



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 3

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
наименование олимпиады

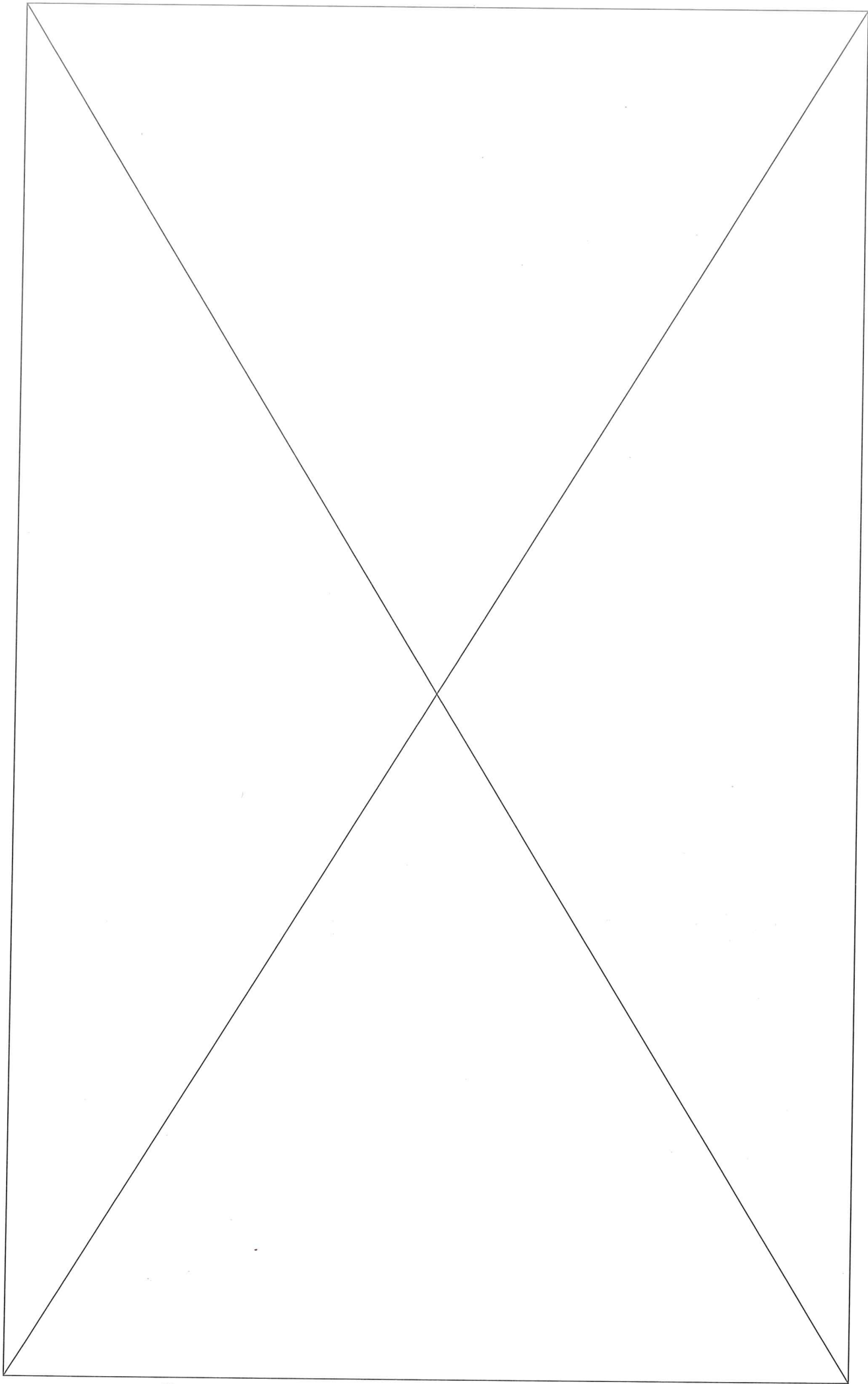
по ФИЗИКЕ
профиль олимпиады

АНДРЮШОВА АНДРЕЯ ВАЛЕРЬЕВИЧА
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

