



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант № 2

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников "Ломоносов 2024/2025"
наименование олимпиады

по Физике
профиль олимпиады

Гасарова Заура Мансуровна
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата

« 14 » 02 2025 года

Подпись участника

31

58-81-90-16
(2.6)

$$\textcircled{2} \quad \eta_{1231} = ?$$

$$1. A_{1341} = \frac{1}{2} (p_0 + 4p_0) (3V_0 - V_0) =$$

$$= \frac{1}{2} \cdot 5p_0 \cdot 2V_0 = 5p_0V_0$$

$$Q_{1341} = Q_{13}$$

$$\bullet Q_{13} = A_{13} + \Delta U_{13}$$

$$\bullet \Delta U_{13} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_1) = \frac{3}{2} (\nu R T_3 - \nu R T_1) = \frac{3}{2} (4p_0 \cdot 3V_0 - p_0 V_0) =$$

$$= \frac{3}{2} \cdot (12p_0V_0 - p_0V_0) = \frac{33}{2} p_0V_0$$

$$Q_{13} = 5p_0V_0 + \frac{33}{2} p_0V_0 = \frac{10+33}{2} p_0V_0 = \frac{43}{2} p_0V_0$$

$$A_{1341} = \frac{1}{2} (4p_0 - p_0) (3V_0 - V_0) = \frac{1}{2} \cdot 3p_0 \cdot 2V_0 = 3p_0V_0$$

$$\eta_{1341} = \frac{A_{1341}}{Q_{1341}} = \frac{3p_0V_0}{\frac{43}{2} p_0V_0} = \frac{6}{43}$$

$$2) \quad \eta_{1231} = \frac{A_{1231}}{Q_{1231}}$$

$$\bullet A_{1231} = \frac{1}{2} (4p_0 - p_0) (3V_0 - V_0) = \frac{1}{2} \cdot 3p_0 \cdot 2V_0 = 3p_0V_0$$

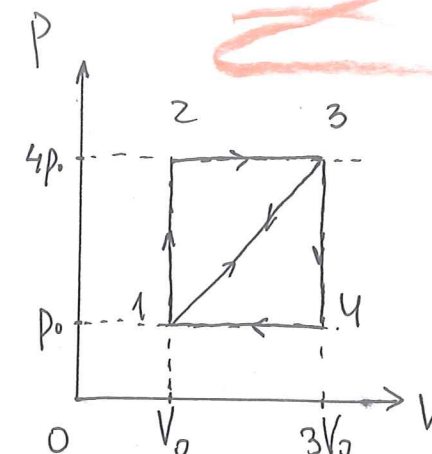
$$\bullet Q_{1231} = Q_{12} + Q_{23}$$

$$Q_{12} = \Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} (4p_0V_0 - p_0V_0) = \frac{9}{2} p_0V_0$$

$$Q_{23} = \Delta U_{23} + A_{23} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_2) + 4p_0 \cdot (3V_0 - V_0) =$$

$$= \frac{3}{2} (4p_0 \cdot 3V_0 - 4p_0V_0) + 4p_0 \cdot 2V_0 = \frac{3}{2} \cdot 8p_0V_0 + 8p_0V_0 =$$

$$= 20p_0V_0$$



Задача 1 2 3 4 5 6
10 20 12 18 19 49
Старовин 10 минут 12 минут 18 минут 19 минут 49 минут
Бровкис 10 минут 12 минут 18 минут 19 минут 49 минут

