



0 270501 690004
27-05-01-69
(3.11)



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 3

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
название олимпиады

по Физике
профиль олимпиады

Попова Кирилла Сергеевича
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

вынесен 13-00.

вернулся 13-05

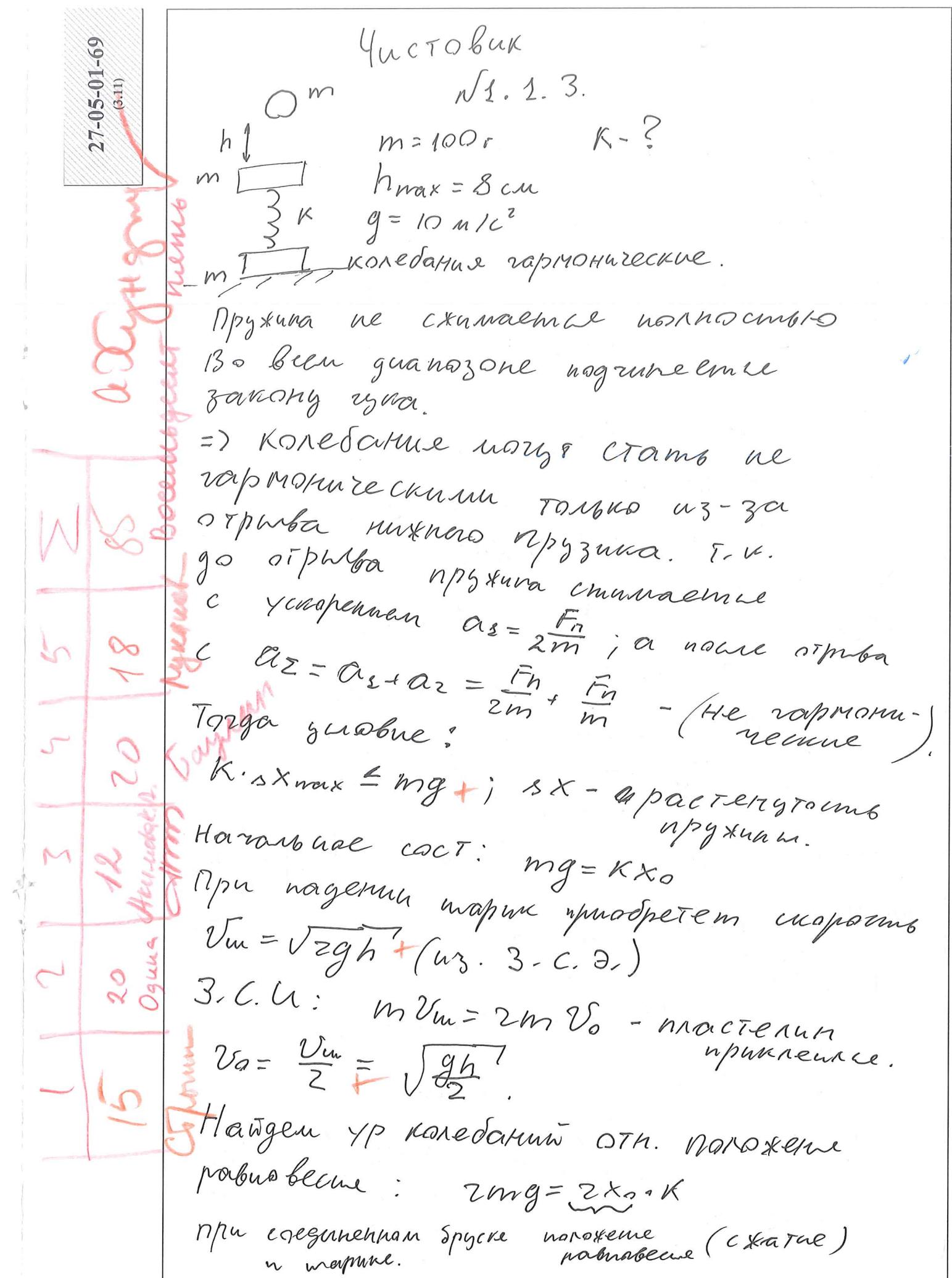
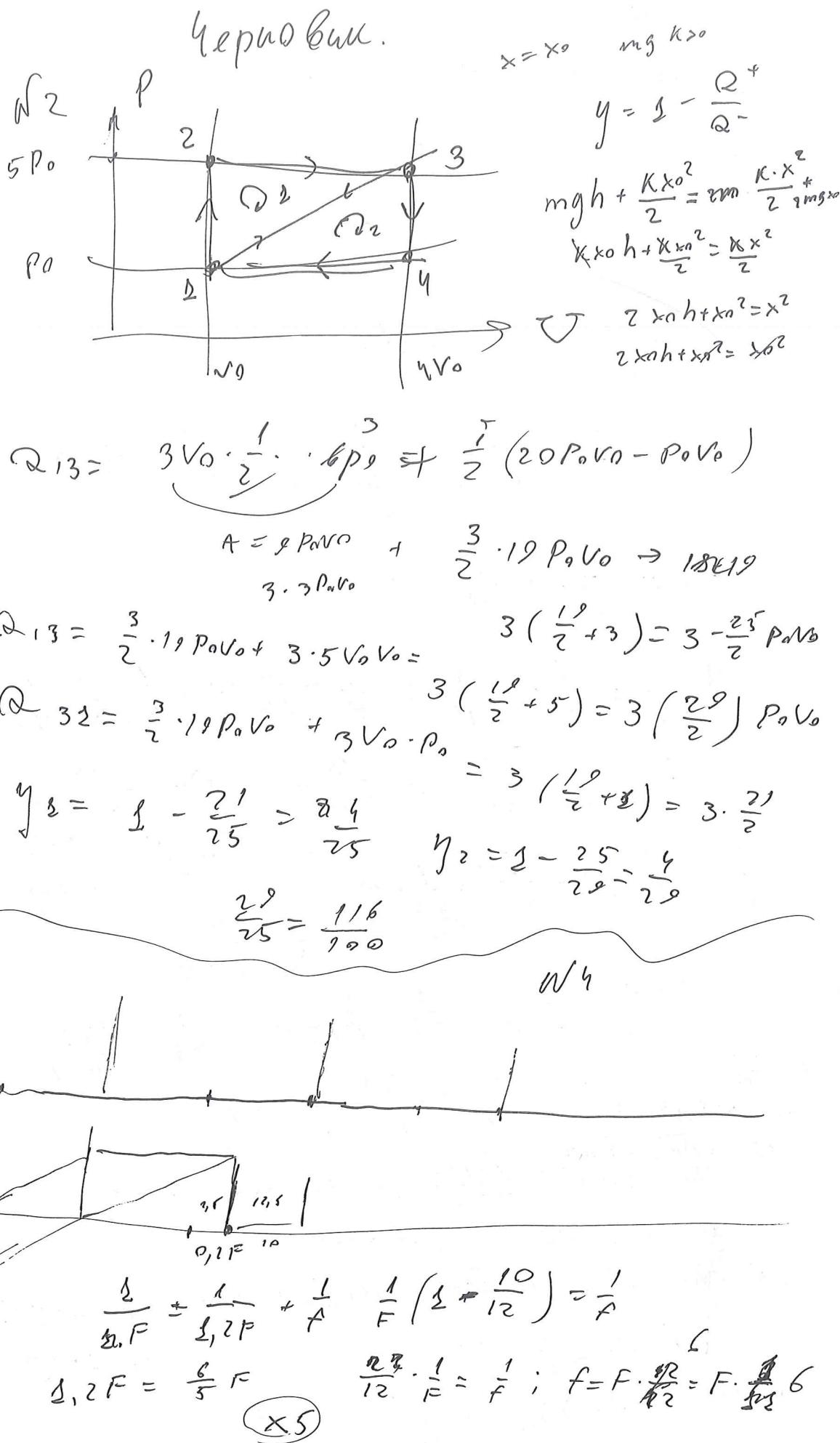
выдан зон карт