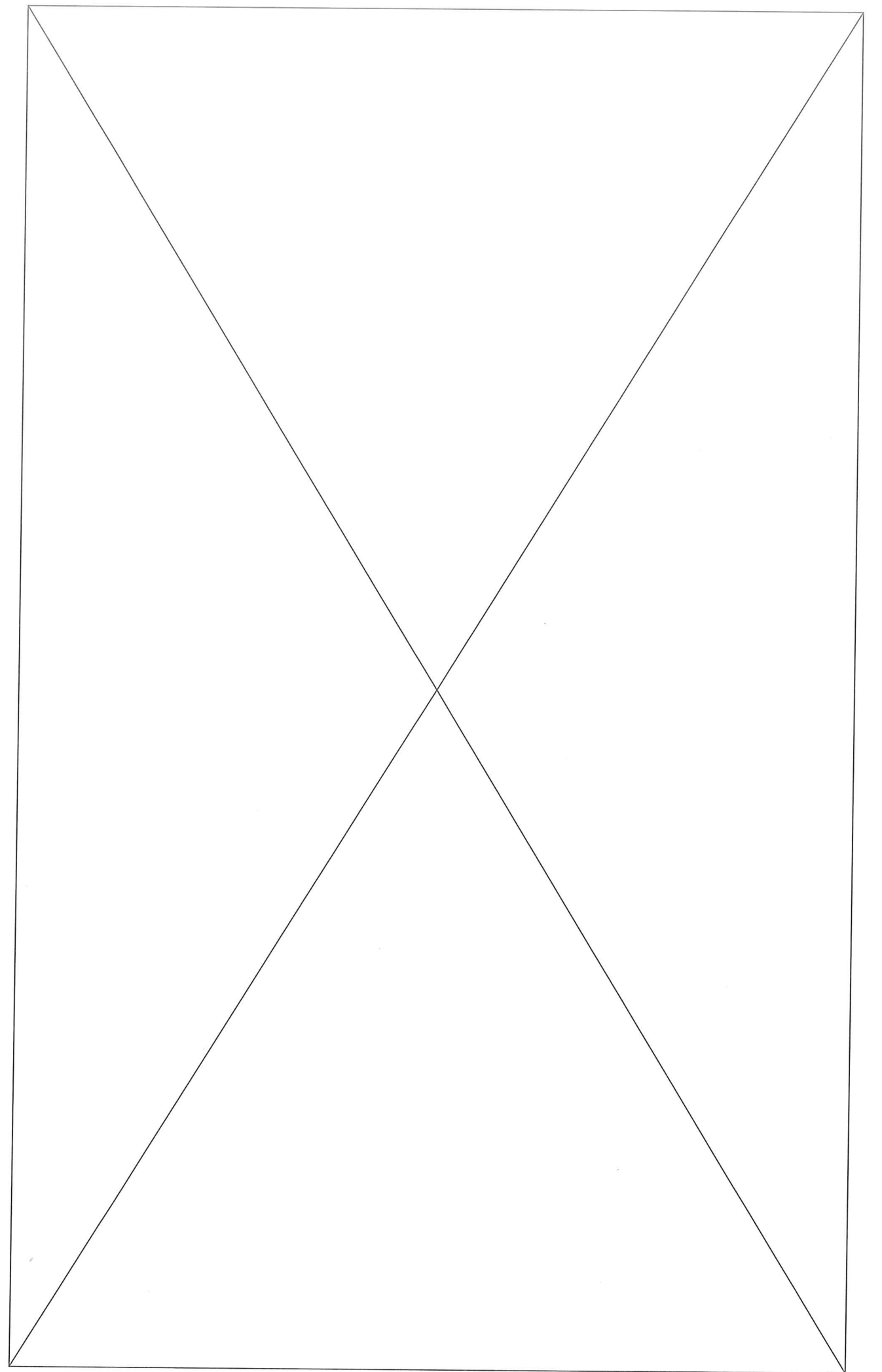
Дата

« 13 » ФЕВРАЛЯ 2026 года

Подпись участника



Выполнять задания на титульном листе запрещается!



Выполнять задания на титульном листе запрещается!

Черновик

$$S_1 = \frac{F \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d_1} + \frac{1}{S_1}$$

$$S_2 = \frac{F}{\cos \alpha}$$

$$d_2 = \frac{S_1}{\cos \alpha} = \frac{F}{1 - \cos \alpha} \quad d_2 = \frac{2F - F \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$$

$$\frac{1}{S_2} = \frac{F - F + F \cos \alpha}{F \cdot F}$$

$$F + S_2 = X$$

$$S_2 = X - F = \frac{F}{\cos \alpha} \quad \cos \alpha = \frac{F}{X - F}$$

$$L = \arccos \frac{F}{X - F}$$

$$\begin{matrix} 10 \\ -23,5 \\ \hline 7,5 \\ \hline 16,0 \end{matrix}$$

$$7,5 \mid 160$$

$$\frac{75}{160} = \frac{15}{32}$$

$$L = \arccos \frac{15}{32}$$

$$\frac{1}{F} - \frac{1 - \cos \alpha}{F(2 - \cos \alpha)}$$

$$= \frac{2 - \cos \alpha - 1 + \cos \alpha}{(2 - \cos \alpha)F} = \frac{1}{F(2 - \cos \alpha)}$$

$$\Rightarrow S_2 =$$

$$4F - F \cos \alpha = X$$

1.5.1.



