0 758770 060006

75-87-70-06
(161.35)

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 11 класс

Выход 13:15 - 13:18

+1 м.ст

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
наменование олимпиады

по математике
профиль олимпиады

Булатова Тимофея Андреевича
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата

«13» апреля 2025 года

Подпись участника

Белоусов

ЛИСТ-ВКЛАДЫШ

75-87-70-06 (161.35)

Чистовик 70 (семьдесят)

~~№2~~

~~$3^{5-\frac{1}{x}} \geq a+\sin 4^x$ ← нер-во не имеет решений при $x>0$~~

~~равносильно тому, что $\forall x>0$ верно $3^{5-\frac{1}{x}} < a+\sin 4^x$, т.е.~~

~~$f(x) = 3^{5-\frac{1}{x}} - \sin 4^x < a \quad \forall x>0$~~

~~Заметим, что для $x>0$ $\frac{1}{x}>0$ $-\frac{1}{x}<0$ $5-\frac{1}{x}<5$~~

~~$3^{5-\frac{1}{x}} < 3^5 = 243$~~

~~$-\sin 4^x \leq 1 \Rightarrow f(x) = 3^{5-\frac{1}{x}} - \sin 4^x <$.~~

№1

ОДЗ: $x \leq 2$

$\sqrt{4x^2-12x+9} + \sqrt{x^2-6x+9} + \left(\sqrt{-(x-2)}\right)^2 = \sqrt{3+\sqrt{8}} - \sqrt{3-\sqrt{8}}$

$|2x-3| + |x-3| + 2 - x = |\sqrt{2}+1| - |\sqrt{2}-1|$

$|2x-3| + |3-x| + 2 - x = \sqrt{2}+1-\sqrt{2}+1$ т.к. $x \leq 2$, то $3-x>0$

$|2x-3| + 3 - x + 2 - x = 2$

$|2x-3| = 2x-3$

~~$\left[\begin{array}{l} 2x-3 = 2x-3 \\ 2x-3 = 3-2x \end{array}\right.$ (V) верно на ОДЗ $\left[\begin{array}{l} 4x=6 \end{array}\right.$ верно на ОДЗ $x = \frac{3}{2}$~~

~~$\left[\begin{array}{l} 2x-3 = 2x-3 \\ 2x-3 \geq 0 \end{array}\right.$~~ верно, если $2x-3 \geq 0$ $x \geq \frac{3}{2}$

Ответ: $x \in \left[\frac{3}{2}; 2\right]$.

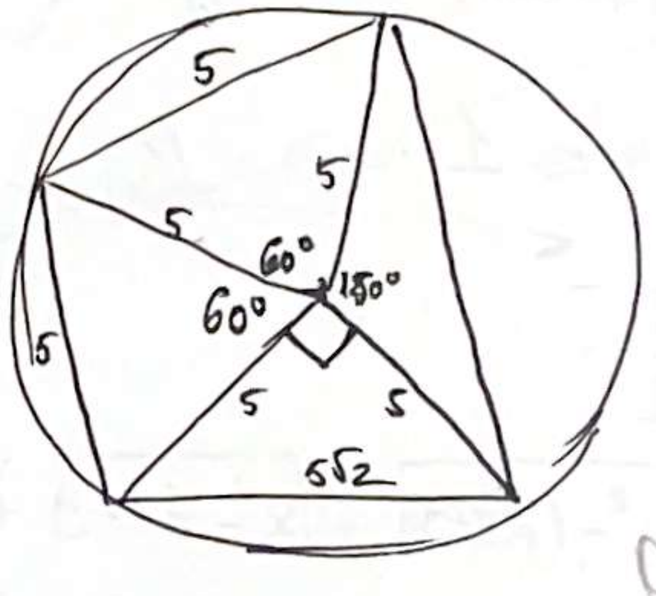
№3 Найдём углы, опирающиеся на хорды длин 5 и $5\sqrt{2}$: $\frac{5}{\sin\alpha} = 5\cdot 2 \Rightarrow \sin\alpha = \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha = 30^\circ$ или $\alpha = 150^\circ$, тогда центральный угол равен 60° (или 300°, но это на большую дугу). Аналогично $\frac{5\sqrt{2}}{\sin\beta} = 5\cdot 2 \Rightarrow \sin\beta = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow$ $\Rightarrow \beta = 45^\circ$ или $\beta = 135^\circ$, но опять же понятно, что угол 135°

стр. 1/6

Чистовик

опирается на большую дугу, а центральный угол равен $45^\circ \cdot 2 = 90^\circ$. Итак у нас есть 2 хорды по 5 и одна $5\sqrt{2}$.

Заметим, что независимо от их расположения четвёртый центральный угол будет равен $360^\circ - 60^\circ - 60^\circ - 90^\circ = 150^\circ$. ~~тогда~~ ~~стор~~ Теперь посчитаем площадь всего четырёхугольника через произведение сторон на синус угла. У нас получается 4 Δка:



$$S = \left(\frac{1}{2}\cdot 5\cdot 5\cdot \sin 60^\circ\right)\cdot 2 + \frac{1}{2}\cdot 5\cdot 5 +$$

$$+ \frac{1}{2}\cdot 5\cdot 5\cdot \sin 150^\circ = \frac{25\sqrt{3}}{2} + \frac{25}{2} +$$

$$+ \frac{25}{2}\cdot\frac{1}{2} = \frac{25}{2}\left(\sqrt{3}+1+\frac{1}{2}\right) = \frac{25}{2}\cdot\left(\frac{3}{2}+\sqrt{3}\right) = \frac{75}{4} + \frac{25\sqrt{3}}{2}$$

только один вариант выбора

№5. Подставим во все функции $x=0$

$f_1(0) = f_2(0) = f_3(0)$

$6a_1 = 8a_2 = 12a_3 \Rightarrow$ $a_3 = \frac{1}{2}a_1$, $a_2 = \frac{3}{4}a_1$ $\Rightarrow$ $a_1 \neq a_2$, $a_1 \neq a_3$, $a_2 \neq a_3$ т.к. $a_1, a_2, a_3 > 0$

подставим $x = -a_1$

$f_1(-a_1) = 0$ $\quad f_2(-a_1) = (a_2 - a_1)\cdot(a_1^2 - a_1 b_2 + 8) = 0$, но

т.к. $a_2 \neq a_1$, то $a_1^2 - a_1 b_2 + 8 = 0$, а значит $-a_1$ ~~и~~ это корень ур-ия $x^2 + b_2 x + 8$, аналогично подстановка $x = -a_3$ даёт, что $-a_3$ явл. корнем ур-ия $x^2 + b_2 x + 8$. А значит ур-ие $x^2 + b_2 x + 8 = 0$ имеет 2 корня: $-a_1$ и $-a_3$.

