



60-84-30-03  
(2.4)



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант №2

Место проведения г.Москва  
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов  
название олимпиады

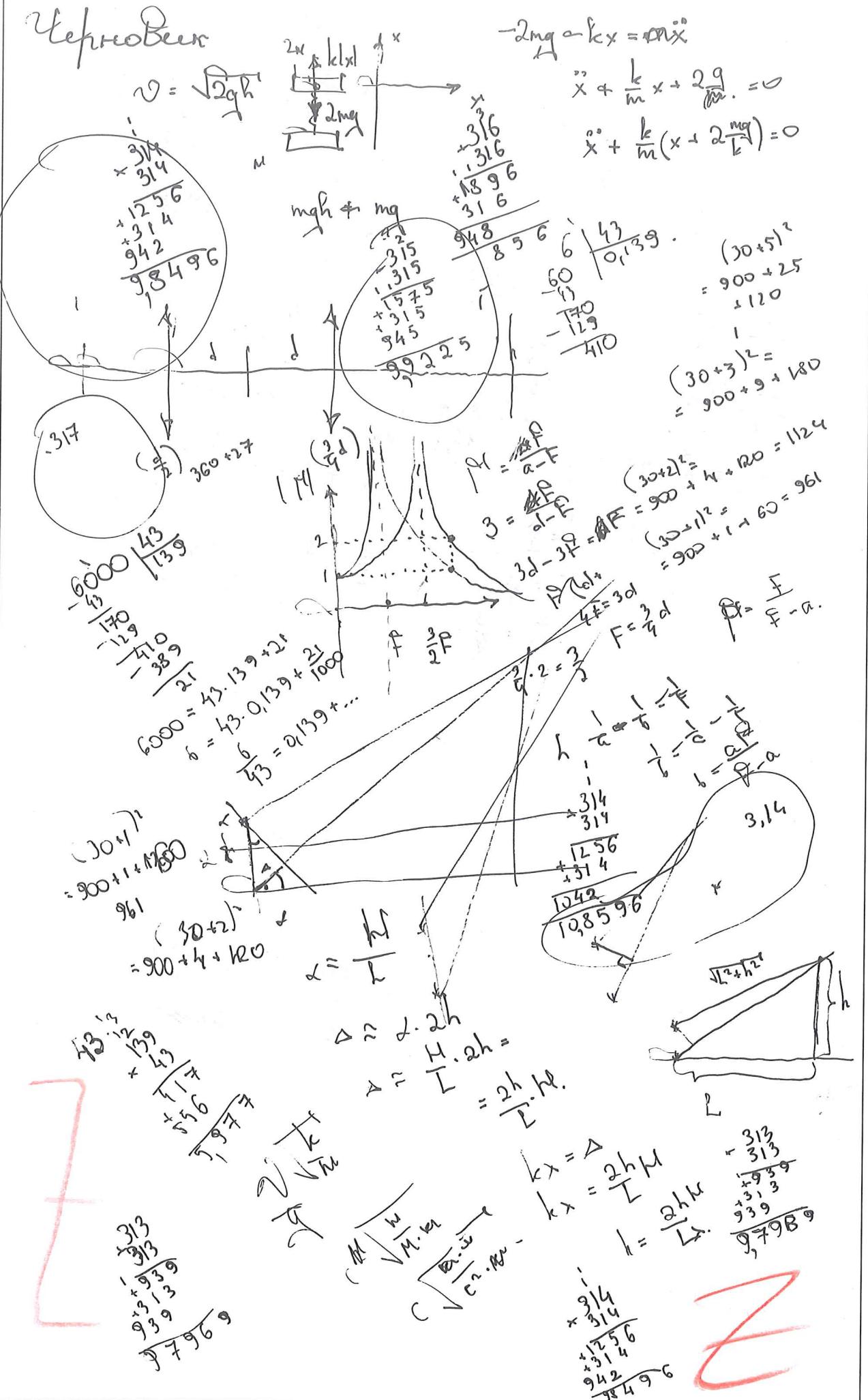
по физике  
профиль олимпиады

Отонина Ранисла Дмитриевича  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