5.2.3.



$$F_x = m \ddot{x}$$

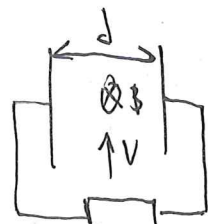
$$U_0 = C_0 q_0$$

$$\frac{B \Delta S}{\Delta t} = \frac{B \Delta V \Delta t}{\Delta t}$$

$$\frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0}$$

$$U_0 = \frac{\epsilon_0 S}{d} q_0$$

$$\mathcal{E}_i = V B d$$



$$q_0 = \frac{d U_0}{\epsilon_0 l^2}$$

$$\frac{d m q_0}{2 \epsilon_1} + \frac{q_0^2}{2 \epsilon_2} = \text{const}$$

$$m g \frac{d^2}{2} + \frac{m l^2 \dot{\alpha}^2}{2} = \text{const}$$

$$m g l \dot{\alpha}^2 + m l^2 \ddot{\alpha} = 0$$

$$\ddot{\alpha} + \frac{g}{l} \alpha = 0$$

$$\frac{q^2 (d-x)}{2 \epsilon_0 l^2} + \frac{q^2 x}{2 \epsilon_0 l^2} + \frac{m x}{2} = \text{const}$$

$$\frac{d U_0^2 (d-x)^2 + \mathcal{E} x}{2 \epsilon \epsilon_0 l^4} + \frac{m x^3}{2} = \text{const}$$

$$\text{const} = \frac{q^2 d}{2 \epsilon \epsilon_0 l^2}$$

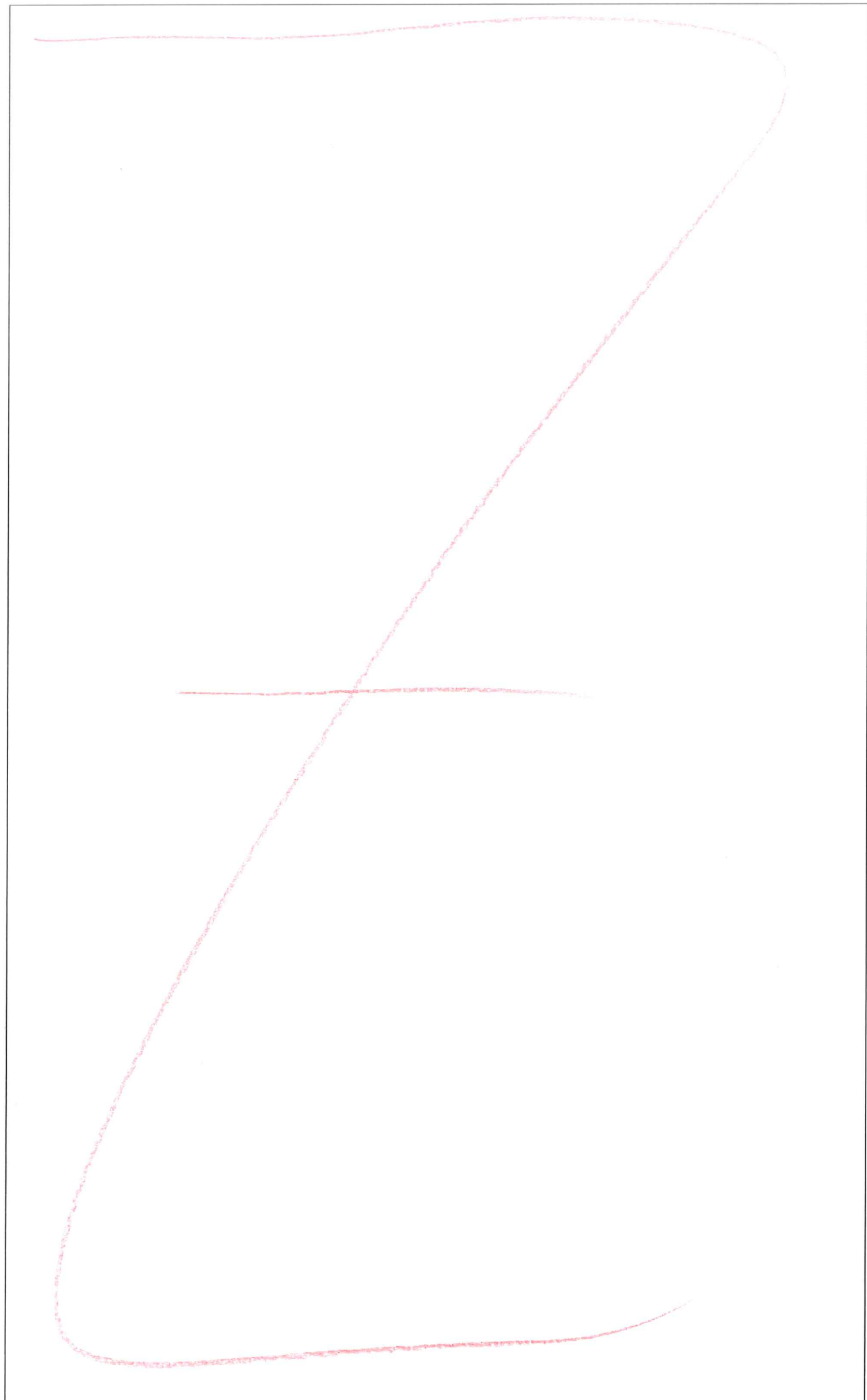
$$P = \mathcal{E}_i \cdot I - I^2 r = \frac{\mathcal{E}_i^2}{2R} - \frac{\mathcal{E}_i^2}{4R^2} = \frac{\mathcal{E}_i}{4R}$$