По теор. Виета $-a_1 - a_3 = -b_2$ и $(-a_1)(-a_3) = 8$

$\boxed{a_1 + a_3 = b_2}$ $\quad \boxed{a_1 a_3 = 8}$

Подписывать лист-вкладыш запрещается! Писать на полях листа-вкладыша запрещается!

75-87-70-06
(161.35)

Чистовик

Аналогично получаем, что $a_1+a_2=b_3$ $a_1a_2=12$ и $a_2+a_3=b_1$, $a_2a_3=6$

Итого $a_1+b_1+a_2+b_2+a_3+b_3=a_1+a_2+a_3+2(a_1+a_2+a_3)=$
$=3(a_1+a_2+a_3)$

$a_2=\frac{3}{4}a_1 \Rightarrow a_1\cdot a_2=12$

$a_1\cdot\frac{3}{4}a_1=12$ $a_1^2=16$

$a_1>0 \Rightarrow \boxed{a_1=4}$

$\boxed{a_2=\frac{3}{4}\cdot 4=3}$

$\boxed{a_3=\frac{1}{2}\cdot 4=2}$

Итого $3(a_1+a_2+a_3)=3(4+3+2)=27.$

№2

$3^{5-\frac{1}{x}}\geq a+\sin 4^x$ не имеет реш. $x>0$ равносильно тому, что $\forall x>0$ верно нер-во: $3^{5-\frac{1}{x}}-\sin 4^x<a$

Пусть $5-\frac{1}{x}=t$, тогда $x=\frac{1}{5-t}$, если $x>0$, то $t<5$

Введём ф-ю $f(t)=3^t-\sin(4^{\frac{1}{5-t}})$

~~$f(t)=3^t\cdot\ln 3$~~ Заметим, что для $t<5$ $3^t<3^5=243$,

$a-\sin(4^{\frac{1}{5-t}})\leq 1 \Rightarrow$ ~~$f(t)$~~ для $t<5$ $f(t)<243+1=$
$=244$. ~~Если~~ Значит для $a\geq 244$ нер-во верно. Докажем, что меньшие a не подойдут.

$f'(t)=3^t\cdot\ln 3-\cos(4^{\frac{1}{5-t}})\cdot 4^{\frac{1}{5-t}}\cdot(-1)\cdot\frac{1}{(5-t)^2}\cdot(-1)\cdot\ln 4=$
$=3^t\cdot\ln 3-\cos(4^{\frac{1}{5-t}})\cdot 4^{\frac{1}{5-t}}\cdot\frac{\ln 4}{(5-t)^2}.$

Подписывать лист-вкладыш запрещается! Писать на полях листа-вкладыша запрещается!

Заметим, что при $t > 2$: ~~$f'(t) < 3^t \cdot \ln 3$~~ Чистовик

$$\left|\cos\left(4^{\frac{1}{5-t}}\right)\right| \le 1$$

$$\left|4^{\frac{1}{5-t}}\right| < 4$$

$$\left|\frac{\ln 4}{(5-t)^2}\right| < \frac{2}{4^2} < 1, \text{ а } 3^t \cdot \ln 3 > 3^2 = 9,$$

т.е. $f'(t) > 0$ при $t > 2$, а значит при $t > 2$ ф-я $f(t) \uparrow$. При $t \le 2$ нер-во ~~очевидно~~ ~~верно~~ $f(t) < a$ очевидно верно. Итак при $t \le 2$ нер-во верно, а при $2 < t < 5$ ф-я $\uparrow$ при этом $f(t) < 244$ для таких t. Но тогда понятно, что любое значение $f(t)$ примет ≤ 1 раза вместо до 244 не включительно, т.е. наим. такое a это $a = 244$.

Ответ: 244.

N4

$\sin \pi x = a$

$\sin 2\pi x = b$

$\sin 4\pi x = c$

$$a^3 - b^3 + c^3 = (a - b + c)^3$$

$$a^3 - b^3 + c^3 = (a-b)^3 + 3(a-b)^2 \cdot c + 3(a-b) \cdot c^2 + c^3$$

$$(a-b)(a^2 + ab + b^2) = (a-b)(a^2 - 2ab + b^2) + 3(a-b)(ac - bc) + 3(a-b)c^2$$

либо $a - b = 0 \Rightarrow a = b$

либо $a - b \ne 0 \Rightarrow$ можно поделить на $a - b$

Подписывать лист-вкладыш запрещается! Писать на полях листа-вкладыша запрещается!

