



56-52-19-54
(1.2)



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант №1

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов

по физике.

Книгина Александра Сергеевича
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата

«14» февраля 2025 года

Подпись участника

[Signature]

Черновик

$$3p_0 \cdot 4V_0 + \frac{3}{2}(15p_0V_0 - p_0V_0)$$

$$= 12p_0V_0 + 21p_0V_0 = 33p_0V_0$$

$$\frac{F_1}{d-x-F_1} = \frac{F_2}{d+x-F_2}$$

$$p = \kappa V + b$$

$$\begin{cases} p_0V_0 + b = p_0 \\ \kappa 5V_0 + b = 3p_0 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} 2p_0 &= 5\kappa V_0 \\ \kappa &= \frac{1}{2} \frac{p_0}{V_0} \\ b &= \frac{1}{2} p_0 \end{aligned}$$

$$\frac{F_2}{F-d} = \frac{F_1}{d_2-F}$$

$$\frac{3,14}{9,52}$$

$$\frac{d}{2} - x = \frac{3}{4} d$$



$$\frac{1}{8}d + \frac{1}{2}x = \frac{3}{8}d - \frac{3}{4}x$$

$$\frac{2}{8}d = \frac{1}{2}x + \frac{3}{4}x = IR$$

$$B^2Vd = IR$$

$$d = 2F_1$$

$$\frac{F_1}{d+x-F_1} = \frac{F_2}{d-x-F_2}$$

$$\frac{1}{2}d = \frac{3}{4}d$$

$$\frac{1}{8}d + \frac{1}{2}x = \frac{3}{8}d + \frac{3}{4}x$$

$$\frac{P_m \cdot R}{B^2V^2} = d^2 \rightarrow d = \sqrt{\frac{P_m \cdot R}{B^2V^2}}$$

$$\frac{2}{10^2} \cdot 5 \cdot \sqrt{\frac{1}{5}} = \sqrt{\frac{0,001 \cdot 0,4}{1 \cdot 10}} = \frac{1}{8}d + \frac{1}{2}x$$

$$5 \cdot \sqrt{\frac{1}{50}} = \frac{1}{8}d + \frac{1}{2}x$$

$$\sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{1}{8}d + \frac{1}{2}x$$

$$= \frac{2}{10^2} = \frac{2}{10^3} \text{ м} =$$

56-52-19-54
(1.2)

1.2.2.1.

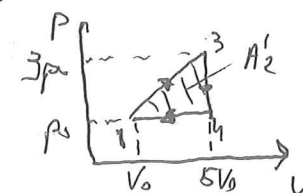
Черновик

Пусть идеального газа

Услов. 1



Услов. 2



КПД первого цикла $\eta_1 = \frac{A_1}{Q_{12}}$, где A_1 - работа газа за цикл 1, а Q_{12} - подв. к нему в этом цикле тепло

$$A_1 = \frac{1}{2}(3p_0 - p_0)(5V_0 - V_0) \text{ как площадь трапеции}$$

$$Q_{12} = Q_{12} + Q_{23} \text{ тк в цикле 1 к газу подв. тепло в 1-2 и 2-3}$$

$$\eta_1 = \frac{A_1}{Q_{12}} = \frac{\frac{1}{2} \cdot (3p_0 - p_0)(5V_0 - V_0)}{Q_{12} + Q_{23}}$$

Учитывая, что 1-2 изохора $Q_{12} = \Delta U_{12} + A_{12} = \frac{3}{2}V_0(3p_0 - p_0) = 3p_0V_0$

и также, что 2-3 изохора $Q_{23} = \frac{5}{2}3p_0(5V_0 - V_0) = 30p_0V_0$

$$\eta_1 = \frac{\frac{1}{2} \cdot 2p_0 \cdot 4V_0}{\frac{3}{2} \cdot V_0 \cdot 2p_0 + \frac{5}{2} \cdot 3p_0 \cdot 4V_0} = \frac{4p_0V_0}{3p_0V_0 + 30p_0V_0} = \frac{4}{33}$$

η_2 - КПД второго цикла $\eta_2 = \frac{A_2}{Q_{23}}$, где A_2 - работа газа за второй цикл.

$$Q_{23} = Q_{23} + Q_{34} \text{ тк в 1-3 к газу подв. тепло}$$

$$A_2 = \frac{1}{2} \cdot (5V_0 - V_0)(3p_0 - p_0) \text{ как площадь трапеции}$$

$$Q_{23} = \Delta U_{23} + A_{23} = \frac{3}{2}(3p_0 \cdot 5V_0 - p_0 \cdot V_0) + 8p_0V_0$$

$$= \frac{3}{2} \cdot 14p_0V_0 + 8p_0V_0 = 29p_0V_0$$

№2.2.1 (продолжение).

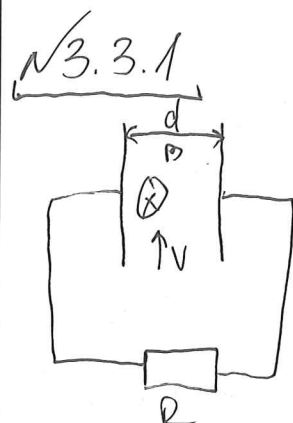
Используя

$$\text{Тогда, } \eta_2 = \frac{A_2'}{Q_{12}} = \frac{\frac{1}{2}(5V_0 - V_0)(3\rho_0 - \rho_0)}{29\rho_0 V_0} = \frac{\frac{1}{2} \cdot 4V_0 \cdot 2\rho_0}{29\rho_0 V_0} =$$

$$= \frac{4\rho_0 V_0}{29\rho_0 V_0} = \frac{4}{29}$$

В итоге: $\frac{\eta_{1231}}{\eta_{1341}} = \frac{\eta_1}{\eta_2} = \frac{\frac{4}{33}}{\frac{4}{29}} = \frac{29}{33}$

Ответ: $\frac{29}{33}$



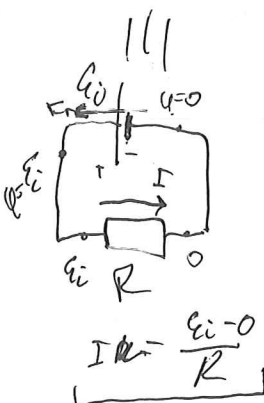
из-за тока жидкости в мп, систему можно заменить на батарею ЗАС с ~~переменным~~ с ~~переменным~~ $\epsilon_i = \epsilon$ (где ϵ_i - ЗАС индукции, возникающ. из-за тока жидкости в мп) и резистора сопротивлением R. По 1-му закону Кирхгофа на заряде в жидкости E_n будет действовать поле.

Тогда $\begin{cases} \epsilon_i = BVd \\ I^2 R = P_m \\ I = \frac{\epsilon_i}{R} \end{cases}$

$I = \frac{BVd}{R} \rightarrow P_m = \frac{B^2 V^2 d^2}{R^2}$

$P_m = \frac{B^2 V^2 d^2}{R} \rightarrow$

$\rightarrow d = \frac{\sqrt{P_m R}}{BV}$



Черновик $mgh = \frac{dV^2}{2} \rightarrow V = \sqrt{2gh}$

$mV = (M + m)u$

$\frac{dV^2}{2} = \frac{V^2}{2}$

$u = \dots \frac{V}{2}$

$\omega = \sqrt{\frac{k}{2m}} \Rightarrow \sqrt{\frac{2m}{k}} = \frac{1}{\omega^2} \rightarrow \frac{m}{k} = \frac{1}{2\omega^2}$

$kx = mg \rightarrow x = \frac{mg}{k}$

$\frac{k}{2m} = \omega^2$

$T = \frac{V}{2} \leq \pi \sqrt{\frac{2m}{k}} \quad \frac{k}{m} = \frac{\omega^2}{2}$

$\frac{m}{k} = \frac{2}{\omega^2}$

$V = \omega \cdot A$

$\frac{\sqrt{2gh}}{2} = \omega A$

$V = \omega \cdot A$

$\frac{\sqrt{2gh}}{2} = \omega \cdot A$

$\frac{3}{4}x + \frac{3}{8}d = \frac{1}{8}d - \frac{1}{2}x$

$\frac{\sqrt{2gh}}{2} = \sqrt{\frac{k}{m}} A$

$\frac{2mV^2}{2} = \frac{kx^2}{2}$

$x_m = \frac{2mV^2}{k} = x_m^2 \cdot k \quad \frac{5}{4}x =$

$m\left(\frac{2gh}{4}\right) = k \cdot A$

$4 \sqrt{\frac{mgh}{k}} = x_m$

$2 \sqrt{\frac{gh}{\omega^2}} = x_m$

$\frac{2m \cdot \frac{V^2}{4}}{2} = \frac{kx_m^2}{2}$

$m \frac{dV}{dt} = mg + kx$

$m \frac{V^2}{2} = kx_m^2$

$m \cdot gh = kx_m^2 \rightarrow x_m = \sqrt{\frac{mgh}{k}}$

$\frac{m}{k} = \frac{1}{2\omega^2} \rightarrow x_m = \sqrt{\frac{1}{2\omega^2} gh}$

$F_1 V = mgt + kx$

$\frac{2}{\omega^2} gh = x_m^2 \rightarrow x_m = \frac{\sqrt{2gh}}{\omega}$

$\frac{F_2}{d+x-F_2} = \frac{F_1}{d+x-F_1}$

Черновик

$$a = \frac{g}{2}$$

$$2ma = 2mg - kx = mg$$



$$2mg = kx \quad x = 2x$$

$$2mdV = 2mgdt$$

$$2m(0 - V) = 2mgt$$

$$t = \frac{V_0}{2g}$$

$$B = \frac{mg}{R}$$

$$t_{\text{губ}} = \frac{\sqrt{2gh}}{x \cdot \omega} 2m \frac{V^2}{4} + \frac{kx^2}{2} = \frac{kx_m^2}{2}$$

$$m \frac{V^2}{2} + \frac{mgx^2}{2} = kx_m^2$$

$$x = V_0 t - \frac{g}{2} t^2$$

$$x = \sqrt{2gh} t - \frac{g}{2} t^2$$

$$x = A \sin \omega t + B \cos \omega t$$

$$0 = A \cos \omega t - B \sin \omega t$$

$$t^2 - 4\sqrt{2gh} t + \frac{4g}{\omega^2} = 0$$

$$D = 2gh = \frac{16g}{\omega^2} > 16(2gh - \frac{2g}{\omega^2})$$

$$t_1 = \frac{4\sqrt{2gh} + 4\sqrt{2gh - \frac{2g}{\omega^2}}}{2}$$

Чистовик

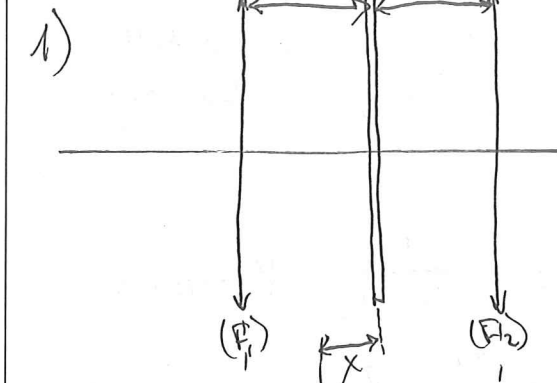
2-? в см

№3.3.1 (продолжение)

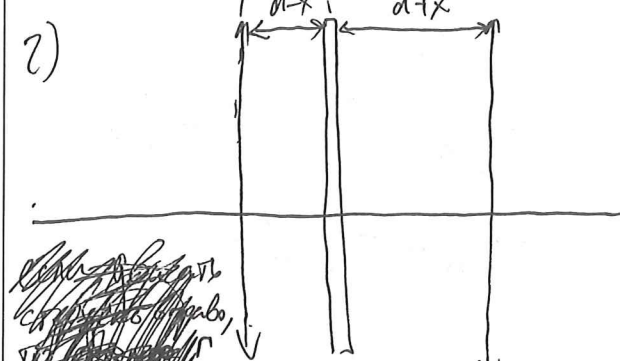
$$d = \frac{\sqrt{P_m \cdot R}}{BV} = \frac{\sqrt{0,801 \text{ Вт} \cdot 0,4 \text{ Ом}}}{1 \text{ В} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}}} = \frac{2}{10^2} \text{ м} = \frac{2}{10} \text{ м} = 20 \text{ см}$$

Ответ: ~~0,2 м~~ 0,2 м = 20 см.

№4.8.1



Пусть F1 - фокус левой линзы, F2 - прав.



Пусть стержень совпадает с осью, тогда расстояние до левой линзы d+x, а до правой d+x. Возникает двукратный фокус.

$$\Gamma = 3 \Rightarrow \frac{1}{d} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{2}{d} = \frac{1}{F} \Rightarrow d = 2F$$

$$\Gamma = 3 \Rightarrow \frac{F_2}{d - F_2} = 3 \Rightarrow 3d - 3F_2 = F_2 \Rightarrow d = \frac{4}{3} F_2 \Rightarrow F_2 = \frac{3}{4} d$$

Чистовик№4.8.1 (продолжение)

1 случай: Оба изображения остаются действительными (мы не проводили стрелку вправо настолько, что $d-x < F_1$ и его изобр стало мнимым)

2 случай: изображение стрелки в левой линзе становится мнимым ($d-x < F_1$)

1 случай: $\Gamma_{лев} = \Gamma_{прав}$. Так оба изображения действительны, то для них верно $\Gamma = \frac{F}{d-F}$, где d - расст от предмета до линзы, F - ее фокус

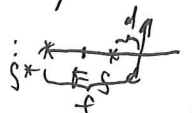
Тогда $\Gamma_{лев} = \frac{d \cdot F_1}{d-x-F_1}$ и $\Gamma_{прав} = \frac{F_2}{d+x-F_2}$. Выполним, что ранее найденные $F_1 = \frac{d}{2}$ и $F_2 = \frac{3d}{4}$. Подставим F_1 и F_2 и приравняем $\Gamma_{лев}$ и $\Gamma_{прав}$

$$\begin{aligned} \frac{\frac{d}{2}}{\frac{d}{2}-x} &= \frac{\frac{3d}{4}}{\frac{d}{4}+x} \rightarrow \frac{d}{8} + \frac{x}{2} = \frac{3d}{8} - \frac{3}{4}x \\ \rightarrow \frac{5}{4}x &= \frac{2}{8}d \rightarrow \\ \rightarrow x &= \frac{d}{5} = \frac{25\text{см}}{5} = \underline{5\text{см}} \end{aligned}$$

2 случай: $\Gamma_{лев} = \Gamma_{прав}$, но для $\Gamma_{прав}$ выполняется

$\Gamma = \frac{F}{d-F}$, а для $\Gamma_{лев}$ нет. Рассмотрим снова

Рассмотрим Γ для $\uparrow$, причем d расст d м/у предметом

и линзой меньше фокусного:  $\frac{1}{d} - \frac{1}{F} = \frac{1}{F} \rightarrow \Gamma = \frac{F}{F-d}$

Чистовик№1.1.1 (продолжение)

$$f(\omega t_1) = \frac{5\pi}{c} \sqrt{\frac{1}{25} c^2} \rightarrow f(\omega t_1) = \frac{\pi}{4} \rightarrow \omega t_1 = \frac{\pi}{4} \rightarrow t_1 = \frac{\pi}{4\omega}$$

$$\begin{aligned} \text{Тогда } T &= t_1 + t_2 = \frac{\pi}{4\omega} + \frac{\pi}{\omega} = \frac{5\pi}{4\omega} \approx \frac{5 \cdot 3,14 \text{ рад}}{4 \cdot 5 \frac{\text{рад}}{\text{с}}} \approx \\ &\approx \frac{3,14}{4} \text{ с} \approx \underline{0,785 \text{ с}} \end{aligned}$$

Ответ: 0,785с

6) * Определим A и B в ф-ле $x(t)$. Числовые
Возьмем $t=0$ в момент столкновения шарика
с бруском. Тогда $x(0)=x$ и $V(0)=\frac{V}{2}=\sqrt{\frac{gh}{2}}$.

Запишем эти условия:

$$x(0)=x=A\sin 0+B\cos 0 \Rightarrow B=x=\frac{mg}{k}$$

$$V(0)=\frac{V}{2}, \text{ т.е. } A\sin(0)+B\sin(0)$$

$$A\omega\cos(\omega t)-B\omega\sin(\omega t)=\frac{V}{2} \text{ при } t=0$$

$$A\omega\cos 0-B\omega\sin 0=\frac{V}{2}$$

$$A=\frac{V}{2\omega}$$

$\omega=?$

Тогда запишем x в момент времени t_1 , когда
шарик + брусок достигли нижнего экстр. положения, т.е.
 $V(t_1)=0$.

$$A\omega\cos(\omega t_1)-B\omega\sin(\omega t_1)=0$$

$$\frac{V}{2\omega}\cos(\omega t_1)=x\sin(\omega t_1)$$

$$\frac{V}{2\omega x}=\tan(\omega t_1), \text{ где } \omega=\sqrt{\frac{k}{2m}}$$

т.к. это
пруж. маятник

$$\sqrt{\frac{gh}{2}}=\tan(\omega t_1)$$

$$\sqrt{\frac{gh}{2}}=\tan(\omega t_1)$$

$$\sqrt{\frac{gh}{2}}=\tan(\omega t_1)$$

$$\sqrt{\frac{2h}{g}}=\tan(\omega t_1)$$

$$\omega=\sqrt{\frac{2h}{g}}=\tan(\omega t_1) \rightarrow 5 \frac{\text{рад}}{\text{с}} \cdot \sqrt{\frac{1}{10} \frac{\text{м}}{\text{с}^2}}=\tan(\omega t_1)$$

Числовые

НЧ.8.1 (продолжение)

Тогда $\Gamma_{\text{лев}} = \frac{F_1}{F_1 - (d-x)}$, а $\Gamma_{\text{прав}} = \frac{F_2}{d+x-F_2}$. Подставим

F_1 и F_2 и приравняем.

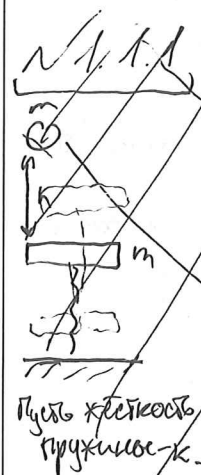
$$\frac{\frac{d}{2}}{-\frac{d}{2}+x} = \frac{\frac{3d}{4}}{\frac{d}{4}+x} \rightarrow \frac{x}{2} + \frac{d}{8} = -\frac{3}{8}d + \frac{3}{4}x$$

$$\frac{d}{2} = \frac{x}{4} \rightarrow x = 2d = 50 \text{ см}$$

Этот вариант не подходит, т.к. при нём стержень окажется слева от точки опоры и в правой лунке изображения будет давать не ок, а изображение в левой лунке.

~~Предположим, что стержень окажется в правой лунке.~~

Ответ: на 5 см.



Вред шарик прилипает к брусу и они вместе совершают гармонич. колебания, значит $\omega = \sqrt{\frac{k}{2m}}$.

Шарик касается бруса, когда тот находится в положении равновесия, значит колебания системы начинаются с положения равновесия, тогда время, которое займет переход из равновесия в нижнее экстремальное положение + время движения из одной ампл. в другую будет равняться $\frac{3T}{4}$, где T - период колебаний.

Чистовик

N.1.1.1 (продолжение)

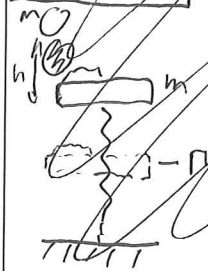
Итак, получим, что исконое $\tau = \frac{3T}{4}$. А T , как период колебаний, равен $\frac{2\pi}{\omega}$, тогда

$$\tau = \frac{3T}{4} = \frac{3}{4} \cdot \frac{2\pi}{\omega} = \frac{3\pi}{2\omega} = \frac{3\pi}{2 \cdot 2.5 \frac{\text{рад}}{\text{с}}} \approx$$

$$\approx \frac{3 \cdot 3.14 \frac{\text{рад}}{\text{с}}}{2.5} \approx \frac{9.42}{2.5} \approx 0.942 \text{ с.}$$

Ответ: 0.942 с.

N.1.1.1



Искомое время τ можно разбить на составляющие: пусть $\tau = t_1 + t_2$, где t_1 - время движения бруска и шарика до их положения равновесия, t_2 - время движения от положения равновесия до верхнего амплитудного положения.

