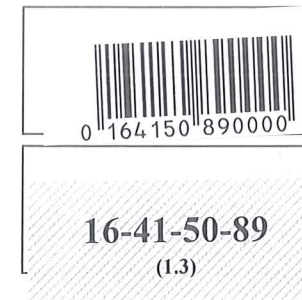




МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант № 1

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
наименование олимпиады

по физике
профиль олимпиады

Михайлова Герман Максимович
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Выход из аудитории: 13:00
Входная 13:02
Срок 14:57 Мин.

Дата

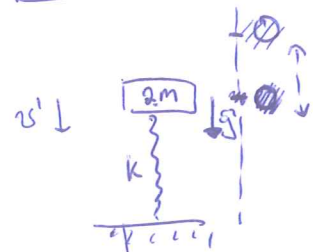
« 14 » апреля 2025 года

Подпись участника

Ср

$$mgh = m \frac{v^2}{2} \quad v = \sqrt{2gh}$$


 $mv = 2mv'$
 $v = \frac{v'}{2} = \sqrt{\frac{gh}{2}}$
 $\Delta AP = F \Delta t$
 угар смачен мовмент
 $\Rightarrow \Delta p = 0$



$$\frac{kx^2}{2} + mgh + \frac{mv^2}{2} \quad -kx_1 = mg \quad x_1 = -\frac{mg}{k}$$

~~2ma = -Kx + 2mg~~ $x' = x - \frac{2mg}{k}$

$$x \rightarrow x' + \frac{2mg}{k} \quad x_0' = -\frac{2mg}{k}$$

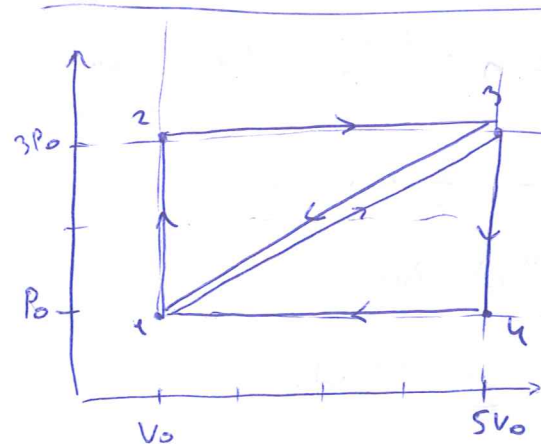
$$2m\ddot{x} = -kx'$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{2m}} \quad \omega^2 = \frac{k}{2m} \quad X_1 = X' + \frac{mg}{k} \quad \frac{k}{m} = \frac{\omega^2}{2}$$

$$\begin{cases} A \cos(\omega t + \varphi_0) = \frac{mg}{k} = \frac{2g}{\omega^2} \\ A \sin(\omega t + \varphi_0) = -\sqrt{\frac{2h}{g}} \\ \omega \tan \varphi_0 = -\sqrt{\frac{2h}{g}} \end{cases}$$

$$\text{tg } \varphi_0 = \frac{-\sqrt{10 \cdot 10^7 \cdot \text{m}^2}}{20} = \text{tg } \varphi_0 = \frac{-5}{20} = -\frac{1}{4}$$

$$\pi - \arctan \frac{1}{4} \quad 3,14 + 0,25$$



$$R = \frac{A}{Q_m} \quad A_1 = \frac{2P_0 \cdot 4V_0}{2} \quad A_2 = \frac{2P_0 \cdot 4V_0}{2}$$