75-87-70-06
(161.35)

чистовик

$a^2+ab+b^2=a^2-2ab+b^2+3ac-3bc+3c^2$

$3ab=3ac-3bc+3c^2$

$ab-ac+bc-c^2=0$

$a(b-c)+c(b-c)=0$

$(a+c)(b-c)=0$

$\left[\begin{array}{l} a+c=0 \\ b-c=0 \end{array}\right.$

Итого получается 3 варианта реш. данного ур-ия:

$\left[\begin{array}{l} a=b \\ b=c \\ a=-c \end{array}\right.$

1) $a=b$ $\quad \sin\pi x=\sin 2\pi x$

$\left[\begin{array}{l} \pi x=2\pi x+2\pi k \\ \pi x=\pi-2\pi x+2\pi k \end{array}\right.$ $\quad \left[\begin{array}{l} x=-2k;\ k\in\mathbb{Z} \\ 3x=1+2k;\ k\in\mathbb{Z} \end{array}\right.$

$\left[\begin{array}{l} x=-2k \\ x=\frac{1}{3}+\frac{2k}{3} \end{array}\right.;\ k\in\mathbb{Z}$ В указанном промежутке подходят корни $x=\frac{1}{3};\ 1$

2) $b=c$ $\quad \sin 2\pi x=\sin 4\pi x$

$\left[\begin{array}{l} 2\pi x=4\pi x+2\pi k \\ 2\pi x=\pi-4\pi x+2\pi k \end{array}\right.$ $\quad \left[\begin{array}{l} 2x=-2k \\ 6x=1+2k \end{array}\right.$ $\quad \left[\begin{array}{l} x=-k \\ x=\frac{1+2k}{6} \end{array}\right.;\ k\in\mathbb{Z}$

В промежутке подходят числа $x=1;\ \frac{1}{2};\ \frac{5}{6};\ \frac{7}{6};\ \frac{3}{2}$

3) $a=-c$ $\quad \sin\pi x=\sin(-4\pi x)$

$\left[\begin{array}{l} \pi x=-4\pi x+2\pi k \\ \pi x=\pi+4\pi x+2\pi k \end{array}\right.$ $\quad \left[\begin{array}{l} 5x=2k \\ 3x=-1-2k \end{array}\right.$

$\left[\begin{array}{l} x=\frac{2k}{5} \\ x=\frac{-1-2k}{3} \end{array}\right.$ $k\in\mathbb{Z}$ ~~В нашем~~ На нашем отрезке подходят только числа: $\frac{2}{5};\ \frac{4}{5};\ \frac{6}{5};\ \frac{8}{5};\ \frac{1}{3};\ 1$

Тогда итоговые x из указанного отрезка:

Подписывать лист-вкладыш запрещено! Писать на полях листа-вкладыша запрещено!

Чистовик

Ответ:

$x \in \left\{\frac{1}{3}; \frac{2}{5}; \frac{1}{2}; \frac{4}{5}; \frac{5}{6}; 1; \frac{7}{6}; \frac{6}{5}; \frac{3}{2}; \frac{8}{5}\right\}$. верно

Подписывать лист-вкладыш запрещено! Писать на полях листа-вкладыша запрещено!

Черновик

$\frac{1}{3}; 1; \frac{1}{2}; \frac{5}{6}; \frac{7}{6}; \frac{3}{2}; \frac{2}{5}; \frac{4}{5}; \frac{6}{5}; \frac{8}{5}$

$\frac{7}{6} < \frac{6}{5}$

$\frac{1}{3} < \frac{2}{5} < \frac{1}{2} < \frac{4}{5} < \frac{5}{6} < 1 < \frac{7}{6} < \frac{3}{2} < \frac{8}{5}$

$|a| = a$ $a \geq 0$

$a < 0$ $\emptyset$

75-87-70-06
(161.35)

Черновик

$3^{5-\frac{1}{x}} - \sin 4^x = f(x)$

$5-\frac{1}{x}=t$

$t<5$

$\frac{1}{x}=5-t$

$x=\frac{1}{5-t}$

$f(t)=3^t-\sin\left(4^{\frac{1}{5-t}}\right)$

$\frac{1}{3};1;5$

$t\to 5$

$t=4{,}99$

$\sin 2\pi x = 2\sin\pi x\cos\pi x$

$\sin 4\pi x = 2\cos 2\pi x\cdot 2\sin\pi x\cos\pi x$

$=4\sin\pi x\cdot\cos\pi x(2\cos^2\pi x-1)$

$\sin^3(\pi x)-\sin^3(2\pi x)+\sin^3(4\pi x)=(\sin(\pi x)-\sin(2\pi x)+\sin(4\pi x))^3$

$1-8t^3+64t(2t^2-1)=(1-2t+4t(2t^2-1))^3$

$1-8t^3+128t^3-64t=(1-2t+8t^3-4t)^3$

$120t^3-64t+1=(8t^3-6t+1)^3$

$a^3-b^3+c^3=(a-b+c)^3$

$a^3-b^3+c^3=(a-b)^3+3(a-b)^2\cdot c+3(a-b)c^2+c^3$

$(a-b)(a^2+ab+b^2)=(a-b)(a^2-2ab+b^2+3(ac-bc)+3c^2)$

$a^2+3ab+b^2=a^2+b^2+3c^2+3ac-3bc$

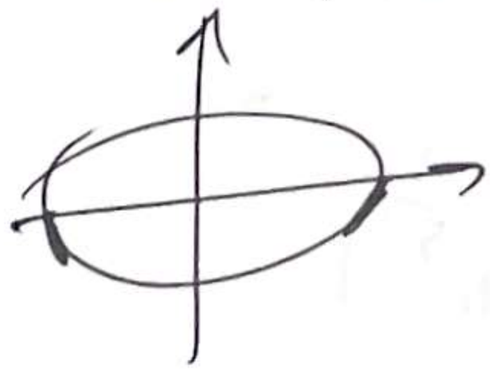
$ab=c^2+ac-3bc$

$c^2+ac-bc-ab=0$

$\sin\left(\frac{6\pi}{5}\right)=\sin\left(-\frac{24\pi}{5}\right)=$

$=\sin\left(-\frac{4\pi}{5}\right)=$

$=\sin\left(\frac{9\pi}{5}\right)$



$a^3+b^3+c^3=(a+b+c)^3 \Leftrightarrow$ Черновик

$a=\sin\pi x$

$b=-\sin 2\pi x$

$c=\sin 4\pi x$

$a^2(b+c)+b^2(a+c)+c^2(a+b)=-2abc$

$a(b^2+c^2)+b(a^2+c^2)+c(a^2+b^2)=-2abc$

$3^{5-\frac{1}{x}} \geq a+\sin 4^x$ $\quad f(x)=3^{5-\frac{1}{x}}-\sin 4^x<a \ \boxed{\forall x>0}$