$$I_m = \frac{\mathcal{E}_i}{2r} ; \text{т.е. } r = R$$

$$I_m = \frac{\mathcal{E}_i}{2R}$$

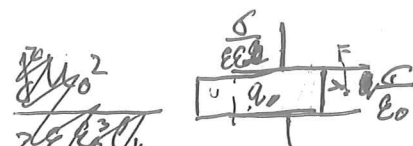
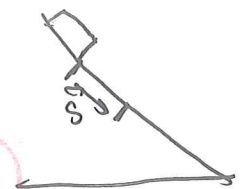
$$P_m = \frac{\mathcal{E}_i^2}{4R^2} \cdot R = \frac{\mathcal{E}_i^2}{4R} = \frac{(V B d)^2}{4R}$$

$$V = \frac{4 R P_m}{B d} = \frac{2 \cdot 2 \cdot 10^{-2}}{1 \cdot 0,4} = \frac{10}{4} = 2,5 \frac{V}{C}$$



06-34-52-68
(3.8)

Черновик:



$$C = \frac{q}{U} \quad ; \quad U = \frac{\sigma \cdot d}{\epsilon \epsilon_0} \quad ; \quad q_0 = U \cdot \frac{\epsilon \epsilon_0 l d}{d}$$

$$C = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d} \quad ; \quad q_0 = \frac{U q_0}{\epsilon_0 l^2}$$

$$\frac{q_0^2}{2C_1} + \frac{q_0^2}{2C_2} + \frac{m \dot{x}^2}{2} = const \quad ; \quad C_1 = \frac{\epsilon \epsilon_0 l (l-x)}{d}$$

$$\frac{q_0^2}{2} \left(\frac{d}{\epsilon \epsilon_0 l (l-x)} + \frac{d}{\epsilon_0 l x} \right) + \frac{m \dot{x}^2}{2} = const \quad ; \quad C_2 = \frac{\epsilon_0 l x}{d}$$

$$\frac{q_0^2}{2} \left(\frac{1}{\epsilon(l-x)} + \frac{1}{x} \right) = \frac{x + \epsilon l - \epsilon x}{\epsilon(l-x)x}$$

$$\frac{q_0^2 d}{2 \epsilon_0 \epsilon l (l-x)x} = \frac{q_0^2 d}{2 \epsilon_0 (l-x)x} \cdot \frac{\epsilon l + x}{\epsilon l} - \frac{q_0^2 d \epsilon x}{2 \epsilon_0 \epsilon l (l-x)x}$$

$$\frac{q_0^2 d}{2 \epsilon_0 (l-x)x} - \frac{q_0^2 d \epsilon x}{2 \epsilon_0 \epsilon l (l-x)x} = \frac{q_0^2 d (l-x)}{2 \epsilon_0 l (l-x)x} =$$

