



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант №1

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
наименование олимпиады

по физике
профиль олимпиады

Беседина Данила Максимовича
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

+1 ЛИСТ 14:14

Судья: 14.42

Дата
«14» февраля 2025 года

Подпись участника

Условие лист 2

По рисунку: $S_{\text{покр. сечение}} = 3a \cdot 10a + \frac{1}{2} \cdot 2a \cdot 10a = 40a^2$
 $S_{\text{погр}} = \frac{1}{2} \cdot 2a \cdot 10a + a \cdot 10a = 20a^2$

$S_{\text{в}} \rho_{\text{н}} l_1 = m l_2 + S_{\text{погр}} \rho_{\text{в}} l_1$
 $\rho_{\text{н}} = \frac{m l_2 + 20a^2 \cdot 10a \cdot \rho_{\text{в}} l_1}{40a^2 \cdot 10a \cdot l_1}$

$= \frac{m l_2}{400a^3 \cdot l_1} + \frac{\rho_{\text{в}}}{2} = \frac{0,7 \text{ м} \cdot 10 \text{ см}}{400 \cdot 10^6 \text{ м}^3 \cdot 50 \text{ см}} + \frac{1000}{2} \text{ м/м}^3 =$

$= \left(500 + \frac{7}{2 \cdot 10^{-2}} \right) \frac{\text{м}}{\text{м}^3} = 500 + 350 = 850 \text{ м/м}^3$

Ответ: 850 м/м³

N3

- $m = 2 \text{ кг}$
- $t_0 = 20^\circ \text{C}$
- $t_1 = 60^\circ \text{C}$
- $\tau_1 = 2,5 \text{ мин} = 150 \text{ с}$
- $\tau_2 = 10 \text{ мин} = 600 \text{ с}$
- $\tau_3 = 2 \text{ мин} = 120 \text{ с}$
- $N_2 = 2 \text{ Вт}$
- $q = 400 \text{ Дж/кг}$
- $\eta_1 = 80\%$
- $t_{100} = 100^\circ \text{C}$
- $c = 4200 \frac{\text{Дж}}{\text{кг} \cdot ^\circ \text{C}}$

Найти:

$\eta_2 = ?$

1 процесс: $mc(t_1 - t_0) = N_1 \eta_1 \tau_1$

2 процесс: $mc(t_x - t_1) = q \cdot \tau_2$

3 процесс: $mc(t_{100} - t_x) = 2N_2 \tau_3$

Решим систему:

$N_1 = \frac{mc(t_1 - t_0)}{\eta_1 \tau_1}$

$mc t_1 - mc t_x = q \cdot \tau_2$

$\eta_2 = \frac{mc(t_{100} - t_x)}{2N_2 \tau_3}$

$\eta_2 = \frac{mc(t_{100} - t_x) \eta_1 \tau_1}{2 mc(t_1 - t_0) \tau_3}$

$t_x = \frac{mc t_1 - q \tau_2}{mc}$

Черновик 3

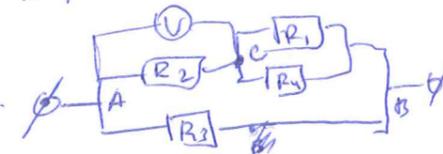
$\frac{120(40 + \frac{200}{7})}{240 \cdot 40} = \frac{9800 + \frac{120 \cdot 200}{7}}{9600}$
 $= \frac{48 + \frac{240}{7}}{96} = \frac{2 + \frac{10}{7}}{4} = \frac{1}{2} + \frac{10}{28} = \frac{1}{2} + \frac{5}{14}$

$= \frac{7+5}{14} = \frac{12}{14} = \frac{6}{7} =$

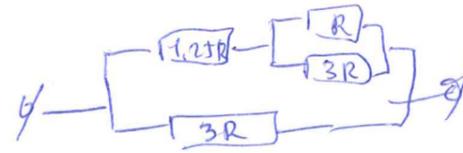
$\frac{60}{56} = 1,0714$
 $\frac{40}{35} = 1,1428$
 $\frac{50}{49} = 1,0204$
 $\frac{10}{20} = 0,5$

85,714%

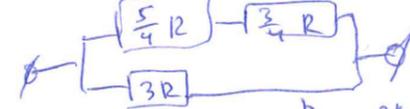
N4



$U_V = U_{R2}$



$U_0 = 32 \text{ В}$



$R_0 = 2R \cdot 3R / (2R + 3R) = \frac{6R^2}{5R} = \frac{6}{5}R$
 $U_{214} = U_0 \sim 32 \text{ В}$

$32 = U_V + \frac{3}{4} R I_2$
 $\frac{32 \cdot 5}{6R} R = I_2 + \frac{32}{3R}$

$I_2 \sim \frac{32 \cdot 5}{6R} R - \frac{32}{3R} = \frac{32 \cdot 5 - 32 \cdot 2}{6R} = \frac{80 - 64}{6R} = \frac{16}{6R} = \frac{8}{3R}$

$U_V = 32 - \frac{3}{4} R \cdot I_2 = 32 - \frac{3R \cdot 16}{4R} = 32 - 12 = 20$

Черновик лист 2

$$2 \rho_2 = \frac{m c_2}{200 a^3 e_1} = \frac{1000 \text{ м/м}^3}{2} - \frac{0,7 \text{ м} \cdot 10 \text{ см}}{2000 \cdot 10^{-6} \text{ м}^3 \cdot 50 \text{ см}}$$

$$= 2500 - \frac{7}{2 \cdot 10^{-3} \cdot 10^{-6}} = 2500 - \frac{7}{2 \cdot 10^{-9}} = 2500 - 350000 = 247500$$

бадан-3ина

$m = 2 \text{ м}$
 $t_0 = 20^\circ \text{C}$
 $t_1 = 60^\circ \text{C}$
 $\tau_1 = 2,5 \text{ мин} = 150 \text{ с}$
 $\tau_2 = 10 \text{ мин} = 600 \text{ с}$
 $\tau_3 = 2 \text{ мин} = 120 \text{ с}$
 $q = 400 \text{ Вт/с}$

$$m c (t_1 - t_0) = \tau_1 \cdot N_1 \cdot \eta_1$$

$$m c (t_1 - t_x) = \tau_2 \cdot q$$

$$m c (t_{100} - t_x) = \tau_3 \cdot \eta_2 \cdot 2 N_1$$

$$\eta_2 = \frac{m c (t_{100} - t_x)}{2 \tau_3 \cdot N_1}$$

$$N_1 = \frac{m c (t_1 - t_0)}{\tau_1 \cdot \eta_1}$$

$$\eta_2 = \frac{m c (t_{100} - t_x) \tau_1 \cdot \eta_1}{2 \tau_3 m c (t_1 - t_0)}$$

$$m c t_x = m c t_1 - \tau_2 q$$

$$t_x = \frac{m c t_1 - \tau_2 q}{m c} = t_1 - \frac{\tau_2 q}{m c}$$

$$\eta_2 = \frac{\tau_1 \eta_1 t_{100} - \tau_1 \eta_1 (t_1 - \frac{\tau_2 q}{m c})}{2 \tau_3 (t_1 - t_0)}$$

$$\eta_2 = \frac{150 \cdot 0,8 \cdot 100 - 150 \cdot 0,8 \cdot (60 - \frac{400 \cdot 2400}{247500})}{2 \cdot 120 (60 - 20)}$$



22-90-10-91 (5.10)

Черновик лист 3

$$\eta_2 = \frac{\eta_1 \tau_1 (t_{100} - t_x)}{2 \tau_3 (t_1 - t_0)}$$

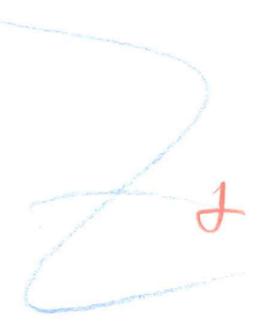
$$t_x = t_1 - \frac{\tau_2 q}{m c}$$

$$\eta_2 = \frac{\eta_1 \tau_1 (t_{100} - t_1 + \frac{\tau_2 q}{m c})}{2 \tau_3 (t_1 - t_0)}$$

$$= \frac{0,8 \cdot 150 (100 - 60 + \frac{400 \cdot 2400}{247500})}{2 \cdot 120 (60 - 20)}$$

$$= \frac{120 (40 + \frac{2400}{2 \cdot 42})}{2 \cdot 40} = \frac{40 + \frac{400}{7 \cdot 2}}{2 \cdot 40} = \frac{40 (1 + \frac{5}{7})}{2 \cdot 40}$$

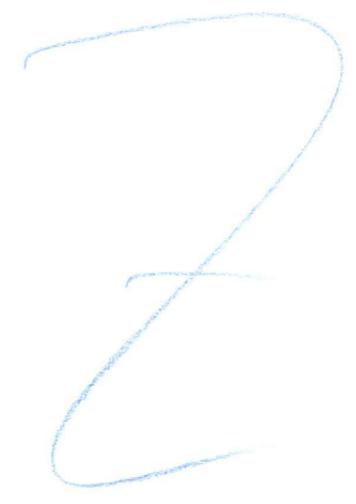
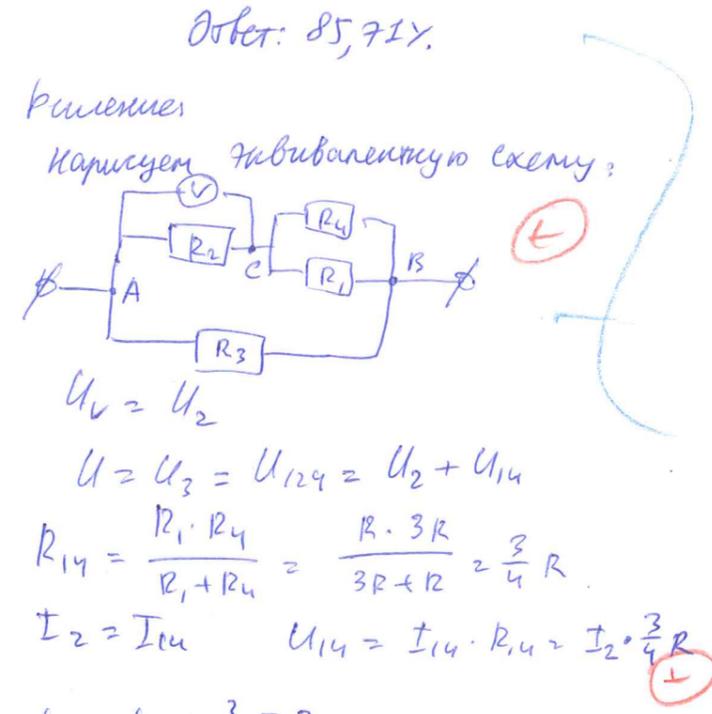
$$= \frac{1}{2} + \frac{5}{14} = \frac{7+5}{14} = \frac{12}{14} = \frac{6}{7} \approx 85,71\%$$



20

NY

$R_1 = R$
 $R_2 = 1,25 R$
 $R_3 = R_4 = 3 R$
 $U = 32 \text{ В}$
 Найти $U_V = ?$



$$U = U_2 + \frac{3}{4} I_2 R$$

$$I_3 + I_{124} = I = I_3 + I_2$$

$$I_3 = \frac{U_3}{R_3} = \frac{U}{3R}$$

$$I = \frac{U}{R_0}$$

$$R_0 = \frac{R_{124} \cdot R_3}{R_{124} + R_3} = \frac{2 \frac{3}{4} R \cdot \frac{3}{4} R}{2 \frac{3}{4} R + \frac{3}{4} R} = \frac{6 \frac{14}{16} R^2}{5 \frac{1}{2} R} = \frac{6 \frac{14}{16} R}{5 \frac{1}{2}} = \frac{6 \frac{14}{16}}{5 \frac{1}{2}} R$$

Черновик лист 4

$$I = \frac{U \cdot 5}{5 + 2R} \quad \frac{U \cdot 5}{6 \cdot R}$$

$$\frac{U \cdot 5}{6 + 2R} = \frac{U}{3R} + I_2$$

$$U = U_2 + \frac{3}{4} I_2 R$$

$$I_2 = \frac{32 - 1 \cdot 4}{15 \cdot R} - \frac{1 \cdot 4}{3 \cdot R}$$

$$\frac{32 - 5 \cdot 4}{15 \cdot R} = \frac{27 \cdot 4}{15 \cdot R} = \frac{94}{5R}$$

$$U = U_2 + \frac{3 \cdot 94 \cdot R}{4 \cdot 5R}$$

$$32 = U_2 + \frac{27 \cdot 32}{20 \cdot 5}$$

$$U_2 = 32 - \frac{27 \cdot 8}{5} = 32 - 1,6 \cdot 27 =$$

$$I_2 = \frac{5 \cdot 4}{6 \cdot R} - \frac{1 \cdot 4}{3 \cdot R} = \frac{5 - 2 \cdot 4}{6 \cdot R} = \frac{1 \cdot 4}{2 \cdot R}$$

$$32 = U_2 + \frac{3 \cdot 4 \cdot 32 \cdot R}{4 \cdot 2 \cdot R}$$

$$U_2 = 32 - 12 = 20 \text{ В}$$

Решение:

Сила давления на горизонтальной стержень достигает нуля, когда пружина на вертикальную ось еще упругости пружины станет равна силе давления буллков на стержень

Ответ: 20 В

№5
 $m = 0,01 \text{ м}$
 $k = 10 \text{ Н/м}$
 $L = 0,1 \text{ м}$
 $g = 10 \text{ м/с}^2$
 Найти
 U - ?

Черновик 4

$$m = 0,01 \text{ м}$$

$$k = 10 \text{ Н/м}$$

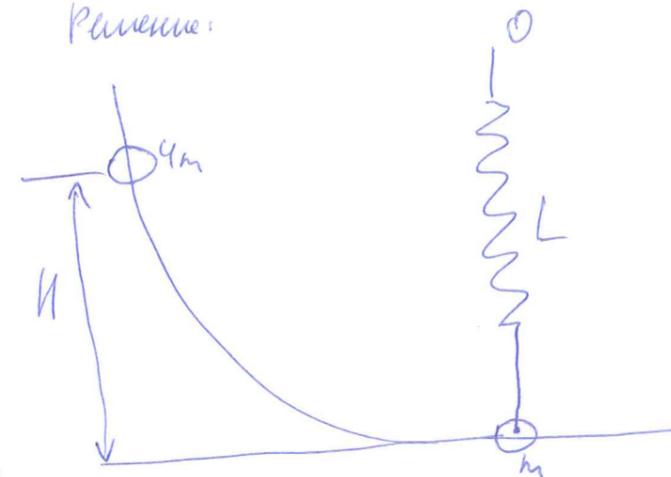
$$L = 0,1 \text{ м}$$

$$g = 10 \text{ м/с}^2$$

Найти

U_{min} ?

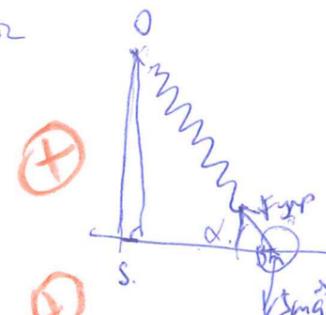
Решение:



Сила давления достигает нуля в той ситуации, когда $F_{\text{уп}}$ пружины равна mg .

$$S = \frac{L + x}{\cos \alpha}$$

$$a = \frac{k \Delta L}{m} \cos \alpha$$



$$F_{\text{уп}} \sin \alpha = 5mg$$

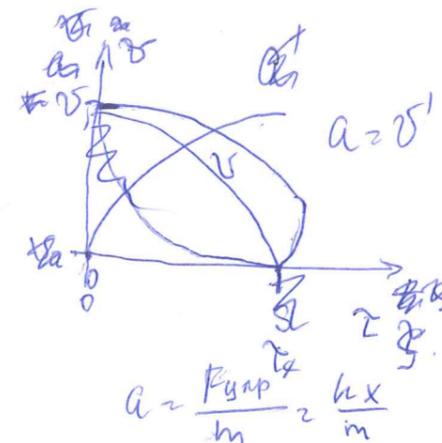
$$\sin \alpha = \frac{5mg}{kx}$$

$$a = 0 \quad \sin \alpha = \frac{L}{L+x}$$

$$F_{\text{уп}} = 0$$

$$dF_{\text{уп}} = k \Delta L$$

$$ds = \frac{L}{\cos^2 \alpha} d\alpha$$



$$a = \frac{F_{\text{уп}}}{m} = \frac{kx}{m}$$

$$a = k \frac{x}{m}$$

$$\frac{L}{L+x} = \frac{5mg}{kx}$$

$$Lkx = 5mgL + 5mgx$$

$$(5mg - kx)x =$$

$$(Lk - 5mg)x = 5mgL$$

$$x = \frac{5mgL}{Lk - 5mg}$$

$$U_2 = 0,85 \sqrt{25 \text{ Н}}$$

Черновик 5

2

$$dF = k \cdot \Delta L$$

$$da_y = \frac{k \cdot \Delta L}{m \cdot \cos \alpha} = \frac{5mgL}{m \cos \alpha (kL - 5mg)}$$

$$dS = \text{ctg} \alpha \cdot L \Big| = \frac{5gL}{\cos \alpha (kL - 5mg)}$$

$$a_y = \frac{k \cdot \Delta L}{m \cdot \cos \alpha}$$


$$S = v_2 t_1 - \frac{a t_1^2}{2}$$

$$v_2 \sim a t_1$$

$$S = a t_1^2 - \frac{a t_1^2}{2}$$

$$S = \frac{1}{2} a t_1^2 \sim \frac{1}{2} v_2 t_1$$

$$\Delta L = \frac{5 \cdot 0,01 \cdot 10 \cdot 0,1}{0,1 \cdot 10 - 5 \cdot 0,01 \cdot 10}$$

$$\sqrt{\frac{2}{4} + 0,01} \approx \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ м.}$$

$$\approx \frac{0,05}{1 - 0,5} \approx 0,1 \approx \sqrt{0,1}$$

$$a \Delta L = a \Delta L$$

$$\Delta L = 0,1$$



$$\frac{2v_2}{a} \sim \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$$

$$v_2^2 = \frac{a \sqrt{2}}{2} \sim \sqrt{0,1}$$

$$v_2 \sim \frac{2S}{v_2} \sim \frac{2 \cdot 0,1}{\sqrt{0,1}} \sim 0,2$$

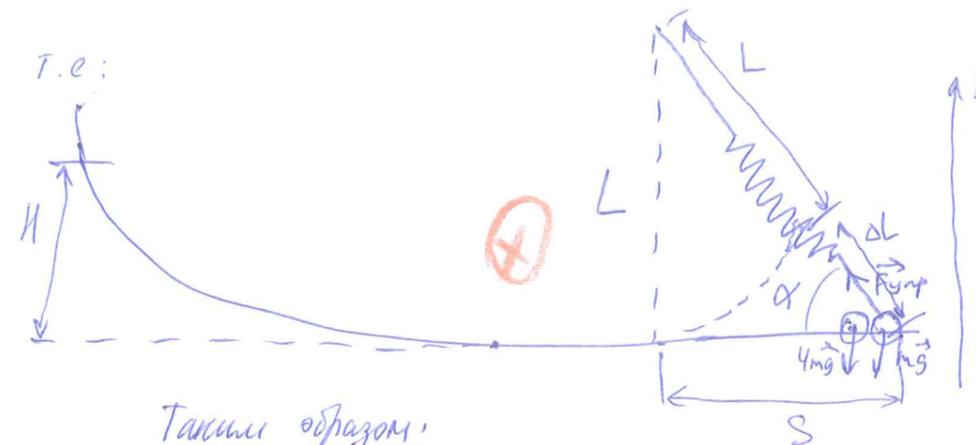
$$v_2 \sim \frac{v_2^2}{a}$$

$$v_2 \sim \frac{v_2^2}{a}$$

2

22-90-10-91
(5.10)

Черновик лист 5



Таким образом:

$$\begin{cases} F_{\text{упр}} \sin \alpha = 5mg \\ \sin \alpha = \frac{L}{L + \Delta L} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \sin \alpha = \frac{5mg}{k \Delta L} \\ \sin \alpha = \frac{L}{L + \Delta L} \end{cases}$$

$$\frac{5mg}{k \Delta L} = \frac{L}{L + \Delta L}$$

$$k \Delta L L = 5mgL + 5mg \Delta L$$

$$k \Delta L L - 5mg \Delta L = 5mgL$$

$$\Delta L = \frac{5mgL}{kL - 5mg} = \frac{5 \cdot 0,01 \cdot 10 \cdot 0,1}{10 \cdot 0,1 - 5 \cdot 0,01 \cdot 10}$$

К моменту спуска 4м бусинка голубая 2,2м разогналась со такой скоростью, чтобы котом, обведившись с группой бусинкой, они остановились в момент, указанный на рисунке.

v_1 - скорость бусинки в момент столкновения

$$4mgH = \frac{4m v_1^2}{2} \Rightarrow v_1^2 = 2gH \Rightarrow v_1 = \sqrt{2gH}$$

Запишем закон сохранения импульса при столкновении:

$$4m v_1 = 5m v_2$$

$$v_2 = \frac{4m v_1}{5m} = 0,8 v_1 = 0,8 \sqrt{2gH}$$

Черновик лист 6

$$S = \frac{L \sin \alpha}{\cos \alpha} = L \tan \alpha$$

$$S = \frac{5mgL}{kL - 5mg} = L \frac{5mg}{kL - 5mg}$$

$$S = \frac{5mgL}{kL - 5mg} = L \frac{5mg}{kL - 5mg}$$

Подставим:

$$S = 0,1 + \frac{5 \cdot 0,01 \cdot 10 \cdot 0,1}{10 \cdot 0,01 - 5 \cdot 0,01 \cdot 10}$$

$$S = \sqrt{(L + \Delta L)^2 - L^2}$$

$$= \sqrt{0,04 - 0,01}$$

$$= 0,1\sqrt{3}$$

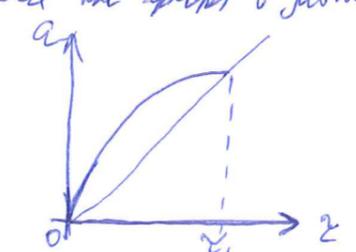
$$\Rightarrow \alpha = 30^\circ$$

$$= 0,1 + \frac{0,05}{0,1 + \frac{0,05}{0,5}} = \frac{0,1 + 0,1}{2} = 0,1$$

$$= \frac{0,2}{\sqrt{1 - 0,5}} = \frac{0,2}{\sqrt{0,5}} = 0,2\sqrt{2}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2} \text{ м} \approx \frac{1,4}{2} = 0,7 \text{ м}$$

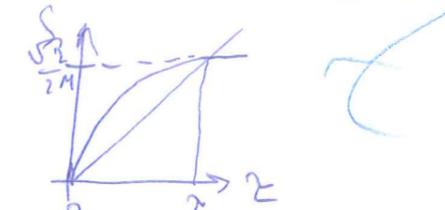
Ускорение будет уменьшаться со временем в зависимости от времени от гана



$$v_2 = \int_0^{z_1} a(z) dz$$

Перемещение будет уменьшаться от времени

аканомлю:



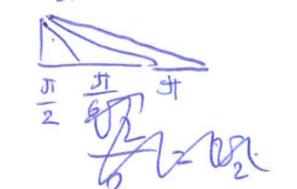
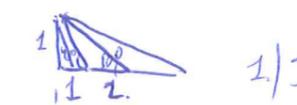
$$v_2 = S'(z)$$

Предположим, что ускорение имеет так, чтобы т.о.ч

на графике, тогда $z_1 = \frac{\sqrt{2} \cdot 2}{2v_2}$

$$z_1 = \frac{\sqrt{2}}{v_2} \quad z_1 = \frac{2v_2}{a}$$

$$\frac{\sqrt{2}}{v_2} = \frac{2v_2}{a} \quad a = \frac{2v_2^2}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}v_2^2}{2}$$



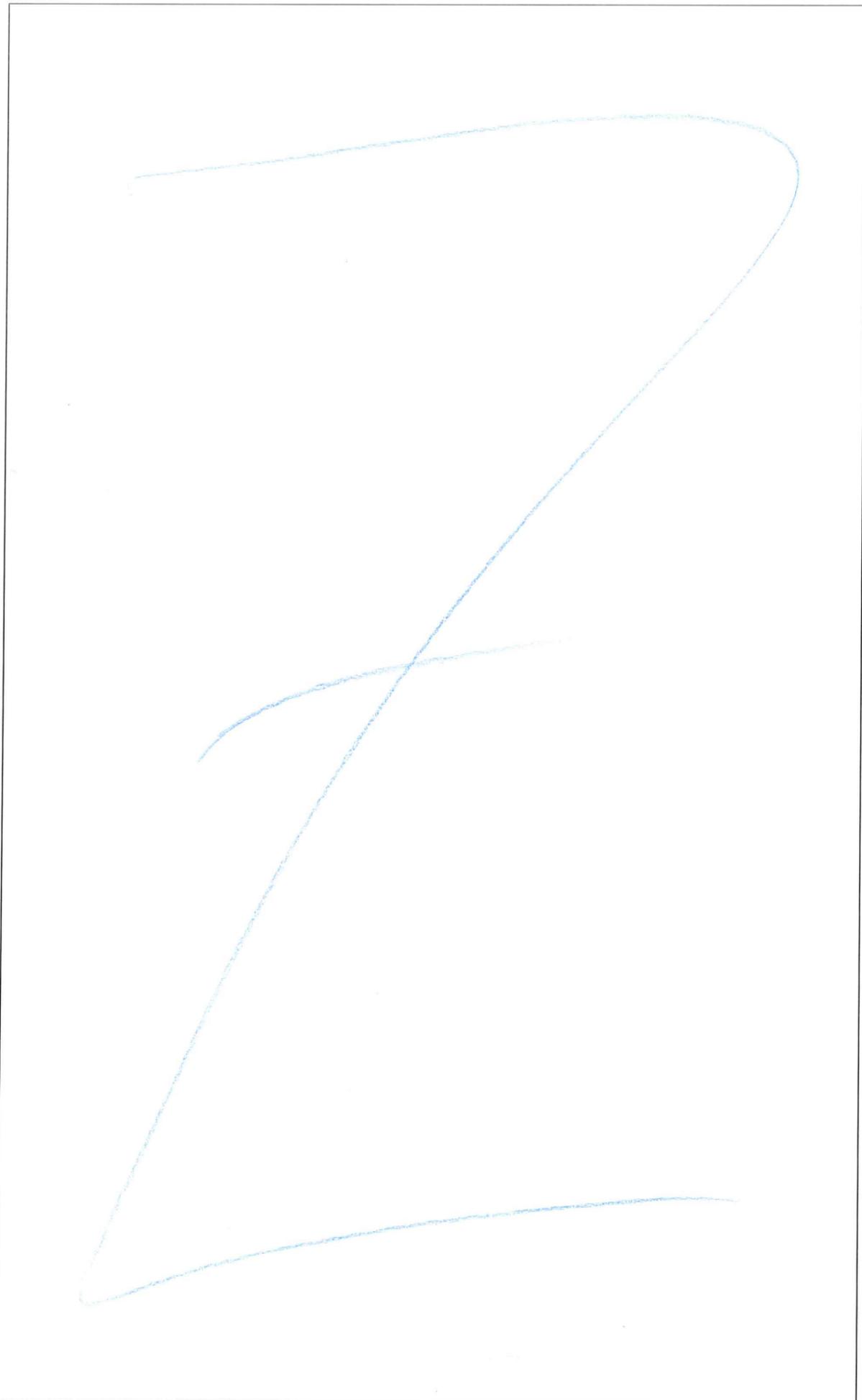
$$\begin{array}{r} 1 \\ \times 6,25 \\ \hline 4,375 \\ 6,25 \\ \hline 106,25 \end{array}$$

$$S = \frac{a_0 t_1^2}{2} = \sqrt{2} v_2^2$$

$$S = v_0 t_1 - \frac{a_0 t_1^2}{2} + \frac{v_0 t_1^2}{2}$$

$$S = \frac{v_{к}^2 - v_0^2}{2a} \quad v = a_0 t - \frac{j a_0 t_1^2}{2}$$

$$j = \frac{100}{z} \quad j = \frac{100}{z_1} = \frac{100 \cdot 0,5}{z_1}$$



Угловой лист 6

$$S = \sqrt{(L+dL)^2 - L^2} = \sqrt{0,03} = 0,173 \Rightarrow \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \alpha = 30^\circ = \frac{\pi}{6}$$

$$S = L \operatorname{tg} \alpha$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{S}{L}$$

$$\alpha = \operatorname{arctg} \frac{S}{L}$$

Укрепление делается абсолютно перпендикулярно, но

мы можем предположить, что на
трещину его ~~считать~~ ~~линейность~~ ~~интенсивность~~ ~~интенсивность~~ ~~интенсивность~~
линейность для этих целей
~~2 x 10 см; тогда~~

$$\begin{cases} a \chi_1 = \frac{S}{2} \\ S = \frac{S}{2} \chi_1 - \frac{a \chi_1^2}{2} \end{cases}$$

$$S = \frac{a \chi_1^2}{2} \Rightarrow \chi_1^2 = \frac{2S}{a}$$

Мы можем считать, что и кошку укрепление
впросло 90 $\frac{K \Delta L}{m} \Rightarrow \frac{10 \cdot 0,1}{0,01} = 2a$ ~~$\frac{S}{a} = \sqrt{\frac{2S}{a}}$~~
 ~~$\frac{S}{a} = 0,1 \sqrt{29H}$~~

$$\Rightarrow a = 100 \frac{H^2}{0,8 \sqrt{29H}}$$

$$\chi_1^2 = \frac{1}{2} a \chi_1^2 = \frac{1}{2} \cdot 100 \cdot \frac{2S}{a} = 100 \frac{S}{a}$$

$$S = \frac{a \chi_1^2}{2}$$

$$S = \frac{4}{2} a \chi_1^2 - \frac{a \chi_1^2}{2}$$

$$\chi_1 = \sqrt{\frac{2S}{a}}$$

$$\sqrt{\frac{2S}{a}} \cdot a = 0,8 \sqrt{29H}$$

$$\frac{2S a^2}{a} = 0,8 \cdot 0,8 \cdot 29H$$

Числовая нить 7

$$H = 0,8 \cdot 2 \cdot 10$$

$$H = \frac{2Sa}{0,8 \cdot 0,8 \cdot 2 \cdot g} = \frac{2 \cdot 0,2 \sqrt{3} \cdot 100}{0,8 \cdot 0,8 \cdot 2 \cdot 10} =$$

$$= \frac{0,4 \cdot \sqrt{3}}{0,16} = \frac{100 \sqrt{3}}{16} = \frac{50 \sqrt{3}}{8 \sqrt{2}} = \frac{25 \sqrt{3}}{4} =$$

$$= 0,25 \cdot 25 \sqrt{3} = 6,25 \sqrt{3} \text{ м} \approx 6,25 \cdot 1,73 \approx 10,625 \text{ м}$$

ответ: $\approx 10,625 \text{ м}$ 