$(\sin 4^x)'=(\cos 4^x)\cdot 4^x\cdot \ln 4$

$3^{5-\frac{1}{x}}-\sin 4^x$

$5-\frac{1}{x}=t$

$5-t=-\frac{1}{x}$

$x=\frac{1}{5-t}$

$x>0$

$\frac{1}{5-t}>0$

$5-t>0$

$\boxed{t<5}$

$f(t)=3^t-\sin 4^{\frac{1}{5-t}}<a \ \forall t<5$

$(5-t)^{-1}=-1(5-t)^{-2}=\frac{-1}{(5-t)^2}$

243

$3^t\cdot\ln 3+\cos(4^{\frac{1}{5-t}})\cdot 4^{\frac{1}{5-t}}\cdot\ln 4\cdot\frac{1}{(5-t)^2}=0$

>0 $\quad >0$ $\quad >0$

>0

>3

-1

>3

$\left((5-t)^{-1}\right)'=-1\cdot(5-t)^{-2}=-\frac{1}{(5-t)^2}$

$t>1$

$(\sin 4^{\frac{1}{5-t}})'=$

$=\cos(4^{\frac{1}{5-t}})\cdot(4^{\frac{1}{5-t}})'=$

$=4^{\frac{1}{5-t}}\cdot(\frac{1}{5-t})'\cdot\ln 4$

$(\sin 4^{\frac{1}{5-t}})'=$

$=\cos(4^{\frac{1}{5-t}})\cdot 4^{\frac{1}{5-t}}\ln 4((5-t)^{-1})'=$

$0<t<5$

$=$

$\sin(4^{\frac{1}{5-t}})$

Черновик

$\sin^3(\pi x) - \sin^3(2\pi x) + \sin^3(4\pi x) = \left(\sin(\pi x) - \sin(2\pi x) + \sin(4\pi x)\right)^3$

$\cancel{\sin \pi x} = \cancel{\sin 2\pi x}$

$\sin 2\pi x = 2\sin \pi x \cos \pi x$ $\qquad$ $\sin 4\pi x = 2\sin 2\pi x \cos 2\pi x =$

$= 4\sin \pi x \cos \pi x \cos 2\pi x$

$\sin^3 \pi x\left(1 - 8\cos^3 \pi x + 64\cos^3 \pi x \cos^3 2\pi x\right) =$

$\sin^3 \pi x\left(1 - 2\cos \pi x + 4\cos \pi x \cos 2\pi x\right)^3$

$1 - 8t^3 + 64t^3(2t^2-1)^3 = \left(1 - 2t + 4t(2t^2-1)\right)^3 =$

$(a+b+c)^3 = (a^2+b^2+c^2+2ab+2bc+2ac)(a+b+c) =$

$= a^3 + a^2b + a^2c + b^2a + b^3 + b^2c + c^2a + c^2b + c^3 + 2a^2b + 2ab^2 + 2abc +$

$+ 2abc + 2b^2c + 2bc^2 + 2a^2c + 2abc + 2ac^2 =$

$= a^3 + b^3 + c^3 + 3(a^2b + a^2c + b^2a + c^2a + b^2c + c^2b) + 6abc$

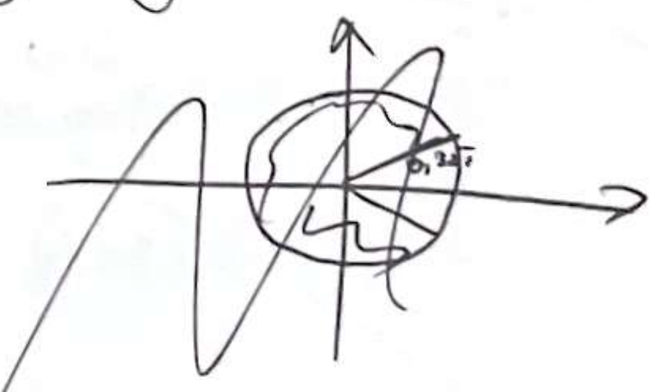
$a^2(b+c) + b^2(a+c) + c^2(a+b) = -2abc$

$\cancel{= 1 - 2t + 8t^4 - 4t = (8t^3 - 6t + 1)^3}$ $\quad 8t^3 - 6t + 1 = (2t-1)^3$