$$= \frac{q_0^2 d}{2 \epsilon_0 l x} \quad ; \quad \frac{C_1 U_0^2}{2} + \frac{C_2 U_0^2}{2} = \frac{U_0^2 \epsilon_0 l}{2 d} (\epsilon l - \epsilon x + x)$$

$$C_0 = \frac{q_0}{U_0} \quad ; \quad C_{00} = q$$

$$C_1 + C_2 = \frac{\epsilon_0 \epsilon (l-x) l}{d} + \frac{\epsilon_0 l x}{d} =$$

$$= \frac{\epsilon_0 l (\epsilon l - \epsilon x + x)}{d} \quad ; \quad \frac{q_0^2 d}{2 \epsilon_0 l (\epsilon l - \epsilon x + x)} - \frac{q_0^2 d}{2 \epsilon \epsilon_0 l^2}$$

$$\frac{q_0^2 d}{2 \epsilon_0 l} \left(\frac{l - \epsilon l + \epsilon x - x}{l (\epsilon l - \epsilon x + x)} \right) =$$

$$\frac{g \sin \alpha \tau^2}{2} = S \quad ; \quad \frac{g \sin \alpha \tau_1^2}{2}$$

$$v_0 \tau + \frac{g \sin \alpha \tau^2}{2} = S \quad ; \quad v_0 \tau_1 + \frac{g \tau_1^2}{2} = b$$

$$v_0 (\tau + \tau_2) + \frac{g \sin \alpha (\tau + \tau_2)^2}{2} = S + b$$

Условие:

$$v_0(t_1 + t_2) + \frac{g \sin \alpha (t_1 + t_2)^2}{2} = v_0 t_1 + \frac{g \sin \alpha t_1^2}{2} + v_0 t_2 + \frac{g \sin \alpha t_2^2}{2}$$

$$v_0(t_1 - t_2) = \frac{g \sin \alpha}{2} (2 t_1 t_2 + t_2^2 - t_1^2)$$

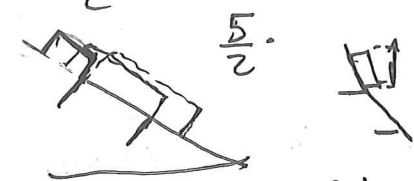
$$v_0 = \frac{10 \cdot \frac{1}{2}}{2} (2 \cdot 0,51 \cdot 1 - 1 - 4) \cdot 0,99$$

$$v_0 t + \frac{g t^2}{2} = s \quad v_0 t_1 + \frac{g \sin \alpha t_1^2}{2} = 6$$

$$v_0(t_1 + t_2) + \frac{g \sin \alpha (t_1 + t_2)^2}{2} = 5 + 6 \cdot 0,99$$

$$(v_0 + g \sin \alpha t_1) t_2 + \frac{g \sin \alpha t_2^2}{2} = 6 \cdot 0,99$$

$t_1 - t_2 = ?$



$v_0 t_1$

$$\frac{g \sin \alpha t_2^2}{2} = s \quad \frac{F \cos \alpha}{m} = \frac{1}{F} + \frac{1}{F \cos \alpha}$$

$$\frac{g \sin \alpha t_1^2}{2} = 6 \quad s_1 = \frac{F \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$$

$$\frac{g \sin \alpha (t_1 + t_2)^2}{2} = 5 + 6 \quad ds = \frac{F}{1 - \cos \alpha}$$

$$\frac{g \sin \alpha (2 t_1 t_2 + t_2^2 - t_1^2)}{2} \neq 0 \quad ds = \frac{F}{1 - \cos \alpha} + F$$

$$\frac{2F - F \cos \alpha}{1 - \cos \alpha} \cdot \frac{1}{F} = \frac{1 - \cos \alpha}{2F - F \cos \alpha}$$

$$s_2 = 2F - F \cos \alpha \quad \frac{2 - \cos \alpha - 1 + \cos \alpha}{(2 - \cos \alpha)F} = \frac{1}{s_2}$$

Условие
прод №5.2.3.

