



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 3

Место проведения г. Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
наименование олимпиады

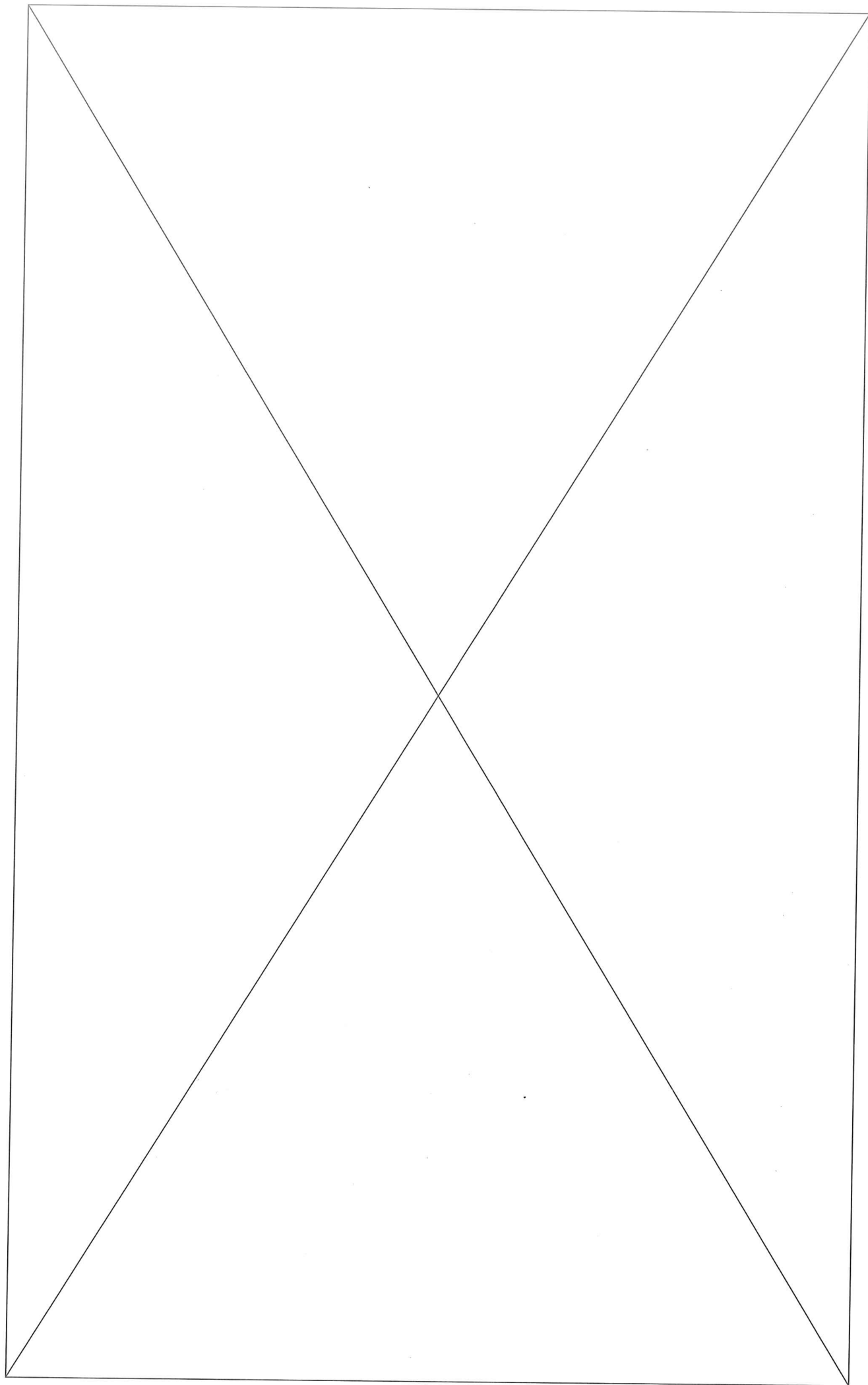
по физике
профиль олимпиады

Людмила Игоря Григорьевича