$\cancel{a = 1 \quad b = -2t \quad c =}$

$a = 1 \quad b = -2t \quad c = 8t^3 - 4t$

$\cancel{(2t-1)^3 = 8t^3 - 3\cdot 4t^2 + 3\cdot 2t - 1 = 8t^3 - 12t^2 + 6t - 1}$



$\cancel{1{,}0\pi \qquad 1{,}6\pi}$

$\cancel{0{,}6\pi \qquad 3{,}2\pi}$

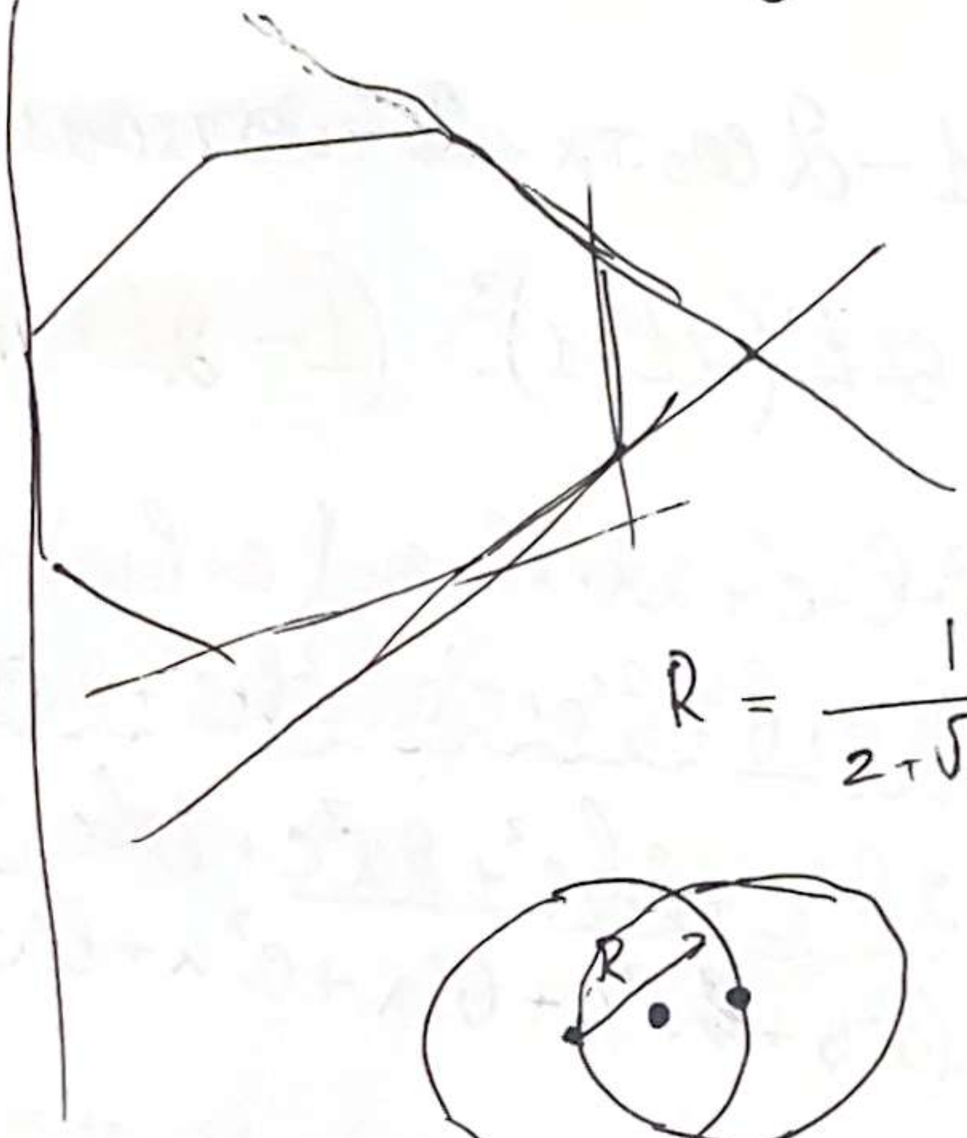
$\cancel{1{,}2\pi \qquad 6{,}4\pi}$

~~Черновик~~ Черновик

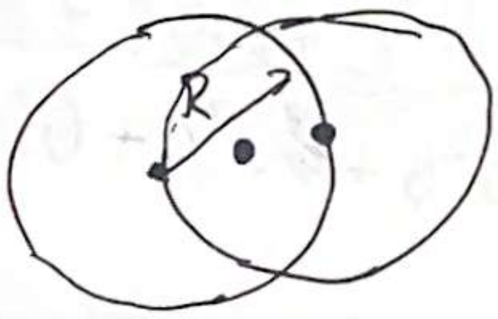
№2) $3^{5-\frac{1}{x}} \geq a + \sin 4^x$

$\cancel{f(x) = 3^{5-\frac{1}{x}} - \sin 4^x}$

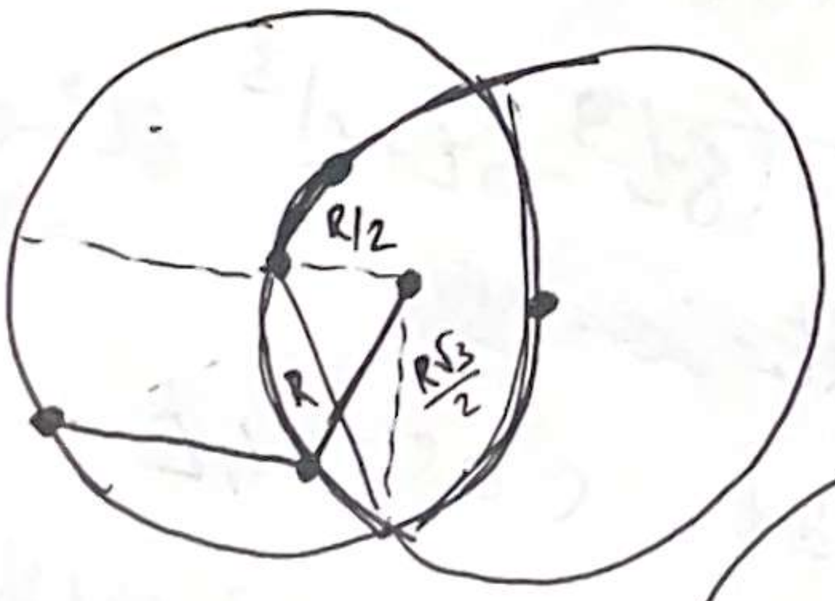
$5 - \frac{1}{x} \geq \log_3(a + \sin 4^x)$