Подпись

$$Q_{1231} = \frac{3}{2} p_0 V_0 + 20 p_0 V_0 = \frac{49}{2} p_0 V_0$$

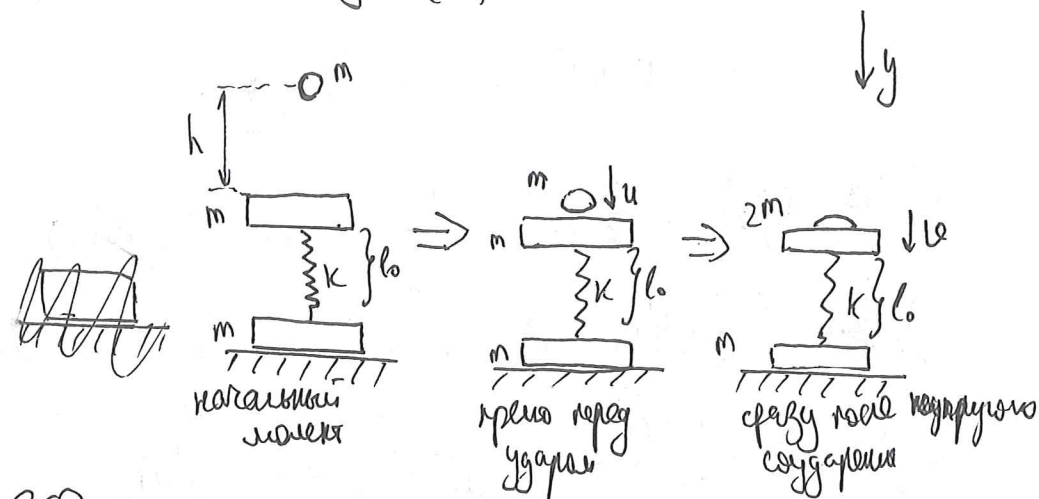
$$\eta_{1231} = \frac{3 p_0 V_0}{\frac{49}{2} p_0 V_0} = \frac{6}{49}$$

$$3) \frac{\eta_{1341}}{\eta_{1231}} = \frac{\frac{2}{49}}{\frac{6}{49}} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

Ответ: $\frac{49}{43}$

$$1) m = 0,1 \text{ кг}; k = 100 \frac{\text{Н}}{\text{м}}; g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}; h_{\text{max}} = ?$$

1)

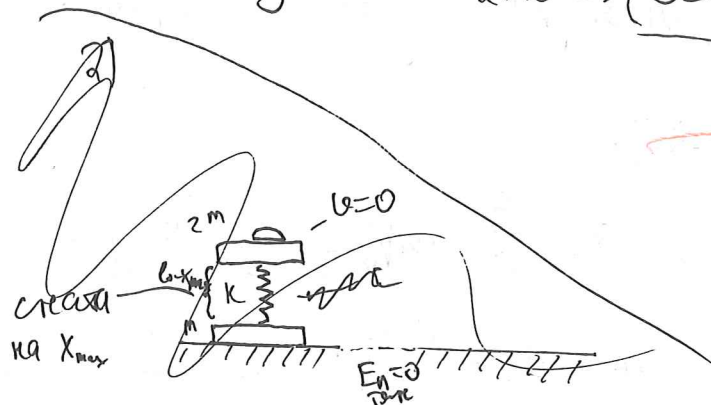


ЗСЭ от начала до момента перед ударом для пластины:

$$mgh = \frac{mu^2}{2} \rightarrow u = \sqrt{2gh}$$

ЗСУ для пластины и груза (ЗСУ берем, т.к. внимание на теплоты в процессе удара нет)

$$mu = 2m\omega \rightarrow \omega = \frac{u}{2} = \frac{1}{2} \sqrt{2gh}$$



$$l_2^2 - l_1^2 = L^2 + (H+h)^2 - (L^2 + (H-h)^2) = (H+h)^2 - (H-h)^2 =$$

$$= (H+h-H+h)(H+h+H-h) = 4Hh$$

$$\frac{l_2^2 - l_1^2}{4Hh} = \frac{(l_2 - l_1)(l_2 + l_1)}{\Delta \approx 2L}$$

$$4Hh = \Delta \cdot 2L \rightarrow L = \frac{2Hh}{\Delta} = \frac{2Hh}{N \cdot \lambda}$$

$$L = \frac{2 \cdot 0,05 \text{ м} \cdot 0,001 \text{ м}}{200 \cdot 0,5 \cdot 10^{-6} \text{ м}} = \frac{2 \cdot 5 \cdot 10^{-2} \cdot 10^{-3}}{10^{-4}} \text{ м} =$$