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{Q_{u2}}{Q_{u1}} = \left[\frac{29}{33} \right] \approx \frac{87}{99} \cdot \frac{0.87}{0.29}$$

$$Q_{H1} = \frac{3}{2} (3P_0V_0 - P_0V_0) - 3P_0V_0 \quad 1-2$$

$$+ \frac{3}{2} (15P_0V_0 - 7P_0V_0) + 12P_0V_0 = 2-3$$

$$= 33P_0V_0$$

$$Q_{H2} = \frac{3}{2} \underbrace{(15P_0V_0 - P_0V_0)}_{2A} + 8P_0V_0 = 23P_0V_0$$

$$23. \rightarrow -\frac{3}{2}(15-5) = -15 p_2 v_0$$

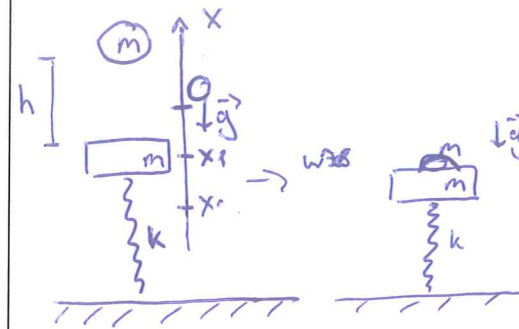
SC
- 6PDU-4AVU
25
i.PDU

$$\frac{1}{0.99} \approx \frac{100}{99} = 1.0101$$

$$\frac{1,01}{1,01} = 81,87 \approx 82\%$$

$$16-41-50-89 \quad (1.3)$$

NB 1.1.1



Пусть μ — мера Лебег на $\mathbb{R}^n$.

Рассмотрим столкновение. По закону изменения импульса для системы бугера и шарика

$$\Delta p = F \Delta t$$

Считая, что время удара $\Delta t \rightarrow 0$ получаем, что $\Delta p = 0$,

равнодействующая | следовательно
 $mV = (m+m) \cdot V' \Rightarrow V' = \frac{V}{2} = \sqrt{\frac{gh}{2}}$

Вертикальну

Введем σ с О-м на высоте неудлиненной пружины.
По 2-у закону Ньютона для бруса до установившегося с шириной:

$$0 = kx_1 - mg \quad \Rightarrow \quad x_1 = -\frac{mg}{k}$$

↑
м.к. силы тяжести

По 2-й закону Ньютона для стержня и бруса в произвольной т-ке x :

По 2-й закону Ньютона для смещенной массы
 $2ma = -kx - 2mg$ введем замену $x^* = x' - \frac{2mg}{k} \Rightarrow a = \ddot{x} = (\ddot{x}' - \frac{2mg}{k}) = \ddot{x}'$
 $\Rightarrow \boxed{2m\ddot{x}' = -kx' + 2mg - 2mg}$ уравнение гармонических колебаний с частотой

$$\Rightarrow x' = A \cos(\omega t + \varphi_0) \quad \text{Начальное условие: } x(0) = x(0) + \frac{2mg}{k} = x_1 + \frac{2mg}{k} = \frac{mg}{k}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} A \cos \varphi_0 = \frac{mg}{k} \\ A \cdot \omega \sin \varphi_0 = -\sqrt{\frac{gh}{2}} \end{cases} \Rightarrow \omega \cdot \tan \varphi_0 = -\frac{\sqrt{gh} \cdot k}{\sqrt{2} \cdot g \cdot m}$$

Будем считать максимумом когда $\cos(\omega t + \varphi_0) = 1$

$$\Rightarrow t = \frac{2\pi k - \varphi_0}{\omega} = \frac{2\pi k - \arctan(-\frac{1}{2})}{\omega} \Rightarrow t \approx \frac{2\pi k + 1.1}{\omega}$$

На графике окружностей:

$$x'(0) > 0 \Rightarrow \varphi_0 = \pi + \arctan\left(-\frac{1}{a}\right)$$

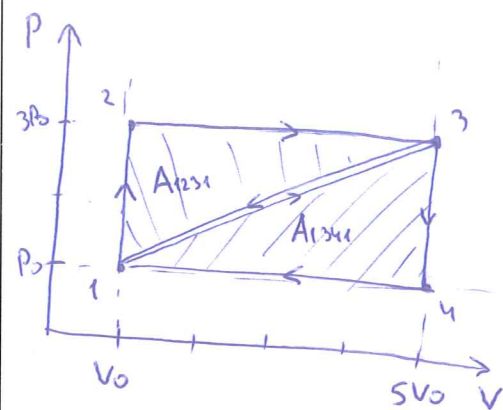
$$\therefore t = \frac{2\pi k - \pi + \arctan(-\frac{1}{a})}{\dots}$$