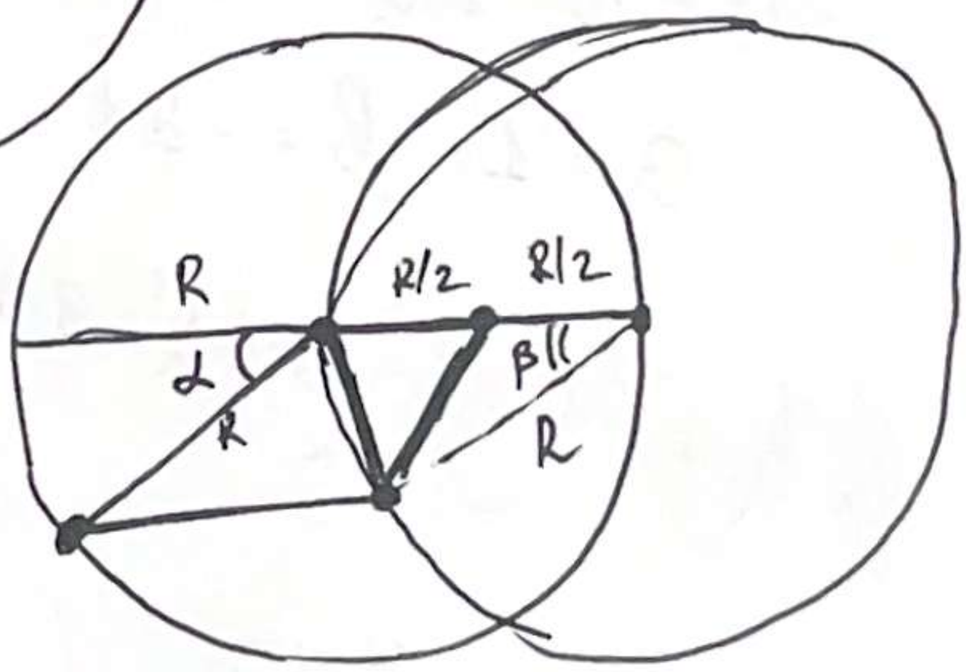


$R = \frac{1}{2+\sqrt{2}}$



$\frac{3R^2}{4} + \frac{R^2}{4} = R^2$





Черновик

$f_1(0) = f_2(0)$ $\quad 6a_1 = 8a_2$

$\underline{a_1 = \frac{4}{3}a_2}$

$f_1(-a_1) = 0$

$f_2(-a_1) = 0$

$a_1^2 - a_1 b_2 + 8 = 0$

$x^2 + b_2 x + 8$ $\quad -a_1$ $\quad -a_3$

$-a_1 - a_3 = -b_2$

$a_1 + a_3 = b_2$

$a_1 + a_2 = b_3$

$a_2 + a_3 = b_1$

$a_1 + a_2 \cdot a_3 + b_1 + b_2 + b_3 = 3(a_1 + a_2 + a_3)$

$a_1 a_2 = 12$

$a_1 a_3 = 8$

$a_2 a_3 = 6$

$\sin \pi x = a$

$\sin 2\pi x = b$

$\sin 4\pi x = c$

$-1 \le a, b, c \le 1$

1) $a + b = 0$

$\cancel{a^3 + b^3 + c^3 = (a+b+c)^3}$

$\cancel{(a+b)(a^2 - ab + b^2)} = (a+b+c-c)\left((a+b+c)^2 - (a+b+c)c + c^2\right)$

$\cancel{a+b}$ 2) $a^2 - ab + b^2 = (a+b+c)^2 + c^2 - (a+b+c)c$

$\cancel{a^3 - b^3 + c^3 = (a-b+c)^3}$

$\cancel{a^3 + c^3} = (a-b+c)^3 + b^3$

$\cancel{(a+c)(a^2 + c^2 - ac)} = \cancel{(a+c)}\left((a-b+c)^2 + b^2 - \cancel{(a-b+c)b}\right.$

$a^2 - ab + b^2 = (a+b+c)^2 - ac - bc$

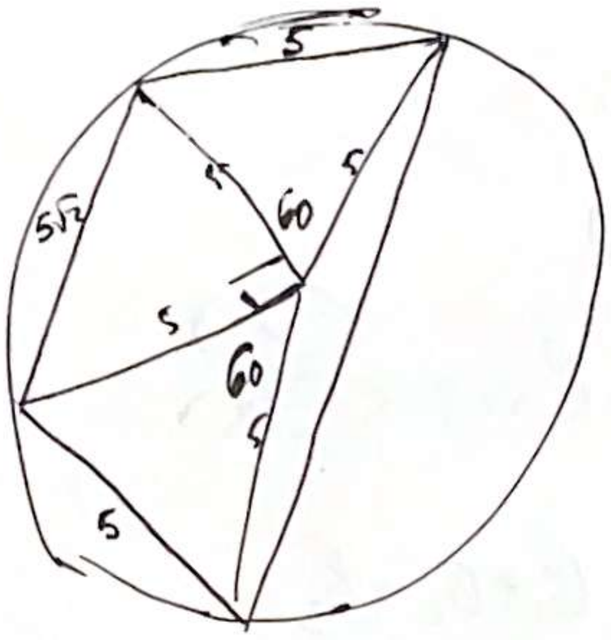
$\cancel{a^2 + b^2} - ab = \cancel{a^2 + b^2} + c^2 + 2ab + \cancel{bc + 2ac} \; ac \; \cancel{ac - bc} + bc$