вшел 12:52 вернулся 12:57.  
вшел снова 14:46, вернулся в 14:48  
в 14:54 заменила перчатка — на такую

Дата  
«14» февраля 2025 года

Подпись участника



1	2	3	4	5	6	7
20	13	18	20	20	20	91

Ребристость  
один

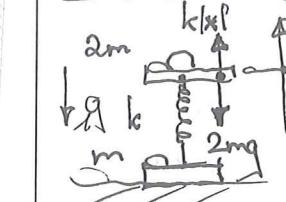
60-84-30-03  
(2.4)

Канюк

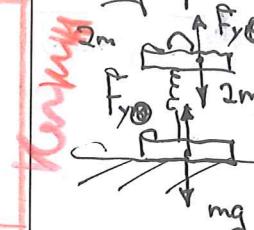
Однородный  
материя

Чертёжник

Рассмотрим



линейное движение и шарик  
Это 2<sup>nd</sup> закону Ньютона  
 $2m\ddot{x} = -2mg - kx$  по закону Гука  
 $\ddot{x} + \frac{k}{m}(x + 2\frac{mg}{k}) = 0$  — уравнение  
гармонических колебаний. Система  
брюсок и шарик будут совершать  
гармонические колебания. Если пружина  
при колебаниях не сжимается полностью,  
то колебание могут перестать быть  
гармоническими, только если ~~если~~ нижней брюсок  
подпрятан. Рассмотрим этот момент



Условие то, что нижний  
брюсок не подпрятан  
 $F_y < mg$ , где  $F_y$  — таксиант-  
ная сила упругости в процессе колебаний.

$F_{ym} = kx_m$ , где  $x_m$  — максимальное  
удлинение при движении  
вверх

$$x = A \cos(\omega t + \varphi_0) \approx \frac{2mg}{k}, \quad \omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$\dot{x} = -\omega A \sin(\omega t + \varphi_0)$$

$$\begin{cases} x(0) = \frac{mg}{k} \\ \dot{x}(0) = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} A \cos \varphi_0 = \frac{mg}{k} \\ \omega A \sin \varphi_0 = 0 \end{cases}$$

$$\tan \varphi_0 = \frac{0}{\frac{mg}{k}} = 0$$

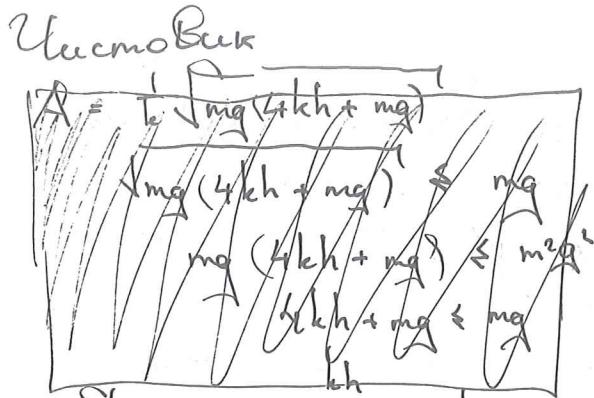
$$\cos \varphi_0 = \sqrt{\frac{mg^2}{2k\omega^2 + mg^2}}$$

$$\cos \varphi_0 = \sqrt{\frac{1}{1 + \tan^2 \varphi_0}}$$

$$\cos \varphi_0 = \sqrt{\frac{1}{1 + 0}} = 1$$

$$Z$$

$$Z$$



По закону сохранения энергии для шарика  
 $\frac{1}{2}mv^2 = mgh$

$v = \sqrt{2gh}$

- скорость перед ударом о бруск

По закону сохранения импульса в момент удара шарика о бруск (ударные сильы гораздо большие весовых)