τ naznaczen na min: $t \geq 0 \Rightarrow t(0) = \frac{\pi - \arctg(-\frac{1}{5})}{5} < 0$; $t(1) = \frac{\pi - \arctg(-\frac{1}{5})}{5} > 0$
 $\Rightarrow \tau = \frac{\pi - \arctg(-\frac{1}{5})}{5} \cdot c \approx \frac{3,14 - (-1)}{5} = 0,68c.$

Подписывать лист-вкладыш запрещается! Писать на полях листа-вкладыша запрещается!

Подписывать лист-вкладыш запрещается! Писать на полях листа-вкладыша запрещается!

№ 2.2.1 205.



Дано: идеальный одноатомный газ; $P_0 \rightarrow 3P_0$
 $V_0 \rightarrow 5V_0$

Найти: $\frac{Q_{1231}}{Q_{1341}}$

Решение

По определению КПД $\eta = \frac{A_{цикл}}{Q_{H}}$
т.е. энергия подвода

Решение цикла -

$A_{цикл} = S_{цикл}$, ограниченная циклом в координатах

$$P \cdot V \Rightarrow A_{1231} = \frac{2P_0 \cdot 4V_0}{2} = 4P_0V_0$$

$$A_{1341} = \frac{2P_0 \cdot 4V_0}{2} = 4P_0V_0$$

$$\Rightarrow \frac{Q_{1231}}{Q_{1341}} = \frac{A_{1231}}{A_{1341}} \cdot \frac{Q_{1341}}{Q_{1231}} = 1 \cdot \frac{Q_{H1341}}{Q_{H1231}}$$

По 1-у началу термодинамики $Q = \Delta U + A$

Внутренняя энергия идеального одноатомного газа $U = \frac{3}{2}VRT$

По уравнению Менделеева-Клапейрона: $PV = \nu RT \Rightarrow U = \frac{3}{2}PV$

Найдём Q_{H} в процессе 1-2-3-1; Работа процесса $A = \int_{V_1}^{V_2} P dV$ - площадь под графиком процесса в координатах PV

$$Q_{1-2} = U_2 - U_1 + A_{12} \quad 1-2 \text{ - изохора} \Rightarrow A_{12} = 0 \Rightarrow Q_{12} = \frac{3}{2}(3P_0V_0 - P_0V_0) = 3P_0V_0 > 0$$

$$Q_{2-3} = U_3 - U_2 + A_{23} \quad 2-3 \text{ - изобара} \Rightarrow A_{23} = 3P_0 \cdot 4V_0 (5V_0 - V_0) = 12P_0V_0$$

$$Q_{23} = \frac{3}{2}(3 \cdot 5 \cdot P_0V_0 - 3P_0V_0) + 12P_0V_0 = 18P_0V_0 + 12P_0V_0 = 30P_0V_0 > 0$$

$$Q_{31} = U_1 - U_3 + A_{31} \quad U_1 - U_3 = \frac{3}{2}(P_0V_0 - 15P_0V_0) < 0$$

$$A_{31} = -\frac{P_0 + 3P_0}{2}(V_0 - 5V_0) = -8P_0V_0 < 0 \Rightarrow Q_{31} < 0$$

$$\Rightarrow Q_{H1231} = Q_{12} + Q_{23} = 33P_0V_0$$

Найдём Q_{H} в процессе 1-3-4-1

$$Q_{13} = U_3 - U_1 + A_{13} = \frac{3}{2}(3 \cdot 5 \cdot P_0V_0 - P_0V_0) + \frac{P_0 + 3P_0}{2}(5V_0 - V_0) = 21P_0V_0 + 8P_0V_0 = 29P_0V_0$$

$$Q_{34} = U_4 - U_3 + A_{34} \quad A_{34} = 0 \text{ т.к. 3-4 - изохора } U_4 - U_3 = \frac{3}{2}(5P_0V_0 - 15P_0V_0) < 0 \Rightarrow Q_{34} < 0$$

$$Q_{41} = U_1 - U_4 + A_{41} \quad U_1 - U_4 = \frac{3}{2}(P_0V_0 - 15P_0V_0) < 0$$

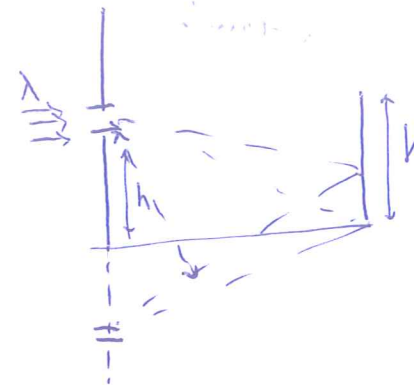
$$A_{41} = P_1(V_0 - 5V_0) < 0 \Rightarrow Q_{41} < 0$$

$$\Rightarrow Q_{H1341} = Q_{13} = 29P_0V_0$$

$$\Rightarrow \frac{Q_{1231}}{Q_{1341}} = \frac{Q_{H1231}}{Q_{H1341}} = \frac{33P_0V_0}{29P_0V_0} = \frac{33}{29}$$

$$\text{Ответ: } \frac{33}{29} \approx 0,88$$

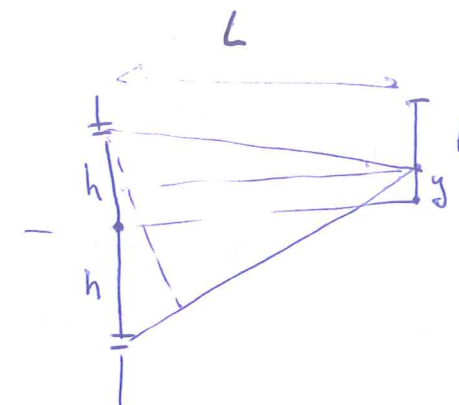
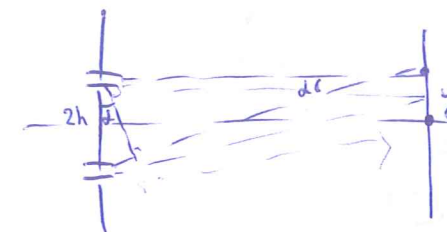
N-число интерференционных полос? (Мерзвин)



$$\frac{y \cdot h}{L}$$

$$\Delta l = \frac{2h}{\sin \alpha}$$

$$\sin \alpha = \frac{e}{2h}$$



$$r_1 = \sqrt{(h-y)^2 + L^2} \quad r_2 = \sqrt{(h+y)^2 + L^2}$$

$$r_1 = L \sqrt{1 + \left(\frac{h-y}{L}\right)^2} \approx L \cdot \left(1 + \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{h-y}{L}\right)^2\right)$$

$$r_2 = L \left(1 + \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{h+y}{L}\right)^2\right)$$

$$r_2 - r_1 = \frac{1}{2L}((h+y)^2 - (h-y)^2) = \frac{2h \cdot 2y}{2L} = \frac{4hy}{L} = \frac{2yh}{L}$$