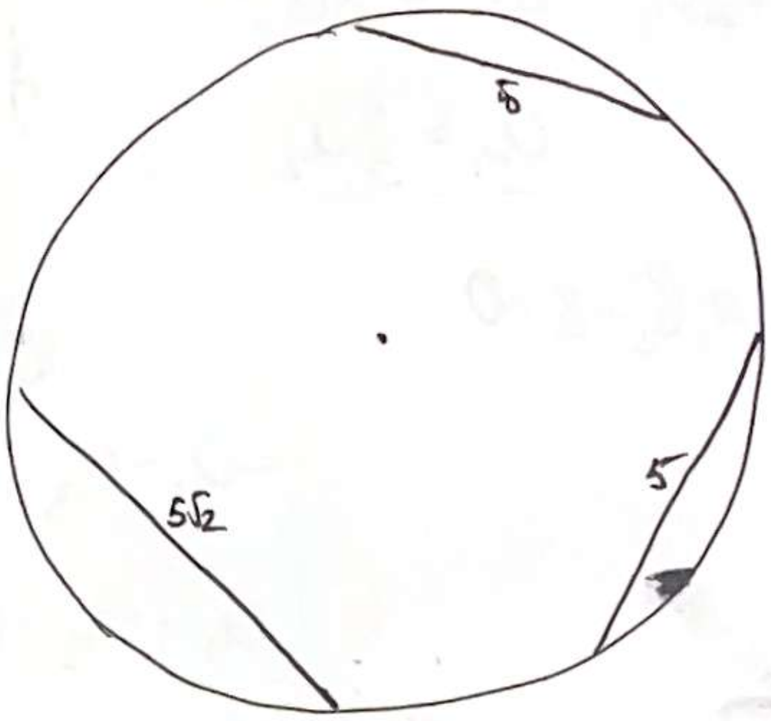
$(a+c)(b+c) + 2ab = 0$

$-2ab = c^2 + ab + ac + bc$

$-2ab = (c+b)(\cancel{a+b})$ $\; c+a$

Черновик





$f(x) = 3^{5-\frac{1}{x}} - \sin 4^x$ $\qquad f(x) < a \ \forall x > 0$

$3^{5-\frac{1}{x}} < 243$ $\qquad \underline{f(x) < 244} \ \forall x$

$\sin 4^x \le -1$ $\qquad \exists x_0 : f(x_0) = 244 - \varepsilon$

$\underline{243 \ldots 244}$

$\cancel{3^{5-\frac{1}{x}} \sin 4^x = 243,5}$

$(a_2 - a_1)(a_1^2 - a_1 b_2 + 8) = 0$ $\qquad x \to \infty$

$a_1^2 - a_1 b_2 + 8 = 0$ $\qquad 3^{5-\frac{1}{x}} \to 243$

$f_1(x) = (x + a_1)(x^2 + b_1 x + 6)$ $\qquad 6a_1 = 8a_2 = 12a_3$

$f_2(x) = (x + a_2)(x^2 + b_2 x + 8)$ $\qquad 3a_1 = 4a_2 = 6a_3$

$f_3(x) = (x + a_3)(x^2 + b_3 x + 12)$ $\qquad a_2 = \frac{3}{4} a_1$

$a_1^2 - a_1 b_3 + 12 = 0$ $\qquad a_3 = \frac{1}{2} a_1$

$-a_1 b_2 + 8 = -a_1 b_3 + 12$

$a_1(b_3 - b_2) = 4$

Черновик

$2-x\geq 0$
$x\leq 2$

$\sqrt{4x^2-12x+9}+\sqrt{x^2-6x+9}+\left(\sqrt{2-x}\right)^2=\sqrt{3+\sqrt{8}}-\sqrt{3-\sqrt{8}}$

$|2x-3|+|x-3|+2-x=\sqrt{2}+1-(\sqrt{2}-1)=$
$=2$

$\cancel{3+2\sqrt{2}}$

$3+2\sqrt{2}=$
$=\sqrt{2}^2+1^2+2\cdot 1\cdot\sqrt{2}=$
$=(\sqrt{2}+1)^2$

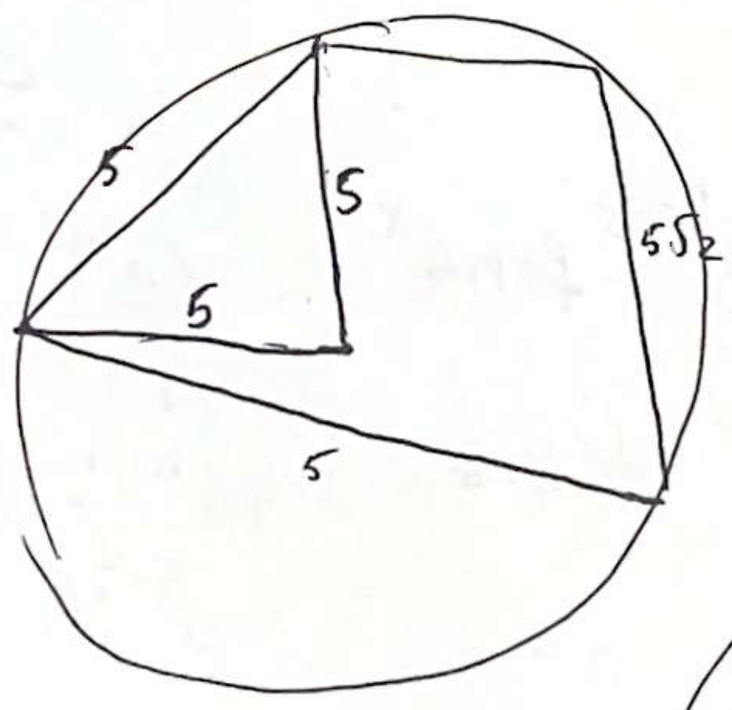
$|2x-3|+|x-3|=x$

$\sin\pi x=a$
$-\sin 2\pi x=b$
$\sin 4\pi x=c$

$a^3+b^3+c^3=(a+b+c)^3$
$-3\leq \quad \leq 3$

$-\sqrt[3]{3}\leq a+b+c\leq\sqrt[3]{3}$

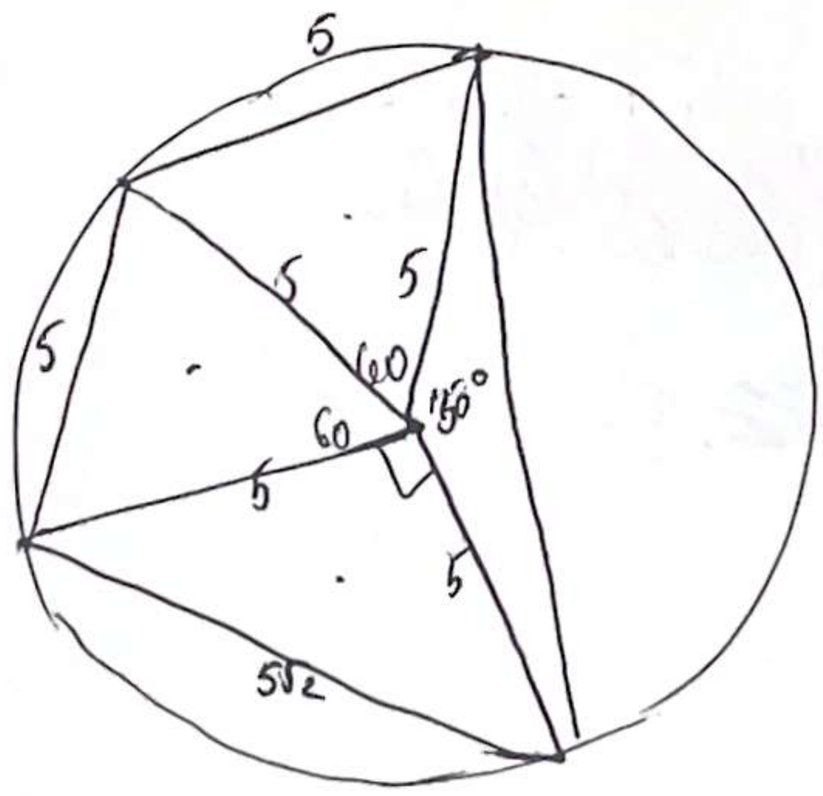
$a^3+b^3+c^3-3abc=(a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ac)$