Дата

«14» февраля 2025 года

Подпись участника

ЛМД



Чистовик

$$2ma = 2mg - Kx$$

$$2ma = 2x_0 K - Kx$$

$$2ma = -K(x - 2x_0)$$

$$\ddot{x} = -\frac{K}{2m}(x - 2x_0) ; \ddot{x} = \ddot{x} ;$$

$$\ddot{x} = -\frac{K}{2m}\ddot{x} ; \omega = \sqrt{\frac{K}{2m}} ; x = x_0 + 2x_0$$

$$x(t) = A \sin \omega t + B \cos \omega t$$

$$x(0) = x_0 ; v(0) = v_0 = \sqrt{gh/2}$$

$$x(0) = B + 2x_0 = x_0 ; B = -x_0$$

$$v(t) = A\omega \cos \omega t - B\omega \sin \omega t$$

$$v(0) = A\omega = \sqrt{gh/2} = A \cdot \sqrt{\frac{K}{2m}}$$

$$A = \sqrt{\frac{gh}{2}} \cdot \frac{2m}{K}$$

$$x_{min} \text{ при } v=0 = \sqrt{\frac{mgh}{K}} = \sqrt{\frac{x_0 K h}{K}} = \sqrt{x_0 h}$$

$$w(A \cos \omega t - B \sin \omega t) = 0$$

$$\sqrt{\frac{mgh}{K}} \cdot \cos \omega t + x_0 \sin \omega t = 0$$

$$\sqrt{\frac{mgh}{K}} \cos \omega t = -x_0 \sin \omega t$$

$$\tan \omega t = -\frac{\sqrt{\frac{mgh}{K}}}{x_0 \sqrt{\frac{K}{2m}}} = -\frac{\sqrt{\frac{x_0 K h}{K}}}{x_0 \sqrt{\frac{K}{2m}}} = -\sqrt{\frac{h}{x_0}}$$

$$\tan^2 \omega t + 1 = \frac{1}{\cos^2 \omega t} ; \cos \omega t = \pm \sqrt{\frac{1}{\tan^2 \omega t + 1}}$$

Черновик:

$$\frac{1}{F_2} = \frac{1}{35} + \frac{1}{5 \cdot 35} = \frac{1}{35} \cdot \frac{6}{5} ; \frac{3}{8}$$

$$\frac{1}{F_2} \geq \frac{6}{35 \cdot 5} = \frac{6}{175} + \frac{1}{175} = \frac{1}{25} \left(\frac{f+3}{f} \right)$$

$$\frac{6}{5 \cdot 35} = \frac{f+3}{f}$$

$$\frac{3}{8} \geq \frac{1}{25} \cdot \frac{2}{25} = \frac{1}{25}$$

$$\frac{1}{F_2} = \frac{1}{30} + \frac{1}{30 \cdot 5} = \frac{1}{30} \cdot \frac{6}{5} = \frac{1}{25} ; (F_2 = 25)$$

$$\frac{1}{25} = \frac{1}{25} + \frac{1}{f} (f=0)$$

$$\frac{2}{25} = \frac{1}{20} + \frac{1}{f} ; \frac{1}{f} = \frac{2}{25} - \frac{1}{20} = \frac{1}{5} \left(\frac{2}{5} - \frac{1}{4} \right) =$$

$$= \frac{1}{5} \left(\frac{8}{5 \cdot 4} - \frac{5}{5 \cdot 4} \right) = \frac{3}{25 \cdot 4} ; f = \frac{25 \cdot 4}{3} = 5$$

$$\frac{1}{F_2} = \frac{1}{30} \left(3 + \frac{13}{5} \right) = \frac{1}{30} \cdot \frac{8}{5} ; f = \frac{f}{d} = \frac{25 \cdot 4}{3 \cdot 20} = \frac{5}{3}$$

$$\frac{1}{F_2} = \frac{4}{3 \cdot 25}$$

$$P_2 = \frac{4}{3 \cdot 25} = \frac{1}{25} + \frac{1}{25 \cdot r} = \frac{1}{25} \left(\frac{r+1}{r} \right)$$

$$PR = V^2 \cdot R^2 \cdot d^2$$

$$V = \frac{\sqrt{PR}}{Rd} = \frac{\sqrt{4 \cdot 10^4}}{0,4 \cdot 3} = \frac{2 \cdot 10^{-2}}{10^{-4}} = 0,3 \cdot 10^{-2} = 0,03 \text{ м/c} = 3 \text{ см/c}$$

$$N \cdot \lambda = R_2 - R_0 \text{ где } n \text{ волны}$$

$$N \cdot \lambda = \sqrt{L^2 + \frac{4 \pi^2}{n^2}} - L \pm (\sqrt{L^2 + \frac{4 \pi^2}{n^2}} - L) = L \left(\sqrt{1 + \frac{4 \pi^2}{n^2}} - 1 \right)$$

$$N \cdot \lambda = L \cdot \frac{1}{2} \left(\frac{1+n}{n} \right)^2 - \left(\frac{n-1}{n} \right)^2 L \left(\sqrt{1 + \frac{4 \pi^2}{n^2}} - 1 \right)$$

$$L \cdot N \lambda = n \cdot 4 \pi h ; h = \frac{L \cdot N \lambda}{2 \pi}$$

27-05-01-69
(3.11)

Чистовик № 13.

$E_{n=0}$ $E_0 = \frac{Kx_0^2}{2} - mgx_0 + mg(h-x_0)$
 $E_K = \frac{Kx_0^2}{2} + 2mgx_0$
 $\cancel{mgx_0} - mgx_0 + mgh - mgx_0 = \frac{Kx_0^2}{2} + 2mgx_0$
 $mgh = 4mgx_0$
 $h = 4x_0$ $x_0 K = mg$

Критическое состояние $K = \frac{mg}{x_0}$

когда прижимающая сила $x_0 K = mg$.

3. С. З:

$\frac{Kx_0^2}{2} + mgh =$
 $= \cancel{\frac{Kx_0^2}{2}} + 2mgx_0$

равновесие $x_0 \frac{F_0}{m} = F_m$ $F_m = 0$ $E_n = 0$

не расгружен

нагружено на $2x_0$

$h = 4x_0$ $Kx_0 = mg \Rightarrow K = \frac{mg}{x_0}$

$x_0 = \frac{h}{4}$

$K = \frac{mg}{h/4} = 4 \frac{mg}{h}$?

В крайних положениях скорость равна 0.

Задача: $K = 4 \cdot \frac{0,1 \cdot 10}{0,08} = \frac{4}{8} \cdot 100 = 50 \frac{N}{m}$

Задача: $50 \frac{N}{m}$

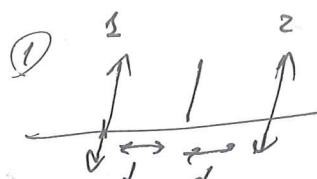
$h \uparrow 0 \quad 2x_0 \quad 0$

Верное решение

ЛИСТ-ВКЛАДЫШ

№4.8.3 Чистовик

$d = 25 \text{ см}$
 $x = 5 \text{ см}$
 $F_{20} = 8$
 $F_{2K} = F_{2K}$
 $F_{20} - ?$

① 
 $\frac{1}{F_1} = \frac{1}{d} + \frac{1}{d-x}$ ($d = f_{20}$)
 $\frac{1}{F_1} = \frac{2}{d}$

② 
 $\frac{1}{F_1} = \frac{1}{d-x} + \frac{1}{d}$ ($d = f_{20}$)

глядя 2: $\frac{1}{F_2} = \frac{1}{d} + \frac{1}{d+x}$
 $\frac{1}{F_2} = \frac{1}{d} \left(\frac{f_{20}+1}{f_{20}} \right)$

$\frac{1}{d+x} \cdot \frac{2(d-x)}{x} = \frac{1}{d} \left(\frac{f_{20}+1}{f_{20}} \right)$
 $\frac{f_{20}+1}{f_{20}} = \frac{2(d-x)}{d}$

$\frac{1}{F_2} = \frac{1}{d+x} + \frac{1}{d+x}$
 $\frac{1}{F_2} = \frac{1}{d+x} \left(\frac{f_{20}+1}{f_{20}} \right)$

$\frac{1}{d+x} \cdot \frac{2(d-x)}{x} = \frac{1}{d} \left(\frac{f_{20}+1}{f_{20}} \right)$
 $\frac{f_{20}+1}{f_{20}} = \frac{2(d-x)}{d}$

$\frac{f_{20}+1}{f_{20}} = \frac{2 \cdot 20}{30} = \frac{4}{3} \rightarrow \boxed{f_{20} = 3}$

Найдем общий вид:

$f_{20}+1 = \frac{2(d-x)}{d+x} \cdot f_{20}; F_{20} \left(\frac{2d-2x-d-x}{d+x} \right) = 8$
 $F_{20} \frac{d-3x}{d+x} = 8; F_{20} = \frac{d+x}{d-3x} = \frac{25+5}{25-3 \cdot 5} = \frac{30}{10} = 3.$

Ответ: 3.

Чистовик

$\cos \alpha = \pm \sqrt{\frac{1}{\frac{h}{x_0} + 1}} = \pm \sqrt{\frac{x_0}{h+x_0}}$
 $\sin \alpha = \pm \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} = \pm \sqrt{1 - \frac{x_0}{h+x_0}} = \pm \sqrt{\frac{h}{h+x_0}}$

$x_{min} = \pm \sqrt{x_0 h} \cdot \sqrt{\frac{h}{h+x_0}} = \pm x_0 \sqrt{\frac{x_0}{h+x_0}} + 2x_0 =$
 $= \pm \sqrt{\frac{x_0}{h+x_0}} \cdot h - \sqrt{\frac{x_0}{h+x_0}} \cdot x_0 + 2x_0 = 2x_0 - \sqrt{\frac{x_0}{h+x_0}} (h+x_0) \quad \text{сд}$

$-K(2x_0 - \sqrt{\frac{x_0}{h+x_0}} (h+x_0)) \leq mg$
 $2K \cdot \frac{mg}{K} - \sqrt{\frac{K^2 \cdot mg}{K}} \times \sqrt{\frac{K^2 \cdot mg}{K}} (h + \frac{mg}{K}) \leq mg$

$- \sqrt{\frac{K^2 \cdot mg}{K}} \times \sqrt{\frac{K^2 \cdot mg}{K}} (h + \frac{mg}{K}) \leq -3mg$
 $\sqrt{\frac{K^2 \cdot mg}{K}} \times \sqrt{\frac{K^2 \cdot mg}{K}} (h + \frac{mg}{K}) \leq 3mg \quad / \div$

$\frac{K^2 \cdot mg}{K} \times \frac{K^2 \cdot mg}{K} (h + \frac{mg}{K}) \leq 9mg^2 \quad / \div$
 $mg h^2 K + 2mg^2 h + \frac{m^3 g^3}{K} \leq 9mg^2 h - \frac{m^3 g^3}{K} \quad \text{сд}$

$mg h^2 K + m^2 g^2 h + \frac{m^3 g^3}{K} \geq 0$
 $h^2 K + mg^2 h + \frac{m^3 g^3}{K} \geq 0$
 $K \geq \frac{m^3 g^3}{h^2} \quad \text{- граничное значение}$

$mg h^2 K + m^2 g^2 h - 8m^3 g^3 / K \leq 0$
 $h^2 K - 8mg h - 8 \frac{m^2 g^2}{K} \leq 0$

Числобик

$$\frac{h^8 k^2 - 7mghk - 8m^2 g^2}{K_{z0}} \leq 0$$

$$D = 49m^2 g^2 h^2 + 4 \cdot 8m^2 g^2 \cdot h^2 = m^2 g^2 h^2 \cdot 81$$

$$K_{12} = \frac{7mgh \pm 8mgh}{2h^2} = -\frac{2mgh}{2h} + \frac{16mgh}{2h}$$

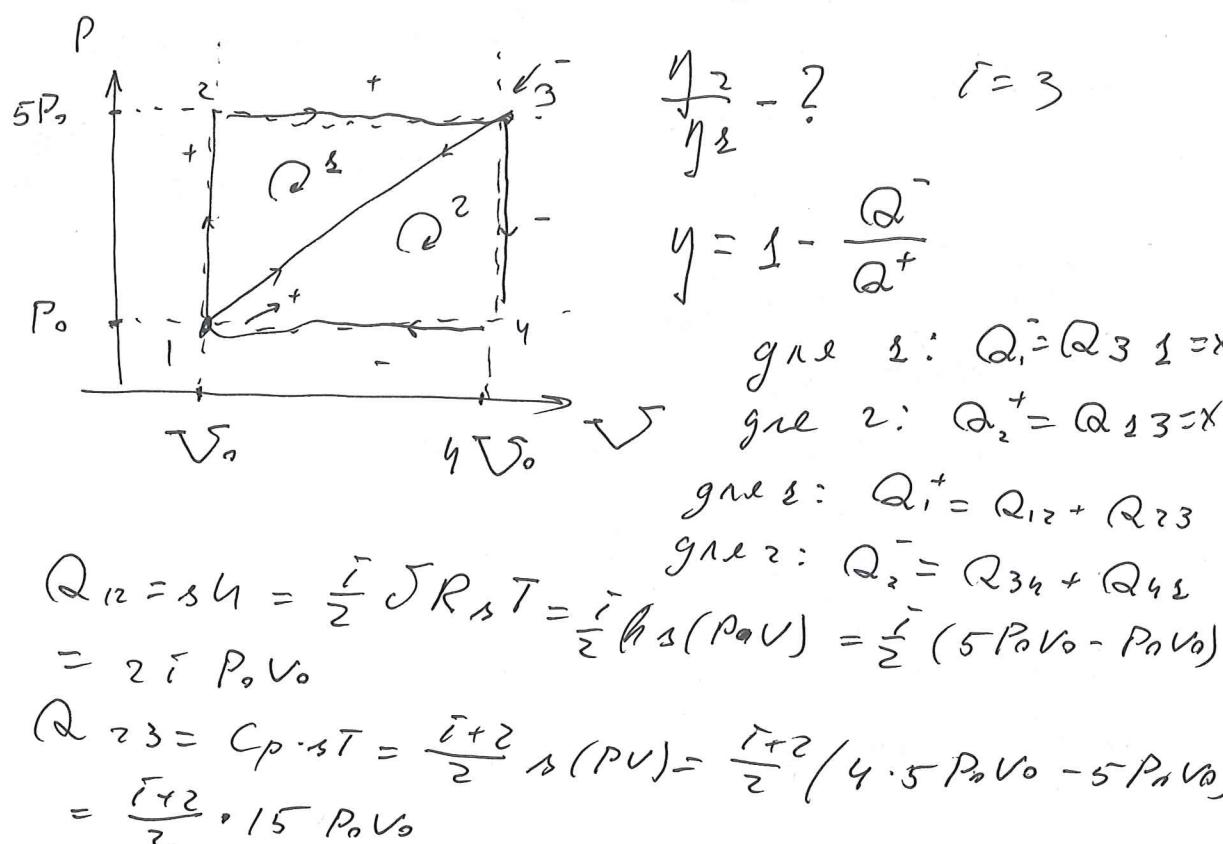
$$(K - \left(-\frac{mg}{h}\right)) \left(K - \left(\frac{16mgh}{2h}\right)\right) \leq 0$$

$$K_{up} = \frac{8mg}{h} = \frac{8 \cdot 9,1 \cdot 10}{9,08} = \frac{8}{0,06} = \frac{8}{8} \cdot 100 = 100 \frac{H}{M}$$

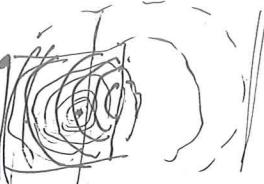
↑
Бернс рече б наше
это не бернс

Задача: 100 $\frac{H}{M}$.

N 2.2 3



Чистовик



- линии накладываются.

$$N = \frac{1}{\lambda} \left(\sqrt{L^2 + (H+h)^2} - L \left(\sqrt{\frac{1}{2} \left(\frac{H+h}{L} \right)^2} - 1 \right) \right) ?$$

$$\lambda N = L \left(\sqrt{1 + \frac{(H+h)^2}{L^2}} - \sqrt{\sqrt{\frac{1}{2} \left(\frac{H+h}{L} \right)^2} - 1} \right)$$

$$\lambda^2 \lambda N = (H+h)^2 - (H-h)^2$$

если не накладываются
а преобразуются в
один лучисто, то λ
(лучисто \approx света).

$$(H+h)^2 - (H-h)^2 = H^2 + h^2 - H^2 - h^2 + 4Hh$$

перевиватчи.

2 mm^2

$$2 \lambda N = 4Hh; h = \frac{\lambda N}{2H} =$$

$$= \frac{2 \cdot 0,5 \cdot 10^{-6} \cdot 200}{2 \cdot 0,05} = \frac{100 \cdot 10^{-6}}{0,1} = \frac{10^{-4}}{10^{-3}} = 10^{-3} \text{ m} =$$

$$= 1 \text{ mm}$$

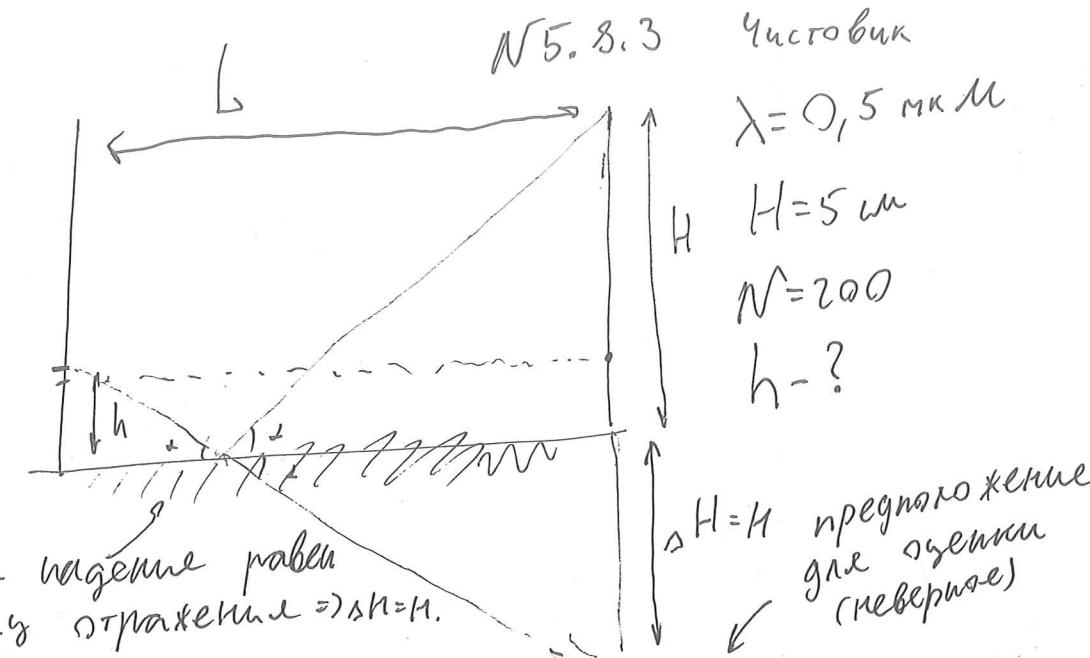
Orbem: 1 mm

$$\text{Две машины } X \text{ и } Y \text{ работают: } \sqrt{2+x} = 2 + \frac{x}{2}$$

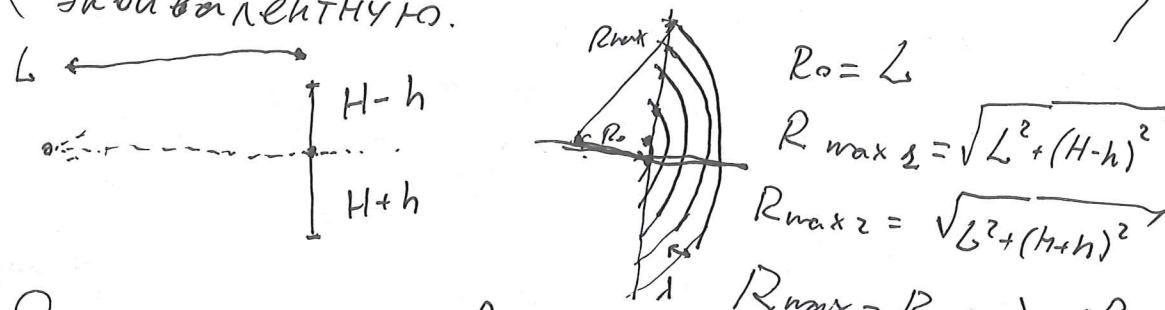
$$\left(\frac{H}{f_0}\right)^2 = \left(\frac{0.05}{5}\right)^2 = 25 \cdot 10^{-4} \text{ - manzol}$$

От присовем к H (h) и это не мене
так как на условии.





(Если мы считали, что нагрузка сбоку добавила только и не перекрывала грунт на 9/10, то можно пересчитать так эквивалентно.)



Однако значение N :

$$N = \frac{\sqrt{L^2 + H^2} - L}{\lambda} \approx \frac{\sqrt{L^2 + (H-h)^2} - L}{\lambda} \approx \frac{\sqrt{(L+\frac{1}{2}h)^2} - L}{\lambda} = \frac{\frac{1}{2}h}{\lambda} = \frac{h}{2\lambda}$$

$$\frac{h^2}{L\lambda} = \frac{0,05^2}{0,5 \cdot 10^{-6}} = \frac{(5 \cdot 10^{-2})^2}{5 \cdot 10^{-7}} = \frac{25 \cdot 10^{-4}}{5 \cdot 10^{-7}} = 5000$$

$$h^2 = 200 \cdot 0,5 \cdot 10^{-6} = 100 \cdot 10^{-6} = 10^{-4} \text{ м}^2 = 100 \text{ см}^2$$

27-05-01-69
(3.11)

$$Q_{34} = C_v \cdot \beta \Gamma = \frac{i}{2} s(P_0 V_0) = \frac{i}{2} (4 P_0 V_0 - 5 \cdot 4 P_0 V_0) =$$

$$= \frac{i}{2} \cdot 16 P_0 V_0 = 1 - 8 \bar{e} P_0 V_0$$

$$Q_{41} = C_p \cdot \beta \Gamma = \frac{i+2}{2} s(P_0 V_0) = \frac{i+2}{2} (P_0 V_0 - 4 P_0 V_0) =$$

$$= \frac{i+2}{2} \cdot 3 P_0 V_0$$

$$Q_{\frac{1}{2}} = Q_{12} + Q_{23} = P_0 V_0 \left(2 \bar{e} + 15 \frac{i+2}{2} \right) =$$

$$= P_0 V_0 \left(6 + 15 \cdot \frac{5}{2} \right) = 3 P_0 V_0 \left(2 + \frac{25}{2} \right) =$$

$$= 3 P_0 V_0 \frac{29}{2}$$

$$|Q_{\frac{1}{2}}| = |Q_{34} + Q_{41}| = P_0 V_0 \left(-8 \bar{e} - \frac{i+2}{2} \cdot 3 \right) =$$

$$= P_0 V_0 \left(8 \cdot 3 + \frac{3}{2} \cdot 3 \right) = 3 P_0 V_0 \left(\frac{16}{2} + \frac{5}{2} \right) =$$

$$= 3 P_0 V_0 \cdot \frac{21}{2}$$

$$\begin{aligned} y_1 &= \underline{\underline{z - x}} \\ &\quad \cancel{3 P_0 V_0 \cdot \frac{29}{2}} \quad \cancel{y_2 = z - \cancel{3 P_0 V_0 \cdot \frac{21}{2}}} \\ y_1 &= \cancel{(x - 3 P_0 V_0 \cdot \frac{21}{2}) / x} \\ &\quad \cancel{(3 P_0 V_0 \cdot \frac{29}{2} - x) / 3 P_0 V_0 \cdot \frac{21}{2}} \\ &= \cancel{x \cdot 3 P_0 V_0 \cdot \frac{29}{2}} \quad \cancel{(3 P_0 V_0)^2 \cdot \frac{21}{2} \cdot \frac{29}{2}} \\ &\quad \cancel{x \cdot 3 P_0 V_0 \cdot \frac{29}{2} - x^2} \end{aligned}$$

$$Q_1^- = Q_2^+ = x = \underline{\underline{sh + t}} = \frac{i}{2} (20 P_0 V_0 - P_0 V_0) + 3 P_0 V_0 +$$

$$+ 3 V_0 \cdot \frac{P_0 + 5 P_0}{2} = \frac{3}{2} \cdot 19 P_0 V_0 + 2 P_0 V_0 =$$

$$= 3 P_0 V_0 \left(3 + \frac{19}{2} \right) = 3 P_0 V_0 \cdot \frac{25}{2}$$

$$3 P_0 V_0 = \alpha :$$

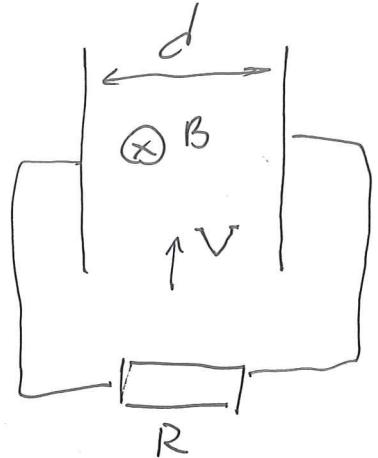
$$y_1 = \underline{\underline{z - \frac{25/2 \alpha}{2 \cdot 29/2 \alpha}}} = \underline{\underline{z - \frac{25}{29}}} = \frac{4}{29}$$

$$y_2 = \underline{\underline{z - \frac{21/2 \alpha}{2 \cdot 25/2 \alpha}}} = \underline{\underline{z - \frac{21}{25}}} = \frac{4}{25} \quad \frac{y_2}{y_1} = \frac{4/25}{4/29} = \frac{29}{25} =$$

$$\frac{y_2}{y_1} = \frac{2^9}{2^5} = 2 \frac{4}{2^5} = 1 \frac{16}{160} = 1,16 \quad (20) \quad \text{Чисто вик}$$

Отвем: 1,16.

N 3.3.3.



$$R = 0,4 \Omega$$

$$d = 40 \text{ см}$$

$$B = 2 \text{ Тл}$$

$$P_{\max} = I M B_t - \text{максимальное.}$$

$$P = I U = \frac{U^2}{R} ; \quad F_A = I \vec{l} \times \vec{B} ; \quad \angle(\vec{l}, \vec{B}) = 90^\circ$$

$$F_R = q \vec{v} \times \vec{B} ; \quad \angle(\vec{v}, \vec{B}) = 90^\circ$$

$$\vec{F}_A \quad F_{A1} = E q r ; \quad F_R = q v B$$

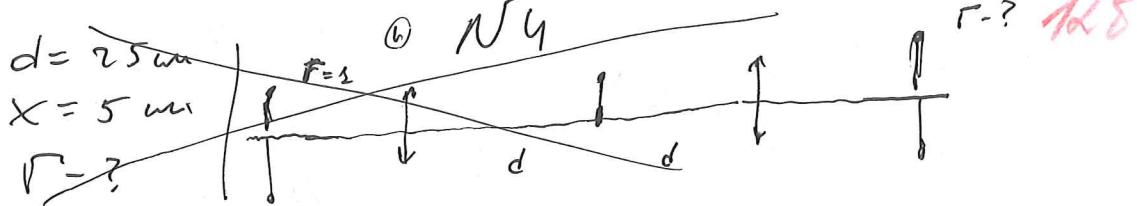
$$F_{A1} = F_R ; \quad E \neq q v B$$

частота & частота движущегося & с & волны.

$$E = B V ; \quad U = E \cdot d = B V d$$

$$P = \frac{B^2 d^2 V^2}{R} ; \quad V^2 = \frac{PR}{B^2 d^2} ; \quad V = \sqrt{\frac{PR}{B d}}$$

$$V = \sqrt{\frac{1 \cdot 10^{-3} \cdot 0,4}{1 \cdot 0,4}} = \frac{\sqrt{10^{-4} \cdot 4}}{2 \cdot 0,4} = \frac{2 \cdot 10^{-2}}{4 \cdot 10^{-2}} = \\ = \frac{1}{2} \cdot 10^{-2} = 0,05 \text{ м/с} = 5 \text{ см/с} \quad \text{Не учтено} \quad \text{безр. сопр.}$$



$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} ; \quad \text{где } f = \frac{d}{d-x} \quad d = f, \text{ т.к. } F = 2$$

$$\frac{1}{F_2} = \frac{2}{d} ; \quad F_2 = \frac{d}{2} = \frac{25}{2} = 12,5 \text{ см}$$

$$f = \frac{F}{d}$$

$$\frac{1}{F_3} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{d-x}$$

$$\frac{1}{F_2} = \frac{1}{f_2} + \frac{1}{d+x}$$

$$\frac{1}{F_3} = \frac{1}{F_1} - \frac{1}{d-x}$$

$$= \frac{d(d-x)}{\frac{d}{2} - x}$$

$$f_2 = \frac{d+x}{d-x} \cdot \frac{\frac{d}{2}(d-x)}{\frac{d}{2} - x}$$

$$= \frac{d(2d+4x)}{d(d+2x)}$$

$$F = \frac{f_1 m_2}{d}$$

$$\frac{1}{F_2} = \frac{1}{f_1 m_2} + \frac{1}{d} = \frac{1}{f_2} + \frac{1}{d+x}$$

$$\frac{1}{f_1 m_2} = \frac{d-2x}{d(d+2x)} + \frac{1}{d+x} - \frac{1}{d} = \frac{d-2x+d-d-2x}{d(d+2x)} =$$

$$= \frac{d-4x}{d(d+2x)} ; \quad f_1 m_2 = \frac{d(d+2x)}{d-4x}$$

$$F = \frac{d(d+2x)}{d(d-\frac{4}{3}x)}$$

$$= \frac{d+2x}{d-\frac{4}{3}x} = \frac{25+2 \cdot 5}{25-4 \cdot 5} = \frac{35}{15} = 3,5$$

$$\text{Отвем: } 3,5$$