



Вход: 16³³ - 16³⁵
Am

**МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА**

Вариант 2

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
наименование олимпиады

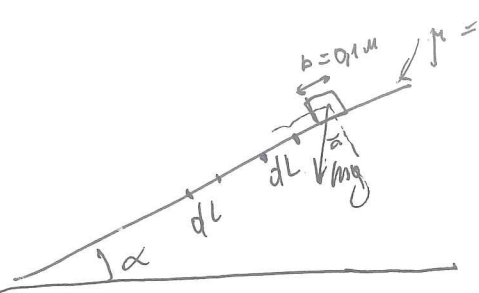
по физике
профиль олимпиады

Голубовича Дмитрия Милановича
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата
«13» февраля 2026 года

Подпись участника
Голубович

Черноелик

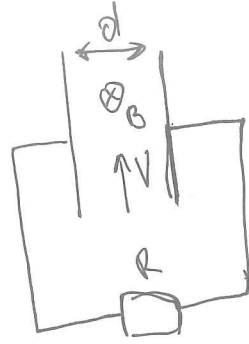


$mg \sin \alpha = ma$
 $g \sin \alpha = a$
 при перехр. 1-го эл-ма $v = v_1$
 $dl + b = v_1 \tau_1 + \frac{g \sin \alpha \tau_1^2}{2}$
 $dl + b = v_2 \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$
 $v_2 = v_1 + g \sin \alpha \tau_2$
 $v_1 \tau_1 + \frac{g \sin \alpha \tau_1^2}{2} = v_1 \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$
 $v_1 \tau_1 + \frac{g \sin \alpha \tau_1^2}{2} = v_2 \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$
 $\tau_1 (v_1 + \frac{g \sin \alpha \tau_1}{2}) = \tau_2 (v_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2}{2})$
 $\frac{g \sin \alpha}{2} (\tau_1^2 - \tau_2^2) = v_2 \tau_2 - v_1 \tau_1$
 $\sin \alpha = \frac{2(v_2 \tau_2 - v_1 \tau_1)}{g(\tau_1^2 - \tau_2^2)}$
 $b = v_1 \tau_1 + \frac{g \sin \alpha \tau_1^2}{2}$
 $b = v_2 \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$
 $v_2 = v_1 + g \sin \alpha \tau_2$
 $\Rightarrow \frac{b}{\tau_2} - \frac{g \sin \alpha \tau_2}{2} = \frac{b}{\tau_1} - \frac{g \sin \alpha \tau_1}{2} + g \sin \alpha \tau_2$
 $\frac{b}{\tau_2} - \frac{b}{\tau_1} = g \sin \alpha (\frac{\tau_2}{2} - \frac{\tau_1}{2} + \tau_2)$
 $\Rightarrow \sin \alpha = \frac{2b \cdot (\tau_1 - \tau_2)}{g \tau_1 \tau_2 (\tau_2 - \tau_1 + 2\tau_2)}$
 $\frac{2 \cdot 0,1 \cdot 1}{10 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 0,02 \cdot 2} = \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha = 30^\circ$

55-81-99-19
(2,6)

Числовик.
 №1,5.2.
 по оси OX: $mg \sin \alpha = ma \Rightarrow$
 $\Rightarrow a = g \sin \alpha$
 т.к. размеры тела малые, по оси
 размерами можно пренебречь по
 сравнению с размерами бруска.
 пусть в начале перекрытия 1-го эл-ма скорость бруска v_1
 а в начале перекрытия 2-го — $v_2 \Rightarrow$
 $\Rightarrow b = v_1 \tau_1 + \frac{g \sin \alpha \tau_1^2}{2}$
 $b = v_2 \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$
 $v_2 = v_1 + g \sin \alpha \tau_2$
 $\frac{b}{\tau_2} - \frac{b}{\tau_1} = \frac{g \sin \alpha \tau_2}{2} - \frac{g \sin \alpha \tau_1}{2} + g \sin \alpha \tau_2 \Rightarrow$
 $\Rightarrow \sin \alpha = \frac{2b}{g} \cdot (\frac{1}{\tau_2} - \frac{1}{\tau_1}) \cdot (\frac{1}{\tau_2 - \tau_1 + 2\tau_2}) \Rightarrow$
 $\Rightarrow \sin \alpha = \frac{2b(\tau_1 - \tau_2)}{g \tau_1 \tau_2 (\tau_2 - \tau_1 + 2\tau_2)} \Rightarrow \alpha = 30^\circ$
 Ответ: $\alpha = 30^\circ$
 №2,3.2.
 $Q_1 = \Delta m \lambda_k$ — кол-во тепл, полученное от кристаллизации пара
 $Q_2 = m_n r_n$ — кол-во тепл, затр. на парообразование
 $Q_1 = Q_2$, т.к. тепло не передается $\Rightarrow m_n = \frac{\Delta m \lambda_k}{r_n}$
 $\rho_{\text{пар}} V = \frac{m_n}{\mu} RT \Rightarrow V = \frac{m_n RT}{\mu \rho_{\text{пар}}}$
 $\Rightarrow V = \frac{\Delta m \lambda_k RT}{\mu r_n \rho_{\text{пар}}} \Rightarrow V \approx 30 \text{ м}^3$
 Ответ: 30 м^3 $V = 30 \text{ м}^3$