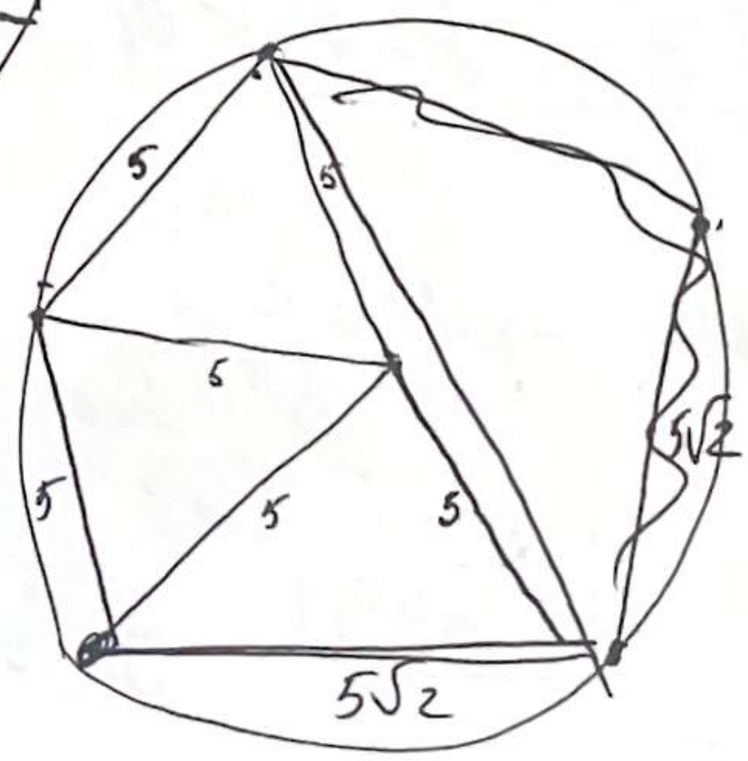


$\frac{5}{\sin\alpha}=2\cdot 5$ $\quad\frac{5\sqrt{2}}{\sin\beta}=2\cdot 15$

$\sin\alpha=\frac{1}{2}$ $\quad\sin\beta=\frac{\sqrt{2}}{2}$

$\alpha=30^\circ$ 150° $\quad\beta=45^\circ$
$\beta=135^\circ$





$90+120=210$ $\quad 360-210=150^\circ$

Черновик

$a>0$ $a \to \min$

$3^{5-\frac{1}{x}} \geq a + \sin 4^x$ ни одного решение $x>0$

$-\frac{1}{x} < 0$

$9 \cdot 27 = 81 \cdot 3$

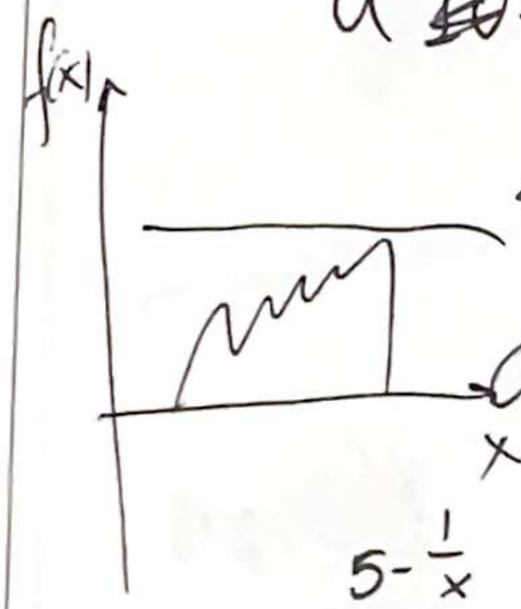
$-1 \leq \sin 4^x \leq 1$

$5 - \frac{1}{x} < 5$

$3^{5-\frac{1}{x}} \geq 10 + \sin 4^x$

$3^{5-\frac{1}{x}} < 3^5 = 243$

$a + \sin 4^x \leq 3^{5-\frac{1}{x}} < 243$



$a < 243 - \sin 4^x$

$\forall x>0$

$3^{5-\frac{1}{x}} < a + \sin 4^x$

$-x^{-1} = -1(-1) \cdot x^{-2}$

$a > 3^{5-\frac{1}{x}} - \sin 4^x$

$(e^x)' = e^x$

$(a^x)'$

$(a^{f(x)})' = a^{f(x)} \cdot \ln a \cdot f'(x)$

$= 3^{5-\frac{1}{x}} \cdot \ln 3 \cdot \frac{1}{x^2}$

$f(x) = \boxed{3^{5-\frac{1}{x}} - \sin 4^x < a}$ $\forall x>0$

$3^{5-\frac{1}{x}} < 243$

$-\sin 4^x \leq 1$

$\boxed{<243}$

$3^{5-\frac{1}{x}} > 3^5 -$

$x = \frac{1}{100}$

$x = 10^{100}$

$\frac{3^{5-\frac{1}{x}} \cdot \ln 3}{x^2} - 4^x \cdot \ln 4 \cdot \cos 4^x = 0$

$3^{5-\frac{1}{x}} \cdot \ln 3 = x^2 \cdot 4^x \cdot \ln 4 \cdot \cos 4^x$

(+) Абелочкин

Шифр	Сумма	1	2	3	4	5	6	7	8
75-87-70-06		+	±	∓	+	+	−	−	−