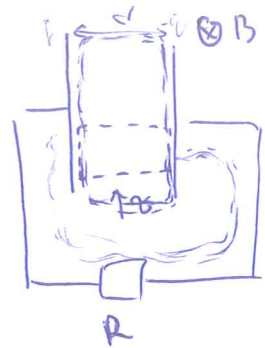
$$\frac{2yh}{L} = \frac{\lambda}{2} \quad y = \frac{L \lambda}{h} n = \frac{1 \cdot \frac{1}{2} \cdot 10^{-6}}{10^{-3}} = \frac{1}{2} \cdot 10^{-3} = 0,5 \text{ мм} = 0,05 \text{ см}$$

$$\frac{H}{0,5} = \frac{5}{0,5} = 10 \text{ интерф. полос.}$$

$$\Delta l = \frac{2yh}{L} + \frac{\lambda}{2} \quad \frac{2yh}{L} + \frac{\lambda}{2} = \lambda n$$

$$\frac{2yh}{L} = \lambda \left(n + \frac{1}{2}\right)$$

$$n + \frac{1}{2} = 10$$



$P_m = 1 \text{ мВт}$ $d = ?$

(Черновик)

$B d \dot{S} = B d v = \mathcal{E}_{\text{инд}}$

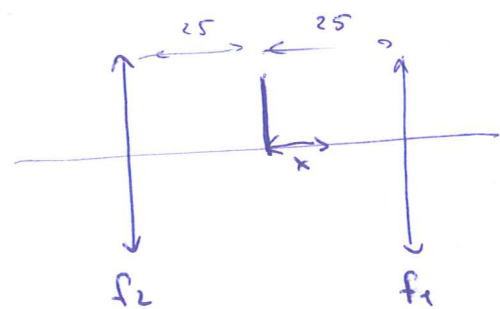
$\mathcal{E} = \frac{q}{C} \quad \frac{q}{C} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} d = \frac{q d}{\epsilon_0 S}$

$C = \frac{\epsilon_0 S}{d}$

$\mathcal{E} = \frac{q d}{\epsilon_0 S} \quad \frac{q}{C} = \mathcal{E} = I R$

$\frac{\mathcal{E}^2}{R} = \frac{(B d v)^2}{R} = \frac{B^2 d^2 v^2}{R} = P_m$

$d = \sqrt{\frac{P_m R}{B^2 v^2}} = \sqrt{\frac{P_m R}{B^2 v^2}} = \sqrt{\frac{10^{-3} \cdot 4 \cdot 10^{-4}}{1 \cdot 0,1}} = \frac{2 \cdot 10^{-2}}{10^1} = 0,2 \text{ м} = 20 \text{ см}$



$f_2 = \text{без увеличения, действующее}$

$f_2 = \frac{25}{2}$

f_1 : действующее, увеличено в 3 раза

$\frac{4}{x} + \frac{9}{x} = \frac{1}{f}$

$\frac{1}{25} + \frac{1}{75} = \frac{1}{f} \quad \frac{1}{15} \left(1 + \frac{1}{3}\right) = \frac{1}{f}$

$\frac{4}{3} \cdot \frac{1}{15} = \frac{1}{f}$

$f = \frac{3 \cdot 15}{4} = \frac{45}{4} \text{ см}$

$\begin{cases} \frac{1}{a_1} + \frac{1}{b_1} = \frac{1}{f_1} \\ \frac{1}{a_2} + \frac{1}{b_2} = \frac{1}{f_2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{1}{25-x} + \frac{1}{b_1} = \frac{4}{75} \\ \frac{1}{25+x} + \frac{1}{b_2} = \frac{2}{25} \end{cases}$

$\frac{a_1}{b_1} = \frac{a_2}{b_2} \quad \frac{b_2}{b_1} = \frac{a_2}{a_1} = \frac{25+x}{25-x}$

$\frac{1}{b_1} = \frac{4}{75} - \frac{1}{25-x}$

$\frac{1}{b_2} = \frac{2}{25} - \frac{1}{25+x}$

$\frac{25+x}{25-x} = \frac{\frac{4}{75} - \frac{1}{25-x}}{\frac{2}{25} - \frac{1}{25+x}}$

