М.С.Г.

пред. журн.
М.Н. Бредихин
зам. пред. журн.
П.Ю. Степанов

55-85-01-22
(80.2)

~~Термин~~ Термин ~~использовано~~ по меню

n к букв
 $19k+6$ образцов

$\frac{19k+6}{k-1} = n$ - образцы разложить в $k-1$ букв по классу

$\frac{19k-19+25}{k-1} = n$

$19 + \frac{25}{k-1} = n$

Чтобы n было целым натуральным числом, 25 делится без остатка делится на $k-1$.

к наименьшее равно 2.

Всего было $19 \cdot 2 + 6 = 38 + 6 = 44$ образцов

Но тогда выходит, что все образцы сложены в одну букву. Такую букву и можно по условию.

$k=6$, тогда $k-1=5$.

Всего было $19 \cdot 5 + 6 = 95 + 6 = 101$ образцов

Их разложить по 24 буквам в 5 букв

Отметить 120 букв

$\frac{19k+6}{k-1} = n$

$19(k-2) + 25$

$\begin{array}{r} -10 \\ 25 \\ -19 \\ \hline 8 \end{array}$

См

1	2	3	4	5	6	Σ
		20	15	5	5	15
						65

№1

Пусть изначальное количество образцов разложено по k ячейкам.
Значит, всего было $19k + 6$ образцов.

Далее, пусть эти образцы разложены по n ячейкам
в $k-1$ ячейках.

$$k \in \mathbb{N}, n \in \mathbb{N}$$

$$\frac{19k + 6}{k-1} = n$$

$$\frac{19(k-1) + 25}{k-1} = n$$

$$19 + \frac{25}{k-1} = n, \text{ откуда } n \in \mathbb{N}, 25 : (k-1)$$

$$k = 2; 6; 26.$$

$k \neq 2$, т.к. тогда во втором раз образцы считали в 1 ячейку.
То получается, их было несколько. Тогда $k_{\text{наш}} = 6$.

Всего было $19 \cdot 6 + 6 = 120$ образцов.

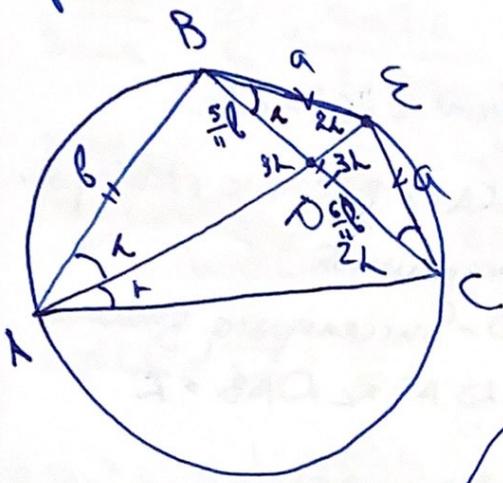
Их разложили в 5 ячеек по 24 образца.

*задача решена
неверно,
но рассуждения
правильны*

Вместо: 120 образцов.

