



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 2

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
наименование олимпиады

по физике
профиль олимпиады

Лучининой Татьяны Юрьевны
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Работа сдана 15:23 БМ

Дата
« 14 » февраля 2025 года

Подпись участника
Т. Лучинина

Черновик

$$I = \sqrt{\frac{P}{R}}$$

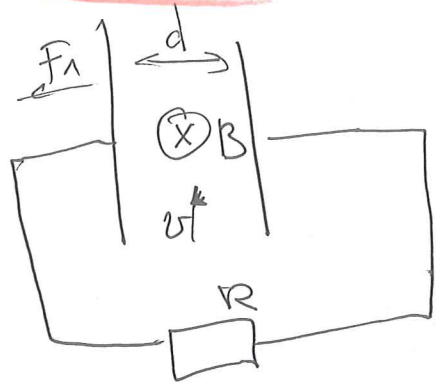
$$Bvd = IR$$

$$B = \frac{\sqrt{PR}}{vd} = \frac{\sqrt{4 \cdot 10^{-4}}}{0,1 \cdot 0,4} = \frac{2 \cdot 10^{-2}}{0,4} = 5 \cdot 10^{-2} \text{ Тл}$$

$$P_m = I^2 R$$

$$I = \sqrt{\frac{P_m}{R}} = \sqrt{\frac{0,001}{0,4}} = \sqrt{0,0025} = 0,05 \text{ А}$$

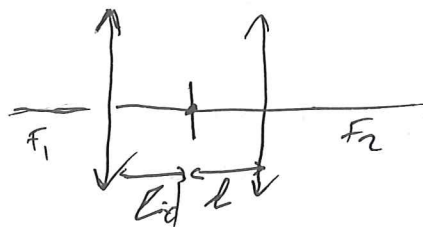
$$= \sqrt{\frac{0,01}{4}} = \sqrt{\frac{1}{4}} \cdot \frac{1}{10} = \frac{1}{20} \text{ А} = 0,05 \text{ А}$$



$$\varepsilon_i = Bvd = IR$$

$$B = \frac{IR}{vd} = \frac{R}{vd} \sqrt{\frac{P_m}{R}} = \frac{\sqrt{P_m R}}{vd} = \frac{\sqrt{10 \cdot 3 \cdot 0,4}}{0,1 \cdot 0,4} = \frac{10^{-2} \cdot 2}{4 \cdot 10^{-2}} = 0,5 \text{ Тл}$$

№ 4.8.2



без увеличения → главный фокус

$$\Gamma = 3 = \left| \frac{F}{d} \right| = \frac{F}{d} \Rightarrow F = 3d$$

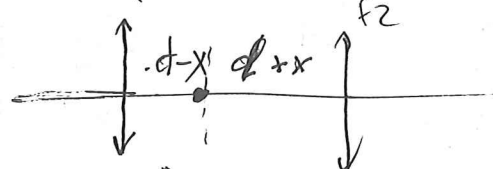
$$\frac{1}{F} = \frac{2}{F} + \frac{1}{F} \Rightarrow \text{на } F \text{ не влияет}$$

$$\frac{1}{F} = \frac{2}{5F} + \frac{3}{5F} \Rightarrow \frac{1}{F} = \frac{5}{5F} \Rightarrow F = 5$$

Находится между фокусом и главным фокусом

$$d = 2F_1 \text{ (у левый мнзв)}$$

$$\frac{1}{F_2} = \frac{1}{d} + \frac{1}{3d} = \frac{4}{3d} \Rightarrow F_2 = \frac{3}{4}d$$



$$\Gamma_1 = \frac{d}{d-2x}$$

1 мнзв:

$$\Gamma_1 = \Gamma_2$$

$$\frac{2}{d} = \frac{1}{d-x} + \frac{1}{F_1}$$

$$\frac{1}{F_1} = \frac{2(d-x)-d}{d(d-x)} \Rightarrow \frac{1}{F_1} = \frac{d-2x}{d(d-x)}$$

2 мнзв:

$$\frac{4}{3d} = \frac{1}{d+x} + \frac{1}{F_2}$$

$$\frac{1}{F_2} = \frac{4(d+x)-3d}{3d(d+x)} = \frac{d+4x}{3d(d+x)} \Rightarrow F_2 = \frac{3d(d+x)}{d+4x}$$