$\frac{1}{25-x}$

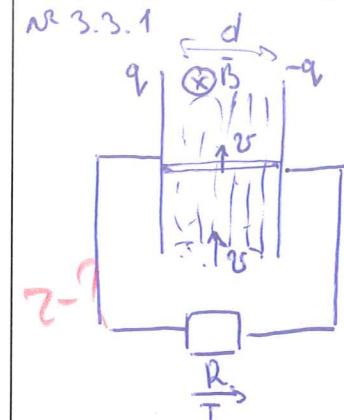
$2 - \frac{4}{3} - 2 = -\frac{10}{3}$

$(25+x) \left(\frac{2}{25} - \frac{1}{25+x} \right) = (25-x) \left(\frac{4}{75} - \frac{1}{25-x} \right)$

$2 + \frac{2}{25}x - 1 = \frac{4}{3} - \frac{4}{75}x \quad \frac{2}{3} = -\frac{10}{75}x \quad x = -\frac{150}{75} = -5 \text{ см}$

16-41-50-89
(1.3)

№ 3.3.1



Дано: $R = 0,4 \text{ Ом}$; $V = 10 \text{ см/с}$; $B = 1 \text{ Тл}$; $P_{\text{max}} = 1 \text{ мВт}$ $B \perp v$

Найти: d

Решение

На концах прямого проводника, движущегося со скоростью v перпендикулярно B возникает разность потенциалов $\Delta \varphi = B v d$

Рассмотрим такой слой, перпендикулярный области конденсатора, получаем, что $\Delta \varphi_{\text{обл}} = \Delta \varphi = B v d$ при этом $\Delta \varphi_{\text{обл}} = \frac{q}{C}$ по определению емкости конденсатора

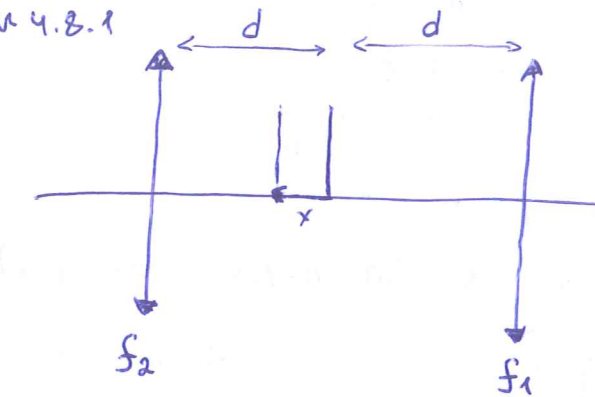
↑
напряжение на обкладках

По правилу Кирхгофа для цепи: $0 = RI - \frac{q}{C} \Rightarrow RI = \frac{q}{C} = B v d \Rightarrow I = \frac{B v d}{R}$

$P_m = I^2 R = \frac{B^2 v^2 d^2}{R} \Rightarrow d^2 = \frac{P_m \cdot R}{B^2 v^2} \Rightarrow d = \sqrt{\frac{P_m \cdot R}{B^2 v^2}} = \sqrt{\frac{10^{-3} \cdot 4 \cdot 10^{-4}}{1 \cdot 10^1 \cdot 10^1}} = \frac{2 \cdot 10^{-2}}{10^1} \text{ м} = 0,2 \text{ м} = 20 \text{ см}$

Ответ: 20 см

№ 4.8.1



Дано: $d = 25 \text{ см}$ $\Gamma_1 = 3$; $\Gamma_2 = 1$

Найти: x , чтобы $\Gamma_1' = \Gamma_2'$

Решение
Пусть линза обладает фокусным расстоянием f_1 и f_2 (по условию Γ_1 и Γ_2)

Тогда формула собирающей линзы

$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{f} \quad (1)$

При этом $\Gamma = \frac{b}{a} \quad (2)$ (изобразительная способность)

Получим начальные условия:

$\begin{cases} \frac{1}{d} + \frac{1}{b_1} = \frac{1}{f_1} \\ \frac{b_1}{d} = 3 \end{cases} \Rightarrow \frac{1}{d} + \frac{1}{3d} = \frac{1}{f_1} \Rightarrow f_1 = \frac{3}{4}d$