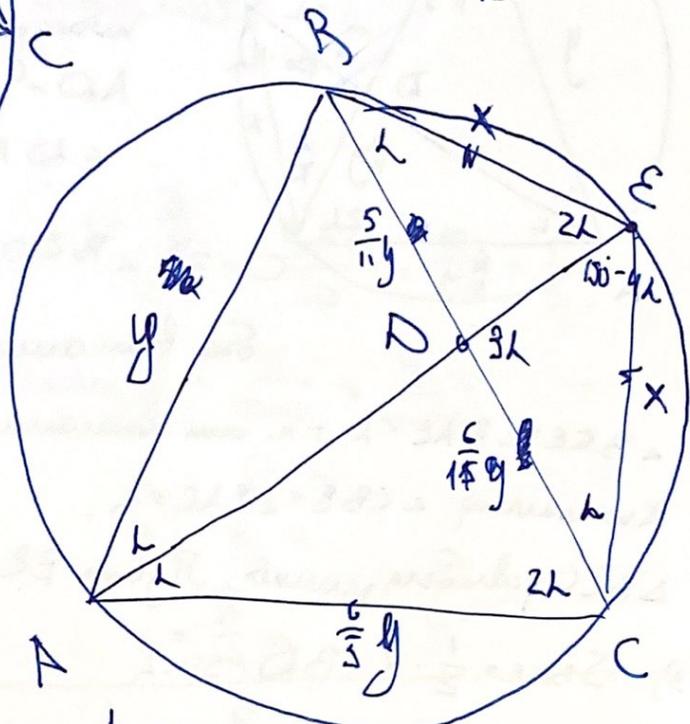
*ошиб
наблюдать*

Задача



$S_{BED} = 5$ $\frac{1 - \cos 2\alpha}{2} = \frac{2}{10}$
 $S_{CEB} = 6$ $\frac{1}{5} = \frac{1}{5}$

$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$
 $= 1 - 2\sin^2 \alpha$
 $\sin^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2}$



Из $\triangle BDE$ и $\triangle DEC$:

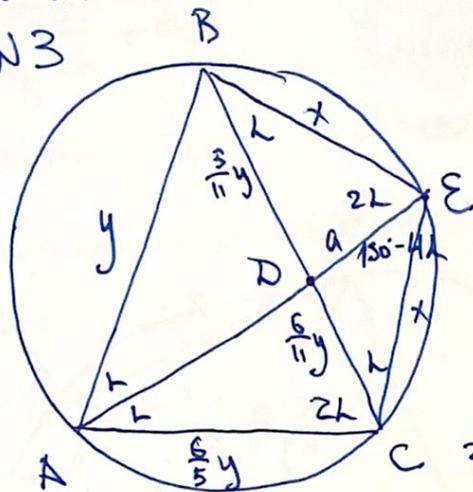
$\frac{\sin 2\alpha}{\sin(180^\circ - 4\alpha)} = \frac{5}{6}$ $\frac{1}{2} \times 2 \cdot \sin(180^\circ - 2\alpha) = 11$ $\frac{x}{x\sqrt{5}} = \frac{4\sqrt{5}}{4}$
 $\frac{\sin 2\alpha}{\sin 4\alpha} = \frac{5}{6}$ $\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cos \alpha$
 $\frac{\sin 2\alpha \cdot 1}{2\sin 2\alpha \cos 2\alpha} = \frac{5}{6}$ $\sin^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2} = \frac{4x}{10}$
 $\cos 2\alpha = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$ $\sin^2 \alpha = \frac{1 - \frac{3}{5}}{2} = \frac{25 - 9}{50} = \frac{18}{50}$
 $\sin 2\alpha = \frac{4}{5}$ $\sin \alpha = \frac{4}{5\sqrt{2}}$

Из $\triangle ABE$ по теореме синусов: $\frac{y}{\sin 2\alpha} = \frac{x}{\sin \alpha}$
 $\frac{y}{x} = \frac{4\sqrt{5}\sqrt{2}}{5 \cdot 4} = \sqrt{2}$

СМ

Условие

N3



1) Пусть $\angle BCA = 2L$.

$\angle BCA = \angle BAC$, т.к. $\triangle ABC$ - равносторонний.

AD - биссектриса, значит $\angle DAC = \angle DAB = L$

2) $\angle BED = \angle BCA = 2L$, т.к. они

сопоставимы и опираются на $\angle AB$

$\angle BEE = \angle BAE = L$ т.к. они вписанные и опираются на $\angle BE$.

Аналогично, $\angle CBE = \angle EAC = L$.

$\triangle BEC$ - равнобедренный. Пусть $BE = EC = x$.

$$3) S_{BDE} = \frac{1}{2} \cdot x \cdot BD \cdot \sin L$$

$$S_{DEC} = \frac{1}{2} \cdot x \cdot DC \cdot \sin L$$

$$\frac{S_{BDE}}{S_{DEC}} = \frac{5}{6}, \text{ значит } \frac{BD}{DC} = \frac{5}{6}.$$

4) По т. о биссектриса для $\angle BAC$: $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} = \frac{5}{6}$.

5) Пусть $AB = BC = y$. Тогда $AC = \frac{6}{5}y$.