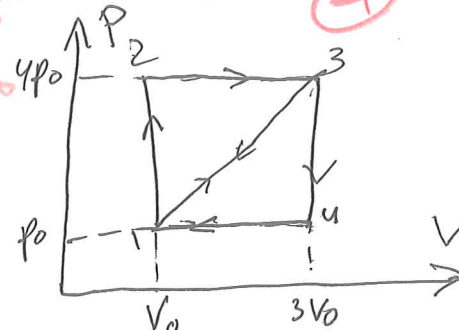
$$\Gamma_2 = \frac{3d}{d+4x}$$

$$\frac{d-2x}{d-2x} = \frac{3d}{d+4x} \Rightarrow 3d-6x = d+4x \Rightarrow 2d = 10x \Rightarrow d = 5x = 25 \text{ см}$$

49-80-21-24 (2.2)

Чистовик 1 из 7

№ 2.2.2



$$C_v = \frac{3}{2} R \text{ (т.к. газ одноатомный)}$$

Тепло подводится на участках 1-2 и 2-3, а отводится на 3-1. Работа в цикле пропорц. площади цикла:

$$A_{1231} = \frac{1}{2} \cdot 3p_0 \cdot 2V_0 = 3p_0 V_0$$

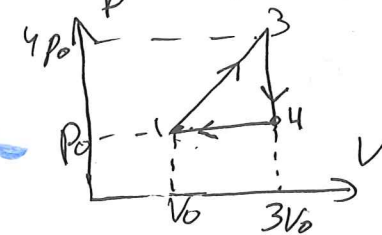
$$1-2 \text{ - изохора } \Rightarrow Q_{12} = A_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} p_0 V_0 (4-1) = \frac{9}{2} p_0 V_0$$

$$2-3 \text{ - изобара } \Rightarrow Q_{23} = \nu C_p (T_3 - T_2) = \frac{5}{2} \nu R (T_3 - T_2) = \frac{5}{2} p_0 V_0 (12-4) = \frac{5}{2} p_0 V_0 \cdot 8 = 20 p_0 V_0$$

Тогда КПД данного цикла:

$$\eta_{1231} = \frac{A_{1231}}{Q_{12} + Q_{23}} = \frac{3p_0 V_0}{(\frac{9}{2} + 20)p_0 V_0} = \frac{3 \cdot 2}{49} = \frac{6}{49}$$

2) Рассмотрим цикл 1-3-4-1



УМК:

$$1) p_0 V_0 = \nu R T_1$$

$$2) 12 p_0 V_0 = \nu R T_3$$

$$3) 3 p_0 V_0 = \nu R T_4$$

Тепло отводится на участках 3-4, 4-1, подводится на участке 1-3

Работа в цикле пропорц. площади цикла:

$$A_{1341} = \frac{1}{2} \cdot 3p_0 \cdot 2V_0 = 3p_0 V_0; \text{ 3-4 - изохора, 1-4 - изобара:}$$

$$|Q_{34}| = \left| \frac{3}{2} \nu R (T_4 - T_3) \right| = \left| \frac{3}{2} p_0 V_0 (3-12) \right| = \frac{27}{2} p_0 V_0$$

т.к. отводится, то будет отрицательным

$$|Q_{41}| = \left| \frac{5}{2} \nu R (T_1 - T_4) \right| = \left| \frac{5}{2} p_0 V_0 (1-3) \right| = 5 p_0 V_0$$

$$|Q_{-}| = |Q_{34}| + |Q_{41}| = \left(\frac{27}{2} + 5 \right) p_0 V_0 = \frac{37}{2} p_0 V_0$$

$$\eta_{1341} = \frac{A}{|Q_{-}|} = \frac{3p_0 V_0}{\frac{37}{2} p_0 V_0} = \frac{6}{37}$$

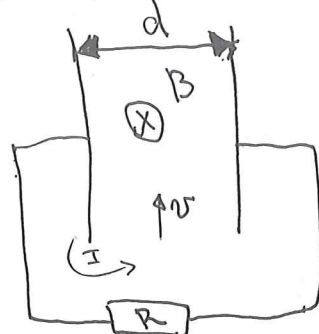
Продолжение задачи на чистовике 2

Чистовик 2 из 7

$$\eta_{1231} = \frac{6}{43} \cdot \frac{49}{6} = \frac{49}{43}$$

Ответ: $\frac{49}{43}$

№3.3.2



$R = 0,4 \Omega$
 $d = 40 \text{ см} = 0,4 \text{ м}$
 $U = 10 \text{ смВ} = 0,1 \text{ В}$
 $P_m = 1 \text{ мВт} = 10^{-3} \text{ Вт}$