Так как брусок покажется, то справедливо, что $mg = kx$, где x - статическое удлинение.

А когда после удара в положении равновесия будет справедливо, что

$$2mg = kx_2 \rightarrow kx_2 = 2kx$$

$$2kx = kx_2 \rightarrow x_2 = 2x \rightarrow \text{положение равновесия сдвинулось на } x.$$

N.1.1.1 (продолжение)

Чистовик

Получается, что до ПР брусок и шарик ~~нужно~~ преодолеть расстояние x . Время t_1 .

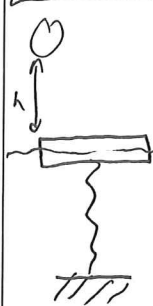
От ПР ~~нужно~~ до ПР до максимальной точки мы можем определить из колебаний. t_2 - время от ПР до нижнего амплитудного положения + время от нижнего амплитудного положения к верхнему, т.е. $t_2 = \frac{T}{4} + \frac{T}{4}$, где

T - период колебаний ~~системы~~ шарик+брусок ~~и пружина~~.

$$T = \frac{2\pi}{\omega}, \text{ тогда } t_2 = \frac{3T}{4} = \frac{3\pi}{2\omega}$$

Так шарик считается и при этом выдвигается большое тело, мы можем сказать, что шарик+брусок преодолевают расстояние x до

N.1.1.1.



1) Искомое время τ можно разбить на $t_1 + t_2$, где t_1 - время движения шарика+бруска до нижнего ампл. положения, а t_2 - время движения от нижн. ампл. полож. до верхнего. Сразу можем найти $t_2 = \frac{T}{2}$, где T - период колебаний и $T = \frac{2\pi}{\omega}$, тогда $t_2 = \frac{\pi}{\omega}$.

2) Запишем $x(t)$ для шарика + бруска: $x(t) = A \sin(\omega t) + B \cos(\omega t)$ так по ул они совершают гармонические колебания.

3) Запишем условие равновесия бруска в начале: $mg = kx \rightarrow x = \frac{mg}{k}$.

4) ЗСД для шарика: $mgh = \frac{mv^2}{2} \rightarrow v = \sqrt{2gh}$ +

5) ЗСИ для шарика + бруска до столкновения и сразу после: $mv = 2mu \rightarrow u = \frac{v}{2} = \frac{\sqrt{2gh}}{2}$ +

Оценки
участия
"5" и "4" на "75" 804

11

Председателю апелляционной комиссии
олимпиады школьников «Ломоносов»
Ректору МГУ имени М.В. Ломоносова
академику В. А. Садовничему от
участника заключительного этапа по
профилю «физика» Книгина Александра
Сергеевича

Апелляция

Прошу пересмотреть мой индивидуальный предварительный результат заключительного этапа, а именно 57 баллов, а точнее:

1) Прошу поднять балл за задачу 1.1.1 с 5 до 19 в соответствии с критерием 4: «Задача решена, но допущены незначительные погрешности». В решении задачи верно выведен закон изменения координаты от времени при колебаниях, из которого находится время движения до нижнего амплитудного положения. В решении написано, что составляющая t_1 - время движения тела до нижнего амплитудного положения, а далее в решении найдено время движения до верхнего амплитудного положения вместо нижнего, что незначительно меняет ответ. Отрезок времени движения от нижнего амплитудного положения до верхнего найден верно. Если же с помощью выведенного закона найти правильный отрезок времени (т.е. до нижней амплитуды), то ответ будет верным.

2) Также прошу повысить балл за задачу 3.3.1 с 12 до 19 в соответствии с критерием 4: «Задача решена, но допущены незначительные погрешности». В решении не записано сопротивление жидкости, которое не меняет алгоритм и ход решения, а лишь меняет ответ в два раза, что не является серьезной ошибкой.

Подтверждаю, что я ознакомлен с Положением об апелляциях на результаты олимпиады школьников «Ломоносов» и осознаю, что мой индивидуальный предварительный результат может быть изменён, в том числе в сторону уменьшения количества баллов.

Дата

7.03.2025

 Книгин А.С.