$$mv_0 = 2mv \quad v = \frac{v_0}{2} \quad \text{+}$$

Z

$$A = \frac{mg}{k} \frac{1}{\cos \theta} = \frac{mg}{k} \cdot \sqrt{\frac{mg^2 + 2kh}{mg^2}} = \frac{mg}{k} \sqrt{\frac{m^2g^2 + 2mgh}{m^2g^2}} = \frac{1}{k} \sqrt{m(mg^2 + 2gh)}$$

$$\Rightarrow x = \frac{1}{k} \sqrt{m(mg^2 + 2gh)} \cos(\omega t + \varphi_0) - \frac{2mg}{k}$$

$$x_m = \frac{1}{k} \sqrt{m(mg^2 + 2gh)} - \frac{2mg}{k}$$

$$kx_m \leq mg$$

$$\sqrt{m(mg^2 + 2gh)} - 2mg \leq mg \quad \text{+}$$

$$m^2g^2 + mg \cdot kh \leq 9m^2g^2$$

$$kh \leq 8mg$$

$$h \leq \frac{8mg}{k} \quad \text{+}$$

$$hm = \frac{8mg}{100} = \frac{8 \cdot 100 \cdot 10^{-3}}{100} \cdot 10 = 8 \text{ см}$$

Объем 8 см



Черновик

$$\begin{array}{r} 14 \\ + 317 \\ \hline 317 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 317 \\ + 2219 \\ \hline 317 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 317 \\ + 951 \\ \hline 948 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 948 \\ + 99756 \\ \hline 99856 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 316 \\ + 316 \\ \hline 1896 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1896 \\ + 316 \\ \hline 948 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 948 \\ + 100856 \\ \hline 109856 \end{array}$$

$$d-x = \frac{1}{4}x$$

$$F = \frac{5}{2}x$$

$$F_1 = \frac{5}{2}x$$

$$F_2 = \frac{3}{2} \cdot \frac{5}{2}x = \frac{15}{4}x$$

$$d = \frac{x}{2}$$

$$F_1 = \frac{x}{4}$$

$$F_2 = \frac{3}{8}x$$

$$\begin{array}{r} 31650 \\ \hline 2 \end{array}$$

$$15825$$

$$\begin{array}{r} 6 \cdot 43 \\ \hline 0,139 \end{array}$$

$$-43$$

$$-170$$

$$-129$$

$$-410$$

$$-287$$

$$-23$$

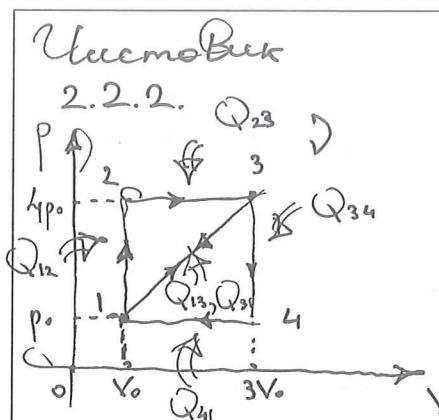
$$\begin{array}{r} 6 \cdot 330 \\ \hline 31650 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 6 \cdot 330 \\ \hline 31650 \end{array}$$

$$+ 6330$$

$$+ 6330$$

$$31650$$

60-84-30-03  
(2.4)

$$Q_{in} = c_v \nu (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} (4p_0 V_0 - p_0 V_0) = \frac{9}{2} p_0 V_0$$

$$Q_{23} = c_p \nu (T_3 - T_2) = \frac{5}{2} \nu R (T_3 - T_2) = \frac{5}{2} (4p_0 \cdot 3V_0 - 4p_0 V_0) = 20 p_0 V_0$$

$$Q_{31} = -Q_{13} = A_{31} + \Delta U_{31} = -\frac{1}{2} (p_0 + 4p_0) \cdot 2V_0 + \frac{3}{2} \nu R (T_1 - T_3) = -5p_0 V_0 + \frac{3}{2} (p_0 V_0 - 4p_0 \cdot 3V_0) = -5p_0 V_0 - \frac{33}{2} p_0 V_0 = -\frac{43}{2} p_0 V_0.$$

$$Q_{34} = c_p \nu (T_4 - T_3) = \frac{3}{2} \nu R (T_4 - T_3) = \frac{3}{2} (p_0 \cdot 3V_0 - 4p_0 \cdot 3V_0) = -\frac{27}{2} p_0 V_0$$

$$Q_{41} = c_p \nu (T_1 - T_4) = \frac{5}{2} \nu R (T_1 - T_4) = \frac{5}{2} (p_0 V_0 - p_0 \cdot 3V_0) = -\frac{5}{2} p_0 V_0$$

$$A_{1231} = \frac{1}{2} \cdot 3p_0 \cdot 2V_0 = 3p_0 V_0$$

$$A_{1341} = \frac{1}{2} \cdot 3p_0 \cdot 2V_0 = 3p_0 V_0$$

$$\eta_{1231} = \frac{A_{1231}}{Q_{12} + Q_{23} + Q_{31}} = \frac{3p_0 V_0}{\frac{9}{2} p_0 V_0 + 20 p_0 V_0 + \cancel{\frac{43}{2} p_0 V_0}} = \frac{6}{9 + 40 + \cancel{43}} = \frac{6}{49}$$

$$\eta_{1341} = \frac{A_{1341}}{Q_{13} + Q_{34} + Q_{41}} = \frac{3p_0 V_0}{\frac{43}{2} p_0 V_0} = \frac{6}{43}.$$

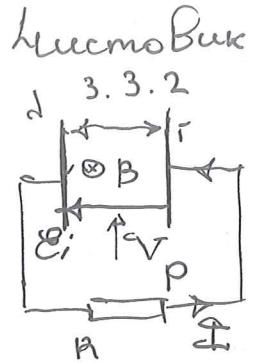
$$\frac{\eta_{1341}}{\eta_{1231}} = \frac{6}{43} \cdot \frac{49}{6} = \frac{49}{43} \approx 1 \frac{6}{43} \approx 1,14$$

Ответ  $1 \frac{6}{43} \approx 1,14$

Рассмотрим процесс  $13: \frac{T_1 K_1 d(V_1)}{d(V_1)} > 0 \Rightarrow d(V_1 R T) > 0 \Rightarrow dT > 0$   
 $\Rightarrow dU > 0, dA > 0 \Rightarrow SQ > 0 \Rightarrow$   
 $\Rightarrow$  в процессе 13 газ *разогревается*  
 подводят тепло

Аналогично в процессе 32  
 от газа отводят тепло

$$Q_{out} = c_v \nu (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} (4p_0 V_0 - p_0 V_0) = no \text{ подвода и отвода тепло}$$



В движущемся в магнитном поле зеркале будет возникать попречная разность потенциалов  
 $E_i = B dV$

Это 2<sup>nd</sup> закон Кулона

$$E_i = IR + Ir$$

$$BdV = IR + Ir$$

$$I = \frac{BdV}{R+r}$$

$$P = I^2 R = \frac{(BdV)^2}{(R+r)^2} \cdot R$$

где  $r$  - сопротивление  
зарядки

$$P = B^2 \frac{R}{(R+r)^2} \cdot d^2 V^2$$

$R, d, V$  - заданные величины. На квадрате

$R$  будем брать самую маленькую  
мощность, когда  $\frac{B^2}{(R+r)^2} \rightarrow \max$

$$\Rightarrow r \rightarrow \min, r = 0$$

$$P_m = B^2 \frac{d^2 V^2}{R}$$

$$B = \frac{1}{dV} \sqrt{\frac{P_m R}{B}}$$

$$B = \frac{1}{10 \cdot 10^{-2} \cdot 40 \cdot 10^2} \sqrt{10^6 \cdot \frac{4}{10}} = \frac{100 \cdot 2 \cdot 10^3}{4 \cdot \sqrt{10}} T_A = \frac{1}{2} \cdot 10^4 T_A$$

$$\frac{1}{2} \cdot 10^4 \cdot 3,165 = \frac{31650}{2} T_A = 15825 T_A$$

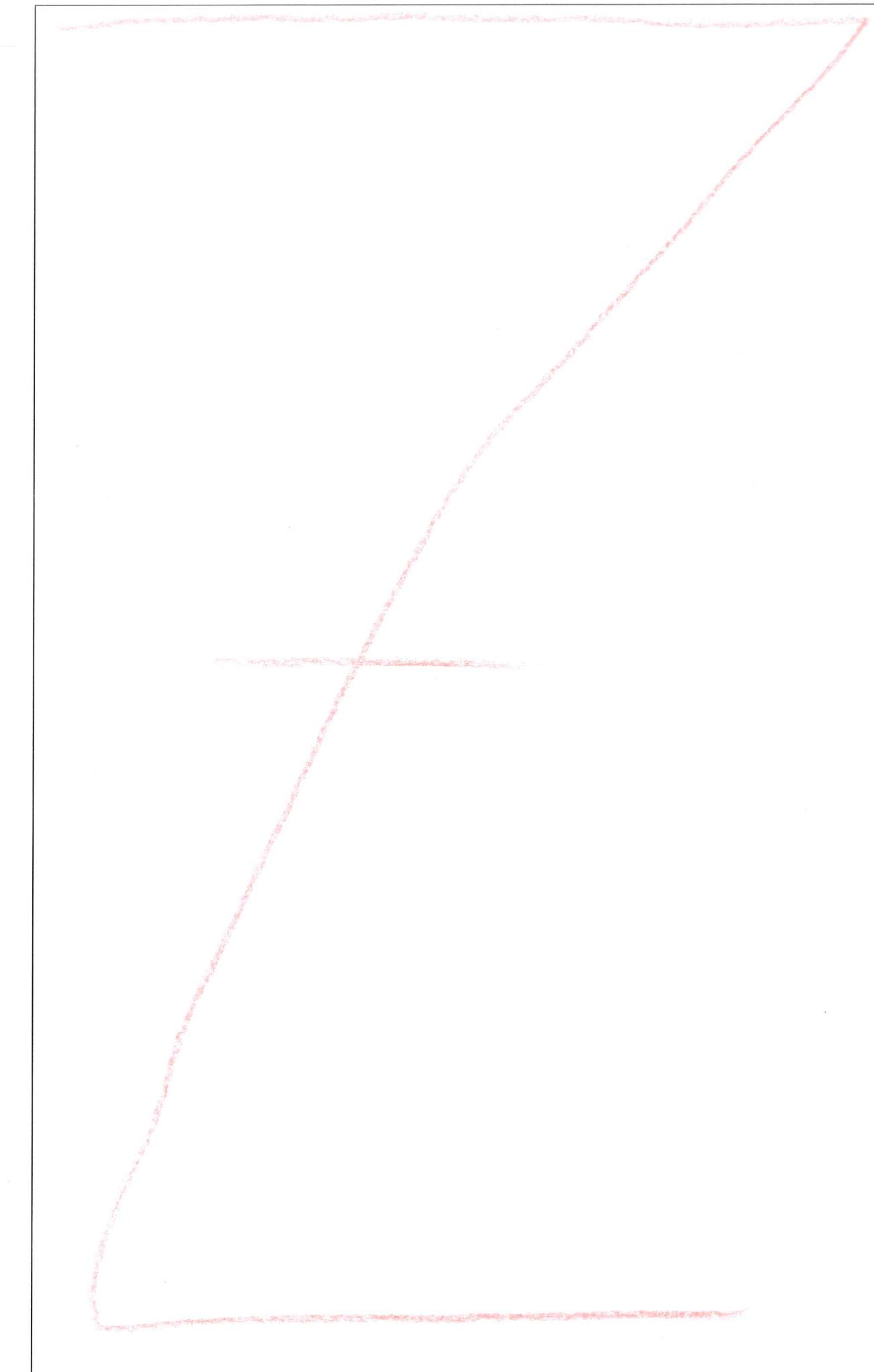
объем  $15825 T_A \approx 15300 T_A$

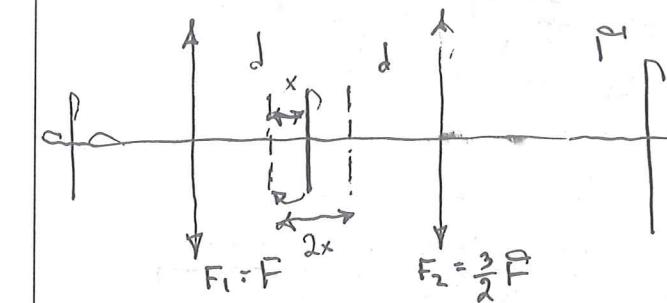
$$= \frac{1}{210 \sqrt{10}} \approx \frac{1}{2 \cdot 10 \cdot 3,165}$$

$$= \frac{1}{2 \cdot 31,65} = \frac{100}{2 \cdot 3165}$$

$$= \frac{100}{6330} \approx 16 \cdot \text{млн} T_A$$

объем  $16 \cdot 10^6 T_A \approx 633$



60-84-30-03  
(2.4)Чесноков  
4.8.2.

Расстояние между первыми линзами

$$L = \frac{F_1}{d - F_1} \Rightarrow F_1 = \frac{1}{2}d$$

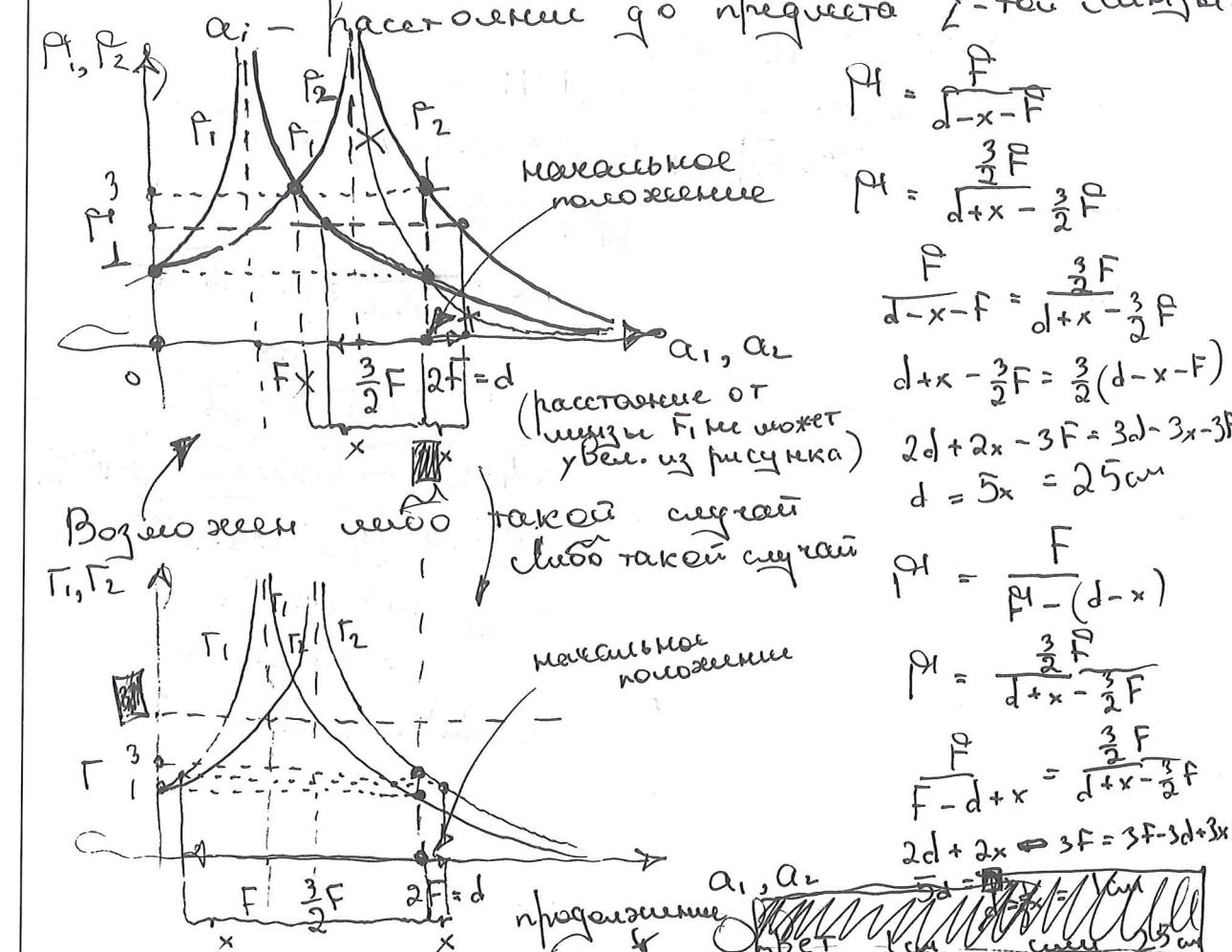
Учтывая  $F_1 = F$ ,  $F_2 = \frac{3}{2}F$ .

Установите зависимость  $P_i$  от  $\alpha_i$ .

Если  $\alpha_i > F_i$ , то  $P_i = \frac{F_i}{\alpha_i - F_i}$ .

Если  $\alpha_i < F_i$ , то  $P_i = \frac{F_i}{F_i - \alpha_i}$ .

$\alpha_i$  — расстояние до  $i$ -той линзы от фокуса  $i$ -той линзы.



Это формулки тонкой линзы

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{b_i} = \frac{1}{F_i}, \text{ где}$$

$b_i, F_i$  — расстояние и  
до изображения и  
фокус  $i$ -той линзы

$$b_i = \frac{dF_i}{d - F_i}$$

$$P_i = \frac{F_i}{d - F_i} = \frac{1}{d - F_i} F_i$$

Расстояние  
между линзами

$$d = \frac{F_2}{d - F_2}$$

$$3d - 3P_2 = FD$$

$$P_2 = \frac{3}{4}d$$

Z

$$P_i = \frac{F_i}{d - x - F_i}$$

$$P_i = \frac{\frac{3}{2}F}{d + x - \frac{3}{2}F}$$

$$\frac{F}{d - x - F} = \frac{\frac{3}{2}F}{d + x - \frac{3}{2}F}$$

$$d + x - \frac{3}{2}F = \frac{3}{2}(d - x - F)$$

$$2d + 2x - 3F = 3d - 3x - 3F$$

$$d = 5x = 25 \text{ см}$$

$$P_i = \frac{F}{P_i - (d - x)}$$

$$P_i = \frac{\frac{3}{2}F}{d + x - \frac{3}{2}F}$$

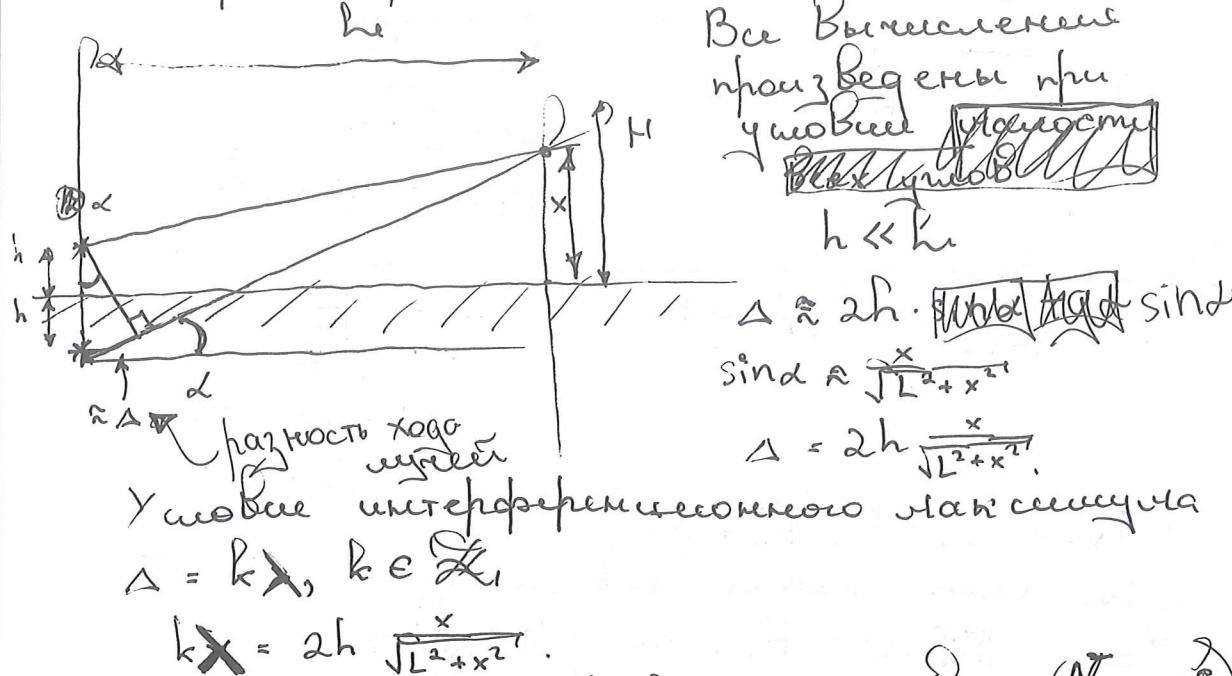
$$\frac{F}{d - x + x} = \frac{\frac{3}{2}F}{d + x - \frac{3}{2}F}$$

$$2d + 2x - 3F = 3F - 3d + 3x$$

$$d = 5x = 25 \text{ см}$$

Чистовик  
5.8.2.

Свет от шине будет отражаться от зеркала  
таким образом, что ~~всего~~ прохождение  
лучей будет исходить из такой же  
симметрично расположенной шине



$$N\lambda = 2h \frac{H}{\sqrt{L^2 + H^2}}$$

$$N^2 \lambda^2 \cdot (L^2 + H^2) = 4h^2 H^2$$

$$M^2 (4h^2 - N^2 \lambda^2) = N^2 \lambda^2 L^2$$

~~решение~~

$$h_0 = \frac{H}{N\lambda} \sqrt{4h^2 - N^2 \lambda^2}$$

$$h_0 = \frac{5 \cdot 10^{-2}}{200 \cdot 3 \cdot 10^{-6}} \sqrt{4 \cdot 10^{-6}}$$

$$= \frac{1}{20} \cdot 10^6 \sqrt{4 \cdot 10^{-6}} \approx 10^{-3} \text{ см}$$

$$\approx \frac{1}{20} \cdot 10^6 \cdot 2 \cdot 10^{-3} = 10^3 \text{ см} = 1 \text{ м}$$

Объем 1 м +

Чистовик  
4.8.2. прохождение

$$5d = 6F + x$$

$$5d = 3d + x$$

$d = \frac{x}{2} = 2,5 \text{ см}$  — противоречие  
(такой случаи не существует), так  
как проходит находящееся на расстоянии  
 $\frac{x}{2}$  от шиньи и сдвигнутое  
на расстояние  $x$  не может существовать



$$4x > F_1 = \frac{d}{2} = \frac{5}{2}x = 2,5x$$

18

Объем 125 см