Чистовик.
№3.3.2



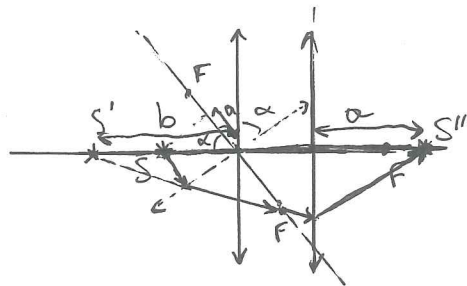
на заряд частицы жидкости q действующим
силой Лоренца $F = qVB$, тогда
~~можно представить напряжение~~
этой силе противостоять нулю
равной ей по модулю (жидк. в цепи) \Rightarrow
 $\Rightarrow E = \frac{F}{q} = qVB$ - напр. эд. поле между м-ми

$\Rightarrow U = Ed = VBd$, можно представить это как источник
с ЭДС VBd и вн. сопр. r (сопр. жидк.) $\Rightarrow I = \frac{VBd}{R+r}$ - ток в
контуре, тогда $P = I^2 R = \frac{V^2 B^2 d^2 R}{(R+r)^2}$, т.к. по усл. P -наиб.
 $\Rightarrow \frac{R}{(R+r)^2}$ - наиб. $\Rightarrow R=r \Rightarrow P_m = \frac{V^2 B^2 d^2}{4R}$ $\Rightarrow B = \frac{2\sqrt{RP_m}}{Vd}$

$\Rightarrow B = 1 \text{ Тл}$

Ответ: $B = 1 \text{ Тл}$

№4.10.2



при повороте 1-ой линзы расстояние
от S до её нл-ты становится равным
 $F \cdot \cos \alpha \Rightarrow$ по оп-ле тонкой линзы

$\frac{1}{F \cdot \cos \alpha} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{b} = \frac{\cos \alpha - 1}{F \cdot \cos \alpha} \Rightarrow$

$\Rightarrow b = F \cdot \frac{\cos \alpha}{\cos \alpha - 1} < 0 \Rightarrow S'$ мнимое

S' лежит на оси, проходящей через опти. центр линзы,
т.к. она не изменила своё пол. и один из лучей S проходит
через O 1-ой линзы \Rightarrow оп-ла тонкой линзы: $\frac{1}{F-b} + \frac{1}{a} = \frac{1}{F}$

$\Rightarrow \frac{1}{a} = \frac{1}{F} - \frac{1}{F-b} \Rightarrow \frac{1}{a} = \frac{1}{F} - \frac{1}{F(1 - \frac{\cos \alpha}{\cos \alpha - 1})} = \frac{1}{F} - \frac{1 - \cos \alpha}{F} = \frac{\cos \alpha}{F} \Rightarrow$

$\Rightarrow a = \frac{F}{\cos \alpha} \Rightarrow X = 2F + a = 2F + \frac{F}{\cos \alpha} \Rightarrow \frac{F(2 \cos \alpha + 1)}{\cos \alpha} = X \Rightarrow$

$\Rightarrow F = \frac{X \cdot \cos \alpha}{2 \cos \alpha + 1} \Rightarrow F = \frac{23,5 \cdot \sqrt{3}}{2\sqrt{3} + 2} \approx 7,5 \text{ см}$

Ответ: $F = 7,5 \text{ см}$

Ошибки в решении

Чистовик

$Q_1 = \Delta m \lambda_k$ - количество метал $V \ll V \Rightarrow$ т.к. $\Delta U = 0 \Rightarrow Q = A \Rightarrow$
 $\Rightarrow Q = \Delta m \lambda_k = P_{\text{рас}} \cdot V \Rightarrow V = \frac{\Delta m \lambda_k}{P_{\text{рас}}}$

Z

m_n - масса пара $Q = m_n r_n$

$P_{\text{рас}} V = \frac{m_n}{\mu} RT$
 $Q_1 = Q_2$ т.к. мем. раба $\Rightarrow \Delta m \lambda_k = m_n r_n$
 $\Rightarrow \frac{\Delta m \lambda_k}{\mu r_n} RT = P_{\text{рас}} V \Rightarrow V = \frac{\Delta m \lambda_k RT}{\mu r_n P_{\text{рас}}}$

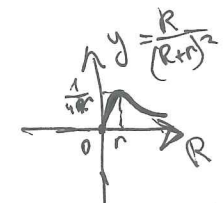
$m_n = \frac{\Delta m \lambda_k}{r_n + \frac{RT}{\mu}}$ $\approx 140,55$
 $= \frac{330 \cdot 83 \cdot 273}{25 \cdot 611 \cdot 18}$
 $1 \cdot 330 \cdot 10^3 \cdot 8,5 \cdot 273 = 18 \cdot 10^3 \cdot 23 \cdot 10^6 \cdot 611$
 $P_{\text{рас}} V = \frac{\Delta m \lambda_k RT}{\mu(r_n + \frac{RT}{\mu})} P_{\text{рас}} = 1 \cdot 330 \cdot 10^3 \cdot 8,3 \cdot 273 = 18 \cdot 10^3 \cdot 611 \cdot (2,5 \cdot 10^6 + \frac{8,3 \cdot 273}{18 \cdot 10^{-3}})$

Z

$\frac{55 \cdot 10^4 \cdot 83}{23 \cdot 611 \cdot 11} \approx 30 \text{ м}^3$
 $\frac{83 \cdot 273}{18} \cdot 10^2$
 $\frac{83}{6} \cdot \frac{6}{14} \cdot \frac{14}{11} \cdot \frac{126}{12400}$
 $2300000 \approx 2,3 \cdot 10^7$

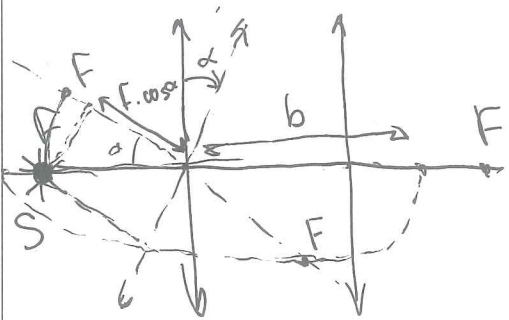
$F = q \cdot V \cdot B$

$U = \frac{F \cdot d}{q} = VBd \Rightarrow I = \frac{U}{R+r}$



$P = I^2 R = \frac{V^2 B^2 d^2 R}{(R+r)^2}$ - наиб. $\Rightarrow R=r \Rightarrow \frac{V^2 B^2 d^2}{4R} = P_m$
 $B = \frac{2\sqrt{RP_m}}{Vd} = \frac{2\sqrt{0,4 \cdot 10^{-3}}}{0,1 \cdot 0,4} = \frac{2 \cdot 2 \cdot 10^{-2}}{0,04} = 1 \text{ Тл}$

Чертовик



$$\frac{1}{F} = \frac{1}{F \cdot \cos \alpha} + \frac{1}{b}$$

$$\frac{1}{b} = \frac{\cos \alpha - 1}{F \cdot \cos \alpha} \Rightarrow \text{изобр. минимал}$$

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{F-b} + \frac{1}{a} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{F} - \frac{1}{F-b}$$

$$\frac{1}{a} = \frac{1}{F} - \frac{1}{F \left(\frac{\cos \alpha}{\cos \alpha - 1} \right)} = \frac{1}{F} - \frac{1 - \cos \alpha}{F}$$

$$= \frac{\cos \alpha}{F} \cdot \frac{-1}{\cos \alpha - 1} = \frac{1}{1 - \cos \alpha} = a$$

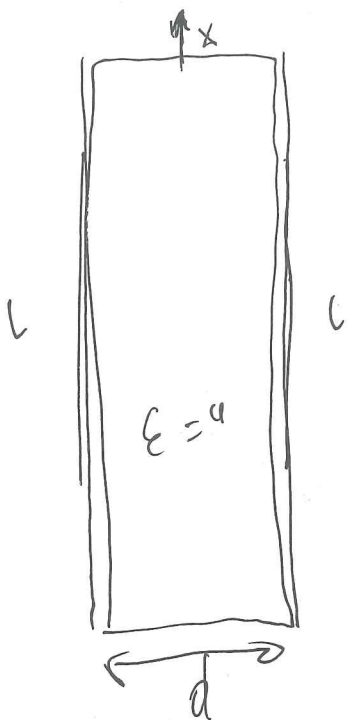
$$x = 2F + \frac{F}{\cos \alpha}$$

$$F x = \frac{2 \cos \alpha + 1}{\cos \alpha} F \Rightarrow$$

$$\Rightarrow F = \frac{x \cos \alpha}{2 \cos \alpha + 1} \Rightarrow F = x \cdot \frac{\sqrt{3}}{2(\sqrt{3}+1)}$$

$$\sqrt{3} \approx 1,7$$

$$F \approx \frac{4,7}{6} \approx \frac{8}{2,9} = \frac{2,7}{0,5} = \frac{5,4}{1}$$



$$C_0 = \frac{\epsilon_0 S}{d} = \frac{\epsilon_0 l^2}{d} \Rightarrow q = \frac{\epsilon_0 l^2}{d} U_0$$

$$C_1 \Rightarrow \epsilon C = \frac{\epsilon_0 \epsilon l^2}{d} \Rightarrow W_1 = \frac{q^2}{C} = \frac{\epsilon_0^2 l^4 U_0^2}{d^2 \epsilon \epsilon_0 l^2} = \frac{\epsilon_0 l^2 U_0^2}{d \epsilon}$$

$$W = \frac{\epsilon_0 U_0^2 L^2}{\epsilon d}$$

Связать на x м-ой $C_x = \frac{\epsilon_0 \epsilon (l-x) l}{d} +$

$$+ \frac{\epsilon_0 x l}{d} = \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon l - (\epsilon-1)x)$$

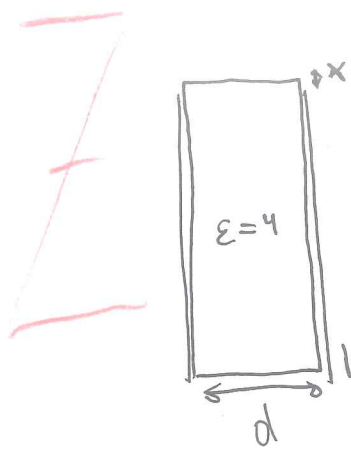
$$W_2 = \frac{q^2}{C_2} = \frac{\epsilon_0^2 l^4 U_0^2}{d^2 \epsilon_0^2 \epsilon l^2 (\epsilon l - (\epsilon-1)x)} = \frac{\epsilon_0 U_0^2 l^3}{d (\epsilon l - (\epsilon-1)x)}$$

55-81-99-19
(2.6)

Чистовик.

№ 5.2.2

14



$$\text{т.к. } C_0 = \frac{\epsilon_0 l^2}{d} \Rightarrow q = \frac{\epsilon_0 U_0 l^2}{d} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow W_1 = \frac{q^2}{2C_1} - \text{энергия конден. при вдевании, когда симметрия по x}$$

$$W_2 = \frac{q^2}{2C_2} - \text{энергия конден. при вдевании, когда вся пластинка в нем}$$

максимально в нем

$$C_1 = \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon l - (\epsilon-1)x)$$

$$C_2 = \frac{\epsilon_0 \epsilon l^2}{d}$$

при малых x: $\frac{1}{1+x} \approx 1 - x$
 $\Rightarrow 1 \approx 1+x$

$$\Rightarrow W_1 = \frac{\epsilon_0^2 U_0^2 l^3}{2d^2 \epsilon_0 \epsilon l^2 (\epsilon l - (\epsilon-1)x)}$$

$$\Rightarrow W_1 = \frac{\epsilon_0^2 U_0^2 l^3}{2d^2 \epsilon_0 \epsilon l^2 (\epsilon l - (\epsilon-1)x)} = \frac{\epsilon_0 U_0^2 l^3}{2d (\epsilon l - (\epsilon-1)x)}$$

$$W_2 = \frac{\epsilon_0^2 U_0^2 l^3}{2d^2 \epsilon_0 \epsilon l^2} = \frac{\epsilon_0 U_0^2 l^3}{2d \epsilon l}$$

$$3C \partial: W_1 - W_2 = \frac{m v^2}{2}, \text{ т.к. нет трения и м-ва конден. (} \Delta W_1 = 0 \text{)}$$

$$x(t) = A \cdot \cos(\omega t + \phi)$$

$$x(0) = x$$

$A = x$, т.к. W_1 - полная энергия системы, а если м-ва вылетит из конден. на $x > x$, то энергия конден. станет больше энергии системы, что невозможно

$$\Rightarrow x(t) = x \cdot \cos(\omega t) \Rightarrow v(t) = -x \cdot \omega \cdot \sin(\omega t)$$

$$\text{т.к. } W_2 - \text{наим. возм. энергия конден.} \Rightarrow v = -x \omega \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{m x^2 \omega^2}{2} = \frac{\epsilon_0 U_0^2 l^3}{2d} \left(\frac{1}{\epsilon l - (\epsilon-1)x} - \frac{1}{\epsilon l} \right)$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$\Rightarrow m = \frac{\epsilon_0 U_0^2 l^3 T^2}{x^2 \cdot 4\pi^2 \cdot d} \cdot \frac{(\epsilon-1)x^2}{\epsilon l (\epsilon l - (\epsilon-1)x)}$$

$$\Rightarrow m = \frac{\epsilon_0 U_0^2 T^2 l (\epsilon-1)}{4\pi^2 \cdot d \cdot x \cdot \epsilon^2} \Rightarrow m \approx 10^{-2} \text{ кг} \approx 10 \text{ г}$$

Ответ: $m = 10^{-2} \text{ кг} = 10 \text{ г}$



Чертовик

$$W_2 = W_1 + \frac{mv^2}{2}$$

$$\frac{\epsilon_0 u_0^2 l^3}{d(\epsilon l - (\epsilon-1)x)} = \frac{\epsilon_0 u_0^2 l^2}{\epsilon d} + \frac{mv^2}{2}$$

$A = x \Rightarrow \cos \omega t \varphi_0 = 0 \Rightarrow v = \dot{x} = -A \cdot \omega \cdot \sin \omega t$

$$\frac{\epsilon_0 u_0^2 l^3}{d} \left(\frac{1}{\epsilon l - (\epsilon-1)x} - \frac{1}{\epsilon l} \right) = \frac{m x^2 \omega^2}{2 T^2}$$

$$\frac{\omega^2}{x^2 \omega^2} \cdot \frac{(\epsilon-1)x}{\epsilon l (\epsilon l - (\epsilon-1)x)} \cdot \frac{\epsilon_0 u_0^2 l^3}{d} = m x$$

$$\frac{2 \cdot 4,35^2 \cdot 3 \cdot 10^{-4} \cdot 9 \cdot 10^{-22} \cdot 100^2 \cdot 0,2^2}{(10^{-4})^2 \cdot 4 \cdot \pi^2 \cdot 4 \cdot 0,2 \cdot (4 \cdot 0,2 - 3 \cdot 10^{-3}) \cdot 10^{-3}} = m$$

$$= \frac{4 \cdot 4,35^2 \cdot 3 \cdot 9 \cdot 10^{-4} \cdot (0,2)^2}{4 \cdot 4 \cdot \pi^2 (8 - 3 \cdot 10^{-3})} = \frac{4 \cdot 4,35^2 \cdot 27 \cdot 8}{8 \cdot 8 \cdot \pi^2 (8 - 0,003)} \approx \frac{435^2 \cdot 27}{64 \pi^2}$$

$$\frac{\epsilon_0 u_0^2 l^3}{d(\epsilon l - (\epsilon-1)x)} = \frac{\epsilon_0 u_0^2 l^2}{\epsilon d} \left(\frac{\epsilon l}{\epsilon l - (\epsilon-1)x} \right) = \frac{1}{1 - \frac{(\epsilon-1)x}{\epsilon l}} \approx 1$$