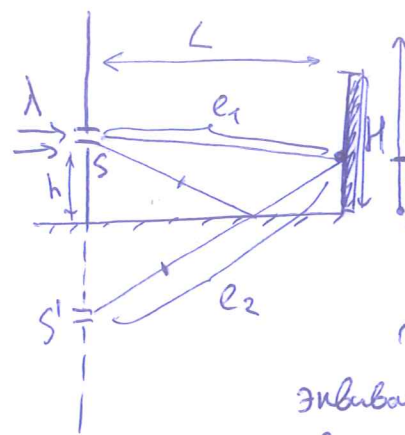
Пусть стержень сместится на x см по направлению ко 2-й линзе, тогда новый x при условиях: $a_1 = d+x$ $a_2 = d-x$ $\Gamma_1' = \Gamma_2'$

$\begin{cases} \frac{1}{d+x} + \frac{1}{b_1'} = \frac{1}{f_1} \\ \frac{1}{d-x} + \frac{1}{b_2'} = \frac{1}{f_2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{1}{b_1'} = \frac{4}{3d} - \frac{1}{d+x} \\ \frac{1}{b_2'} = \frac{2}{d} - \frac{1}{d-x} \end{cases} \Rightarrow \frac{b_1'}{b_2'} = \frac{\frac{4}{3d} - \frac{1}{d+x}}{\frac{2}{d} - \frac{1}{d-x}}$

$\Rightarrow (d+x) \left(\frac{2}{25} - \frac{1}{25+x} \right) = (d-x) \left(\frac{4}{75} - \frac{1}{25-x} \right) \Rightarrow \frac{4}{3} + \frac{4x}{75d} - 1 = 2 - \frac{2x}{d} - 1$

$\Rightarrow x = \frac{d}{5} = 5 \text{ см}$ Ответ: на 5 см

№ 5.8.1.



Дано: $\lambda = 0,5 \text{ мкм}$; $L = 1 \text{ м}$; $h = 1 \text{ мм}$; $H = 5 \text{ см}$
 Найти: N - число интерференционных полос

Решение

Лучи из центральных отверстий с экраном из этой же точки, но отражённые от зеркала.

При отражении от зеркала лучи ведут себя эквивалентно лучам, исходящим из образа источника S' , но сдвинутые на половину длины волны из-за отражения от более оптической плотности среды.

Найдём разницу хода луча от S и S' до точки на высоте y на экране

$$\Delta l = r_2 - r_1 + \frac{\lambda}{2}$$

$$r_2 = \sqrt{(y+h)^2 + L^2} \quad r_1 = \sqrt{(y-h)^2 + L^2} \quad \text{п.к. } L^2 \gg (y \pm h)^2 \text{ воспользуемся приближением}$$

$$\sqrt{1+x} \approx 1 + \frac{x}{2}$$

$$\Rightarrow r_1 = L \sqrt{1 + \frac{(y-h)^2}{L^2}} \approx L \left(1 + \frac{(y-h)^2}{2L^2}\right) \quad r_2 = L \sqrt{1 + \frac{(y+h)^2}{L^2}} \approx L \left(1 + \frac{(y+h)^2}{2L^2}\right)$$

$$\Rightarrow \Delta l = L \left(\frac{(y+h)^2}{2L^2} - \frac{(y-h)^2}{2L^2} \right) + \frac{\lambda}{2} = \frac{2yh}{L} + \frac{\lambda}{2}$$

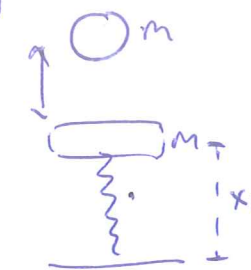
Найдём интерференционные максимумы: $\Delta l = \lambda n$; $n \in \mathbb{Z}$ (п.к. S и S' в фазе)

$$\Rightarrow \frac{2yh}{L} + \frac{\lambda}{2} = \lambda \left(n + \frac{1}{2}\right) \Rightarrow y = \frac{L\lambda}{2h} \left(n + \frac{1}{2}\right) \Rightarrow \text{на экран высотой } H \text{ поместится}$$

$$N = \left[\frac{2h \cdot H}{L\lambda} - \frac{1}{2} \right] \text{ полосок} = \left[\frac{2 \cdot 10^{-3} \cdot 5 \cdot 10^{-2}}{1 \cdot \frac{1}{2} \cdot 10^{-6}} - \frac{1}{2} \right] = \left[200 - \frac{1}{2} \right] = 199 \text{ полос}$$

Ответ: 199 полос

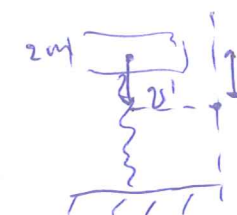
1)



$$mgh = m \frac{v^2}{2} \quad h = 20 \quad g = 10 \quad v = 5 \text{ рад/с (вероятно)}$$

$$v = \sqrt{2gh}$$

$$mV = 2mV' \quad V' = \frac{gh}{2}$$



$$P(x) = A \cos(\omega t + \varphi_0) \quad \omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

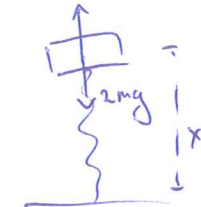
$$\frac{k}{m} = \omega^2 \quad k = m\omega^2$$

$$mg = k(l - x_1)$$

$$2mg = k(l - x_2)$$

$$mg = kx_1 - kx_2 = k(x_1 - x_2)$$

$$x_1 - x_2 = \frac{mg}{k} = \frac{g}{\omega^2}$$



$$\text{или, учитывая: } \begin{cases} A \cos \varphi_0 = \frac{g}{\omega^2} \\ A \sin \varphi_0 = \sqrt{\frac{gh}{2}} \end{cases}$$

$$\tan \varphi_0 = \frac{\sqrt{\frac{gh}{2}}}{\frac{g}{\omega^2}} = \frac{\omega \sqrt{gh}}{\omega^2 g} = \frac{\omega \sqrt{h}}{\omega^2 g}$$

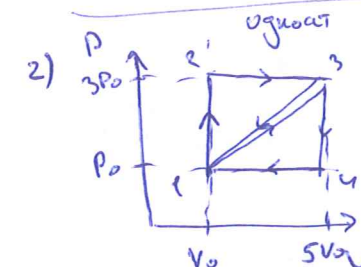
$$\tan \varphi_0 = \frac{5 \cdot \sqrt{0,2}}{\sqrt{20}} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$$

$$\cos(\omega t + \varphi_0) = 1$$

$$\omega t + \varphi_0 = 2\pi k$$

$$\omega t = 2\pi - \arctan \frac{1}{2}$$

$$t = \frac{2\pi - \arctan \frac{1}{2}}{\omega}$$



$$n_1 = \frac{A}{Q_{M1}}$$

$$n_2 = \frac{A}{Q_{M2}}$$

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{Q_{M2}}{Q_{M1}}$$

$$Q_{M1} = Q_{M2} + Q_{M3}$$

$$Q_{M2} = \frac{3}{2} (3P_0 V_0 - P_0 V_0) = 3P_0 V_0$$

$$Q_{M3} = \frac{3}{2} (15P_0 V_0 - 3P_0 V_0) + 3P_0 \cdot 4V_0 = 18 + 12 = 30P_0 V_0$$

$$Q_{M1} = 33P_0 V_0$$

$$Q_{M2} = \frac{3}{2} (15P_0 V_0 - P_0 V_0) + \frac{P_0 + 3P_0}{2} \cdot 4V_0 = 21 + 8P_0 V_0 = 29P_0 V_0$$

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{29}{33} \approx 0,88$$