$$= 1 \text{ м}$$

Ответ: $L = \frac{2Hh}{N \cdot \lambda} = 1 \text{ м}$

$$\Delta = l_2 - l_1 =$$

$$l_2 = \sqrt{L_1^2 + h^2} + \sqrt{L_2^2 + h^2} = \sqrt{\left(\frac{L}{51}\right)^2 + h^2} + \sqrt{\left(\frac{50}{51}L\right)^2 + h^2} =$$

$$= \frac{L^2}{2601} + h^2 + \frac{2500L^2}{2601} + h^2$$

$$\Delta = l_2 - l_1 = \frac{L^2}{2601} + h^2 + \frac{2500L^2}{2601} + h^2 - \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$$

$$l_2 = \sqrt{L^2 + (H+h)^2}$$

$$\Delta = l_2 - l_1 = \sqrt{L^2 + (H+h)^2} - \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$$

$$\Delta^2 = L^2 + (H+h)^2 - 2\sqrt{L^2 + (H+h)^2} \sqrt{L^2 + (H-h)^2} + L^2 + (H-h)^2$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{L^2 + (H+h)^2} \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + H^2 + 2Hh + h^2)(L^2 + H^2 - 2Hh + h^2)}$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + H^2 + 2Hh + h^2)(L^2 + H^2 - 2Hh + h^2)}$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + H^2 + 2Hh + h^2)(L^2 + H^2 - 2Hh + h^2)}$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + H^2 + 2Hh + h^2)(L^2 + H^2 - 2Hh + h^2)}$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + H^2 + 2Hh + h^2)(L^2 + H^2 - 2Hh + h^2)}$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + H^2 + 2Hh + h^2)(L^2 + H^2 - 2Hh + h^2)}$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + H^2 + 2Hh + h^2)(L^2 + H^2 - 2Hh + h^2)}$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + H^2 + 2Hh + h^2)(L^2 + H^2 - 2Hh + h^2)}$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + H^2 + 2Hh + h^2)(L^2 + H^2 - 2Hh + h^2)}$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + H^2 + 2Hh + h^2)(L^2 + H^2 - 2Hh + h^2)}$$

$$\Delta^2 = 2L^2 + 2H^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + H^2 + 2Hh + h^2)(L^2 + H^2 - 2Hh + h^2)}$$

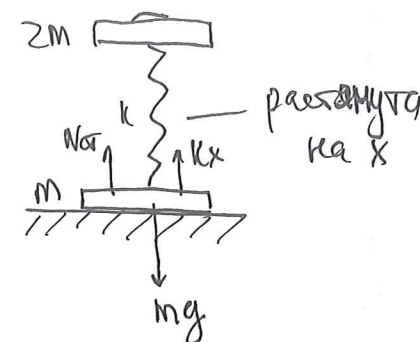
где система
ЗСЭ от удара до остановки груза и маятника:

$$\Delta E_{\text{к}} + \Delta E_{\text{п}} = 0$$

$$0 - \frac{2m\omega^2}{2} + \frac{kx_{\text{max}}^2}{2} + 2mg(l_0 - x_{\text{max}}) - 2mg \cdot l_0 = 0$$

$$\frac{kx_{\text{max}}^2}{2} - 2mgx_{\text{max}} - \frac{2m\omega^2}{2} = 0$$

2)



ЗЗК где нулево груза:

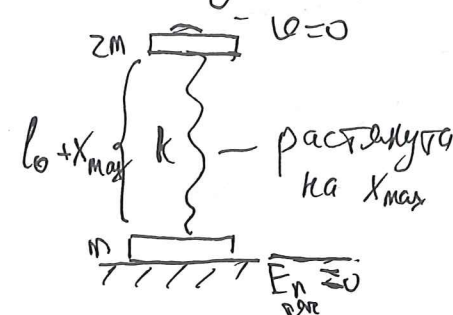
$$kx + N_{\text{ср}} = mg$$

$$N_{\text{ср}} = mg - kx$$

Дальнейшие колебания будут гармоническими лишь при условии, что $N_{\text{ср}} \geq 0 \rightarrow mg - kx \geq 0 \Rightarrow$

$$\rightarrow kx \leq mg \rightarrow \left(x \leq \frac{mg}{k}\right) \rightarrow x_{\text{max}} = \frac{mg}{k}$$

3) Рассм. систему в момент, когда пружина максимально растянута:



ЗСЭ от удара до этого момента:

$$E_{\text{к макс}} + E_{\text{п макс}} = E_{\text{к мин}} + E_{\text{п мин}}$$

$$\frac{2m\omega^2}{2} + 2mg l_0 + 0 = 0 + 2mg(l_0 + x_{\text{max}}) + \frac{kx_{\text{max}}^2}{2}$$

$$m\omega^2 = 2mgx_{\text{max}} + \frac{kx_{\text{max}}^2}{2}$$

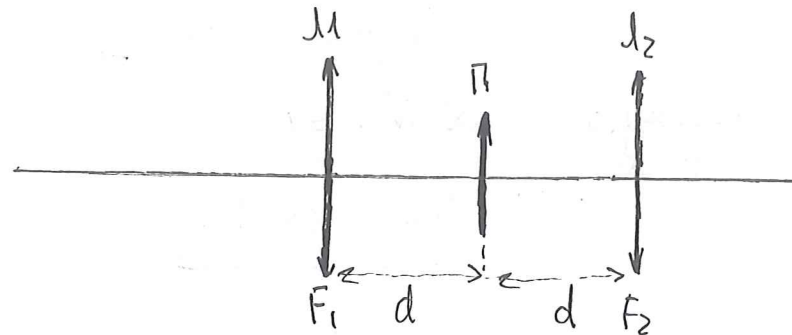
$$\omega^2 = 2gx_{\text{max}} + \frac{k \cdot x_{\text{max}}^2}{2m} = 2g \cdot \frac{mg}{k} + \frac{k \cdot m^2 g^2}{2m \cdot k^2} = \frac{2mg^2}{k} + \frac{mg^2}{2k} = \frac{5mg^2}{2k}$$

$$4) \left(\frac{1}{2} \sqrt{2gh}\right)^2 = \frac{5mg^2}{2k}$$

$$\frac{1}{8} gh = \frac{5mg^2}{8k} \rightarrow h = \frac{5mg}{k} \rightarrow h_{\max} = \frac{5mg}{k} = \frac{5 \cdot 0,1 \text{ м} \cdot 10 \text{ Н/м}}{100 \frac{\text{Н}}{\text{м}}} = \frac{1}{20} \text{ м} = 0,05 \text{ м} = 5 \text{ см}$$

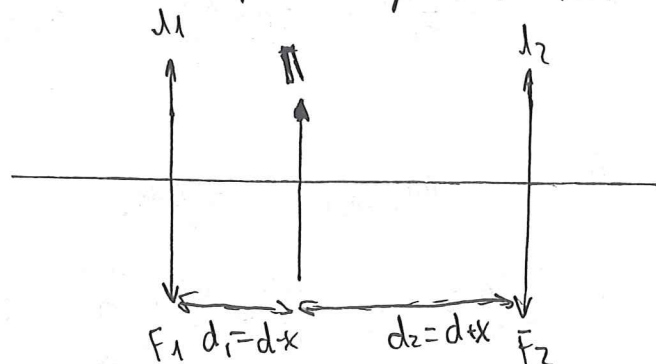
Ответ: $\frac{5mg}{k} = 5 \text{ см}$.