Тогда $BD = \frac{5}{11}y$; $DC = \frac{6}{11}y$.

6) Пусть $DE = a$

7) Из $\triangle ACE$: $\angle AEC = 180 - 4L$

8) $S_{BDE} = \frac{1}{2} \cdot x \cdot a \cdot \sin 2L$; $S_{CED} = \frac{1}{2} \cdot x \cdot a \cdot \sin (180 - 4L)$

55-85-01-22
(80.2)

$$\frac{S_{ABDE}}{S_{ODE}} = \frac{5}{6} = \frac{\sin 2\alpha}{\sin(180^\circ - 4\alpha)} = \frac{\sin 2\alpha}{\sin 4\alpha}$$

~~$$\frac{\sin 2\alpha}{2\sin 2\alpha \cos 2\alpha} = \frac{5}{6}$$

$$\frac{\sin 2\alpha}{2\sin 2\alpha \cos 2\alpha} = \frac{5}{6}$$~~

$$\cos 2\alpha = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$$

$$9) \sin^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2} = \frac{1 - \frac{3}{5}}{2} = \frac{5 - 3}{10} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$$

$$10) \text{ По } \triangle ABE \text{ по т. синусов: } \frac{x}{\sin \alpha} = \frac{y}{\sin 2\alpha}$$

$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

$$\sin 2\alpha = \frac{4}{5}$$

$$\frac{x}{y} = \frac{\sqrt{5} \cdot 5}{5 \cdot 4}$$

$$x = \frac{\sqrt{5}}{4} y$$

Cor

~~$$11) \triangle BED: S_{BED} = \frac{1}{2} \cdot x \cdot \frac{5}{4} y = 8$$~~

~~$$\frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{5}}{4} y \cdot \frac{5}{4} y = 8$$~~

~~$$y^2 = \frac{8 \cdot 11}{\sqrt{5}}$$~~

~~$$12) P_{ABECS} = y + \frac{6}{5} y + \frac{\sqrt{5}}{2} y = \frac{10 + 12 + 5\sqrt{5}}{10} y =$$~~

~~$$= \frac{22 + 5\sqrt{5}}{10} y$$~~

~~$$y = \sqrt{\frac{8 \cdot 11}{\sqrt{5}}}$$~~

~~$$11) S_{BECs} = \frac{1}{2} \cdot x^2 \cdot \sin(180^\circ - 2\alpha) = 11$$

$$x^2 = \frac{22}{\sin 2\alpha}$$~~

$$x^2 = \frac{22 \cdot 5}{4} = \frac{11 \cdot 5}{2}$$

$$x = \frac{\sqrt{5}}{2} y$$

$$\frac{5}{816} y^2 = \frac{11 \cdot 5}{2}$$

$$y^2 = \frac{11 \cdot 8}{2} = 44$$

$$12) P_{ABEC} = y \cdot \frac{6}{5} y + 2 \cdot \frac{\sqrt{5}}{2} y = \frac{10 + 2 \cdot 5\sqrt{5}}{10} y = \frac{10 + 10\sqrt{5}}{10} y = \frac{10 + 10\sqrt{5}}{10} y = \frac{10 + 10\sqrt{5}}{10} y$$

$$12) P_{ABEC} = y \cdot \frac{6}{5} y + 2 \cdot \frac{\sqrt{5}}{2} y$$

$$11) S_{ABC} = \frac{1}{2} a^2 \sin(150^\circ - 2\alpha) = 11$$

$$a^2 \cdot \sin 2\alpha = 22$$

$$T.K. \quad x = \frac{\sqrt{5}}{4} y : \frac{5}{16} y^2 \cdot \frac{4}{5} = 22$$

$$y^2 = 4 \cdot 22$$

$$y = 2\sqrt{22}$$

$$12) P_{ABEC} = y \cdot \frac{6}{5} y + 2 \cdot \frac{\sqrt{5}}{2} y = \frac{10 + 2 \cdot 5\sqrt{5}}{10} y = \frac{(22 + 5\sqrt{5}) \cdot 2\sqrt{22}}{10 \cdot 5} = \frac{\sqrt{22}}{5} (22 + 5\sqrt{5})$$

$$= \frac{(22 + 5\sqrt{5}) \cdot 2\sqrt{22}}{10 \cdot 5} = \frac{\sqrt{22}}{5} (22 + 5\sqrt{5})$$

$$13) L_{ABEC} = AB \cdot BC \cdot CE = \frac{\sqrt{22}}{5} (22 + 5\sqrt{5}) \cdot \frac{\sqrt{22}}{5} (22 + 5\sqrt{5})$$

$$= y \cdot y \cdot \frac{\sqrt{5}}{4} y = (2 \cdot \frac{\sqrt{5}}{4}) \cdot 2 \cdot \sqrt{22} = \sqrt{22} (4 + \frac{\sqrt{5}}{2})$$

$$\text{Відповідь: } 4\sqrt{22} + \frac{\sqrt{110}}{2}$$

Handwritten note in red: "Не перевіряти"

Подписывать лист-вкладыш запрещается! Писать на полях листа-вкладыша запрещается!

1) номер
2) номер
3) номер
4) номер
5) номер
6) номер
7) номер
8) номер
9) номер
10) номер

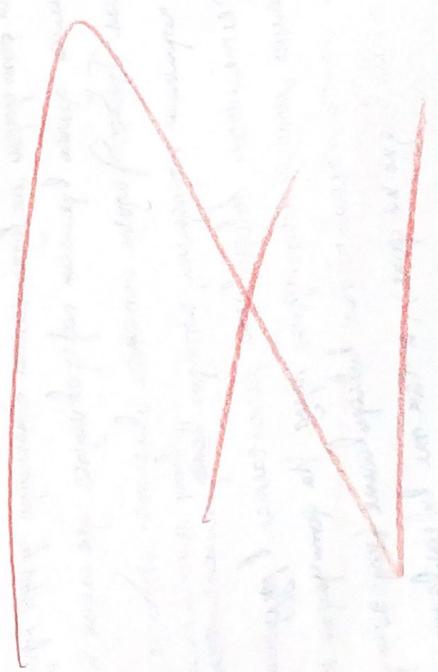
55-85-01-22
(08.2)

55-85-01-22 (80.2)

1) монтажные при проезде широко применяются в строительстве. прокладочные боры (трамвай), защитные боры, возвратные боры;

2) металлические боры проезде часто применяются в строительстве, особенно при обустройстве боров промышленно-бытовой среды их применяют - инвентарь (трамвай), из них делают опоры и подпорки архитектурные. Также так же металлические боры, сварочные, применяют в тормозных машинных стрелках;

3) металлические боры проезде большая универсальность имеет для пешеходов и автомобильных дорог. Боры и переходы широко используют на длинах и узких стрелках земель под настилку шпал и шпалерами не применяется взрывчаткой. Боры монтажные про- ездные и пешеходные проезде трамвая, встречаются и на разных разделах сделаны выброс о стрелках земельных коря.



Подписывать лист-вкладыш запрещено! Писать на полях листа-вкладыша запрещено!

$$\frac{5\sqrt{5}}{\sqrt{55}} =$$

См

$$\frac{5}{\sqrt{5}} y =$$

$$\frac{5\sqrt{5}}{1 + \frac{\sqrt{5}}{2}} \cdot \frac{2}{2} = \frac{10\sqrt{5}}{2 + \sqrt{5}}$$

длина запрещается!

ЛИСТ-ВКЛАДЫШ

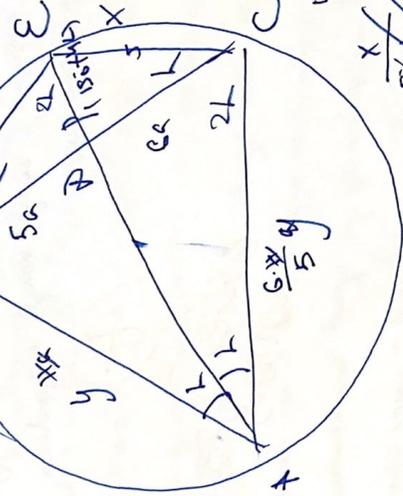
Внешней границы гальванической пары. Поскольку местность открытая, солнце очень сильно нагревает эти торцы скрутки. Т.к. проводники внутри го ленте не изолированы, могут возникнуть искры.

А
открытые
контакты

Подписывать лист-вкладыш запрещено! Писать на полях листа-вкладыша запрещено!

$$\frac{\sqrt{5}}{2} \cdot 2 = 1 + \frac{5}{8} - \frac{1}{3} + \frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$2x = 5\sqrt{5} \cdot \sqrt{5}$$



$$\frac{1}{2} \cdot r^2 \cdot \sin 2\alpha = 11$$

$$r^2 = 22 \cdot \frac{5}{4}$$

$$\frac{5}{4} y^2 = \frac{22 \cdot 5}{4}$$

$$y^2 = 22 \cdot 4$$

$$\frac{x}{\sin \alpha} = \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 5 \cdot \frac{\sqrt{5}}{5} = \sqrt{5}$$

$$\frac{1}{2} \cdot 2 \cdot r \cdot \sin 2\alpha = \frac{5}{c}$$

$$\frac{\sin 2\alpha}{\sin \alpha} = \frac{5}{c}$$

$$\frac{1}{\cos \alpha} = \frac{5}{c}$$

$$\cos \alpha = \frac{3}{5}$$

$$\sin \alpha = \frac{4}{5}$$

$$\sin 2\alpha = \frac{1 - \frac{3}{5}}{2} = \frac{2}{5} = \frac{1}{5}$$

$$\sin \alpha = \frac{1}{\sqrt{5}}$$

$$\cos \alpha = \frac{x}{\sqrt{5}} = \frac{y}{4}$$

$$y = \frac{4x}{\sqrt{5}}$$

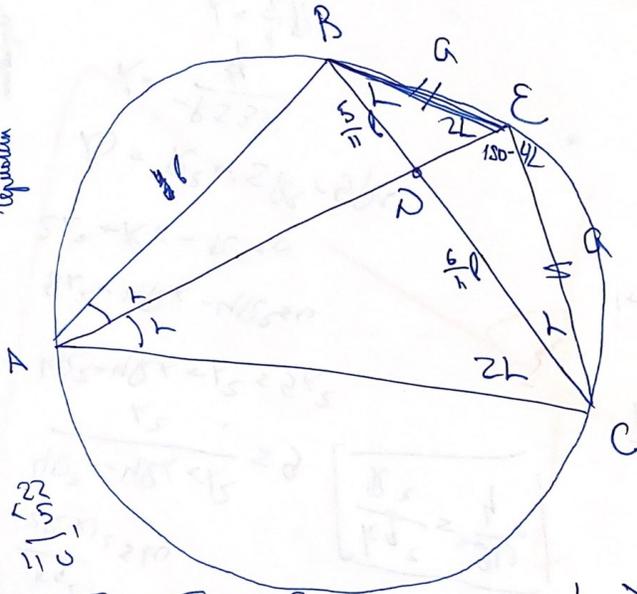
$$x = \frac{\sqrt{5}}{4} y$$

$$\frac{1}{2} \cdot 2 \cdot \frac{\sqrt{5}}{4} y \cdot \frac{1}{5} = \frac{1}{5}$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{5}}{4} y \cdot y \cdot \frac{1}{5} = \frac{1}{5}$$

$$y^2 = 11 \cdot 4 \cdot 2 = 2\sqrt{2}$$

Круговая



$$\frac{22}{5} = \frac{110}{5}$$

$$2\sqrt{2} - 2\sqrt{2} + \frac{\sqrt{5}}{4} \cdot 2\sqrt{2} =$$

$$= 4\sqrt{2} + \frac{\sqrt{5} \cdot \sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{1}{2\cos 2L} = \frac{5}{r}$$

$$\cos 2L = \frac{3}{5}$$

$$\cos L = \frac{1+\sqrt{3}}{2} = \frac{8}{16} = \frac{4}{5}$$

$$\cos L = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$$

$$\sin 2L = \frac{1 - \cos^2 2L}{2} = \frac{5-3}{10} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$$

$$\sin L = \frac{\sqrt{16}}{\sqrt{25}}$$

$$\frac{a \cdot b}{\sqrt{5}} = \frac{b \cdot a}{5}$$

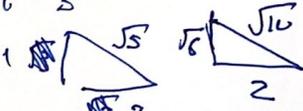
$$a = \frac{\sqrt{5}}{4} b$$

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{5}}{4} b^2 = 11$$

$$b^2 = 8 \cdot 11 \quad b = 2\sqrt{22}$$

$$\cos^2 K = \frac{1 + \frac{3}{5}}{2} = \frac{4}{10}$$

$$\cos K = \frac{2}{\sqrt{10}} \quad \sin K = \sqrt{\frac{5}{10}}$$



55-85-01-22
(80.2)

$$\frac{kg^2}{k^2} = 90$$

$$\frac{kg^2}{(2R-k)^2} = 10$$

$$\frac{4R^2 - 4Rk + k^2}{k^2} = 9$$

$$4R^2 - 4Rk + k^2 = 9k^2$$

$$8R^2 + 4Rk - 4R^2 = 0$$

$$2k^2 + Rk - R^2 = 0$$

$$D = R^2 + 8R^2 = 9R^2$$

$$k = \frac{-R \pm 3R}{4}$$

$$k = \frac{1}{2}R$$

Решение

$$\frac{kg^2 \cdot 4}{R^2} = 90$$

$$\frac{kg^2}{R^2} = \frac{90}{4}$$

$$l = R^2 + \frac{1}{4}R^2 = \frac{5}{4}R^2$$

$$\frac{kg^2 \cdot 4}{5R^2} = k = \frac{4}{5} \cdot \frac{90}{4} = 18$$

$$\frac{1}{1,6} = \frac{10}{k} = \frac{5}{8}$$

$$1 + \text{ctg}^2 \alpha = \frac{64}{25}$$

$$\text{ctg}^2 \alpha = \frac{55}{25}$$

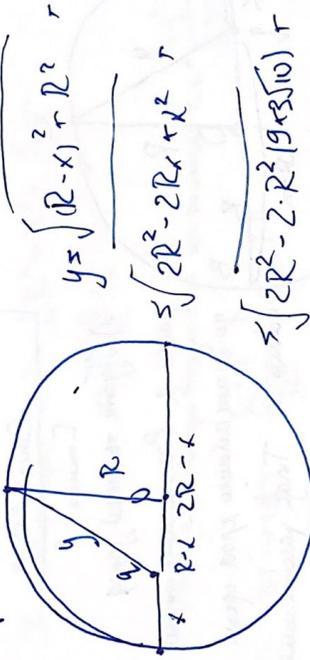
$$\text{ctg} \alpha = \frac{\sqrt{55}}{5}$$



$$\frac{60}{\sqrt{39}} = \frac{20\sqrt{39}}{3 \cdot 13}$$

$$\frac{60}{\sqrt{39}} = \frac{20\sqrt{39}}{3 \cdot 13}$$

Теорема



$$y = \sqrt{(R-x)^2 + R^2}$$

$$\leq \sqrt{2R^2 - 2Rx + x^2}$$

$$\leq \sqrt{2R^2 - 2 \cdot R^2 \cdot (9 + 3\sqrt{10})} \cdot R$$

$$E_{m_2} = \frac{k g^2}{(2R-x)^2} \leq 90$$

$$E_{m_1} = \frac{k g^2}{x} = 10$$

$$\frac{k g^2}{(2R-x)^2} \cdot R^2 = \frac{90}{x} \cdot R^2$$

$$x^2 = (2R^2 - 4Rx + x^2) \cdot 9$$

$$8R^2 - 36Rx + 15R^2 = 0$$

$$4x^2 - 18Rx + 9R^2 = 0$$

$$D = 18 \cdot 18 \cdot R^2 - 16 \cdot 9 \cdot R^2 =$$

$$= 18 \cdot 18 \cdot R^2 - 144 \cdot R^2 = 9 \cdot (36 - 16) R^2 = 9 \cdot 20 R^2$$

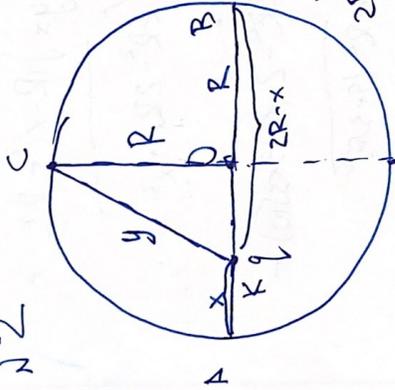
$$x = \frac{18R \pm 3 \cdot 2\sqrt{10} R}{2} = 9R \pm 3\sqrt{10} R$$

$$x = (9 + 3\sqrt{10}) R$$

OK

Писать впис

1) 2



Дано: $E_{max} = 90B/\mu$
 $E_{min} = 10B/\mu$

Е поиска - ?

1) Пусть q - величина угла
 ради q . Рассмотрим от него
 до ближайшей к оси центра
 радиус x . Тогда рассмотрим
 от нас до центра радиус
 $2R-x$, $2R-x$ - радиус центра.

$$2) E_{max} = \frac{kq^2}{r^2} = 90 \quad (1)$$

$$E_{min} = \frac{kq^2}{(2R-x)^2} = 10 \quad (2)$$

$$\frac{(1)}{(2)} : \frac{(2R-x)^2}{r^2} = \frac{90}{10}$$

$$4R^2 - 4xR + x^2 = 9r^2$$

$$8r^2 + 4xR - 4R^2 = 0 \quad | : 4$$

$$2r^2 + xR - R^2 = 0 \quad \text{решим относительно } x:$$

$$D = R^2 + 8R^2 = 9R^2$$

$$x = \frac{-R \pm 3R}{4}$$

$$x_1 < 0 \text{ тогда } x = \frac{1}{2}R \quad (3)$$

$$3) AK = KO = \frac{1}{2}R$$

4) Набегем расчитываем от т. К го макс средн-т. С.

То т. Формула: $KC^2 = \frac{1}{4}R^2 + R^2 + \frac{5}{4}R^2$

$KC = \frac{\sqrt{5}}{2}R$

5) Набегем композитивом на макс: $E_n = \frac{K^2 \cdot 4}{5R^2}$ (4)

6) (3) → (4): $\frac{K^2 \cdot 4}{R^2} = 50 \cdot 4$

$\frac{K^2}{R^2} = \frac{50}{4} = \frac{25}{2}$ (5)

7) (5) → (4): $E_n = \frac{4}{5} \cdot \frac{25}{2} = 10$ (6)

Dimen: 18B/м.

задание решена верно

(7)

$\max = 90B/м$

$\min = 10B/м$

или - ?

или нет?

или нет от него

или нет средн

или расчитываем

или нет средн

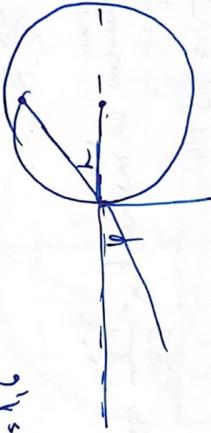
или нет средн.

или X:

Меридиан

$R = R_{\text{Земля}}$

$h = 1,6$



$$\frac{10}{64} = \frac{25}{39}$$

$$\frac{25}{39} = \frac{R+h}{R}$$

$$\sin \alpha = h/R$$

$$R \sin \alpha = h$$

$$\sin \alpha = \frac{h}{R} = \frac{10}{39} = \frac{5}{19}$$

$$\alpha = \arcsin \frac{5}{19}$$

$$\alpha \approx 15^\circ$$

Минимум

экваториума

~~минимум~~

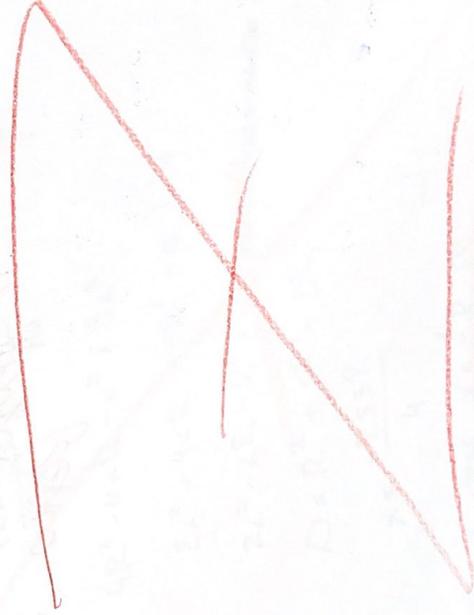
осцилляции

минимум

См

~~См~~

См \rightarrow См



Писемник

N4

Решение: Держать не будем, потому что если сделать

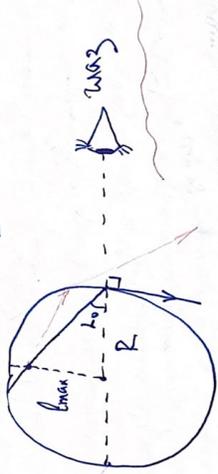
Решение: от нас будет падать из земли, поэтому сила

$n = 1,6$

Вместо?

пог. приращением функции, при котором будет

2) Рассчитать марку центра:



$n \sin \alpha = n \cos \alpha \cdot \sin \alpha = 1$ (по закону сохранения энергии)

$\sin \alpha = \frac{1}{n} = \frac{1}{1,6} = \frac{10}{16} = \frac{5}{8}$

3) $\cos \alpha = \sqrt{1 - \frac{25}{64}} = \sqrt{\frac{64-25}{64}} = \frac{\sqrt{39}}{8}$

$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{5 \cdot 8}{8 \cdot \sqrt{39}} = \frac{5}{\sqrt{39}}$

4) $\frac{l_{max}}{R} = \frac{5}{\sqrt{39}} = \tan \alpha$



$l_{max} \leq \frac{12 \cdot 5}{\sqrt{39}} \leq \frac{60\sqrt{39}}{39} \text{ мм}$

$\frac{60\sqrt{39}}{39} = \frac{20\sqrt{39}}{13}$

Держать не будем, потому что если сделать от нас будет падать из земли, поэтому сила пог. приращением функции, при котором будет

2) Рассчитать марку центра: $l_{max} \leq \frac{12 \cdot 5}{\sqrt{39}} \leq \frac{60\sqrt{39}}{39} \text{ мм}$

Писемник N4

Решение: Держать не будем, потому что если сделать от нас будет падать из земли, поэтому сила пог. приращением функции, при котором будет

2) Рассчитать марку центра:

$l_{max} \leq \frac{12 \cdot 5}{\sqrt{39}} \leq \frac{60\sqrt{39}}{39} \text{ мм}$

Писемник N4

Председателю апелляционной комиссии

олимпиады школьников «Ломоносов»

Ректору МГУ имени М.В. Ломоносова

академику В.А. Садовничему

от участника заключительного этапа по

профилю «Геология»

Чайниковой Марии Сергеевны

Апелляция

Прошу пересмотреть мой индивидуальный предварительный результат

заключительного этапа, а именно 60 баллов, поскольку считаю,

что в задании №1 у меня составлена математическая модель задачи, а также

по условию я приняла $k > 2$ (k - количество коробок, по которым камни

раскладывали изначально). По смыслу задачи в одну коробку не может быть

разложено поровну.

В задании №5 я дала недостаточно полное, но не поверхностное

обоснование ответа на вопрос.

Подтверждаю, что я ознакомлена с Положением об апелляциях на

результаты олимпиады школьников «Ломоносов» и осознаю, что мой

индивидуальный предварительный результат может быть изменён, в том

числе в сторону уменьшения количества баллов.

08.04.2025

ММГ
Повысить оценку на 5 баллов
(старая оценка - 60, новая оценка - 65)

муз. алекс.

комиссии

Р. В. Вукалович

зам. през.

апелляцион. комис.

И.О. Генатов