$$x^2 < l x$$

$$\frac{q_0^2 dl \epsilon^2 l - l}{2 \epsilon_0 l^2 (l-x) \cdot x} + \frac{m \dot{x}^2}{2} = 0 \quad l-x \approx l$$

$$\frac{q_0^2 dl + q_0^2 dl (\epsilon^2 - 1)}{2 \epsilon_0 l x} + \frac{m \dot{x}^2}{2} = 0$$

$$\frac{q_0^2 dl (x^2 + \epsilon l - l)}{2 \epsilon_0 l x} + \frac{m \dot{x}^2}{2} = 0$$

$$\frac{q_0^2 dl}{2 \epsilon_0 l} x + \frac{m \dot{x}^2}{2} = 0$$

Возвращаемся к уравнению.

$$\frac{q_0^2 dl}{\epsilon_0 l} \dot{x} x + m \dot{x} \ddot{x} = 0 \quad \ddot{x} + \frac{q_0^2 dl}{\epsilon_0 l m} x = 0$$

- гармон. урав. имеет.

$$\omega^2 = \frac{q_0^2 dl}{\epsilon_0 l m} = \frac{\epsilon_0^2 l^3 \cdot \omega_0^2}{\sqrt{\epsilon_0} \cdot l \cdot m} = \frac{\epsilon_0 l^3 \omega_0^2}{m \sqrt{\epsilon_0}}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{m \sqrt{\epsilon_0}}{\epsilon_0 l^3 \omega_0^2}}$$

$$\frac{T^2}{4\pi^2} = \frac{m \sqrt{\epsilon_0}}{\epsilon_0 l^3 \omega_0^2} \quad l = \sqrt[3]{\frac{4\pi^2 m \sqrt{\epsilon_0}}{T^2 \epsilon_0 \omega_0^2}}$$

ОТВЕТ: $\sqrt[3]{\frac{4\pi^2 m \sqrt{\epsilon_0}}{T^2 \epsilon_0 \omega_0^2}}$

Числовик
 прод № 5.2.3.
 $x = 0,1 \text{ м}$
 $T = 4,35 \text{ с}$
 $\epsilon = 4$
 $\epsilon_0 = 9 \cdot 10^{-12} \frac{\text{Ф}}{\text{м}}$
 $\frac{1}{1+x} \approx 1$

До пластины:
 $C_0 = \frac{\epsilon_0 S}{d}$; $S = l^2$; $C_0 = \frac{q_0}{U_0}$
 $q_0 = \frac{\epsilon_0 l^2}{d} \cdot U_0$, т.к. конденсатор
 отключен, то q_0 сохраняется и
 конденсаторы соединены последовательно:

$l - ?$

C_1 и C_2 : $C_1 = \frac{\epsilon_0 \epsilon l(l-x)}{d}$
 $C_2 = \frac{\epsilon_0 l x}{d}$

Заменим ЗСЭ для любого сечения x -малый:
 $\frac{q_{00}^2}{2C_1} + \frac{q_{00}^2}{2C_2} + \frac{m \dot{x}^2}{2} = \frac{q_0^2}{2C_0}$ q_{00} - заряд после
 выв. пластины

$$\frac{q_{00}^2}{2} \left(\frac{d}{\epsilon_0 \epsilon l(l-x)} + \frac{d}{\epsilon_0 l x} \right) + \frac{m \dot{x}^2}{2} = \frac{q_0^2}{2C_0}$$

$$\frac{q_{00}^2 d}{2 \epsilon_0 l} \left(\frac{1}{\epsilon(l-x)} + \frac{1}{x} \right) + \frac{m \dot{x}^2}{2} = \frac{q_0^2}{2C_0}$$

$$\frac{q_{00}^2 d (\epsilon l - \epsilon x + x)}{2 \epsilon \epsilon l(l-x)x} + \frac{m \dot{x}^2}{2} = \frac{q_0^2}{2C_0}$$

$$\frac{q_{00}^2 d}{2 \epsilon_0 l(l-x)x} \cdot \left(\frac{\epsilon l + x}{\epsilon} \right) + \frac{q_{00}^2 d x}{2 \epsilon_0 \epsilon l(l-x)x} + \frac{m \dot{x}^2}{2} = \frac{q_0^2}{2C_0}$$

$$\frac{\epsilon l}{\epsilon l + x} \approx 1 \quad \left(\frac{1}{1+x} \approx 1 \right)$$

$$\frac{q_{00}^2 d (\epsilon l + x)}{2 \epsilon_0 \epsilon l(l-x)x} + \frac{m \dot{x}^2}{2} = \frac{q_0^2}{2C_0}$$

$$\frac{q_{00}^2 d}{2 \epsilon_0 l(l-x)x} + \frac{m \dot{x}^2}{2} = \frac{q_0^2}{2C_0} = \frac{q_0^2 d}{2 \epsilon_0 l^2}$$

$$\frac{q_{00}^2}{2C} = \frac{C_0 U_0^2}{2}; \quad C = \frac{\epsilon \epsilon_0 l^2}{d}$$

$$q_{00}^2 = \frac{\epsilon \epsilon_0^2 l^2 \cdot l^2 U_0^2}{d^2} = (\epsilon q_0)^2$$

$$\frac{\epsilon q_0^2 d \cdot l^2 - q_0^2 d (lx - x^2)}{2 \epsilon_0 l^2 (l-x)x} + \frac{m \dot{x}^2}{2} = 0$$