Формула мощности на резисторе:

$$P_m = I^2 R \Rightarrow I = \sqrt{\frac{P_m}{R}} \quad (I - \text{ток через резистор})$$

В проводнике за счёт движения проводящей жидкости в контуре возникает ЭДС индукции ($\mathcal{E}_i$). Тогда $\mathcal{E}_i = Bvd$. И правило Кирхгофа для контура:

$$\mathcal{E}_i = IR \Rightarrow Bvd = \sqrt{\frac{P_m}{R}} R \Rightarrow B = \frac{\sqrt{P_m \cdot R}}{vd} = \frac{\sqrt{10^{-3} \cdot 0,4}}{0,1 \cdot 0,4} = \frac{\sqrt{4 \cdot 10^{-2}}}{4 \cdot 10^{-2}} = \frac{2}{4} = 0,5 \text{ Тл}$$

Ответ: 0,5 Тл.

№4.8.2

В первой ситуации стержень помещён посередине между линзами на расстоянии d от каждой из линз $\Gamma=3$. Т.к. в первой линзе изображение получается без увеличения, то стержень находится на двойном фокусном расстоянии от линзы: $d = 2F_1$ (F_1 - фокусное расстояние первой линзы).

Продолжение задачи на чистовике 3

Черновик

$$E = mgh$$

$$E = \frac{kA^2}{2} = mgh \Rightarrow A^2 = \frac{2mgh}{k} \Rightarrow A = \sqrt{\frac{2mgh}{k}}$$

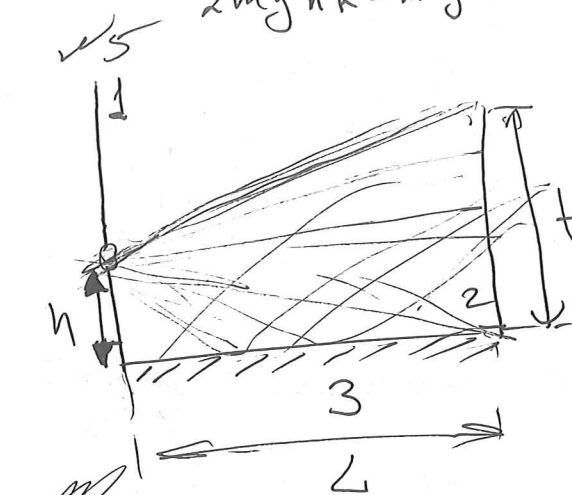
$$\omega = \sqrt{\frac{k}{2m}}$$

$$F_{\max} = kA \leq mg$$

$$\sqrt{2mghk} = mg$$

$$2mghk = m^2 g^2 \Rightarrow 2hk = mg$$

$$h = \frac{mg}{2k} = \frac{0,1 \cdot 10}{2 \cdot 100} = \frac{1}{200} \text{ м} = 0,5 \text{ см}$$



$c = 300000 \text{ м/с}$
 $\lambda = \frac{c}{\nu} = cT$
 $T = \frac{\lambda}{c}$

У, начально пружина сжата на $\Delta x = \frac{mg}{k}$

$$A = \sqrt{2gh \cdot \frac{m}{2k}} = \sqrt{\frac{mgh}{k}}$$

$$mg = kA \Rightarrow mg = \sqrt{mghk}$$

$$mgh = kA^2 \Rightarrow h = \frac{mg}{k} = 1 \text{ см}$$

$$E_{\text{эл}} = \frac{mU^2}{4} + \frac{k\Delta x^2}{2} = \frac{kA^2}{2}$$

$$mgh + \frac{m^2 g^2}{k} = kA^2$$

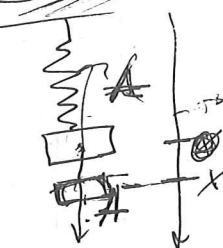
$$A^2 = \frac{mgh}{k} + \frac{m^2 g^2}{k^2}$$

$$\Delta E_n = 2mgA$$

$$\lambda = \sqrt{(h+\Delta h)^2 + L^2} = \sqrt{h^2 + L^2}$$

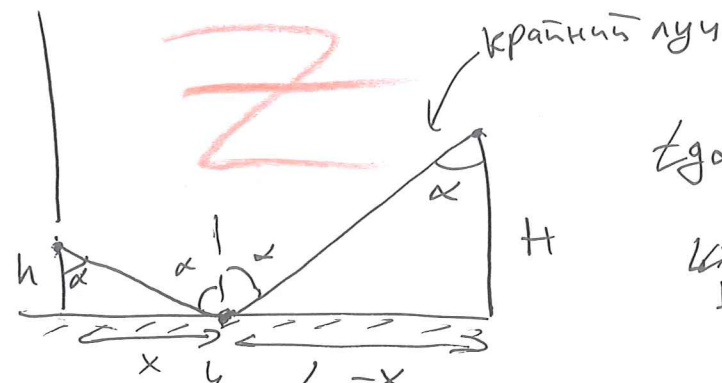
$$\frac{1}{\sqrt{h^2 + L^2}} + 1 = \sqrt{1 + \frac{\Delta h^2 + 2h\Delta h}{h^2 + L^2}}$$

$$U = \sqrt{2gh}$$



$$ma = mg - k(x + x_0)$$

Черновик



$$\tan \alpha = \frac{x}{h} = \frac{H}{L-x} \Rightarrow \frac{x}{h} = \frac{H}{L-x}$$

$$Lx - x^2 = hH$$

$$Hx = Lh - hx$$

$$x(H+h) = Lh$$

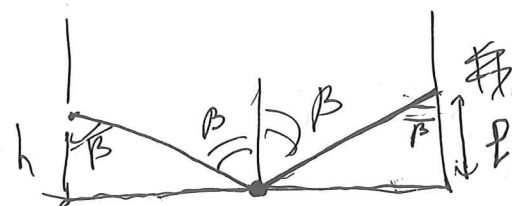
$$x = \frac{Lh}{H+h}$$

При угле зрения α лучи не попадают

$$\tan \alpha = \frac{L}{H+h}$$

Длина луча:

$$S = \sqrt{h^2 + x^2} + \sqrt{H^2 + (L-x)^2}$$



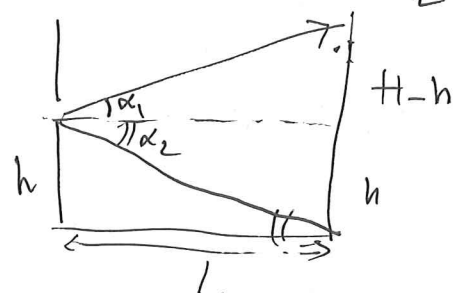
$$S = \sqrt{h^2 + x^2} + \sqrt{H^2 + (L-x)^2}$$

$$S = \sqrt{h^2 + \frac{L^2 h^2}{(H+h)^2}} + \sqrt{H^2 + (L - \frac{Lh}{H+h})^2}$$

$$S = \sqrt{1 + \frac{L^2}{(H+h)^2}} \cdot h + \sqrt{1 + \frac{L^2}{(H+h)^2}} \cdot (H+h)$$

$$S = \sqrt{1 + \frac{L^2}{(H+h)^2}} (h + H)$$

$L \in [0; H]$



$$\tan \alpha_1 = \frac{H-h}{L}$$

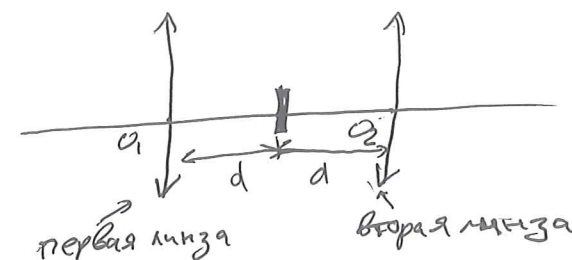
$$\tan \alpha_2 = \frac{h}{L} \Rightarrow \alpha_2 = \frac{h}{L}$$

$$S = \sqrt{L^2 + h^2} + \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$$



49-80-21-24
(2.2)

Чистовик 3 из 7



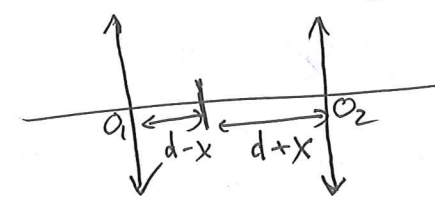
Т.к. изображения действительные, то для второй линзы:

$$\Gamma = \frac{F}{d} \Rightarrow F = \Gamma d$$

Формула тонкой линзы:

$$\frac{1}{F_2} = \frac{1}{F} + \frac{1}{d} = \frac{1}{d} + \frac{1}{\Gamma d} \Rightarrow \frac{1}{F_2} = \frac{\Gamma+1}{\Gamma d} \Rightarrow F_2 = \frac{\Gamma d}{\Gamma+1}$$

Рассмотрим ситуацию, когда стержень смещают на x . Т.к. он находится на двойной фокусной расстоянии от первой линзы, его смещают в сторону первой линзы, т.к. при расстоянии l от линзы до предмета до линзы при $l > 2F$ получается уменьшенное изображение, а при $F < l < 2F$ увелич. действ.



Формула тонкой линзы для первой линзы:

$$\frac{1}{F_1} = \frac{1}{d-x} + \frac{1}{F_1} \quad (F_1 - \text{расст. от линзы до изобр-я в первой линзе})$$

$$\frac{2}{d} = \frac{1}{d-x} + \frac{1}{F_1} \Rightarrow \frac{1}{F_1} = \frac{2}{d} - \frac{1}{d-x} = \frac{2d-2x-d}{d(d-x)} = \frac{d-2x}{d(d-x)}$$

$$F_1 = \frac{d(d-x)}{d-2x} \Rightarrow \Gamma_1 = \frac{F_1}{d-x} = \frac{d}{d-2x} \quad (\Gamma_1 - \text{увеличение в первой линзе})$$

Аналогично для второй линзы:

$$\frac{1}{F_2} = \frac{1}{d+x} + \frac{1}{F_2} \Rightarrow \frac{1}{F_2} = \frac{1}{d+x} - \frac{1}{d-x} = \frac{\Gamma+1}{d\Gamma} - \frac{1}{d+x} = \frac{d\Gamma(d+x) - d\Gamma(\Gamma+1)}{d\Gamma(d+x)}$$

$$\Rightarrow F_2 = \frac{d\Gamma(d+x)}{(d+x)(\Gamma+1) - d\Gamma}$$

$$\Gamma_2 = \frac{F_2}{d+x} = \frac{d\Gamma}{(d+x)(\Gamma+1) - d\Gamma} \quad (F_2 - \text{расст. от линзы до изобр-я во второй линзе}, \Gamma_2 - \text{увеличение во второй линзе})$$

Т.к. $\Gamma_1 = \Gamma_2$ по условию:

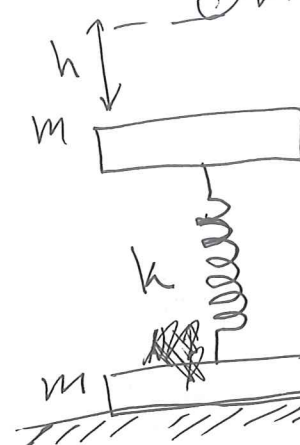
$$\frac{d\Gamma}{(d+x)(\Gamma+1) - d\Gamma} = \frac{d}{d-2x} \quad (d \neq 0) \Rightarrow \Gamma(d-2x) = (d+x)(\Gamma+1) - d\Gamma$$

$$\Gamma d - 2\Gamma x = \Gamma d + d + x\Gamma + x - d\Gamma \Rightarrow d(\Gamma-1) = x(1+3\Gamma)$$

$$d = x \frac{1+3\Gamma}{\Gamma-1} = 5 \cdot \frac{10}{2} = 5.5 = 2.5 \text{ см}$$

Чистовик 4 из 7
 Ответ к задаче 3:
 Ответ: 25 (см)

№ 1.1.2



$$m = 100 \text{ г} = 0,1 \text{ кг}$$

$$k = 100 \text{ Н/м}$$

$$g = 10 \text{ м/с}^2$$

Колебания будут гармоническими при условии, что нижний

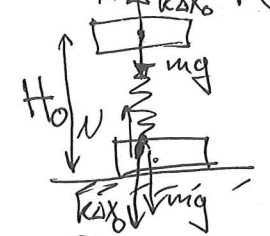
брусок не будет отрываться от пола, т.е. сила упругости F_y не будет превышать силу тяжести mg :



при $v=0$ начинается отрыв бруска от стола
 ~~$N + F_y = mg \Rightarrow F_y < mg$~~

За мгновение до удара пластилиновый шарик имеет скорость $v = \sqrt{2gh}$ (из ЗСЭ: $\frac{mv^2}{2} = mgh \Rightarrow v = \sqrt{2gh}$)
 Т.к. брусок и шарик липнут, то данное соударение неупругое $\rightarrow$ ЗСМ: $mv = (m+m)u \Rightarrow u = \frac{v}{2}$

u - скорость шарика и верхнего бруска сразу после их соударения. Рассмотрим систему до соударения. Верхний брусок покоится на пружине $\Rightarrow \Delta x_0 = \frac{mg}{k}$ (Δx_0 - нач. сжатие пружины).



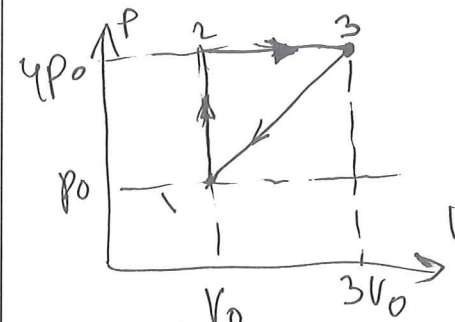
Энергия системы сразу после соударения: $E_0 = 2mgH_0 + \frac{kx_0^2}{2} + \frac{2mu^2}{2}$
 $= 2mgH_0 + \frac{m^2g^2}{2k} + \frac{mv^2}{4}$

растяжение пружины
 При наших условиях $mg > kx \Rightarrow x < \frac{mg}{k}$

Продолжение задачи на чистовике (7)

Черновик

№ 2.2.2.



$$p_0 V_0 = \nu R T_1$$

$$4 p_0 V_0 = \nu R T_2$$

$$12 p_0 V_0 = \nu R T_3$$

$$Q_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{9}{2} p_0 V_0$$

$$Q_{23} = \frac{5}{2} \nu R (T_3 - T_2) = 20 p_0 V_0$$

$$Q_+ = (20 + \frac{9}{2}) p_0 V_0 = \frac{49}{2} p_0 V_0$$

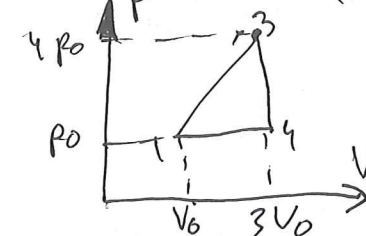
$$|Q_-| = |Q_1| = |A_{13}| + \Delta U_{13}$$

$$|\Delta U_{13}| = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_1) = \frac{3}{2} \cdot 11 p_0 V_0 = \frac{33}{2} p_0 V_0$$

$$|A_{13}| = p_0 V_0 + \frac{5 p_0}{2} \cdot 2 V_0 = 5 p_0 V_0$$

$$|Q_-| = (\frac{33}{2} + 5) p_0 V_0 = \frac{43}{2} p_0 V_0$$

$$\eta = 1 - \frac{|Q_-|}{Q_+} = 1 - \frac{43}{49} \cdot \frac{2}{49} = 1 - \frac{43}{49} = \frac{6}{49}$$



$$p_0 V_0 = \nu R T_1$$

$$4 p_0 V_0 = \nu R T_3$$

$$3 p_0 V_0 = \nu R T_4$$

$$Q_+ = A_{13} + \Delta U_{13} = \frac{43}{2} p_0 V_0$$

$$\Delta U_{13} = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_1) = \frac{33}{2} p_0 V_0$$

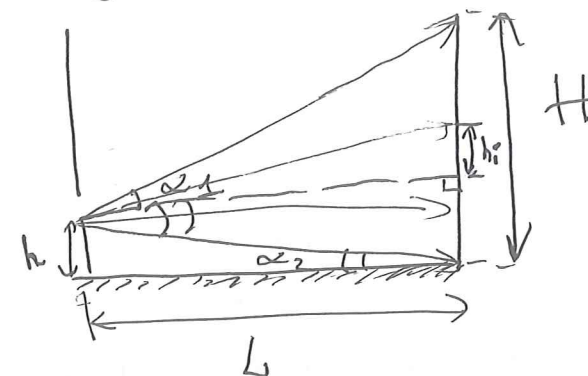
$$|Q_-| = |Q_{34}| + |Q_{41}| = \frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_4) + \frac{5}{2} \nu R (T_4 - T_1) = \frac{27}{2} p_0 V_0 + \frac{10}{2} p_0 V_0 = \frac{37}{2} p_0 V_0$$

$$\eta_2 = 1 - \frac{|Q_-|}{Q_+} = 1 - \frac{37}{43} \cdot \frac{2}{43} = 1 - \frac{37}{43} = \frac{6}{43}$$

$$\frac{\eta_2}{\eta_1} = \frac{6}{43} \cdot \frac{49}{6} = \frac{49}{43}$$

$$\frac{5,1}{5,1} = 1$$

$$\frac{255}{260} \approx 0,98$$

49-80-21-24
(2.2)Чисовик 5 из 7
Задача 5.8.2

1) рассмотрим лучи, падающие на экран напрямую

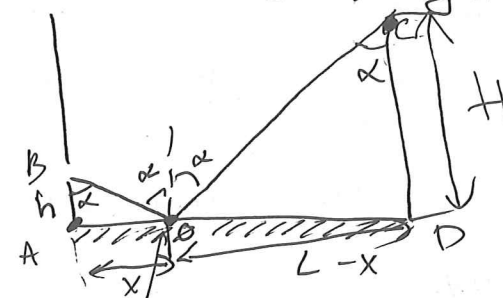
$$\operatorname{tg} \alpha_1 = \frac{H-h}{L}$$

$$\operatorname{tg} \alpha_2 = \frac{h}{L}, \text{ т.к. } h \ll L, \text{ то}$$

$\operatorname{tg} \alpha_2 \approx \alpha_2 \approx \sin \alpha_2 = \frac{h}{L} \Rightarrow$ длина лучей идущих от щели к зеркалу вниз $\approx L$. Рассмотрим луч, который попадает на экран на высоте h_i от щели. Для него длина луча:

$$S_i = \sqrt{h_i^2 + L^2} \quad (h_i \in [0; H-h])$$

2) Рассмотрим лучи сначала падающие на зеркало, а затем на экран. Найдем граничный угол α такой, что при $\alpha_i \geq \alpha$ - лучи попадают на экран, а при $\alpha_i < \alpha$ - не попадают. (Полее найдет, верхнее ограничение на α_i)



Угол падения равен углу отражения

Из подобия $\triangle ABO$ и $\triangle DCO$:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{x}{h} = \frac{L-x}{H}$$

$$XH = Lh - hx \Rightarrow x = \frac{Lh}{H+h}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{L}{H+h} \Rightarrow \alpha = \operatorname{arctg} \frac{L}{H+h}$$

Рассмотрим произвольный. Длина такого луча:

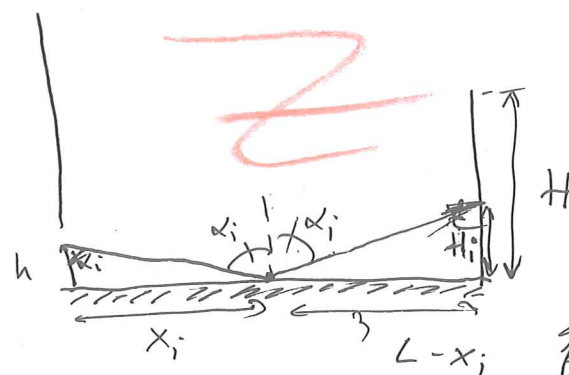
$$S_\alpha = \sqrt{h^2 + x^2} + \sqrt{H^2 + (L-x)^2} = \sqrt{h^2 + \left(\frac{Lh}{H+h}\right)^2} + \sqrt{H^2 + \left(L - \frac{Lh}{H+h}\right)^2} = \sqrt{1 + \left(\frac{L}{H+h}\right)^2} (h + H) = \sqrt{L^2 + (H+h)^2}$$

Рассмотрим произвольный луч: $\alpha_i > \alpha$.

Продолжение задачи на чисовике 6

Чистовик 6 из 7

Продолжение задачи 5.8.2



$$\tan \alpha_i = \frac{x_i}{h_i} = \frac{L - x_i}{H_i}$$

$$x_i = \frac{Lh}{H_i + h}$$

$$L - x_i = \frac{LH_i}{H_i + h}$$

$$S_{\alpha_i} = \sqrt{h^2 + L^2} + H_i \sqrt{1 + \frac{L^2}{(h+H_i)^2}} = (h+H_i) \sqrt{1 + \frac{L^2}{(h+H_i)^2}} = \sqrt{(h+H_i)^2 + L^2} \quad (H_i \in [0; H])$$

Ограничение на α_i сверху:

$$\tan \alpha_{i \max} = \frac{L}{h} \Rightarrow \alpha_i \in [\arctan \frac{L}{H+h}; \arctan \frac{L}{h}]$$

Т.к. $h \leq L$, то $\alpha_{i \max} \approx 90^\circ$ В предположении $h \leq H$, $h \leq L$

$$S_{\alpha_i} \approx \sqrt{H_i^2 + L^2}, \quad S_{h_i} \approx \sqrt{H_i^2 + L^2}$$

Одновременно на экране

находятся лучи, имеющие длину kl , где k - целое число

$$\text{Макс. длина лучей } S_{\alpha_i \max} = \sqrt{(H+h)^2 + L^2}, \quad S_{h_i} = \sqrt{L^2 + (H-h)^2}$$

Т.к. $\sqrt{L^2 + H^2} \Rightarrow$ Длина лучей лежит в пределах

$$S \in [L; \sqrt{L^2 + (H+h)^2}]$$

$$N=200, \text{ то } \frac{\sqrt{L^2 + (H+h)^2} - L}{N} = \lambda \Rightarrow \sqrt{L^2 + H^2} = \lambda N + L$$

$$L^2 + (H+h)^2 = L^2 + \lambda^2 N^2 + 2L\lambda N \Rightarrow 2\lambda N L = (H+h)^2 - \lambda^2 N^2$$

$$L = \frac{(H+h)^2 - \lambda^2 N^2}{2\lambda N}$$

Продолжение задачи на чистовике 7

Чистовик 7 из 7

$$L = \frac{(H+h)^2}{2\lambda N} - \frac{\lambda N}{2} = \frac{(5 \cdot 10^{-2})^2}{2 \cdot 200 \cdot 0,5 \cdot 10^{-6}} - \frac{0,5 \cdot 10^{-6} \cdot 200}{2} =$$

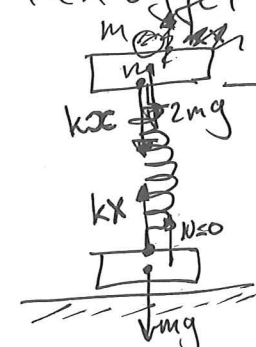
$$= \frac{25 \cdot 10^{-4}}{200 \cdot 10^{-6}} - 50 \cdot 10^{-6} = \frac{25,01}{200 \cdot 10^{-8}} - \frac{5 \cdot 10^{-5}}{5 \cdot 10^{-5} < 12,5} =$$

$$= \frac{25}{2} - 5 \cdot 10^{-5} \approx 12,5 \text{ м.}$$

Ответ: 13 м.

Продолжение задачи 1.1.2

Рассмотрим силы в системе в данный момент. Т.к. это крайний момент, то пружина будет растянута на максимальное значение x , а скорость сближающихся тел будет равна 0 (т.е. их $E_k = 0$).



Т.к. изначально пружина сжата

на Δx , а в этот моментрастянута на x , то сближающиесятела находятся на высоте $H_2 =$

$$= H_0 + x + \Delta x_0$$

Энергия системы в этот момент: $E_1 = 2mg(H_0 + x + \Delta x_0) + \frac{kx^2}{2} + E_k$ Т.к. энергия сохраняется, то $E_0 = E_1$

$$2mgH_0 + \frac{m^2 g^2}{2k} + \frac{mv^2}{4} = 2mgH_0 + 2mgx + 2mg\Delta x_0 + \frac{kx^2}{2}$$

$$\frac{m^2 g^2}{2k} + \frac{mv^2}{4} = 2mg \cdot \frac{mg}{k} + 2mg \cdot \frac{mg}{k} + \frac{k}{2} \cdot \frac{m^2 g^2}{k^2}$$

$$\frac{m^2 g^2}{2k} + \frac{mv^2}{4} = \frac{4m^2 g^2}{k} + \frac{m^2 g^2}{2k} \Rightarrow v^2 = \frac{16mg^2}{k}$$

$$2gh_{\max} = \frac{16mg^2}{k} \Rightarrow h_{\max} = \frac{8mg}{k} = \frac{8 \cdot 0,1 \cdot 10}{100} \text{ м} = \frac{8}{100} \text{ м} = 8 \text{ см}$$

Ответ: 8 см.