



20-94-97-91
(5.1)



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант №1

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
название олимпиады

по профиле
профиль олимпиады

Кицева Иван Дмитриевича
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)
Бывшев 13¹⁵ вернулся 13¹⁷ №

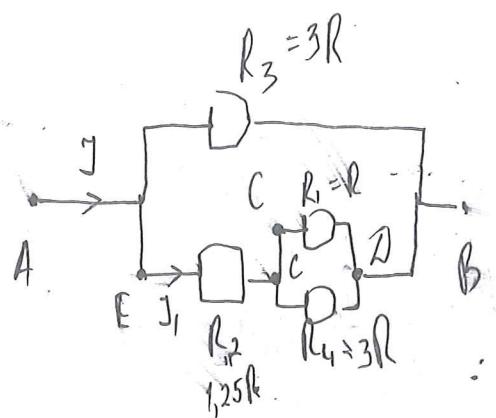
(дал рабочую 13-40 № -

Дата

« 14 » февраля 2025 года

Подпись участника

Кицев



$$R_{CD} = \frac{R \cdot 3R}{R+3R} = 0,75R$$

$$R_{ED} = 1,25R + R_{CD} = 1,25R + 0,75R = 2R$$

~~$$R_{AB} = \frac{3R \cdot 2R}{3R+2R} = 1,2R$$~~

~~$$\Psi_E = U$$~~

~~$$U_C = U - I \cdot 1,25R$$~~

~~$$U = I_1 \cdot (1,25R + \frac{3}{4}R) = 2,5R \Rightarrow I_1 = \frac{16}{R}$$~~

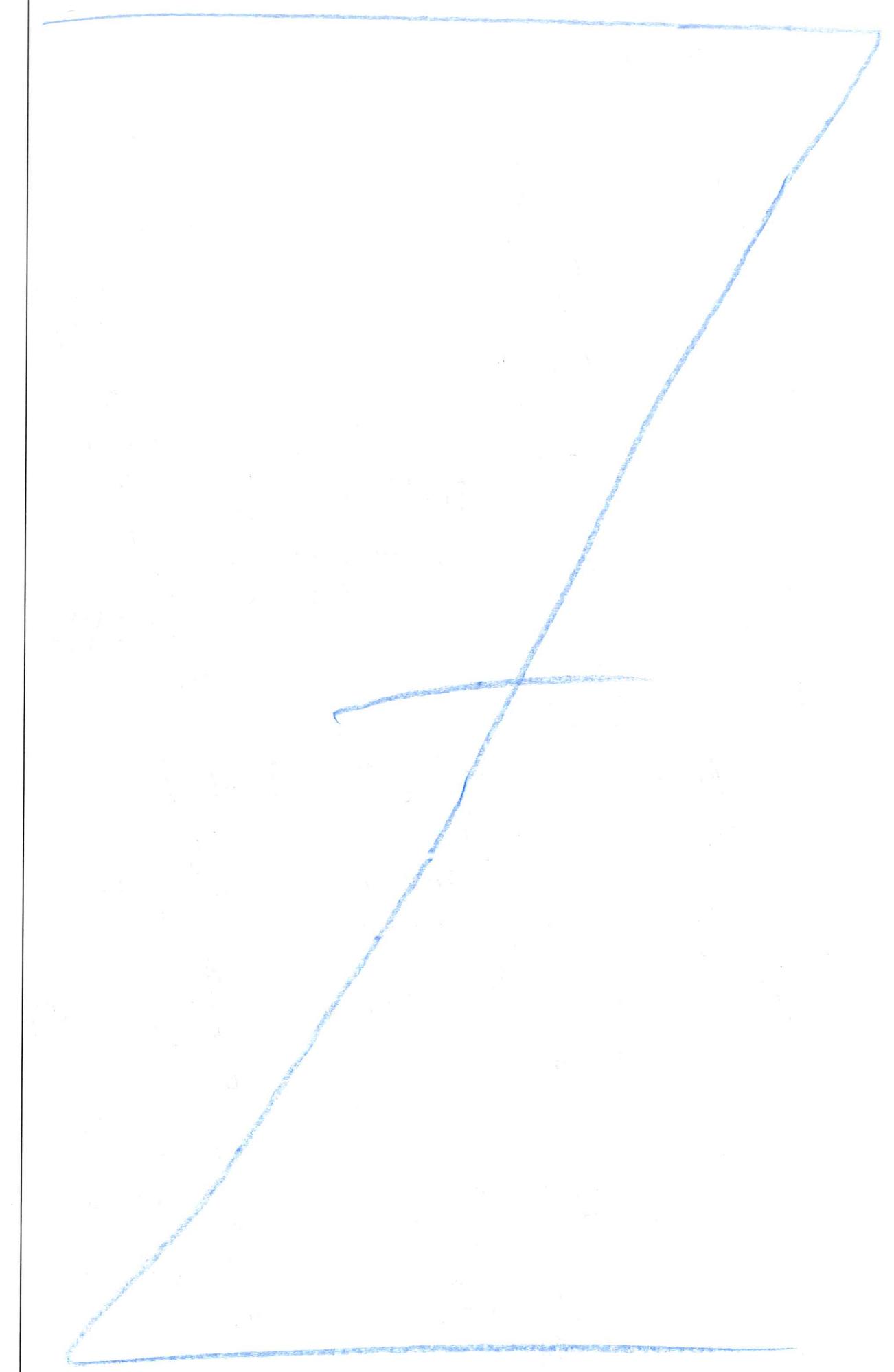
~~$$\Psi_C = U - \frac{16 \cdot 1,25R}{R} = 32 - 16 \cdot 1,25 = 32 - 20 = 12$$~~

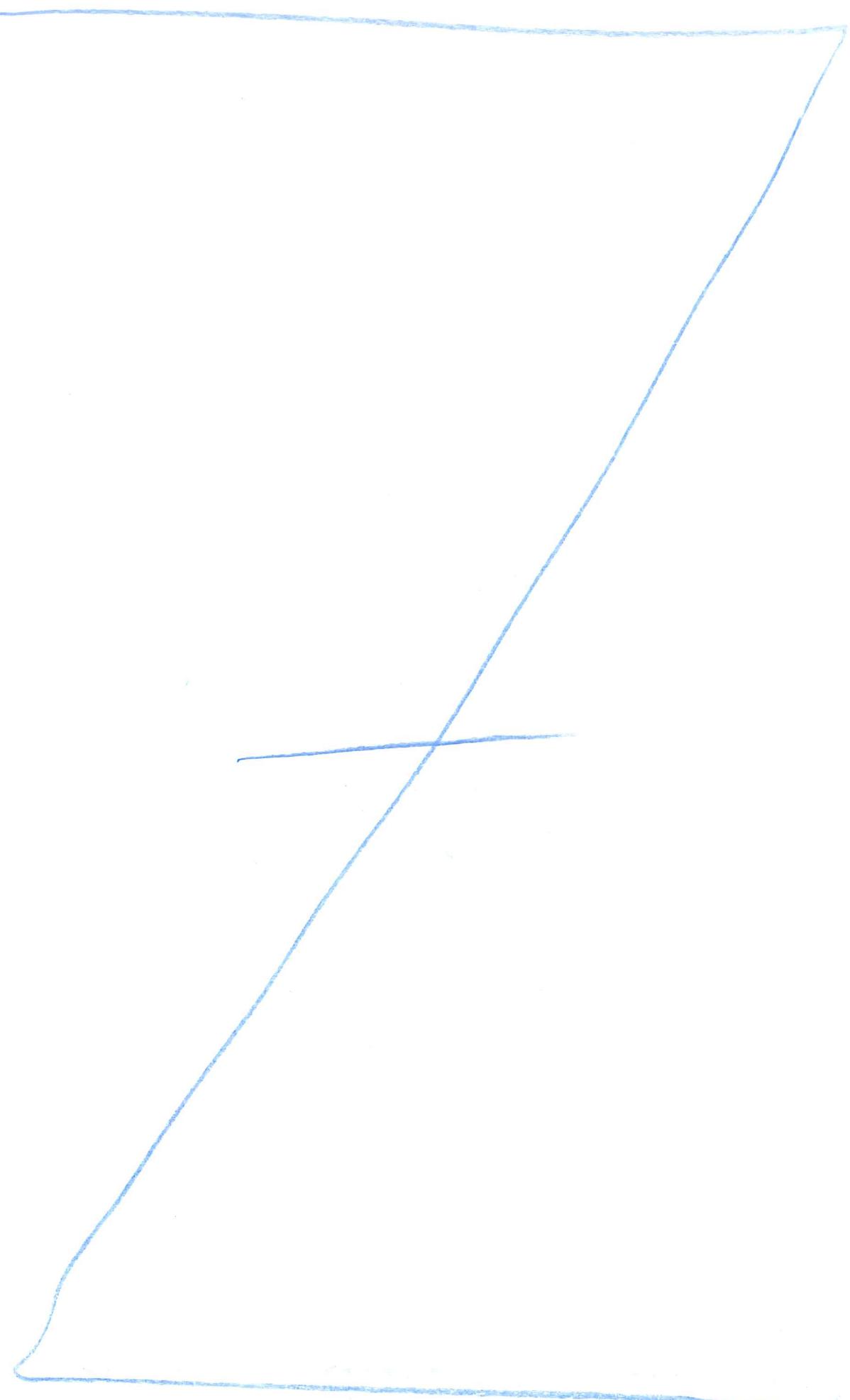
~~$$U_{AC} = \Psi_A - \Psi_C = U - (U - 20) = 20V$$~~

~~Ответ: 20 В~~

Нет формул и правок
законов
решения
в общем виде

12 чего?



20-94-97-91
(5.1)

№2

$M = 700t$

$\rho = 1000 \text{ кг/м}^3$

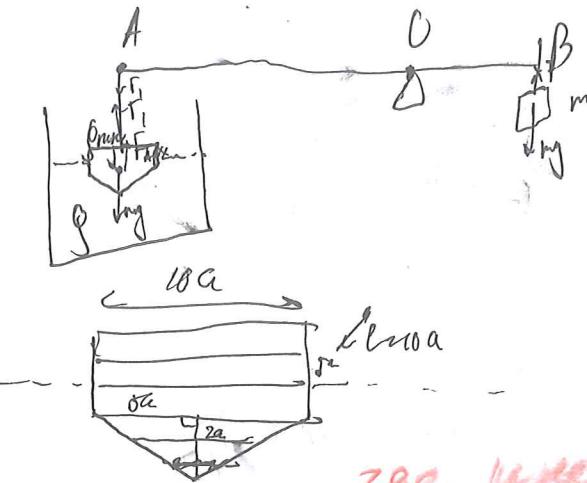
$a = 1 \text{ м}$

$10h = l$

$AO = l_1 = 50 \text{ м}$

$OB = l_2 = 10 \text{ м}$

$\text{Найти: } \rho_{\text{ном}} - ?$



*здесь упоминается
з на Арх.?*

$$S_{\text{нор}} = a \cdot 10a + 2a \cdot 5a = 10a^2 + 20a^2 = 30a^2$$

$$V_{\text{нор}} = S_{\text{нор}} \cdot l = 20 \cdot 10 \cdot a^3 = 200 a^3 \rightarrow = 2 V_{\text{нор}}$$

$$V_{\text{общ}} = V_{\text{нор}} + 2a \cdot 10a \cdot 10a = 400 a^3 \rightarrow$$

$$V_{\text{нор}} = V_{\text{ненор}}.$$

Запишем условие равновесия натяжки:

$$\frac{1}{2} \rho \cdot V \cdot g + T_1 = mg$$

$$\frac{1}{2} \rho V g + T_1 = \rho_1 V g$$

$$T_1 = V g (\rho_1 - \frac{1}{2} \rho)$$

Неприменимы запишем условие равновесия сил тяжести:

$$\bar{T}_2 = mg$$

Запишем 1-го момента сил относительно Т.О.:

$$OA \cdot T_1 = OB \cdot T_2$$

$$V = 400 a^3$$

$$l_1 V g (\rho_1 - \frac{1}{2} \rho) = l_2 mg$$

$$\rho_1 - \frac{1}{2} \rho = \frac{l_2 m}{l_1 V}$$

$$\rho_1 = \frac{l_2 m}{l_1 V} + \frac{1}{2} \rho \Rightarrow \rho_1 = \frac{l_2 m}{l_1 \cdot 400 a^3 + \frac{1}{2} \rho}$$

$$\beta_1 = \frac{1}{2} \cdot 1000 \frac{\text{Н}}{\text{м}^3} + \frac{10 \text{ Га} \cdot 7002}{50 \text{ Га} \cdot 400 \cdot 1 \text{ м}^3} =$$

$$= 500 \frac{\text{Н}}{\text{м}^3} + \frac{7002}{2000 \text{ м}^3} = 500 \frac{\text{Н}}{\text{м}^3} + 0,35 \frac{\text{Н}}{\text{м}^3} = 850 \frac{\text{Н}}{\text{м}^3}$$

Ответ: $850 \frac{\text{Н}}{\text{м}^3}$

№5

Дано: $4m, m = 0,1 \text{ кг}$

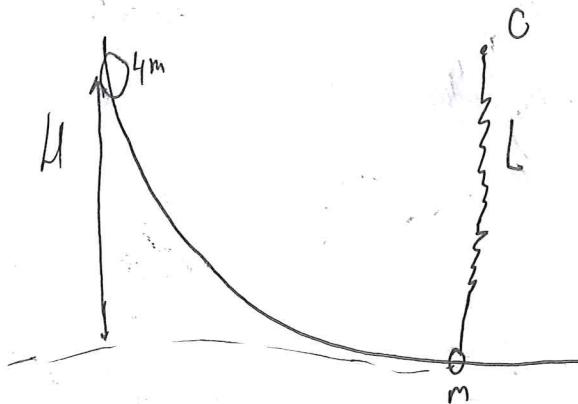
$k = 10 \text{ Н/м}$

$L = 0,1 \text{ м}$

~~4м~~

$g = 10 \text{ м/с}^2$

Найти: $H = ?$



Решение:

Очевидно, что менее H или
меньше скорость шарика
4м перед самым первым
кошачком с шариком $m \rightarrow$

$\min H$, если скорость m в
б) момент времени $N=0 \rightarrow$

~~будет = 0~~: если это не так,
то уменьши на dH , нац
 $H \rightarrow$ в момент, когда в
предыдущем случае $N=0$, пока
 N максимум будем равняем
0, так как $5m = 4m + m$ не

Чт: (так как это надо доказать)
1) вспомним что N со стороны опоры, но $N \perp d\vec{s} \Rightarrow$

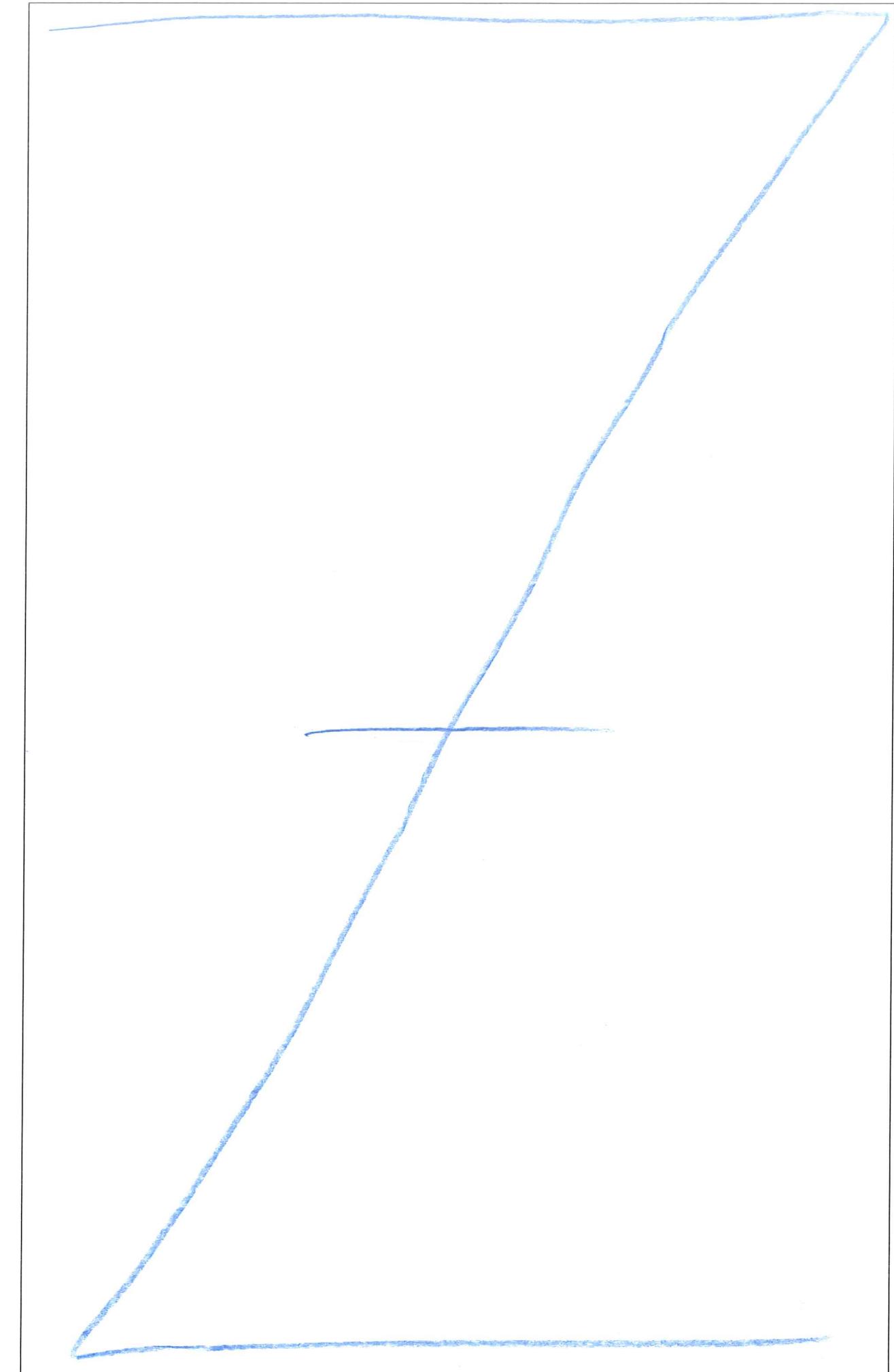
$dA = 0 \Rightarrow$ радиус вектора силы $= 0 \Rightarrow \frac{4m \cdot V^2}{2} = \text{Круп} H \Rightarrow$

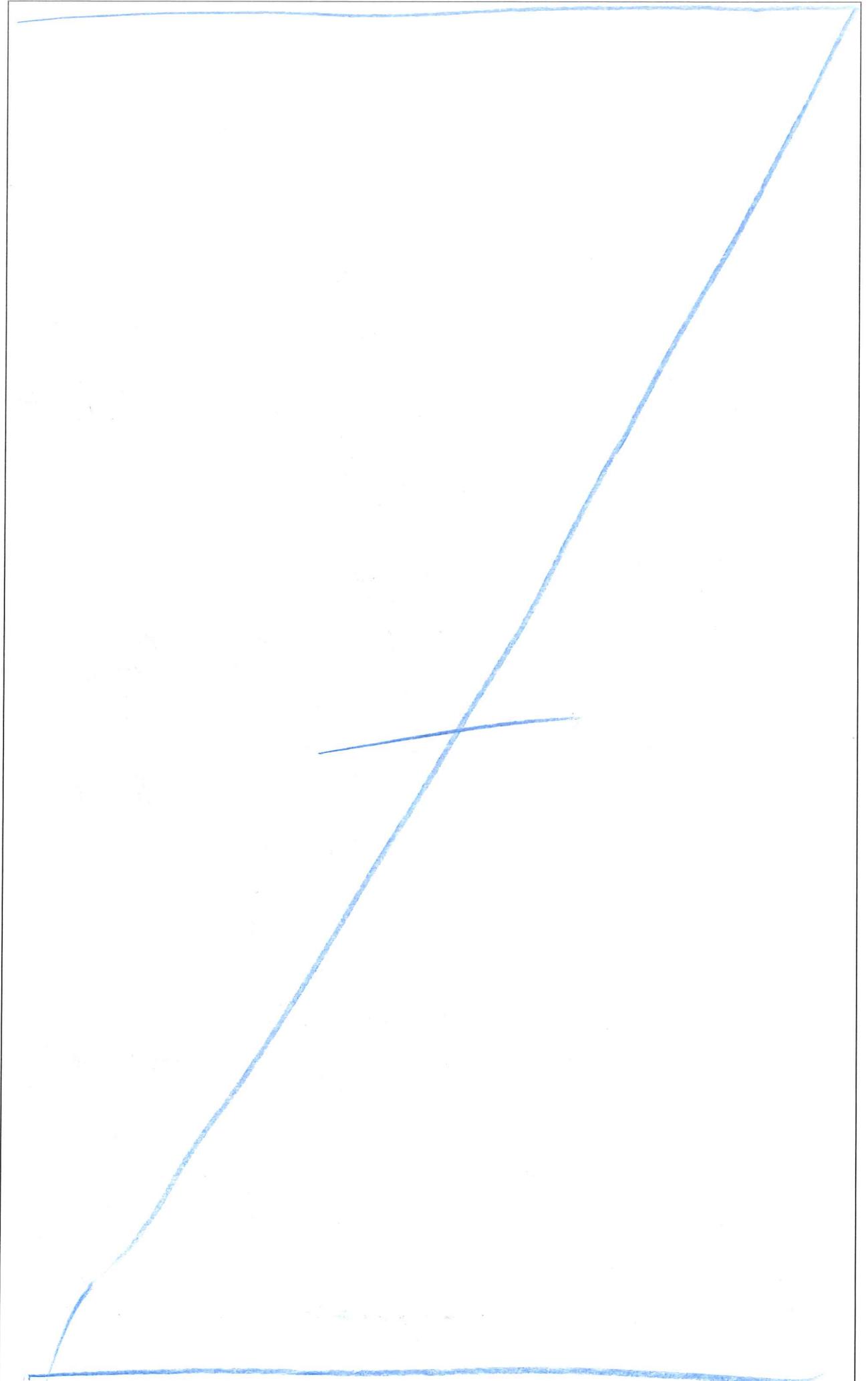
$V = \sqrt{2} g H \Rightarrow$ заметим, что при определенном удлинении

пружин \Rightarrow при определенном удач. $N=0$ и этот момент

работа $I \Rightarrow$ при удлинении H мы уменьшили $-V^2$

и мы уменьшили расстояние, к-ое приведет нам шарик
 $5m \Rightarrow$ самое мин H , если в этом моменте $V=0$, то есть



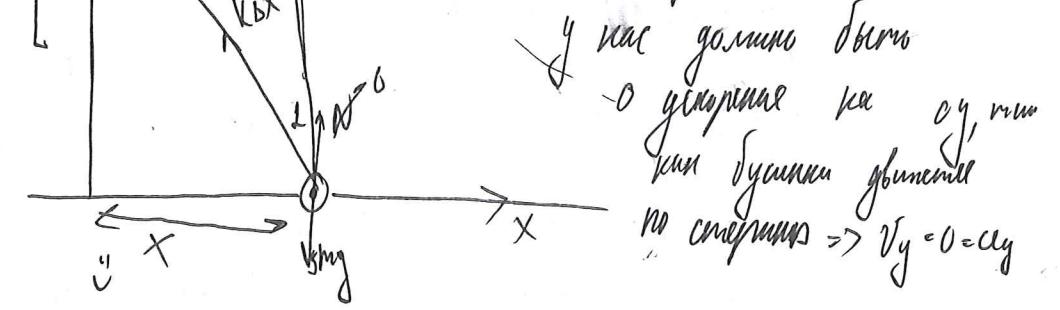
20-94-97-91
(5.1)

Это самое полное положение до которого нам
могут дать для упрощения:

1) зависимость от положения тела на горизонте
услышале отрицательные значения скажут что ускорение
будет отрицательно $\Rightarrow a(x)$ не зависит от $V \Rightarrow$
Чем больше V , тем ~~меньше~~ больше или превыше
и наоборот, чем выше при расположении V и
 $V + dV \Rightarrow$ пусть при V мы дадим до $x \Rightarrow$
какая скорость для $V + dV$ в $T \cdot x > 0$ \Leftarrow так
как ускорение не может быть ускорение однозначно
и время на движение меньше, чем как скорость
без единой θ , то $a \neq 0 \Rightarrow a \neq 2 \Rightarrow a \neq 3$ и т.д., а
 $V_{3m} \uparrow$ при H , так как при H уменьшается

$V_{4m} \Rightarrow$ уменьшается и в системе перед ударом,
 a так как перед ударом положение неизвестно, то
 $V_{\text{рабочее}} = \frac{P}{5m} \Rightarrow P \uparrow \Rightarrow V_{3m} \uparrow$ и $P = \text{const}$, так как пока величина
еще не определена

Наша y изменяется, когда $N=0$: (т.к. абсолютно неизвестно
удар то massa нового
шарика = $5m$)



$$5mg - k_{\Delta x} \cdot \cos \alpha = 0 \quad \Delta x = \text{удлинение пружины} = L' - L \Rightarrow$$

$$L_1 \cdot \cos\alpha = L \Rightarrow$$

$$L_1 = \frac{L}{\cos\alpha} \Rightarrow L_1 - L = L \left(\frac{1}{\cos\alpha} - 1 \right)$$

у

$$5mg = k \cdot L \left(\frac{1}{\cos\alpha} - 1 \right) \cdot \cos\alpha$$

$$5mg = kL - kL \cos\alpha$$

$$kL \cos\alpha = kL - 5mg$$

$$\cos\alpha = 1 - \frac{5mg}{kL} \Rightarrow \text{как мы видим из задания симметрия.}$$

согласно, как мы и говорили в начале (м.н.)

и оно же $\frac{\pi}{2}$ уже мы выяснили на примере

$$\cos\alpha = 1 - \frac{5 \cdot 9,81 \cdot 10 \text{Н}}{10 \frac{\text{Н}}{\text{м}} \cdot 0,1 \text{м}} = 1 - 0,5 = 0,5$$

у

$$\alpha = 60^\circ \Rightarrow \sin\alpha = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow L_1 = \frac{L}{0,5} = 2L \Rightarrow$$

$$L_1 = \frac{L}{0,5} = 2L \Rightarrow x = \Delta L = L = 4 \text{ м}$$

Используя правило т.к. имеем векторы сил по горизонтали, а
запишем ЗСУ где вертикаль 4 м и получим будем спрятать

Мы имеем:

$$4\pi \sqrt{2gH} = 5M \cdot V'$$

$$V' = 0,8 \sqrt{2gH} \quad \text{и теперь запишем ЗСУ где горизонталь}$$

5 м только после этого \Rightarrow дин. грузина = 0 и б

имеем $N=0 \rightarrow V_{\text{инерц}} = 0$, и $\Delta L = L \Rightarrow$

$$5M \cdot 0,8 \sqrt{2gH} = \frac{k \cdot L}{2} \quad H = \frac{kL^2}{4 \cdot 0,8 \cdot 2g \cdot m} \quad H = \frac{10 \frac{\text{Н}}{\text{м}} \cdot 0,8 \frac{\text{м}}{\text{свт}}}{4 \cdot 0,8 \cdot 20 \frac{\text{Н}}{\text{м}} \cdot 0,01 \text{м}}$$

$$H = \frac{10 \frac{\text{Н}}{\text{м}} \cdot 0,8 \text{м}}{64 \text{Н}} = \frac{10}{64} \text{м} = \frac{5}{32} \text{м} = 15,625 \text{м}$$

Ответ: 15,625 м

(+)

(использовано правило ЗСУ,
так как внешней силы нет
каких, но это и есть Енергия и
 N , но $N \neq d \Rightarrow$ не действует)

№3

Дано: $t_0 = 20^\circ\text{C}$

Решение:

$$m = 2 \text{ кг}$$

$$t_1 = 60^\circ\text{C}$$

$$t_2 = 1,5 \text{ минуты}$$

$$C_2 = 10 \frac{\text{Дж}}{\text{м}\cdot\text{K}} = 600 \text{ Дж}$$

2Р

$$t_3 = 2 \text{ минуты}$$

$$q = 400 \frac{\text{Дж}}{\text{м}^2/\text{с}}$$

$$\eta_1 = 80\%$$

$$t_{100} = 100^\circ\text{C}$$

$$C = 41200 \frac{\text{Дж}}{\text{м}\cdot\text{K}}$$

Найти: $\eta_2 = ?$

$$C_B m(t_{100} - t_1) + q C_2 = t_3 \cdot \eta_2 \cdot 2P$$

$$t_2 = \frac{C_B m(t_{100} - t_1) + q C_2}{t_3 \cdot d \cdot \frac{C_B m(t_1 - t_0)}{\eta_1}}$$

$$\eta_2 = \frac{41200 \frac{\text{Дж}}{\text{м}\cdot\text{K}} \cdot 2 \text{ кг} \cdot 40^\circ\text{C} + 400 \frac{\text{Дж}}{\text{м}^2/\text{с}} \cdot 600 \text{ с}}{120 \text{ с} \cdot 2 \cdot \frac{41200 \frac{\text{Дж}}{\text{м}\cdot\text{К}} \cdot 2 \text{ кг} \cdot 40^\circ\text{C}}{0,8 \cdot 0,5} \cdot 120 \text{ с} \cdot 2 \cdot \frac{336000 \text{ Дж}}{120 \text{ с}}} = \frac{(336000 + 240000) \text{ Дж}}{150 \text{ с} \cdot 80 \cdot 0,5} = \frac{576000 \text{ Дж}}{120 \text{ с}} = \frac{3360000 \text{ Дж}}{120 \text{ с}} = \frac{28000 \text{ Дж}}{1 \text{ с}} = \frac{3360000 \text{ Дж}}{2 \cdot 336000 \text{ Дж}} = \frac{1}{2} + \frac{240000 \text{ Дж}}{2 \cdot 336000 \text{ Дж}} = \frac{1}{2} + \frac{15}{42} = \frac{36}{42} = \frac{6}{7} = 85,7\%$$

Ответ: 85,7%

(20)