06-34-52-68
(3.8)

Числовик

№ 2.3.3

Дано:

$V = 30 \text{ м}^3$

$T = 273 \text{ К}$

$\Delta m = 1 \text{ кг}$

$\lambda_k = 3,3 \cdot 10^5 \frac{\text{Дж}}{\text{кг}}$

$\nu_n = 2,3 \cdot 10^6 \frac{\text{Дж}}{\text{кг}}$

$M = 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{кг}}{\text{моль}}$

$R = 8,3 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$

Решение:

$t = 0^\circ \text{C} = 273 \text{ К}$

Т.к. воздух изначально сухой, то
 $\varphi \approx 0$ - нач. относ. влажность, вода
 начала испаряться и кристаллизоваться
 до тех пор, пока давление пара в
 воздухе не стало насыщен.

Заменим урав. тем. баланса (ЗСЭ):
 $Q_k = Q_n$ $Q_k = \Delta m \cdot \lambda_k$ $Q_n = m_n \cdot \nu_n$

m_n - масса воды, ставшей паром. $\Rightarrow m_n = \frac{\lambda_k \Delta m}{\nu_n}$
 Пар насыщен, когда пар. в дин. равновесии со
 своей жидкостью, т.е. $p_{\text{паров}} = p_{\text{нас}}$. Заменим
 момент, когда нас. пар только-только стал
 насыщен, ведь тогда в приближ. можно считать его
 идеальным газом. Учитывая это, заменим ур. Менд-
 елеева: $p_{\text{нас}} V = \nu R T$, где $\nu = \frac{m_n}{M}$

$p_{\text{нас}} = \frac{m_n \lambda_k \cdot R T}{\nu M V} = \frac{11 \cdot 83 \cdot 273}{23 \cdot 18} \approx 602 \text{ Па}$
 Ответ: $p_{\text{нас}} = \frac{m_n \lambda_k}{m_n \cdot M} \cdot \frac{R T}{V} \approx 602 \text{ Па}$

№ 3.3.3

Дано:

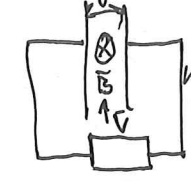
$R = 9 \text{ Ом}$

$d = 0,4 \text{ м}$

$B = 1 \text{ Тл}$

$P_m = 10^{-3} \text{ Вт}$

Решение:



Т.к. между 2 парал. вет.
 металлическими, течет поток энергии
 впр. со стор. V , согласно эв. Эм.
 индукции возникает индук.
 ток, направленный по правилу
 Ленца и Буравкина. Согласно закону
 Фарадея (Эм. инд.) $|\mathcal{E}_i| = B \left| \frac{\Delta S}{\Delta t} \right| = B \frac{\Delta S}{\Delta t} = \mathcal{E}$

$\Delta S = V \Delta t \cdot d \Rightarrow \mathcal{E} = B V d$, но проводящая
 петля имеет сопротивление, т.е. "источник" - не иде.
 По рассуждениям, представ. выше можно заключить,
 что эв. схема будет след:



По 3. Вещ для полного ур. цепи при малых темп. и
 низких токах: $\mathcal{E} = I r + I \cdot R$

Числовик.

Прог. №3.3.3:

$\mathcal{E}I = I^2 r + I^2 R$; $P_R = I^2 R$ - мощность на рез.

$P_R = \mathcal{E}I - I^2 r$ - параб. с ветвями вниз от I.