① $\Gamma_1=1$; $\Gamma_2=3$; $x=5 \text{ см}$; $d=?$



1) Т.к. первая линза даёт изобр. в натуральную величину, то она собирающая, значит $d=2F_1 \rightarrow F_1=\frac{1}{2}d$ $\oplus$
 Вторая линза l_2 даёт увеличенное изображение $\rightarrow$ она тоже собирающая. Расстояние её изображение действительное и увеличенное, $F_2 < d < 2F_2 \rightarrow$
 $\rightarrow \Gamma_2 = \frac{F_2}{d-F_2} \rightarrow \frac{F_2}{d-F_2} = 3 \rightarrow F_2 = 3d - 3F_2 \rightarrow$
 $\rightarrow 4F_2 = 3d \rightarrow F_2 = \frac{3}{4}d$ $\oplus$

2) Допустим, сдвинуть пересечение на x влево:



$$l_1 = \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$$

$$l_2 = \sqrt{L_1^2 + h^2} + \sqrt{L_2^2 + H^2}$$

из ~~этих~~ подобие треугольников

$$\frac{L_1}{L_2} = \frac{h}{H} \rightarrow L_2 = L_1 \frac{H}{h}$$

$$L_1 + L_2 = L \rightarrow L_1 + L_1 \frac{H}{h} = L$$

$$L_1 \left(1 + \frac{H}{h}\right) = L \rightarrow L_1 \left(\frac{h+H}{h}\right) = L$$

$$L_1 = \frac{Lh}{h+H}, \quad L_2 = \frac{LH}{h+H}$$

$$l_2 = \sqrt{\left(\frac{Lh}{h+H}\right)^2 + h^2} + \sqrt{\left(\frac{LH}{h+H}\right)^2 + H^2} = \frac{51}{51} \cdot \frac{255}{2601}$$

$$= h \sqrt{\left(\frac{L}{h+H}\right)^2 + 1} + H \sqrt{\left(\frac{L}{h+H}\right)^2 + 1} = (h+H) \sqrt{\frac{L^2}{(h+H)^2} + 1}$$

$$= \sqrt{L^2 + (h+H)^2} = \sqrt{L^2 + h^2 + 2hH + H^2} = \sqrt{L^2 + h^2 + 2hH}$$

$$\Delta = \sqrt{L^2 + h^2 + 2hH} - \sqrt{L^2 + h^2 - 2hH}$$

$$\Delta^2 = L^2 + h^2 + 2hH - 2\sqrt{(L^2 + h^2 + 2hH)(L^2 + h^2 - 2hH)} + L^2 + h^2 - 2hH =$$

$$= 2L^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + h^2)^2 - (2hH)^2} = 2L^2 + 2h^2 - 2\sqrt{(L^2 + h^2)^2 - 4h^2H^2}$$

$$L_1 = L \cdot \frac{0,001 \text{ м}}{0,001 \text{ м} + 0,003 \text{ м}} = L \cdot \frac{1}{1+3} = \frac{1}{4} L$$

$$L_2 = \frac{50}{51} L$$

$$= (h+H) \sqrt{1 + \frac{L^2}{(h+H)^2}} - \sqrt{L^2 + (H-h)^2} = \sqrt{(h+H)^2 + L^2} - \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$$

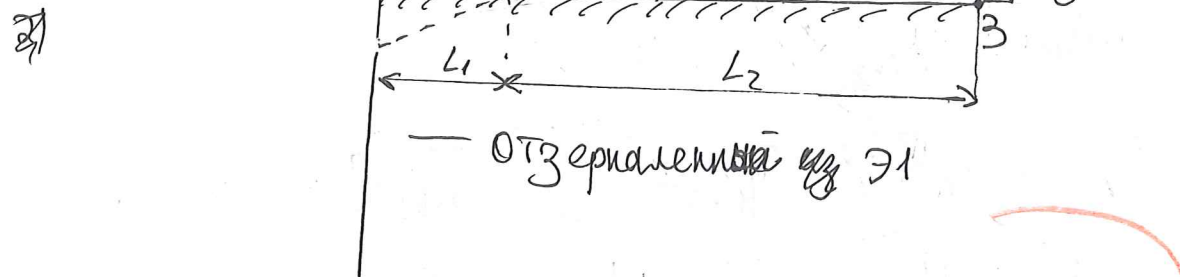
$$\lambda \cdot N = \sqrt{L^2 + (h+H)^2} - \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$$

