



94-76-26-80  
(2.4)



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 2

Место проведения г. Москва  
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов  
наименование олимпиады

по Физике  
профиль олимпиады

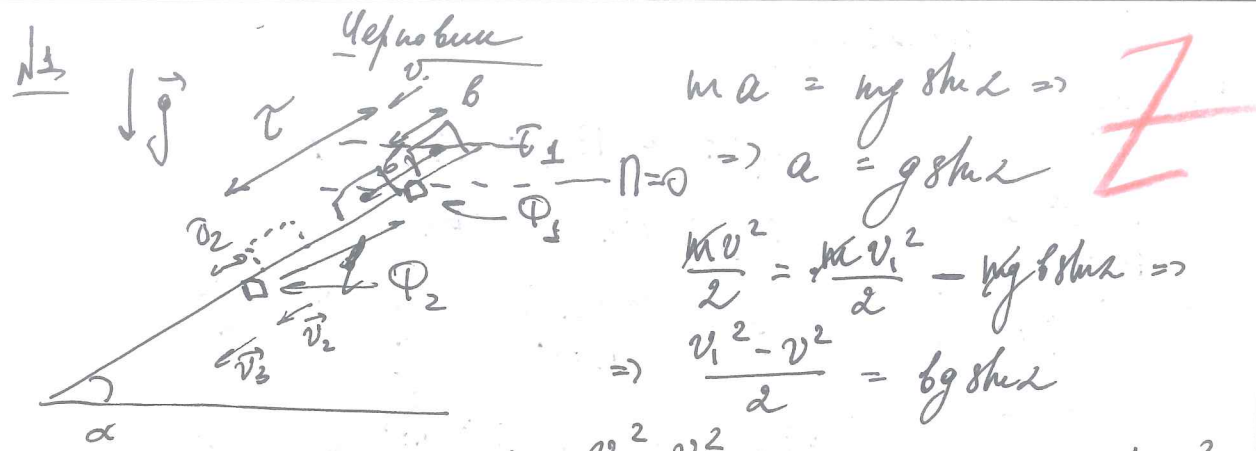
Капангадзе Антон Станиславовича  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Вышел 16:15 - 16:17

Дата  
«13» Февраль 2026 года

Подпись участника

[Подпись]



$ma = mg \sin \alpha \Rightarrow a = g \sin \alpha$

$\frac{mv^2}{2} = \frac{mv_1^2}{2} - mg \sin \alpha \Rightarrow \frac{v_1^2 - v^2}{2} = b g \sin \alpha$

Z

$b = \frac{v_1^2 - v^2}{2g \sin \alpha}$

$v_1 = v + g \sin \alpha \tau_1$

$2gb \sin \alpha = 2vg \sin \alpha \tau_1 + g^2 \sin^2 \alpha \tau_1^2$

$2b = 2v\tau_1 + g \sin \alpha \tau_1^2$

$b = v\tau_1 + \frac{g}{2} \sin \alpha \tau_1^2 \Rightarrow v = \frac{2b - g \sin \alpha \tau_1^2}{2\tau_1}$

$b = (v + g \sin \alpha (\tau_1 + \tau_2)) \tau_2 + \frac{g}{2} \sin \alpha \tau_2^2$

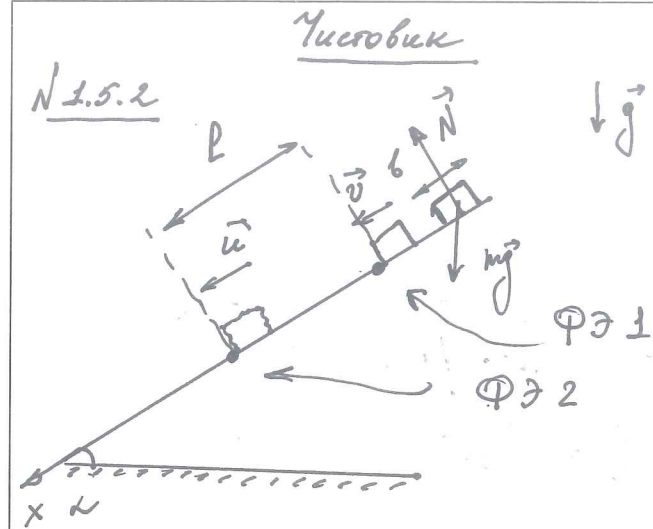
$b = \frac{2b - g \sin \alpha \tau_1^2}{2\tau_1} \tau_2 + g \sin \alpha (\tau_1 + \tau_2) \tau_2 + \frac{g}{2} \sin \alpha \tau_2^2$

$b(1 - \frac{\tau_2}{\tau_1}) = g \sin \alpha (\frac{\tau_2^2}{2} - \frac{\tau_1 \tau_2}{2} + (\tau_1 + \tau_2) \tau_2)$

$b \sin \alpha = \frac{2b(\tau_1 - \tau_2)}{g \tau_1 \tau_2 (\tau_2 - \tau_1 + 2(\tau_1 + \tau_2))} = \frac{2b(\tau_1 - \tau_2)}{g \tau_1 \tau_2 (\tau_1 + 2\tau_1 + \tau_2)} = \frac{2b(\tau_1 - \tau_2)}{g \tau_1 \tau_2 (3\tau_1 + \tau_2)}$

$= \frac{1}{10 \cdot 3 \cdot 2 \cdot (2 + 1,02 + 1)} = \frac{1}{100 \cdot 3,02}$

94-76-26-80 (2.4)



1) Запишем II-й закон Ньютона в проекции на ось  $ox$ :

$ma_x = mg \sin \alpha \Rightarrow a_x = g \sin \alpha$

Пусть к началу прохождения

через точку  $x$  частица имеет скорость  $v$  (или  $u$ ). За время  $\tau_1$  частица пройдет расстояние  $b \Rightarrow$

$ox: b = v\tau_1 + \frac{g \sin \alpha \tau_1^2}{2}$  (1)

К моменту прохождения второй точки скорость частицы будет равна  $u$ :

$u = v + g \sin \alpha (\tau_2 + \tau_1)$  (2) (ox)

Тогда вторая точка будет пройдена за время  $\tau_2$ :

$ox: b = u\tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$  (3)

Подставим (2) в (3) получим:

$b = (v + g \sin \alpha (\tau_1 + \tau_2)) \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$

из (1):  $v = \frac{2b - g \sin \alpha \tau_1^2}{2\tau_1}$

$b = (\frac{2b - g \sin \alpha \tau_1^2}{2\tau_1} + g \sin \alpha (\tau_1 + \tau_2)) \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$

$b = (\frac{b}{\tau_1} - \frac{g \sin \alpha \tau_1}{2} + g \sin \alpha (\tau_1 + \tau_2)) \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$

$b = b \frac{\tau_2}{\tau_1} - \frac{g \sin \alpha \tau_1 \tau_2}{2} + g \sin \alpha (\tau_1 + \tau_2) \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$

$b(1 - \frac{\tau_2}{\tau_1}) = g \sin \alpha (\frac{\tau_2^2}{2} - \frac{\tau_1 \tau_2}{2} + (\tau_1 + \tau_2) \tau_2) \quad | : 2$

$2b(1 - \frac{\tau_2}{\tau_1}) = g \sin \alpha \tau_2 (\tau_2 - \tau_1 + 2(\tau_1 + \tau_2))$

(см. стр 6)

стр 1 из 6

Решено  
 95  
 Аноним  
 20.05.25  
 15  
 Календарь  
 20.05.25  
 15  
 17  
 2  
 3  
 4  
 5  
 6  
 7  
 8  
 9  
 10  
 11  
 12  
 13  
 14  
 15  
 16  
 17  
 18  
 19  
 20  
 21  
 22  
 23  
 24  
 25  
 26  
 27  
 28  
 29  
 30  
 31

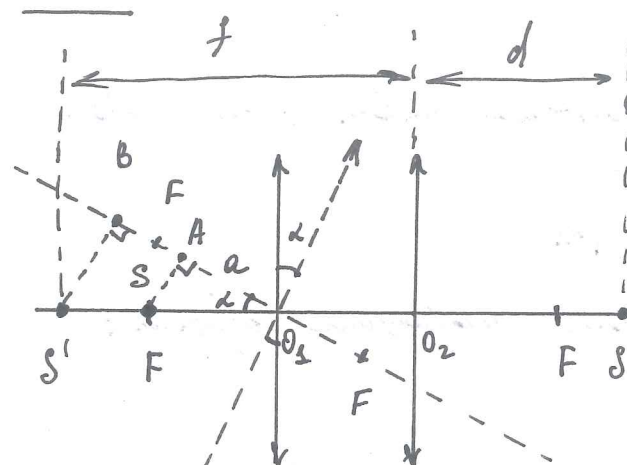
Числовый

$$\sin \alpha = \frac{2b(v_1 - v_2)}{g v_1 v_2 (v_2 - v_1 + 2(v_1^2))}$$

$$\sin \alpha = \frac{1 \cdot 0,1 \cdot 1}{10^2 \cdot 2 \cdot (1 - 2 + 2(0,51 + 1))c^2} = \frac{1}{100 \cdot 2 \cdot 0,02} = \frac{1}{4000} \Rightarrow \alpha = \arcsin\left(\frac{1}{4000}\right) \approx 30^\circ$$

Ответ:  $\alpha = \arcsin\left(\frac{1}{4000}\right) \approx 30^\circ$

№4.10.2



3) При некотором угле зрения оптическая ось с.о.о (см. рис). Наблюдать можно расстояние  $O_1 A = a$  между источником S и мизером S'.  
 $a = F \cos \alpha$   
 По формуле тонкой линзы:  $(B O_1 = b)$

$$\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{F} \quad (\text{удобрение меньше, т.е. } a < F)$$

$$\frac{1}{b} = \frac{1}{a} - \frac{1}{F} \Rightarrow b = \frac{a \cdot F}{F - a} = \frac{F \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$$

Полученное изображение S' будет иметь на с.о.о 2-ой линзы, т.е. она проходит через оптический центр  $O_2$ . Наблюдать расстояние от  $S_2'$  до н-н 2-ой линзы:

$$f = F + \frac{b}{\cos \alpha} = F + F \cdot \frac{1}{1 - \cos \alpha} = F \left(1 + \frac{1}{1 - \cos \alpha}\right) = F \frac{2 - \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$$

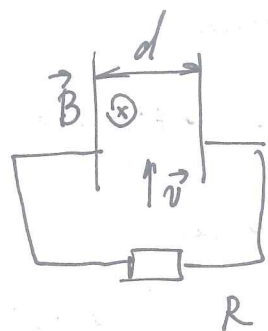
По формуле тонкой линзы:

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{d} = \frac{1}{F} - \frac{1}{f} \Rightarrow d = \frac{F f}{f - F}$$

сп.д.ч. 6

Черновик

№3.3.2



$$dVB = E d \Rightarrow E = v B$$

$$\Delta \varphi = E d = v B d$$

$$P = \frac{\Delta \varphi^2}{R + r} \left(\frac{1}{a}\right)' = -\frac{1}{a^2}$$

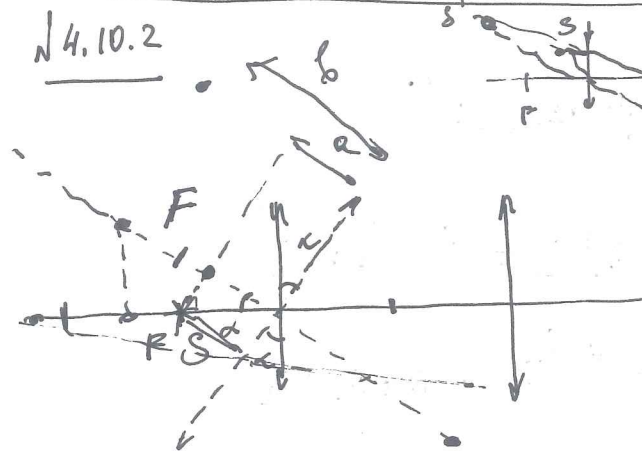
$$P = P_m, P' = 0: \left| P = \frac{U^2}{R+r}, P' = -\frac{U^2}{(R+r)^2} = 0 \right.$$

$$-\frac{\Delta \varphi^2}{(R+r)^2} = 0 \Rightarrow R = r$$

$$P_m = \frac{\Delta \varphi^2}{2R} = \frac{v^2 B^2 d^2}{2R} \Rightarrow B = \sqrt{\frac{2 P_m R}{v^2 d^2}}$$

$$= \frac{\sqrt{2 P_m R}}{v d} = \frac{\sqrt{2 \cdot 0,4 \cdot 10^{-3}}}{9,5 \cdot 0,4}$$

№4.10.2



$$a = F \cos \alpha$$

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{1}{b} = \frac{1}{a} - \frac{1}{F}$$

$$b = \frac{a F}{F - a} = \frac{F^2 \cos \alpha}{F(1 - \cos \alpha)}$$

$$= \frac{F \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$$

$$= \frac{F \cdot \sqrt{3}}{2 \left(\frac{d - \sqrt{3}}{2}\right)} = \frac{\sqrt{3}}{2 - \sqrt{3}} F$$

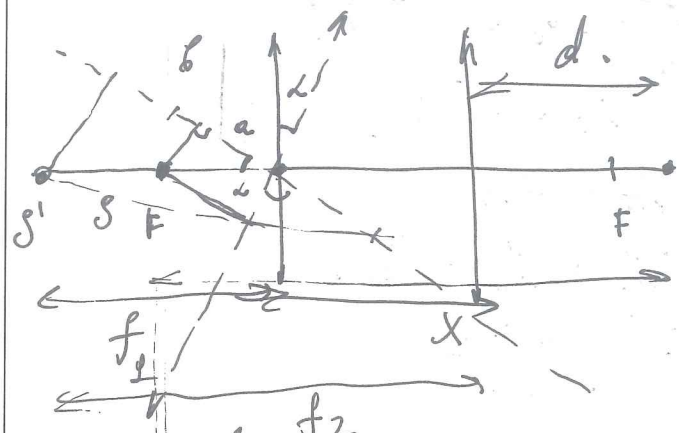
$$d = b \cos \alpha = \frac{F \cos^2 \alpha}{1 - \cos \alpha}$$

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{F} = \frac{1}{f}$$

$$f = \frac{F d}{d - F} = \frac{F^2 \cos^2 \alpha}{(1 - \cos \alpha) \left(\frac{F \cos^2 \alpha}{1 - \cos \alpha} - F\right)} = \frac{F \cos^2 \alpha}{\cos^2 \alpha - 1 + \cos \alpha}$$

Черновик

d4



$$a = F \cos \alpha$$

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{1}{b} = \frac{1}{a} - \frac{1}{F}$$

$$b = \frac{aF}{F-a} =$$

$$= \frac{F^2 \cos \alpha}{F(1-\cos \alpha)} = \frac{F \cos \alpha}{1-\cos \alpha}$$

$$f_1 = \frac{b}{\cos \alpha} = \frac{F}{1-\cos \alpha}$$

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{d} = \frac{1}{F} - \frac{1}{f} \Rightarrow d = \frac{Ff}{f-F}$$

$$f_2 = f_1 + F = \frac{F}{1-\cos \alpha} + F = F \left( 1 + \frac{1}{1-\cos \alpha} \right) =$$

$$= F \frac{2-\cos \alpha}{1-\cos \alpha}$$

$$\frac{1}{f_2} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F} \Rightarrow d = \frac{F f_2}{f_2 - F} \approx 8 - 1,73 = 6,27$$

$$x = F(4 - \cos \alpha) \Rightarrow F = \frac{x}{4 - \cos \alpha}$$

$$F = \frac{23,5}{4 - \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{47}{8 - \sqrt{3}}$$

47 | 6,27  
4389 | 7,4  
3110  
2508  
6020

Черновик

$$d = \frac{F^2(2-\cos \alpha)}{(1-\cos \alpha)(F \frac{2-\cos \alpha}{1-\cos \alpha} - F)} = \frac{F(2-\cos \alpha)}{2-\cos \alpha - (1+\cos \alpha)} = F(2-\cos \alpha)$$

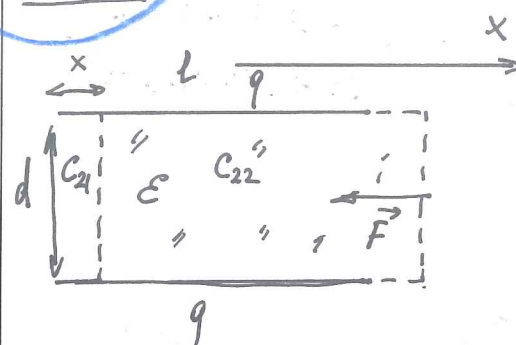
$$x = SS'' = d + F + F = 2F + d$$

$$x = 2F + F(2-\cos \alpha) = F(4-\cos \alpha) \Rightarrow F = \frac{x}{4-\cos \alpha}$$

$$F = \frac{13,5}{4 - \frac{\sqrt{3}}{2}} \text{ см} = [\sqrt{3} \approx 1,73] \approx 7,5 \text{ см.}$$

Ответ:  $F \approx 7,5 \text{ см}$

№5.2.2



1) Т.к. все конденсатор зафиксирован от изменения напряжения, а заряд отключен то, то заряд, то заряд конденсатора  $q = \text{const}$   
 $q = C U_0 = \frac{\epsilon_0 l^2}{d} U_0$

При выдвигании диэлектрика на расстояние  $x$  возникает деформационная сила  $F$  (см. рис). Найдём её по энергетическим соображениям:

$$mSA = \delta W_p:$$

$$mFx = W_{p2} - W_{p1} \quad (x \ll d \ll l)$$

$$W_{p2} = \frac{q^2}{2C_2} \quad \Rightarrow \quad W_{p2} - W_{p1} = \frac{q^2}{2} \left( \frac{1}{C_2} - \frac{1}{C_1} \right) = \frac{q^2 (C_1 - C_2)}{2C_1 C_2}$$

$$W_{p1} = \frac{q^2}{2C_1}$$

$$C_1 = \frac{\epsilon \epsilon_0 l^2}{d}$$

$$C_2 = C_{s1} + C_{s2} \quad (\text{при выдвигании части диэлектрика образуются}$$

два параллельно соединенных конденсатора, емкостями  $C_{s1}$  и  $C_{s2}$  (см. рис))

$$C_2 = \frac{\epsilon_0 x l}{d} + \frac{\epsilon \epsilon_0 l(l-x)}{d} = \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon l + x(1-\epsilon))$$

стр 3 из 6

Черновик

$$C_1 - C_2 = \frac{\epsilon_0 \epsilon l^2}{d} - \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon l + x(1-\epsilon)) = \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon l - \epsilon l + x(\epsilon - 1)) = \frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1) x l}{d}$$

$$C_1 C_2 = \frac{\epsilon_0 \epsilon l^2}{d} \cdot \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon l + x(1-\epsilon)) = \frac{\epsilon_0^2 \epsilon l^3}{d^2} (\epsilon l + x(1-\epsilon))$$

$$\frac{C_1 - C_2}{C_1 C_2} = \frac{\frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1) x l}{d}}{\frac{\epsilon_0^2 \epsilon l^3}{d^2} (\epsilon l + x(1-\epsilon))} = \frac{(\epsilon - 1) x d}{\epsilon \epsilon_0 l^2 (\epsilon l + x(1-\epsilon))}$$

$$\delta W_p = \frac{\epsilon_0^2 l^4 U_0^2}{2 \cdot d^2} \cdot \frac{(\epsilon - 1) x d}{\epsilon \epsilon_0 l^2 (\epsilon l + x(1-\epsilon))} = \frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1) x l^2 U_0^2}{2 \epsilon d (\epsilon l + x(1-\epsilon))}$$

$$\frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1) x l^2 U_0^2}{2 \epsilon d (\epsilon l + x(1-\epsilon))} = +Fx$$

Воспользуемся приближением  $(1+x)^{-1} \approx 1 - x$ ,  $x \ll 1$ .

$$\frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1) l^2 U_0^2}{2 \epsilon^2 d l (1 + \frac{x(1-\epsilon)}{\epsilon l})} \approx \frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1) l U_0^2}{2 \epsilon^2 d} \left( 1 + \frac{(\epsilon - 1)x}{\epsilon l} \right) =$$

$$= \frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1) l U_0^2}{2 \epsilon^2 d} + \frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1)^2 x U_0^2}{2 \epsilon^3 d} = F$$

Заменим  $\pi$ -то  $f$ -н Ньютона в нр-ин на ось  $ox$ :

$$m \ddot{x} = -F \Rightarrow m \ddot{x} + \frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1)^2 x U_0^2}{2 \epsilon^3 d} = \frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1) l U_0^2}{2 \epsilon^2 d}$$

В правой части равенства стоит постоянная сила, не влияющая на период колебаний  $\Rightarrow$

$$\Rightarrow \omega^2 = \frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1)^2 U_0^2}{2 \epsilon^3 m d} \Rightarrow T = 2\pi \sqrt{\frac{2 \epsilon^3 m d}{\epsilon_0 (\epsilon - 1)^2 U_0^2}} \Rightarrow$$

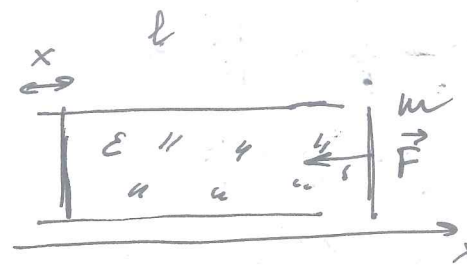
$$\Rightarrow m = \frac{\epsilon_0 (\epsilon - 1)^2 U_0^2 T^2}{8 \pi^2 \epsilon^3 d} \approx 6 \cdot 10^{-6} \text{ кг} \approx 6 \text{ мкг}$$

Ответ  $m \approx 6 \text{ мкг}$

стр 4 из 6

Черновик

№5.2.2



$$q = \text{const} \\ U_0 \cdot \frac{\epsilon_0 l^2}{d} = q_0 = \frac{U_0 \epsilon_0 l^2}{d}$$

$$\delta A = \delta W_p$$

$$\delta A = F dx$$

$$\delta W_p = W_2 - W_1$$

$$\Delta W_p = \frac{q^2}{2 C_2} - \frac{q^2}{2 C_1} = \frac{q^2}{2} \left( \frac{C_1 - C_2}{C_1 C_2} \right)$$

$$C_1 = \frac{\epsilon \epsilon_0 l^2}{d}$$

$$C_2 = C_{21} + C_{22} = \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x)^2}{d} + \frac{\epsilon_0 x^2}{d} = \frac{\epsilon_0}{d} \left( \epsilon l^2 \left( 1 - \frac{x}{l} \right)^2 + x^2 \right) =$$

$$= \frac{\epsilon_0}{d} \left( \epsilon l^2 \left( 1 - 2 \frac{x}{l} \right) + x^2 \right) = \frac{\epsilon_0}{d} \left( \epsilon l^2 - 2 x l \epsilon + x^2 \right) =$$

$$= \frac{\epsilon \epsilon_0 l (l - 2x)}{d}$$

$$C_1 - C_2 = \frac{\epsilon \epsilon_0 l}{d} (l - l + 2x) = \frac{2 \epsilon \epsilon_0 l x}{d}$$

$$C_1 C_2 = \frac{\epsilon \epsilon_0 l^2}{d} \cdot \frac{\epsilon \epsilon_0 l (l - 2x)}{d} = \frac{\epsilon^2 \epsilon_0^2 l^3}{d^2} (l - 2x)$$

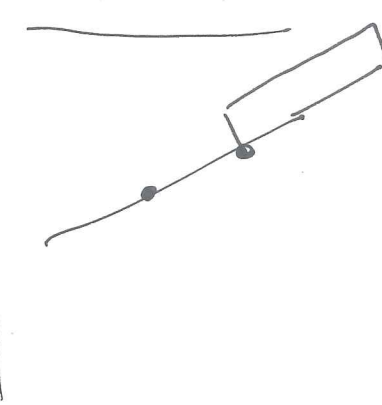
$$\Delta W = \frac{U_0^2 \epsilon_0^2 l^4}{2 d^2} \cdot \frac{2 \epsilon \epsilon_0 l x}{d \cdot \epsilon^2 \epsilon_0^2 l^3 (l - 2x)} = \frac{U_0^2 \epsilon_0 l^2 x}{\epsilon d (l - 2x)} =$$

$$= \frac{U_0^2 \epsilon_0 l x}{\epsilon d (l - 2x)} = Fx = \frac{U_0^2 \epsilon_0 l^2}{\epsilon d (l - 2x)}$$

$$= \frac{U_0^2 \epsilon_0 l^2}{\epsilon d l} \left( 1 + \frac{2x}{l} \right) = \frac{U^2 \epsilon_0}{\epsilon d} (l + 2x) = -m \ddot{x}$$

$$\frac{\epsilon_0 x l}{d} + \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x) l}{d} =$$

$$\frac{d = 0,02}{0,1 \cdot 0,04} \approx \frac{0,04}{0,04} = 1 \text{ Тл}$$



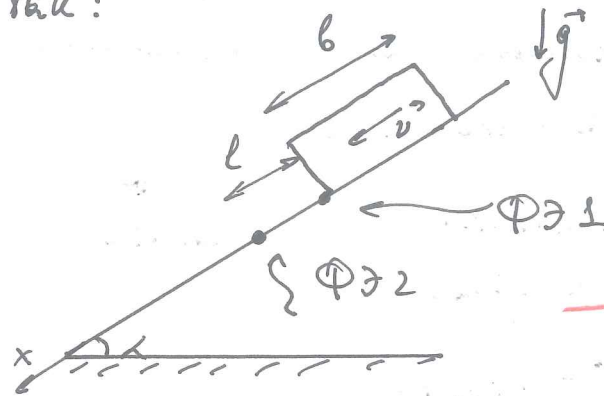


Числовик

№ 1.5.2

\* Т.к.  $\sigma < \sigma_2 < \sigma_1 \Rightarrow$  чертот и задача будет вышесет

так:



$l < b$ .  
Но это не вылет на  
интегральные уравнения,  
записанные в решении.

№ 1.3.2

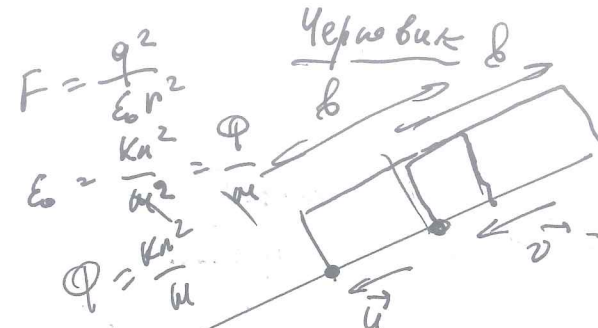
\* Давление воздуха в шлеме складывается из внешнего и внутреннего воздуха:

$p_0 = p_{ух1}$ ;  $p_0 = p_{ух2} + p_{рас}$

$p_{ух1} \approx p_{ух2}$ , т.к.  $p_{рас} \ll p_0$ ;  $\varphi = 1$ , т.к. наблюдается

гидродинамическое равновесие.

стр 6 из 6



$\sqrt{3} \approx 1,73$

$F = \frac{g^2}{E_0 r^2}$   
 $E_0 = \frac{K n^2}{\mu^2}$   
 $\Phi = \frac{K n^2}{\mu}$

$u = v + g \delta n \sigma$   
 $u = 4R \cdot \mu = 4,35$

$\frac{13,5}{4 - \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{47}{8 - \sqrt{3}} = \frac{47}{6,27}$

4700	627
4389	7,49
3110	
2508	
6020	
5643	$(10^2)^2 = 10^4$

415415	14053
28106	29,5
134355	$189225 \cdot 19 \cdot 10^{-5}$
126477	
78780	$190/32$
70265	$160,0/59$
	300
	288

$n = \frac{v \cdot \mu}{c^2} \cdot 10^{-5}$

$9 \cdot 10^{-18} \cdot 16 \cdot 100^2 \cdot 4,35^2 = 9 \cdot 4,35^2 \cdot 10^{-5}$

$8 \cdot \pi^2 \cdot 16 \cdot 4 \cdot 400 \cdot 10^{-3} = 8 \cdot 4 \cdot \pi^2$

$= 0,2 \cdot 0,2 \cdot 0,001 = 4 \cdot 10^{-5} = V, \mu^5$

$\frac{\Phi \cdot B^2 \cdot c^2}{M^2} = \frac{K n^2 \cdot B^2 \cdot c^2}{M^3}$

$n = 6 \cdot 10^{-6} \mu$

$\rho = \frac{m}{V} = \frac{6 \cdot 10^{-6}}{4 \cdot 10^{-5}} = \frac{1,5 \cdot 10^{-1} \mu}{10} = 0,15 \frac{\mu}{M^3}$

$\frac{D n^2 \cdot c^2}{\mu^5} = \frac{n^2 \cdot c^2}{M} = \frac{\mu^2 \cdot M^2 \cdot M^3}{M}$