$\Rightarrow P_R = P_m$ в верш.: $I_m = \frac{\mathcal{E}}{2r}$, т.е. $r=R \Rightarrow$

$\Rightarrow P_m = \frac{\mathcal{E}^2}{4R} \Rightarrow P_m = \frac{(BVd)^2}{4R} \Rightarrow V = \frac{\sqrt{4RP_m}}{Bd} = +$

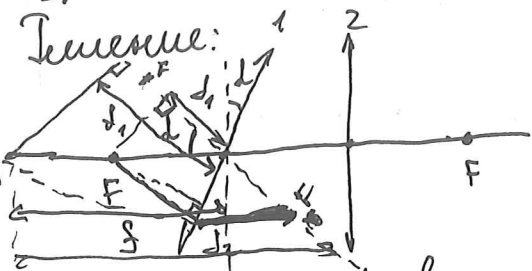
$= \frac{\sqrt{4 \cdot 0,4 \cdot 10^{-5}}}{1 \cdot 0,4} = 0,1 \frac{м}{с} +$

Ответ: $0,1 \frac{м}{с}$.

№ 4.10.3.

Дано:

$F = 7,5 м$
 $x = 23,5 м$
 $L = ?$



Решение: новая отв. ось с11

из перпендик. сторон обозначим равные углы.

$d_1 = F \cos L$ - раст. от ост. до верш. с11

$d_1 < F$ - длина сов. \Rightarrow по формуле тонкой струны:

$\frac{1}{F} = \frac{1}{d_1} - \frac{1}{S_1} \Rightarrow S_1 = \frac{F \cos L}{1 - \cos L}$; заметим, что

из рисунка и прав. построения угол в сов. струне следует, что угол ост. от с11 лежит на прямой отв. оси с12. \Rightarrow

$\Rightarrow f = \frac{S_1}{\cos L} = \frac{F}{1 - \cos L}$, а $d_2 = F + f = \frac{2F - F \cos L}{1 - \cos L}$ (учи.)

- раст. от угол с11 до с12.

$d_2 > F \Rightarrow$ с12 - сов. струна \Rightarrow по формуле тонкой струны:

$\frac{1}{F} = \frac{1}{S_2} + \frac{1}{d_2} \Rightarrow \frac{2F - F \cos L - F}{F(2F - F \cos L)} = \frac{1}{S_2}$

~~$f_2 = \frac{2F - F \cos L}{1 - \cos L}$ - раст. от с12, до угол в сов. струне~~

Числовик

Прог. №4.10.3.

$x = 2F + f_2 = 2F + \frac{2F - F \cos L}{1 - \cos L} = \frac{4F - 3F \cos L}{1 - \cos L}$

$x - x \cos L = 4F - 3F \cos L$
 $\cos L = \frac{x - 4F}{x - 3F} = \frac{1}{16} \Rightarrow L = \arccos \frac{1}{16}$

Ответ: $\arccos \frac{1}{16}$.

$f_2 = F(2 - \cos L)$ - раст. от с12, до угол в сов. струне

$x = 2F + f_2 = 4F - F \cos L$

$\cos L = \frac{4F - x}{F} = -\frac{1}{15} \Rightarrow L = \arccos(-\frac{1}{15})$

Ответ: $\arccos(-\frac{1}{15})$.

№ 1.5.3.

Дано:

$L = 30^\circ$

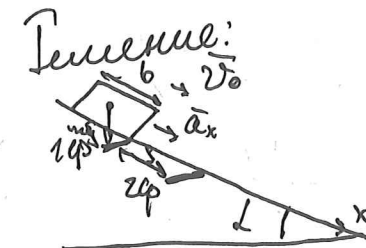
$\tau = 0,5 с$

$\tau_1 = 2 с$

$\tau_2 = 1 с$

$g = 10 \frac{м}{с^2}$

$b = ?$



Решение: \vec{g} в лев. отв. - Земля-верху. заменим \vec{g} от Ox : $mg \sin L = a_x \cdot m$
 $a_x = g \sin L$

Пусть: S - расстояние между проекциями.

Тогда: $\begin{cases} v_0 \tau + g \sin L \tau^2 = S \\ v_0 \tau_1 + g \sin L \tau_1^2 = b \\ v_0(\tau_2 + \tau) + g \sin L(\tau_2 + \tau)^2 = S + b \end{cases}$

$v_0 = \frac{g \sin L}{2(\tau_2 - \tau_1)} \cdot (2\tau_2\tau_1 + \tau_2^2 - \tau_1^2)$
 $b = \frac{g \sin L \tau_1}{2(\tau_2 - \tau_1)} \cdot (2\tau_2\tau_1 + \tau_2^2 - \tau_1^2) + \frac{g \sin L \tau_1^2}{2} = 0,1 м$

Ответ: $0,1 м$.

№ 5.2.3.

Дано:

$U_0 = 100 В$

$d = 1 мм$

$n = 10 Г$

Решение: