



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 2

Место проведения Самара  
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов  
наименование олимпиады

по физике  
профиль олимпиады

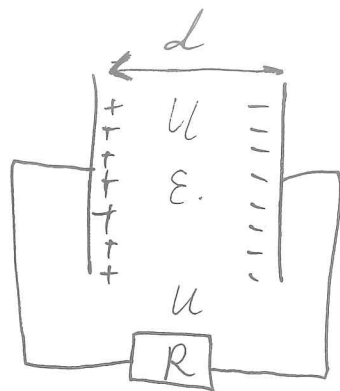
Мильникова Евгения Евгеньевича  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

+1 лист Реш

Дата  
«13» февраля 2026 года

Подпись участника  
[Подпись]

Черновик: ~ 3.3.2.



$F_{ЭП} = q \cdot \cancel{U} = \cancel{q \cdot U}$   
 $F = qE = \frac{qU}{d}$

$\epsilon = U B d$   
 $U = U B d$   
 $P = \frac{U^2}{R}$

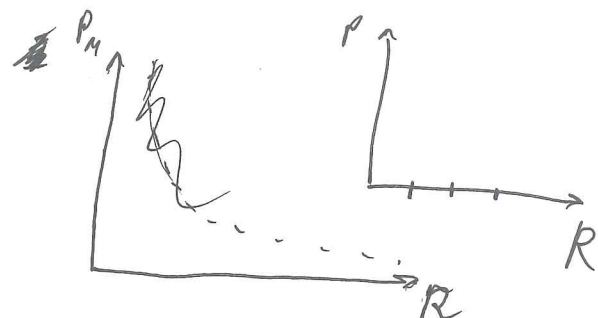
$P_m = \frac{U^2 R}{(R+r)^2}$

$P_m = I^2 R$

$P_m = \frac{U^2}{(R+r)^2} \cdot R = \frac{U^2 R}{R^2 + 2Rr + r^2}$

$U = I(R+r)$   
 $I = \frac{U}{R+r}$

$\frac{dP_m(R)}{dR} = \dots$



$P_m = \frac{U^2}{R} = \frac{U^2 R}{(2R)^2} = \frac{U^2}{4R}$

$r = 0,5R \Rightarrow P_m = \frac{U^2 R}{2,25R^2}$

$r = 2R: \frac{U^2 R}{9R^2} = \frac{U^2}{9R}$

$\frac{dP(R)}{dR} = \frac{U^2(R+dR)}{(R+dR)^2} = \dots$

$P = \frac{U^2 R}{(2R)^2} = \frac{U^2 R}{4R^2} = \frac{U^2}{4R} = \frac{U^2 R + U^2 dR}{4R^2} \Rightarrow \boxed{r=R}$

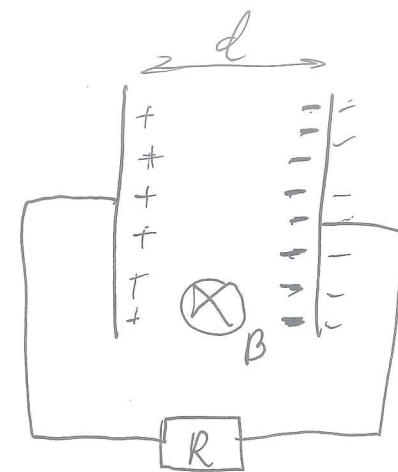
$\tau = 0,1 \text{ мс}$

$4 \cdot 10^{-7} = 2 \cdot 10^{-2} \Rightarrow P_m = \frac{U^2 B^2 d^2}{4R} \Rightarrow P_m \cdot 4R = U^2 B^2 d^2$   
 $B^2 = \frac{P_m \cdot 4R}{U^2 d^2}$

$B = \sqrt{\frac{4PR}{U^2 d^2}} = \frac{2}{Ud} \sqrt{PR} = \frac{2 \sqrt{10^{-3} \cdot 0,4}}{0,1 \cdot 0,4} = \frac{2 \cdot 0,02}{0,04} = 1$

46-49-55-89 (2.15)

~ 3.3.2. (чистовик)  
 движущиеся на частицы в магнитном поле со стороны магнитного поля действует сила  $F_{\text{Л}} = q v B$ ; но с другой стороны, т.к. на левой стороне собирается положительный заряд, а справа отрицательный,



эта сила равна  $\frac{qU}{d} \Rightarrow q v B = \frac{qU}{d} \Rightarrow U = v B d$   
 $I = U / (R+r)$  где  $r$  - сопротивление проводности  
 тогда  $P = I^2 R = \frac{U^2 R}{(R+r)^2}$  - мощность на резисторе.

Проанализировав  $\frac{dP(R)}{dR}$  - находим, что при данных условиях мощность максимальна, когда  $R = r$ .

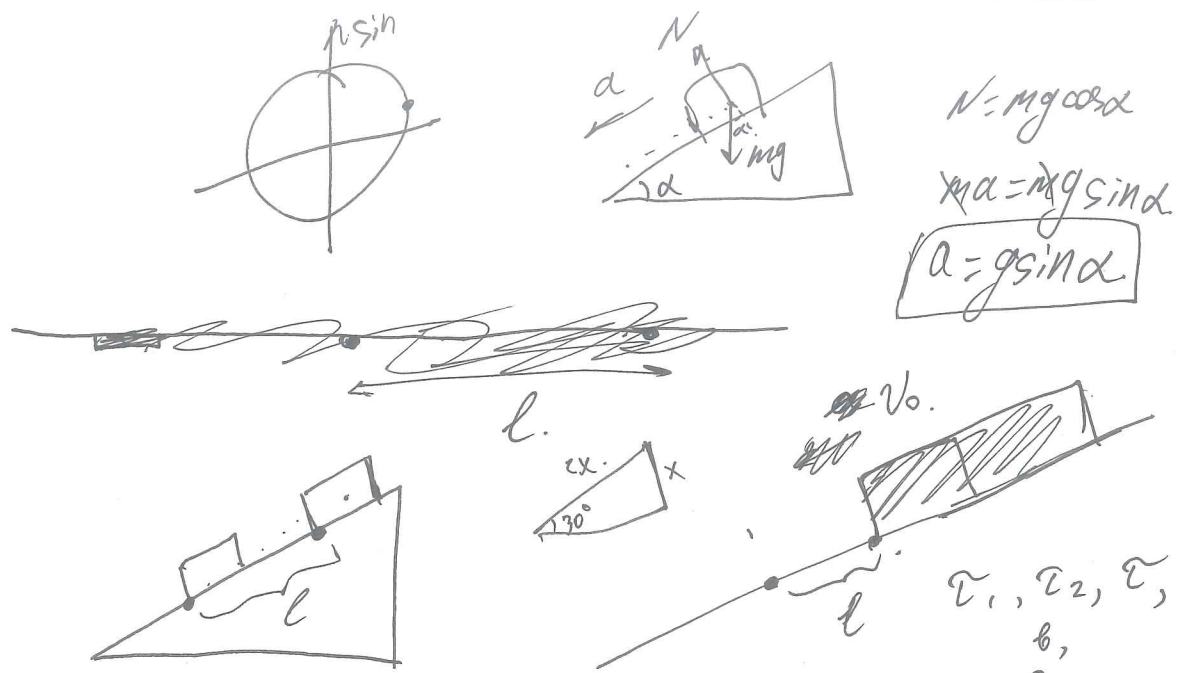
$\Rightarrow P_m = \frac{U^2 R}{4R^2} = \frac{U^2}{4R} \oplus; P_m = \frac{U^2 B^2 d^2}{4R} \Rightarrow B = \frac{2\sqrt{P_m R}}{Ud}$

$B = \frac{2 \cdot \sqrt{10^{-3} \cdot 4 \cdot 10^{-1}}}{0,1 \cdot 0,4} = \frac{2 \cdot 0,02}{0,04} = 1 \text{ Тл}$

Ответ: 1 Тл  $\oplus$

1	2	3	4	5	Σ
10	20	25	23	12	90
Никитов Д.Д.	Дорофеев Д.Д.	Никитов К.А.	Никитов К.А.	Никитов Д.Д.	Результат





$$N = mg \cos \alpha$$

$$ma = mg \sin \alpha$$

$$a = g \sin \alpha$$

$$v_1 = v_0 + at$$

$$\begin{cases} b = v_0 t_1 + \frac{at_1^2}{2} \\ b = v_1 t_2 + \frac{at_2^2}{2} = (v_0 + at) t_2 + \frac{at_2^2}{2} \end{cases}$$

$5 = 10 \cdot \sin \alpha \Rightarrow \sin \alpha = \frac{1}{2}$   
 $\alpha = 30^\circ$

$$v_0 t_1 + \frac{at_1^2}{2} = v_0 t_2 + at_1 t_2 + \frac{at_2^2}{2}$$

$$v_0 t_1 = b - \frac{at_1^2}{2}$$

$$v_0 t_2 = b - a t_2 (t_1 + \frac{t_2}{2})$$

$$\frac{t_1}{t_2} = \frac{b - \frac{at_1^2}{2}}{b - at_2(t_1 + \frac{t_2}{2})} \Rightarrow t_1 b - at_1 t_2 (t_1 + \frac{t_2}{2}) = t_2 b - at_2 t_1^2$$

$$t_1 b - t_2 b = at_1 t_2 (t_1 + \frac{t_2}{2}) - at_2 t_1^2$$

$$(t_1 - t_2) b = a t_1 t_2 (t_1 + \frac{t_2}{2} - \frac{t_1}{2})$$

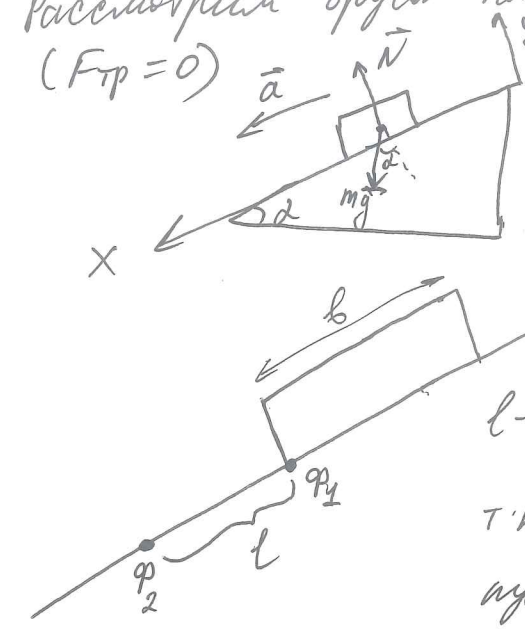
$$0,1 = a \cdot 2 \cdot (0,5 + 0,5 - 1)$$

$$0,1 = a \cdot 2 \cdot 0,01 \quad a = \frac{0,1}{2 \cdot 0,01} = 5$$

46-49-55-89 (2.15)

~ 1.5.2 (чистовик)

Рассмотрим брусок на гладкой наклонной плоскости ( $F_{тр} = 0$ )



ОХ:  $mg \sin \alpha = ma$   
откуда  $a = g \sin \alpha$  - постоянное ускорение бруска.

$l$  - расстояние между фотоэлементами  
т.к.  $t < t_1 \Rightarrow l < b$   
пусть в момент, когда брусок начал перекрывать  $\phi_1$ , его скорость равна  $v_0$ , в момент, когда он начнет перекрывать  $\phi_2$ , его скорость равна  $v_1 = v_0 + at$ , т.к. брусок перестает перекрывать  $\phi_1$  через  $t_1$ , то справедливо равенство:  $b = v_0 t_1 + \frac{at_1^2}{2}$

аналогично, для  $\phi_2$ :  $b = v_1 t_2 + \frac{at_2^2}{2} = (v_0 + at) t_2 + \frac{at_2^2}{2}$

$$\begin{cases} b = v_0 t_1 + \frac{at_1^2}{2} \\ b = v_0 t_2 + at_1 t_2 + \frac{at_2^2}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} v_0 t_1 = b - \frac{at_1^2}{2} \\ v_0 t_2 = b - at_2 (t_1 + \frac{t_2}{2}) \end{cases}$$

$$\frac{t_1}{t_2} = \frac{b - \frac{at_1^2}{2}}{b - at_2(t_1 + \frac{t_2}{2})} \Rightarrow (t_1 - t_2) b = a \cdot t_1 t_2 (t_1 + \frac{t_2}{2} - \frac{t_1}{2})$$

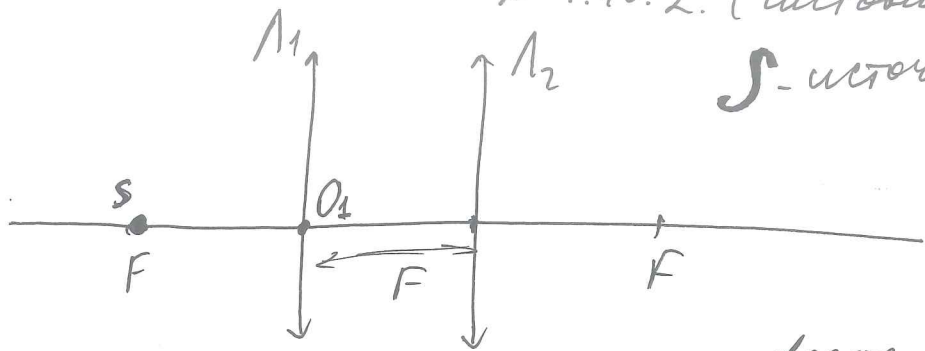
$$a = \frac{(t_1 - t_2) b}{t_1 t_2 (t_1 + \frac{t_2}{2} - \frac{t_1}{2})} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{a}{g} \Rightarrow \alpha = \arcsin \left( \frac{(t_1 - t_2) b}{g t_1 t_2 (t_1 + \frac{t_2}{2} - \frac{t_1}{2})} \right)$$

$$\alpha = \arcsin \left( \frac{1}{2} \right) \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{6} \text{ или } 30^\circ$$

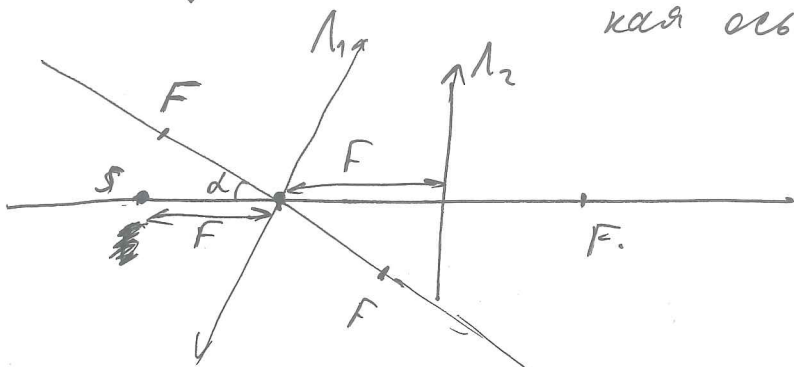
Ответ:  $\frac{\pi}{6}$  или  $30^\circ$

н 4.10.2. (гистограмм)

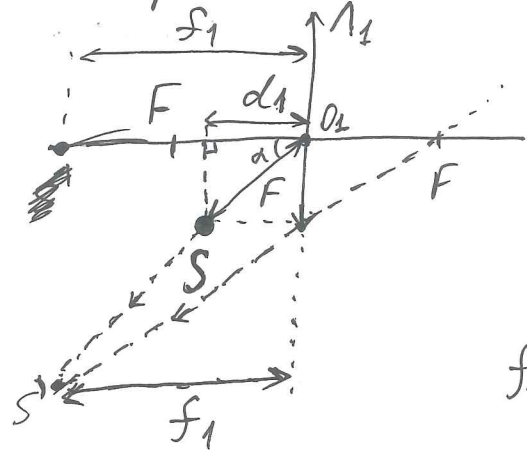
S-источник света



после поворота линзы, поверну ось и её главная оптическая ось



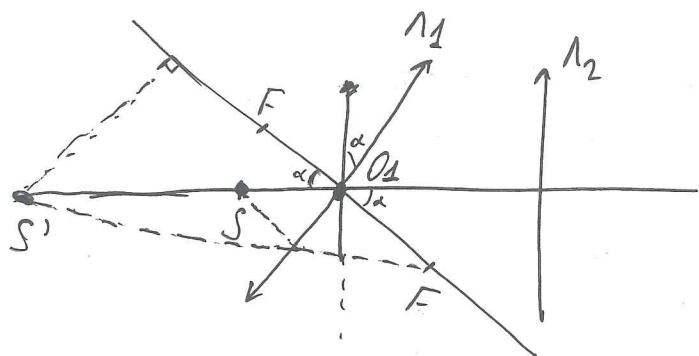
Рассмотрим источник и первую линзу: (моментально повернем картинку в привычное положение);



по формуле для тонкой собирающей линзы:

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d_1} - \frac{1}{f_1} \quad (\text{так } d < F)$$

$$f_1 = \frac{F d_1}{F - d_1} = \frac{F \cdot F \cos \alpha}{F(1 - \cos \alpha)} = \frac{F \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$$



расстояние от первого изображения S' (изобразим S в повернутой линзе) до точки O2 равно d2:

$$\cos \alpha = \frac{f_1}{d_2} \Rightarrow d_2 = \frac{f_1}{\cos \alpha} = \frac{F}{1 - \cos \alpha}$$

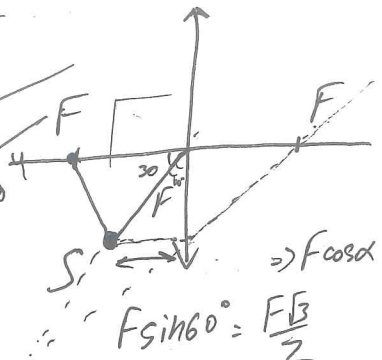
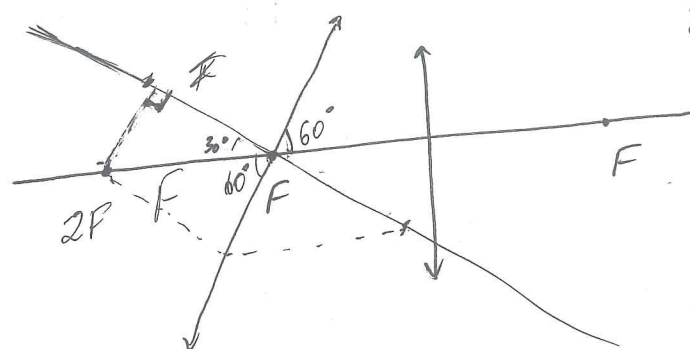
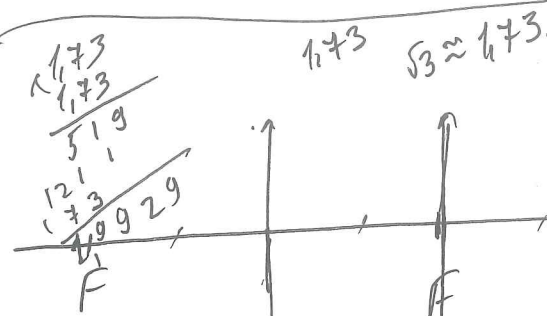
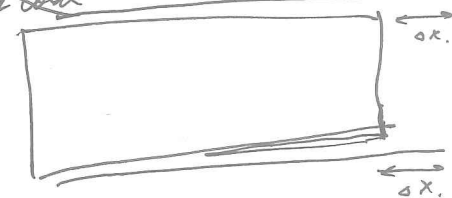
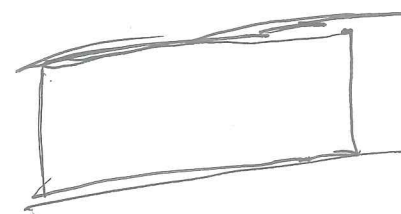
см. продолжение на след. стр.

$$S = q_2^2 \quad (\text{черновики}) \quad C = \frac{\epsilon_0 S}{d} = \frac{\epsilon_0 l^2}{d} \quad \frac{F}{d_2} = \frac{d_1}{f_1}$$



$$q = Cl_0 - d_2 = \frac{F f_1}{d_1}$$

$$d_2 = \frac{F \cdot \frac{F \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}}{F \cos \alpha} = \frac{F}{1 - \cos \alpha}$$



$$\frac{1}{F} = \frac{1}{d} - \frac{1}{f}$$

$$F = f - d$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{d} - \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{F - d}{dF} = \frac{F - F \frac{\sqrt{3}}{2}}{F \cos \alpha \cdot F}$$

$$f = \frac{F(1 - \cos \alpha)}{F^2 \cos \alpha} = \frac{F \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$$

$$\beta = 1 + \frac{1}{1 - \cos \alpha} = 1 + \frac{1}{1 - \frac{\sqrt{3}}{2}}$$

$$1 + \frac{1}{\frac{2 - \sqrt{3}}{2}} = 1 + \frac{2}{2 - \sqrt{3}} = \beta$$

$$\frac{2 - \sqrt{3} + 2}{2 - \sqrt{3}} = \frac{4 - \sqrt{3}}{2 - \sqrt{3}} = \frac{16 - 8\sqrt{3} + 3}{4 - 4\sqrt{3} + 3} = \frac{19 - 8\sqrt{3}}{7 - 4\sqrt{3}}$$

(чернышкин)  $\beta = \frac{1}{1+\cos\alpha}$

$2 \cdot 7,41 = 14,82$

$23,5 \cdot \frac{2}{0,27}$

$2 \cdot 0,3 = 2 - 1,73 = 0,27$

$\frac{\epsilon \epsilon_0 l(l-x)}{d} \cdot \frac{\epsilon_0 l x}{d} = \frac{\epsilon \epsilon_0^2 l^2 x(l-x)}{d^2}$

$23,5 \cdot 7,41 = 174,135$

$7,41 = \frac{2}{0,27}$   
 $8,41 = \beta$

$C_1 + C_2 =$

$\frac{\epsilon \epsilon_0 l(l-x)}{d} + \frac{\epsilon_0 l x}{d}$

$\beta = 1 + \frac{2}{2-\beta}$

$\frac{200 \cdot 27}{100 \cdot 7,4074}$

$3241$

$13,84$

$\frac{\epsilon_0 l (\epsilon(l-x) + x)}{d}$

$23,5 \cdot 7,41$

$70,9681$

$19 - 13,84 = 5,16$

$\frac{8,41}{23,23}$

$\frac{7410}{7100} = 1,0436$

$\frac{23,23(8,41-1)}{23,23}$

$\frac{23,5(8,41-1)}{23,23}$

$\frac{1}{F} = \frac{x-2F+\beta F}{(x-2F)\beta F}$

$\frac{\epsilon \epsilon_0 l x(l-x)}{d^2} \cdot \frac{\epsilon_0 l (\epsilon(l-x) + x)}{d}$

$A = \frac{(x-2F)\beta F}{x-2F+\beta F}$

$x-2F+\beta F = \beta x - 2\beta F$

$\beta x - x = -2F + 3\beta F$

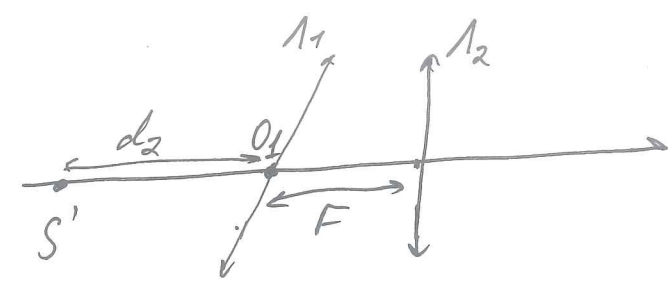
$x(\beta-1) = F(3\beta-2)$

7

$F =$

46-49-55-89 (2.15)

~ 4.10.2 (Штотвик) продолжение:



Расстояние от  $S'$  до второй линзы  $L_2$  равно  $d_2 + F = F + \frac{F}{1-\cos\alpha} = F(1 + \frac{1}{1-\cos\alpha})$

по формуле для тонкой собирающей линзы  $L_2$ :

$\frac{1}{F} = \frac{1}{F(1 + \frac{1}{1-\cos\alpha})} + \frac{1}{f_2}$

$f_2$  - расстояние от линзы  $L_2$  до изображения

~~Handwritten scribbles and crossed-out equations, including  $\frac{1}{F} = \frac{1}{F(1 + \frac{1}{1-\cos\alpha})} + \frac{1}{f_2}$  and  $f_2 = x - F(1 + \frac{1}{1-\cos\alpha})$ .~~

по усм.  $2F + f_2 = x \Rightarrow f_2 = x - 2F$ ; пусть  $\beta = 1 + \frac{1}{1-\cos\alpha}$   
 тогда:  $\frac{1}{F} = \frac{1}{\beta F} + \frac{1}{x-2F} \Rightarrow F = \frac{x(\beta-1)}{3\beta-2}$

$F = \frac{23,5 \cdot \frac{1}{1-\cos 30^\circ}}{3 + \frac{3}{1-\cos 30^\circ} - 2} \approx 7,41 \text{ см.}$

Ответ: 7,41 см

~ 5.2.2 (Штабильн)

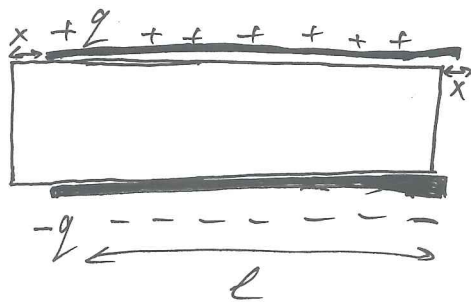
$$C_0 = \frac{\epsilon_0 S}{d}, S = l^2 \Rightarrow C_0 = \frac{\epsilon_0 l^2}{d} - \text{изначальная емкость конденсатора.}$$

т.к. источник отключили  $\Rightarrow$  заряд на конденсаторе  $q$  остается постоянным, причем:

$$q = C_0 U_0 = \frac{\epsilon_0 l^2 U_0}{d} = \text{const.}$$

далее, когда мы заполнили пространство между пластинами диэлектриком, то  $C_1 = \frac{\epsilon \epsilon_0 l^2}{d}$

емкость конденсатора стала  ~~$C_1$~~   $\Rightarrow U_1 = \frac{q}{C_1} = \frac{\epsilon_0 l^2 U_0 \cdot d}{d \cdot \epsilon \epsilon_0 l^2} = \frac{U_0}{\epsilon}$   
- напряжение на конденсаторе.



при сдвиге пластины можно считать, что образовалось два последоват.

конденсатора: один с диэлектриком и площадью пластин  $l(l-x) \Rightarrow C_2 = \frac{\epsilon \epsilon_0 l(l-x)}{d}$ ;  $q_2$  - его заряд

и другой конденсатор с площадью  ~~$l \cdot x$~~   $\Rightarrow C_3 = \frac{\epsilon_0 l x}{d}$ ;  $q_3$  - его заряд  
без диэлектрика  
тогда  $C_{\text{общ}} = \frac{C_2 \cdot C_3}{C_2 + C_3} = \frac{\epsilon \epsilon_0 l x (l-x)}{d(\epsilon(l-x) + x)}$   
 $q = q_2 + q_3$  ← емкость обоего конденсатора при сдвиге диэлектрика на  $x$ .

при выдвигении диэлектрика, энергия конденсатора меняется на величину  $\Delta W = \frac{q^2}{2C_2} - \frac{q^2}{2C_1}$

$$= \frac{q^2}{2} \left( \frac{1}{C_{\text{общ}}} - \frac{1}{C_1} \right); \text{ когда диэ. пластина вернется в положение равновесия, то будет иметь скорость } v_0 \text{ причем } \frac{m v_0^2}{2} = \Delta W(x)$$

Уравнение колебаний имеет вид  $\ddot{x} + \omega x = 0$ , где  $\omega = \frac{2\pi}{T}$   
амплитуда колебаний  $A = x$

$$W_1 = \frac{q^2}{2C_1}; W_2 = \frac{q^2}{2C_{\text{общ}}} \Rightarrow W_2 - W_1 = \frac{q^2}{2} \left( \frac{1}{C_2} - \frac{1}{C_1} \right)$$

~~$$W_2 = \frac{q^2}{2C_2}$$~~

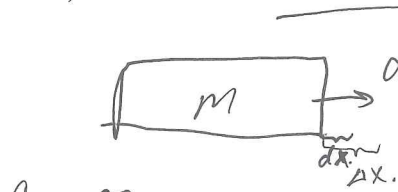
$$= \frac{q^2 (C_1 - C_2)}{2 C_2 C_1}$$

$$C_1 - C_2 = \frac{\epsilon \epsilon_0 l^2}{d} - \frac{\epsilon \epsilon_0 l x (l-x)}{d(\epsilon(l-x) + x)} = \frac{\epsilon \epsilon_0 l^2 (\epsilon(l-x) + x) - \epsilon \epsilon_0 l x (l-x)}{d(\epsilon(l-x) + x)}$$

$$\frac{q^2}{2} \frac{\Delta W}{C_2 C_1} = \frac{q^2}{2} \frac{C_1 - C_2}{C_2 C_1} \Rightarrow \Delta W = \frac{q^2}{2} \frac{C_1 - C_2}{C_2 C_1}$$

$$A = x \quad ma = F$$

$$m dx = \Delta W \quad \Delta W = m v^2$$



$$C_{\text{общ}} = \frac{\epsilon \epsilon_0 l (l-x-dx)}{d}$$

$$\frac{\epsilon \epsilon_0 l (x-dx)}{d}$$

$$m \quad \frac{q^2}{2} \left( \frac{1}{C_2} - \frac{1}{C_1} \right) = m a$$

$$x = \frac{a t^2}{2} \quad \frac{m v^2}{2} = \Delta W \quad v = \frac{2x}{t} \quad a = \frac{1}{2} \frac{2x}{t^2} = \frac{x}{t^2}$$

$$a + \frac{\Delta W}{m x} = 0 \quad a = \frac{\Delta W}{m x}$$

$$x = \frac{\Delta W}{m \omega^2}$$

$$v_0 = \sqrt{\frac{2 \Delta W}{m}} \quad \Delta x = \frac{v^2}{2a} \quad v_0 = \sqrt{\frac{2 \Delta W}{m}} = x \cdot \omega$$

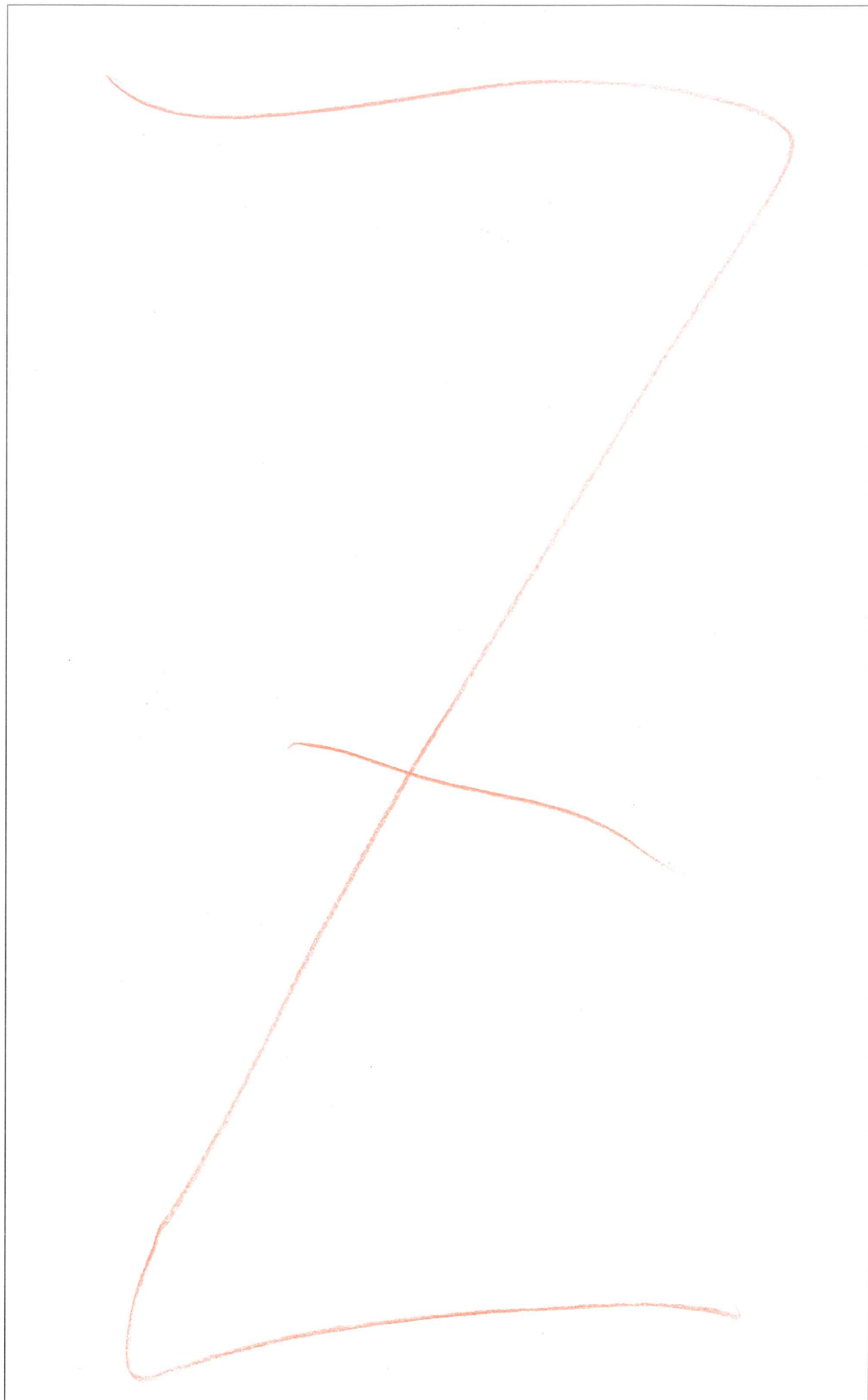
$$a = \frac{v^2}{2x} \quad v^2 = 2ax \quad \ddot{x} + \omega x = 0$$

$$\frac{q^2}{2} \left( \frac{1}{C_2} - \frac{1}{C_1} \right) = \frac{m v^2}{2} = \max \quad \bar{x} = \frac{1}{2 \omega x}$$

$$m \quad \frac{q^2}{2} \left( \frac{1}{C_2} - \frac{1}{C_1} \right) = m a \quad a = \frac{1}{2} v \quad \frac{m v^2}{2} + W_1 = W_2$$

$$a + \frac{\Delta W}{m x} = \max = \Delta W \quad \frac{m a^2 t^2}{2} = \Delta W$$

$$a - \frac{\Delta W}{m x} = 0 \quad a = \frac{\Delta W}{m x}$$



~ 5.2.2 (штативик)

продвижения

из уравнения (\*) получили, что  $v_0 = \sqrt{\frac{2\Delta W}{m}}$  - это максимальная скорость машины

$$\text{знаем, что } v_{\text{MAX}} = \omega \cdot A \Rightarrow \omega = \frac{v_{\text{MAX}}}{A} = \sqrt{\frac{2\Delta W}{m}} : x =$$

$$= \sqrt{\frac{2\Delta W}{m x^2}} ; T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi \sqrt{m^2 \cdot x}}{\sqrt{2\Delta W}} \quad |(\dots)^2$$

$$T^2 = \frac{4\pi^2 m x^2}{2\Delta W} \Rightarrow m = \frac{2T^2 \Delta W}{4\pi^2 x^2} = \frac{2T^2}{4\pi^2 x^2} \cdot \frac{q^2}{2} \left( \frac{1}{\epsilon_0 \epsilon_2} - \frac{1}{\epsilon_1} \right)$$

$$m = \frac{T^2}{4\pi^2 x^2} \cdot \frac{\epsilon_0^2 \cdot l^4 \cdot U_0^2}{d^2} \cdot \left( \frac{d(\epsilon(l-x)+x)}{\epsilon \epsilon_0 l x (l-x)} - \frac{d}{\epsilon \epsilon_0 l^2} \right)$$

$$\left[ m = \frac{T^2}{4\pi^2 x^2} \cdot \frac{\epsilon_0^2 l^4 U_0^2}{d^2} \cdot \frac{d}{\epsilon \epsilon_0 l} \left( \frac{\epsilon(l-x)+x}{x(l-x)} - \frac{1}{l} \right) = \right.$$

$$= \frac{T^2}{4\pi^2 x^2} \cdot \frac{\epsilon_0^2 l^4 U_0^2}{d \epsilon} \left( \frac{\epsilon}{x} + \frac{1}{l-x} - \frac{1}{l} \right) \quad \frac{1}{l-x} \approx \frac{1}{l}$$

$$m = \frac{4,35^2}{4 \cdot 3,14^2 \cdot 10^{-8}} \cdot \frac{9 \cdot 10^{-12} \cdot 0,2^3 \cdot 100^2}{10^{-3} \cdot 4} \left( \frac{4}{10^{-4}} + \frac{1}{0,2} - \frac{1}{0,2} \right) \approx 36 \cdot 10^4 \text{ кг}$$



(черновик)

Handwritten calculations and scribbles on a white sheet of paper:

- Top left: A large red scribble.
- Top right:  $0,1 \cdot 10^{-3} = 10^{-4}$
- Middle left: A vertical list of numbers: 12, 4,35, 4,35, 21,75, 1305, 1440, 190225.
- Middle right: A large red scribble.
- Below middle right:  $\frac{19,4}{4}$  and  $\frac{1914}{-16} \quad 4,75.$
- Below middle right:  $4,75 \cdot$  and  $\frac{30}{-28} \quad 20$
- Bottom left:  $\frac{4,75 \cdot}{314^2}$  and  $\frac{445}{314} \quad \frac{314}{1,5}$
- Bottom left:  $\frac{288}{48}$  and  $\frac{1610}{1620}$
- Bottom left:  $144$
- Bottom left:  $288 \cdot 7,5$  and  $\frac{288 \cdot 7,5}{314 \cdot 10^{-4}}$
- Bottom right:  $\frac{150}{1500} \quad \frac{314}{0,475}$
- Bottom right:  $\frac{2440}{2198} \quad 2420$
- Bottom right:  $0,48$  and  $144 \cdot 10^4 \text{ кл}$
- Bottom right:  $\frac{144}{12} \quad \frac{4}{36}.$
- Bottom right: A large red scribble.