$$\frac{8}{8 - 0,003} \approx 8 \cdot 16,8$$

$$\frac{27 \cdot 4,35^2}{64 \cdot 3,14^2}$$

$$\frac{\epsilon_0 \cdot u_0^2 \cdot l^2 \cdot l(\epsilon-1)}{4 \pi^2 \cdot d \cdot x \cdot \epsilon^2} \quad \frac{435}{314} \approx \frac{16}{8} \quad \frac{27}{64} \approx \frac{3}{4} \quad \frac{305}{8} \approx \frac{5,1}{8} \approx \frac{5}{8} \cdot 4,35 \approx$$

$$\frac{9 \cdot 10^{-12} \cdot 10^4 \cdot 4,35^2 \cdot 0,2 \cdot 3}{4 \cdot (3,14)^2 \cdot 10^{-2} \cdot 10^{-4} \cdot 42} = \frac{27}{64} \left(\frac{4,35}{3,14} \right)^2 \cdot 0,028$$

$\frac{3 \cdot 10^{-4}}{0,8} = \frac{3}{8} \cdot 10^{-2}$

Чертовш.

$l=20 \text{ см}; d=1 \text{ мм}; U=100 \text{ В}; d=1 \text{ мм}; x=0,1 \text{ мм}; x \ll d \ll l;$
 $\epsilon=4; \epsilon_0=9 \cdot 10^{-12} \text{ Ф/м}; T=4,35 \text{ с} \quad \frac{1}{\pi x} \approx 1, x \ll 1$

$\omega = \frac{2\pi}{T}$

$C = \frac{\epsilon_0 \epsilon^2 U}{d}$

$F dx = \Delta W = \frac{m v^2}{2}$

$W_1 = \frac{q^2}{2C_1}$

$W_2 = \frac{q^2}{2C_2}$

$C_1 = \frac{\epsilon_0 \epsilon l}{d} (\epsilon l - \epsilon x)$

$C_2 = \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon l - \epsilon x - dx)$

$\Rightarrow \Delta W = \frac{q^2}{2\epsilon_0 l} \left(\frac{1}{\epsilon l - \epsilon x - dx} - \frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} \right)$

$\frac{d}{dx} \left(\frac{1}{\epsilon l - \epsilon x - dx} - \frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} \right) = \frac{d}{dx} \left(\frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} - \frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} \right) = \frac{d}{dx} \left(\frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} - \frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} \right)$

$\frac{d}{dx} \left(\frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} - \frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} \right) = \frac{d}{dx} \left(\frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} - \frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} \right) = \frac{d}{dx} \left(\frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} - \frac{1}{\epsilon l - \epsilon x} \right)$

$F = m \ddot{x} \Rightarrow \ddot{x} + \omega^2 x = 0$

$-\frac{F}{m} + \frac{2\pi^2}{T^2} x = 0$

$\frac{m}{F} = \frac{T^2 x}{4\pi^2}$

$m = F \cdot \frac{T^2}{4\pi^2 x}$

$m = \frac{(\epsilon - 1) d q^2 T^2}{8\pi^2 x \epsilon_0 l (\epsilon l - \epsilon x)^2} = \frac{(\epsilon - 1) T^2 \epsilon_0 l^3 U^2}{2 d x \cdot 4\pi^2 (\epsilon l - \epsilon x)^2}$

$\frac{32}{24} \cdot \frac{16}{11} = \frac{256}{264} \approx 0,97$

$q^2 = \frac{\epsilon^2 l^4 U^2}{(\epsilon - 1) T^2 \epsilon_0 l U^2}$

$= \frac{9 \cdot 3 \cdot 10^{-12} \cdot 100^2 \cdot 4,35^2 \cdot 0,2}{4^2 \cdot 9 \cdot 10^{-12} \cdot 10^{-8} \cdot 4 \cdot \pi^2}$

$= \frac{2 \cdot 4,35^2}{64 \pi^2} \cdot 0,02$

$1,4^2 \approx 1,96$

$1,96 \cdot 0,4 \approx 0,784$

$\left(\frac{4,35}{3,14} \right)^2 \approx 1,96$

$\sqrt{\frac{32}{24}} = \frac{4\sqrt{2}}{3\sqrt{3}} \approx \frac{4 \cdot 1,41}{3 \cdot 1,73} \approx \frac{5,64}{5,19} \approx 1,08$

$\frac{3 \cdot 16}{27} = \frac{48}{27} = \frac{16}{9}$

$\frac{1,4}{1,4} = 1$

$\frac{1,4}{1,4} = 1$

55-81-99-19
(2,6)