$$N = \frac{1}{\lambda} (\sqrt{L^2 + (h+H)^2} - \sqrt{L^2 + (H-h)^2})$$

$$N^2 \cdot \lambda^2 = L^2 + (h+H)^2 - 2\sqrt{L^2 + (h+H)^2} \sqrt{L^2 + (H-h)^2} + L^2 + (H-h)^2$$

⑤ $\lambda = 0,5 \cdot 10^{-6} \text{ м}; h = 10^{-3} \text{ м}; H = 0,05 \text{ м}; N = 200$ $L = ?$

1) N-ая (т.е. 200-ая) Э1
масса будет
наблюдаться на
вершине прямо
экрана Э2.



2) Воспользуемся формулой для интерференции:
 $\Delta = N \cdot \lambda$, где Δ — разность хода лучей
 $\Delta = l_2 - l_1$

58-81-90-16
(2.6)

$$\Gamma_1^* = \frac{F_1}{d_1 - F_1} = \frac{F_1}{d - x - F_1} = \frac{\frac{1}{2}d}{d - x - \frac{1}{2}d} = \frac{\frac{1}{2}d}{\frac{1}{2}d - x} = \frac{d}{d - 2x}$$

$$\Gamma_2^* = \frac{F_2}{d_2 - F_2} = \frac{F_2}{d + x - F_2} = \frac{\frac{3}{4}d}{d + x - \frac{3}{4}d} = \frac{\frac{3}{4}d}{\frac{1}{4}d + x} = \frac{3d}{d + 4x}$$

$$\Gamma_1^* = \Gamma_2^* \rightarrow \frac{d}{d - 2x} = \frac{3d}{d + 4x} \quad | :d, \text{ т.к. } d \neq 0$$

$$\frac{1}{d - 2x} = \frac{3}{d + 4x} \rightarrow d + 4x = 3(d - 2x)$$

$$d + 4x = 3d - 6x \rightarrow 2d = 10x \rightarrow$$

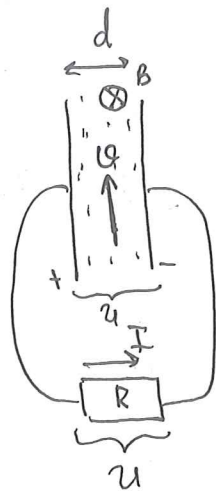
$$\rightarrow (d = 5x = 5 \cdot 5 \text{ см} = 25 \text{ см})$$

3) Рассм. случай, если экраны перемещаются вправо:
Т.к. $d_1 \uparrow$, то изображение в Э1 будет уменьшенным
(т.к. $d_1 > 2F_1$)

Т.к. $d_2 \downarrow$, то изображение в Э2 будет увеличенным (действительным или мнимым)
Выходит, что этот случай не подходит.

Ответ: $d = 25 \text{ см}$. ⊕ Нет букв ответа!

3) $R = 0,4 \Omega$; $d = 0,4 \text{ м}$; $v = 0,1 \frac{\text{м}}{\text{с}}$; $P_m = 10^{-3} \text{ Вт}$
 $\beta = ?$

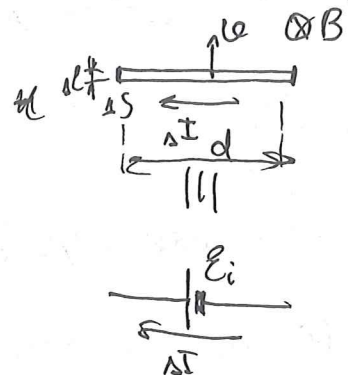


1) $P_m = \frac{U^2}{R} \rightarrow U = \sqrt{P_m \cdot R}$

2) $\varepsilon_i = U = \sqrt{P_m \cdot R}$

3)

3) Изобразим магниты и поток жидкости между ними на множество малых участков, все эти магниты соединены параллельно, т.е. их направления равны.



$\varepsilon_i = B v d$

4) $B v d = \sqrt{P_m \cdot R} \rightarrow \beta = \frac{\sqrt{P_m \cdot R}}{v d}$

$= \frac{\sqrt{10^{-3} \text{ Вт} \cdot 0,4 \Omega}}{0,1 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 0,4 \text{ м}} = \frac{\sqrt{4 \cdot 10^{-4}}}{0,04} \text{ Тл} = \frac{2 \cdot 10^{-2}}{4 \cdot 10^{-2}} \text{ Тл} = 0,5 \text{ Тл}$

12.

$= 0,5 \text{ Тл}$

Ответ: $\beta = \frac{\sqrt{P_m R}}{v d} = 0,5 \text{ Тл}$

не забудьте про единицы!

5) $\lambda = 0,5 \cdot 10^{-6} \text{ м}$

$\lambda = 0,5 \cdot 10^{-6} \text{ м}$; $h = 10^{-3} \text{ м}$; $H = 0,05 \text{ м}$; $N = 200$



$\frac{h}{L_1} = \frac{H}{L_2}$

$\rightarrow L_1 = \frac{h}{H} L_2$

$L_1 + L_2 = L \rightarrow \frac{h}{H} L_2 + L_2 = L \rightarrow \frac{h+H}{H} L_2 = L \rightarrow L_2 = \frac{LH}{h+H}$

$L_1 = \frac{LH}{h+H} \cdot \frac{h}{H} = \frac{Lh}{h+H}$

$\Delta = \lambda \cdot N$

$\Delta = \sqrt{h^2 + L_1^2} + \sqrt{H^2 + L_2^2} - \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$
 $= \sqrt{h^2 + \left(\frac{Lh}{h+H}\right)^2} + \sqrt{H^2 + \left(\frac{LH}{h+H}\right)^2} - \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$
 $= \sqrt{h^2 + \frac{L^2 h^2}{(h+H)^2}} + \sqrt{H^2 + \frac{L^2 H^2}{(h+H)^2}} - \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$
 $= h \sqrt{1 + \frac{L^2}{(h+H)^2}} + H \sqrt{1 + \frac{L^2}{(h+H)^2}} - \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$

*Оценки
не изменены*

Председателю апелляционной
комиссии олимпиады школьников
«Ломоносов»
Ректору МГУ имени М.В. Ломоносова
академику В.А. Садовничему
от участника заключительного этапа по
профилю «физика»
Гафарова Заура Мансуровича

апелляция.

Прошу пересмотреть мой индивидуальный предварительный результат заключительного этапа, а именно 79 баллов, поскольку считаю, что в третьей задаче 3.2.3. в авторском решении мощность, выделяемая на резисторе, неверно дифференцируется по R (т.е. $\frac{dP(R)}{dR}$), так как по условию $R = const$. Максимальная мощность $P = \frac{U^2 R}{(R+r)^2}$, выделяемая на резисторе R , реализуется при $r = 0$, то есть при пренебрежимо малом внутренним сопротивлением проводящей жидкости, что было учтено в моём решении, как очевидный факт.

Также я не вполне понимаю причину снижения двух баллов в четвёртой задаче 4.8.2., поскольку ни в самой задаче, ни в критериях оценивания задачи не говорится о необходимости наличия буквенного ответа.

Кроме того, в пятой задаче 5.8.2. мне снизили один балл за уравнение $l_2 = \sqrt{L_1^2 + h^2} + \sqrt{L_2^2 + H^2}$, однако в рамках моего чертежа и решения оно является верным.

Подтверждаю, что я ознакомлен с Положением об апелляциях на результаты олимпиады школьников «Ломоносов» и осознаю, что мой индивидуальный предварительный результат может быть изменён, в том числе в сторону уменьшения количества баллов.

Дата 07 03 2025

(подпись)

37