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

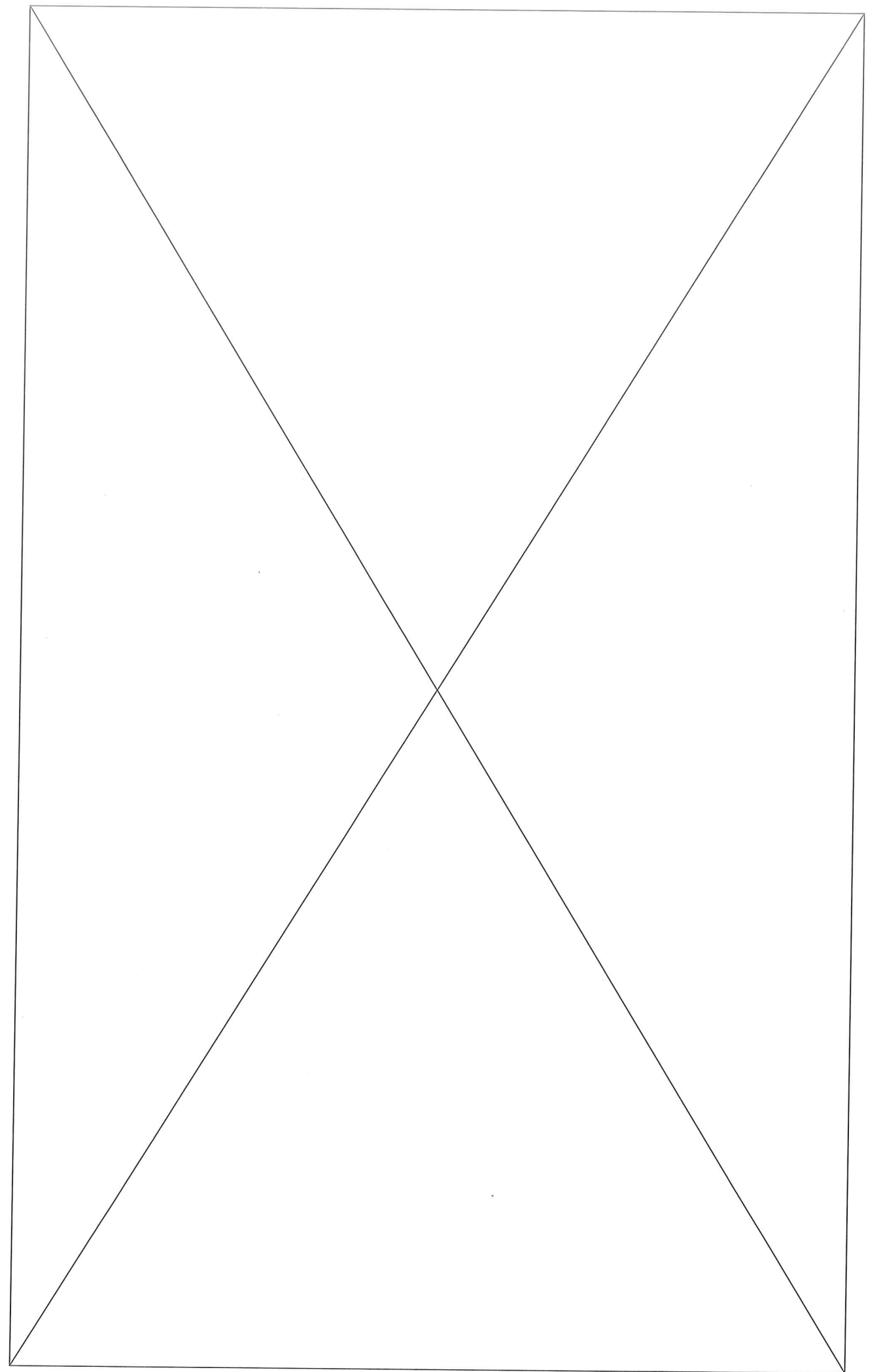
Время 16:47 - 16:49

Дата
«13» февраля 2026 года

Подпись участника
Людмила



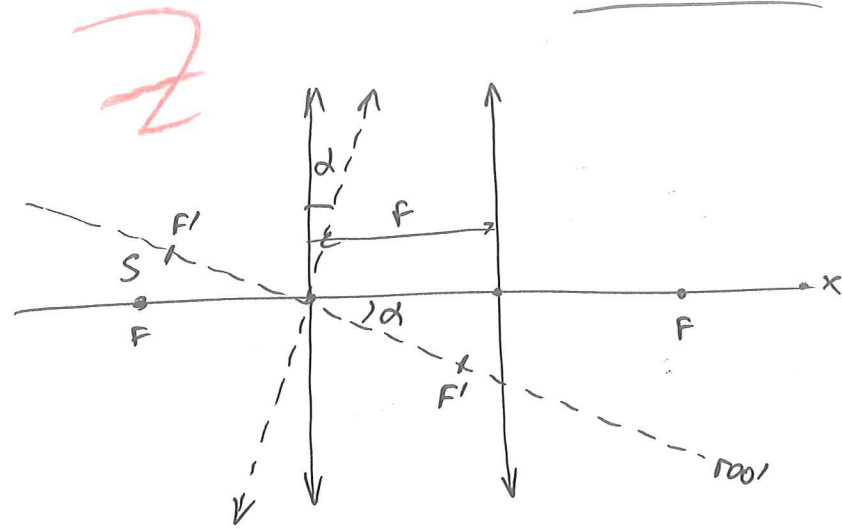
Выполнять задания на титульном листе запрещается!



Выполнять задания на титульном листе запрещается!

задача 4.10.3.

$\alpha = ?$ $P_{SS} = X$



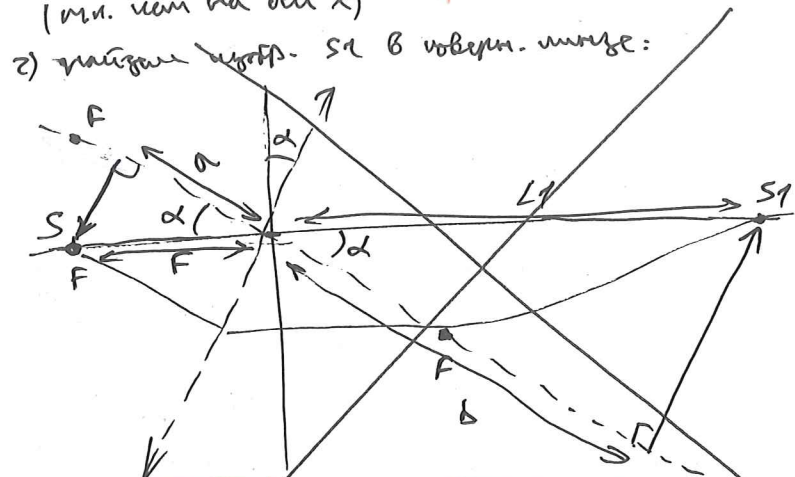
Часть 1

2

где поверота:

1) изображение на оси x (или на оси y)

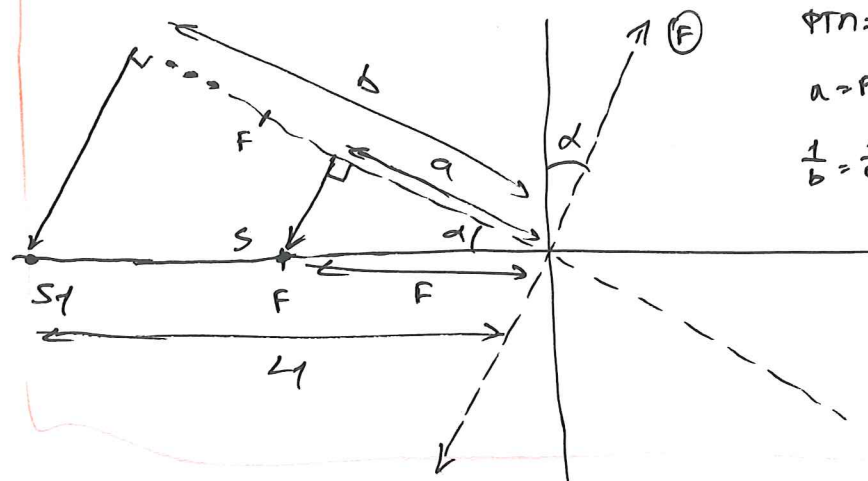
2) найдем центр. Сг в поверт. миге:



ФТН: $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F}$, где $a = F \cos \alpha$; $b = 2L \cos \alpha$

$\frac{1}{b} = \frac{1}{F} - \frac{1}{a} = \frac{a-F}{aF} \rightarrow b = \frac{aF}{a-F}$; $L \cos \alpha = \frac{F \cos \alpha \cdot F}{F \cos \alpha - F} \rightarrow$ вынеси, что $L1 < 0$, \rightarrow действительн

2) найдем центр. Сг в поверт. миге. Нам будет больше и меньше, чем раньше \Rightarrow центр. миге:



ФТН: $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{F}$

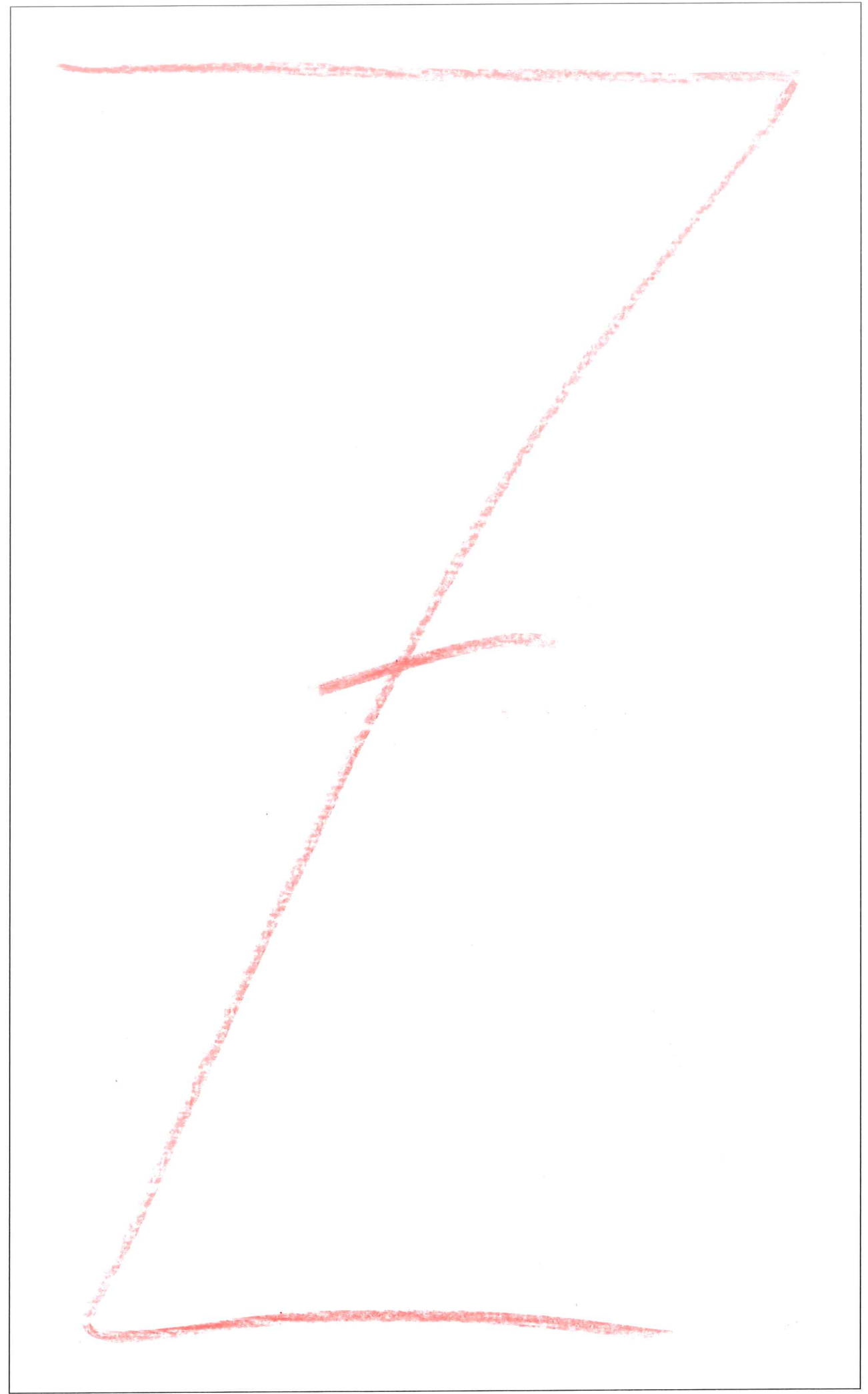
$a = F \cos \alpha$; $b = 2L \cos \alpha$

$\frac{1}{b} = \frac{1}{a} - \frac{1}{F} = \frac{F-a}{aF}$; $b = \frac{aF}{F-a}$

$L \cos \alpha = \frac{F \cos \alpha \cdot F}{F(1 - \cos \alpha)}$

$L1 = \frac{F}{1 - \cos \alpha}$

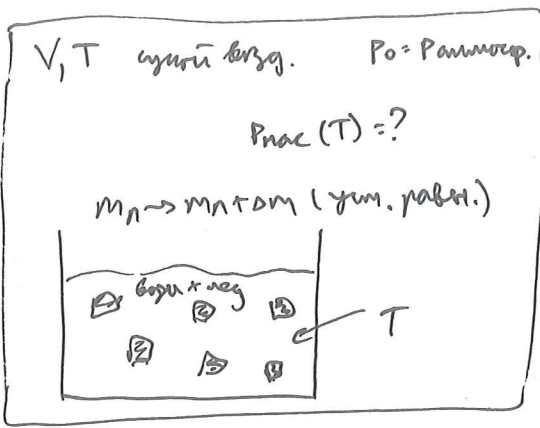
2 из 8



Задача 2.3.3.

$T = 273\text{K} = 0^\circ\text{C} \rightarrow P_{\text{нас}}(T)$ - искомое

$\lambda_{\text{л}}$ - крит.
 $\gamma_{\text{л}}$ - поверхност.
при T



1) м.ч. неизм. масса и неизм. масса льда \rightarrow не происходит между ними теплообмена ($P = \lambda \Delta T, \Delta T = 0 \rightarrow P = 0$) \rightarrow в равн.

В сосуде реализуется закон сохранения энергии!

Теплота испарения и конденсации энергии в системе:

- отдача испарения $Q_{\text{исп}}$
- отдача конденсации $Q_{\text{кон}}$ $\Rightarrow \Delta m = \mu \lambda_{\text{л}} \rightarrow \lambda_{\text{л}} = \frac{\Delta m}{\mu}$ (1)

~~$Q_{\text{исп}} = C_{\text{в}} m_{\text{в}} T + C_{\text{л}} m_{\text{л}} T$~~ ~~$Q_{\text{исп}} = Q_{\text{пар}}$~~

В сосуде реализуется м.ч. ум. равн., сила поверхност. натяжения \rightarrow парковая \rightarrow др-е соот: $P_{\text{нас}} \cdot V = \lambda_{\text{л}} R T \rightarrow \lambda_{\text{л}} = \frac{P_{\text{нас}} V}{R T}$ (1)

$Q_{\text{исп}} = \lambda_{\text{л}} \mu \lambda_{\text{л}} -$ вода "отдаем" (2)

$Q_{\text{кон}} = \gamma_{\text{л}} \mu \lambda_{\text{л}} -$ пар "забираем" (3)

~~$Q_{\text{исп}} = \frac{1}{2} \lambda_{\text{л}} R T = \frac{1}{2} (P_{\text{нас}} V)$ - теплота испарения~~

Итого: имеем соот: $Q_{\text{исп}} = Q_{\text{кон}}$ (4)

Теплота испарения:

$\lambda_{\text{л}} \mu \cdot \frac{\Delta m}{\mu} = \gamma_{\text{л}} \mu \cdot \frac{P_{\text{нас}} V}{R T}$; $\lambda_{\text{л}} \Delta m R T = \gamma_{\text{л}} \mu P_{\text{нас}} V \rightarrow$

$$P_{\text{нас}} = \frac{\lambda_{\text{л}} \Delta m R T}{\gamma_{\text{л}} \mu V} = \frac{3,3 \cdot 10^5 \cdot \frac{\Delta m}{\mu} \cdot 1,8 \cdot 10^{-3} \cdot 273 \text{K}}{2,3 \cdot 10^6 \cdot \frac{\Delta m}{\mu} \cdot 18 \cdot 10^{-3} \cdot 30 \text{ м}^3}$$

$$P_{\text{нас}} = \frac{3,3 \cdot 10^5 \cdot 1,8 \cdot 273}{2,3 \cdot 10^6 \cdot 18 \cdot 10^{-3} \cdot 30} \cdot \frac{\mu}{\mu} = \frac{3,3 \cdot 10^5 \cdot 2265,9}{23 \cdot 3 \cdot 18 \cdot 10^3} \text{ Па} \approx 602 \text{ Па}$$

273
x 83

2184
+ 819

2265,9

22659
x 33

67977
+ 67977

747747

7
x 69

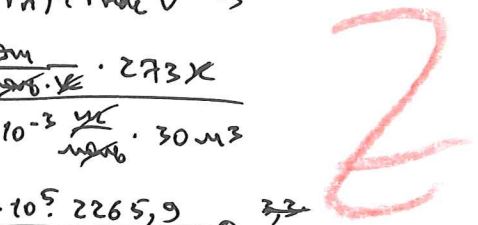
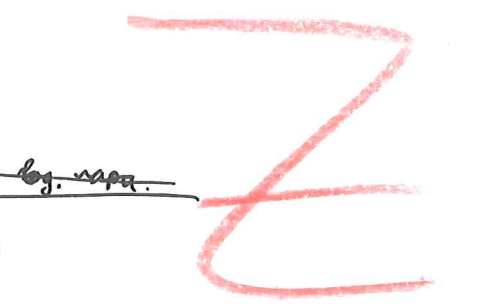
118
+ 552

1242

7477 | 1242
7452 | 602

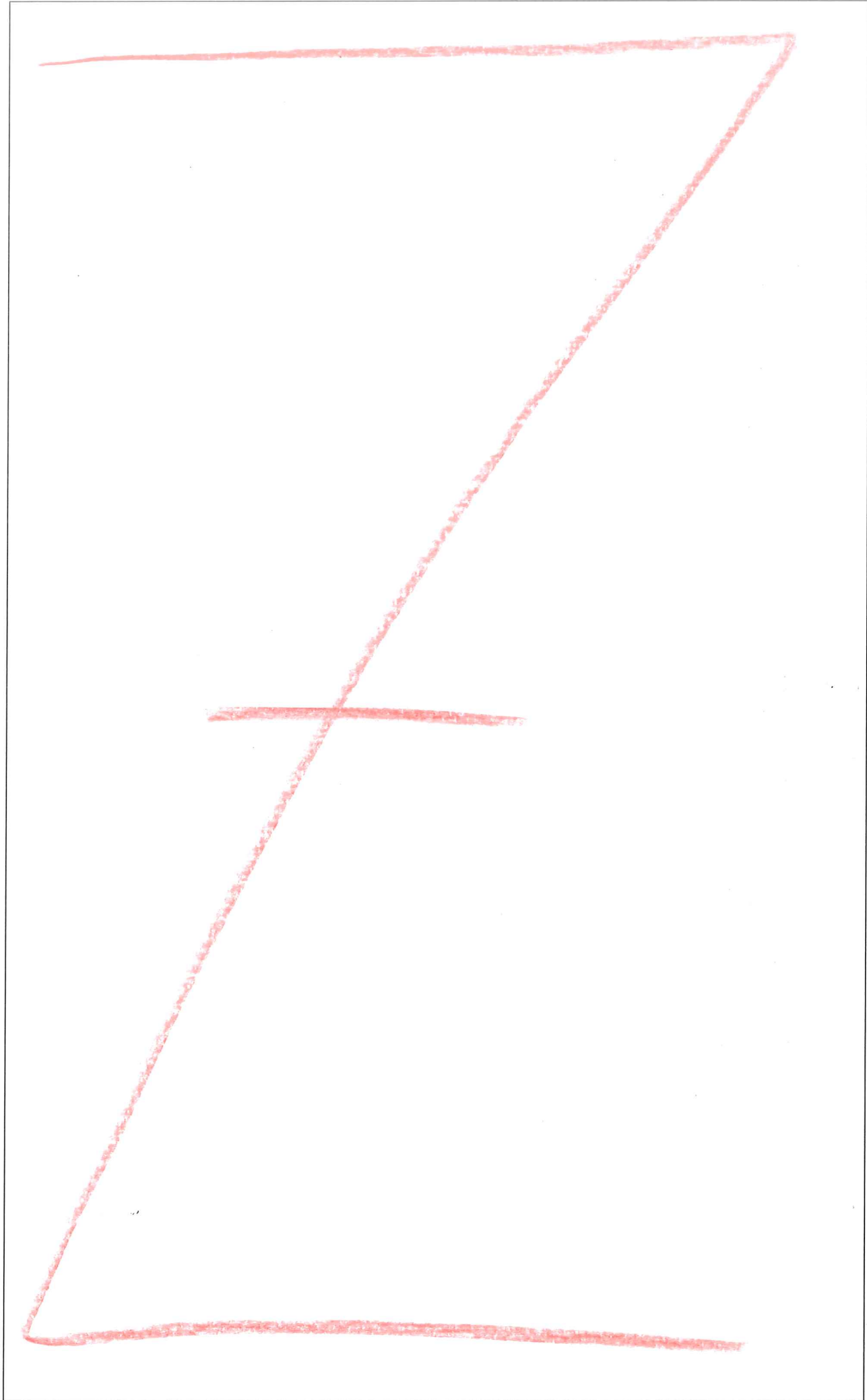
2500

$\Rightarrow \frac{7477,47 \cdot 10^2}{1242} \approx 602 \text{ Па} \approx P_{\text{нас}}$



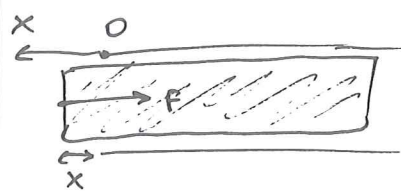
числовик

4 мз 8



Рассмотрим шаг, действ. по днал. в равновесии от x :

мы получим: $q = \frac{\epsilon_0 \chi_0 l T^2}{d}$; $C_{эвб} = \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon r + (1-\epsilon)x)$



F - со стороны электр. поле. \rightarrow

$F = + \frac{dW}{dx}$, где W - энергия конденс.

$W = \frac{q^2}{2C_{эвб}} = \frac{q^2}{2} \cdot C_{эвб}^{-1} \Rightarrow \frac{dW}{dx} = \frac{q^2}{2} \cdot \frac{-1}{C_{эвб}^2} \cdot \frac{dC_{эвб}}{dx}$

часть 2

$\frac{dC_{эвб}}{dx} = \frac{\epsilon_0 l}{d} (1-\epsilon)$

и тогда: $F = + \frac{dW}{dx} = \frac{-q^2}{2C_{эвб}^2} \cdot \frac{\epsilon_0 l}{d} (1-\epsilon) = \frac{-q^2 \epsilon_0 l (1-\epsilon) \cdot d}{2d (\epsilon_0 l)^2 (\epsilon r + (1-\epsilon)x)^2}$

$F = \frac{-q^2 (1-\epsilon) d}{2 \epsilon_0 l (\epsilon r + (1-\epsilon)x)^2} = -m \ddot{x}$; $m \ddot{x} = \frac{-q^2 d (1-\epsilon)}{2 \epsilon_0 l (\epsilon r + (1-\epsilon)x)^2}$

расширим выражение $\frac{1}{1 + \frac{1-\epsilon}{\epsilon r} x}$. Вспомогат. $\frac{1-\epsilon}{\epsilon r} x \ll 1 \Rightarrow$

воспользуемся $\frac{1}{1+x} \approx 1 - x$: $\Rightarrow m \ddot{x} = \frac{-q^2 d (1-\epsilon)}{2 \epsilon_0 l (\epsilon r)^2} = \frac{-(\epsilon_0 \chi_0 l T^2)^2 d (1-\epsilon)}{2 \epsilon_0 l (\epsilon r)^2 d^2}$

$m \ddot{x} = \frac{-\epsilon_0^2 \chi_0^2 l^2 T^4 (1-\epsilon)}{2 \epsilon_0 l \epsilon^2 r^2 d} = \frac{-\chi_0^2 \epsilon_0 l (1-\epsilon)}{2 \epsilon^2 r^2 d} = m \ddot{x}$

$\ddot{x} = \frac{-\chi_0^2 \epsilon_0 l (1-\epsilon)}{2 \epsilon^2 r^2 d}$ $\epsilon > 1 \Rightarrow \ddot{x} < 0 \Rightarrow$ движение влево. \rightarrow часть 3

$|\ddot{x}| = const \Rightarrow$ равноускор. движ. в одном направлении.

и тогда: $\frac{a}{2} (\frac{l}{v})^2 = x$, где $a = \frac{\chi_0^2 \epsilon_0 l (1-\epsilon)}{2 \epsilon^2 r^2 d}$

$\frac{\chi_0^2 \epsilon_0 l (1-\epsilon) T^2}{2 \epsilon^2 r^2 d \cdot 2 \cdot 16} = x$; $\chi_0^2 \epsilon_0 l (1-\epsilon) T^2 r = 64 x m \epsilon^2 d$

$l = \frac{64 x m \epsilon^2 d}{\chi_0^2 \epsilon_0 l (1-\epsilon) T^2 r} = \frac{64 \cdot 0,1 \cdot 10^{-3} \cdot 10 \cdot 10^{-3} \cdot 16 \cdot 10^{-3}}{10^4 \cdot 9 \cdot 10^{-12} \cdot \frac{Kq}{B \cdot m} \cdot 3 \cdot 4,35^2 C^2}$

$l = \frac{64 \cdot 10^{-4} \cdot 10^{-2} \cdot 10^{-3} \cdot 16}{10^4 \cdot 10^{-12} \cdot 9 \cdot 3 \cdot 4,35^2} \cdot \frac{m^2 \cdot m \cdot m}{B \cdot Kq \cdot C^2} = \frac{64 \cdot 16 \cdot 10^{-9}}{27 \cdot 4,35^2 \cdot 10^{-8}} \cdot \frac{m^3 \cdot m}{B \cdot m \cdot C^2} \text{ (3)}$

64 x 16 ----- 1024	435 x 435 ----- 189225	189 x 27 ----- 5103	102495103 ----- 370
384 + 1305 ----- 1740	189225 + 378 ----- 189225	1323 + 378 ----- 5103	

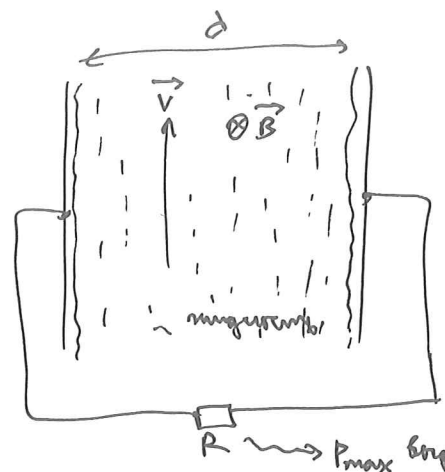
числовик

$\textcircled{3} \frac{1024 \cdot 10^{-1}}{27 \cdot 18,9} \cdot \frac{m \cdot m^2}{H \cdot c^2} = \frac{102,4}{510,3} \cdot m \approx 0,2 m = 20 \mu m = l$

рис 8

27-55-69-06
(3.10)

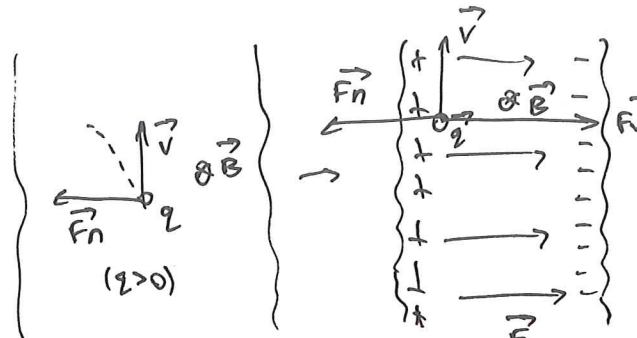
Задача 3.3.3.



$|\vec{V}| = ?$

$\vec{F}_n = q [\vec{v} \times \vec{B}] +$
 $F_{узн} = qE$, \vec{E} - из-за переноса зарядов
и.и. движение индуцировано \rightarrow
на заряд q $\sum \vec{F}_i = 0 \rightarrow$ индуцир. поле \vec{E} .

2) Движение заряда (Эффект Холла)



индуцир. проводимость \rightarrow
заряды смещаются по краям
(свободные заряды, прав -
- поз. граница)
 \Rightarrow и тогда $\vec{F}_n + \vec{F}_{узн} = 0$
 $F_n = F_{узн}$

$F_n = qVB \Rightarrow E = VB$ - поле между обкладками \rightarrow
 $F_{узн} = qE$

напряжение между ними: $U = E \cdot d = VBd = U$

3) Р на движущее: $P = \frac{U^2}{R} \rightarrow P \rightarrow max$ при $U \rightarrow max$ при $d \rightarrow max$
Вспомогат. в задаче под максимальной мощностью подразумевается
тогда раз мы имеем силу, тогда заряды перемещаются по двум
границам магнетизма, т.е на разн. d . Момент силы и и тогда, что
поле создается по середине в магнетизме в осев. области, шириной $< d$
в стандартном эффекте Холла заряды текут по краям магнетизма,
мощность всегда одинаковая.

Требованием юном условию, тогда $P_m = \frac{U^2}{R} = \frac{(VBd)^2}{R} \Rightarrow$
 $V = \frac{\sqrt{P_m R}}{Bd} = \frac{\sqrt{1 \cdot 10^{-3} \cdot 4 \cdot 10^{-1}}}{1,04} = \frac{2 \cdot 10^{-2}}{0,4} = 5 \cdot 10^{-2} \frac{m}{c} = V$ (или $V = 5 \frac{cm}{c}$)

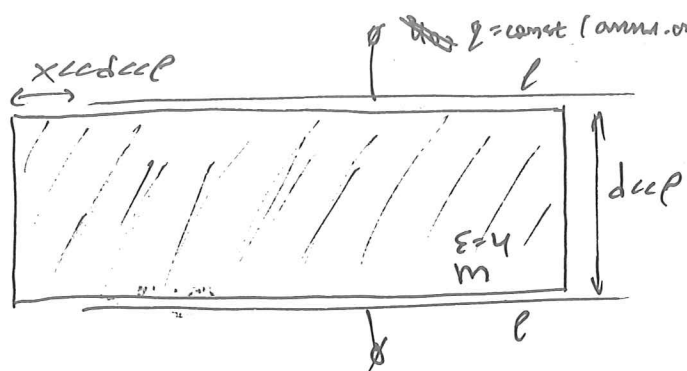
где внутр. сопр. средняя?

числовик

рис 8

Задача 5.2.3.

Шмидт

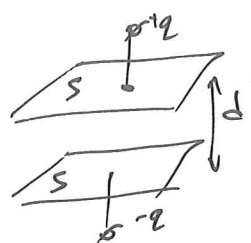


Т-напоб. $l=?$

~~уравнение движения~~

шаг 1

1) Емкость конденсатора:

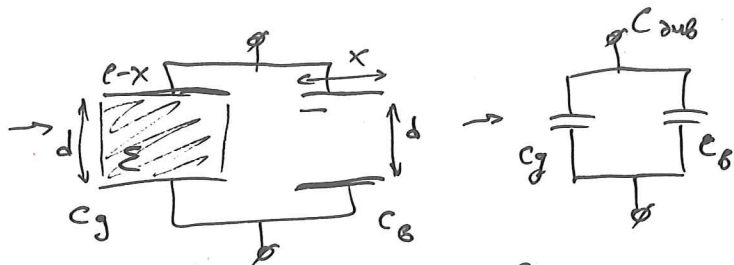
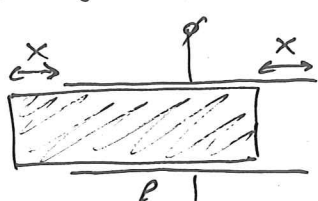


$$E = \frac{U}{d}$$

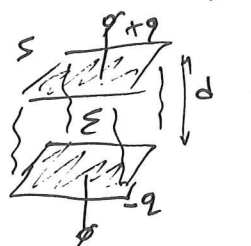
$$U = E \cdot d$$

$$C = \frac{Q}{U} = \frac{Q}{E \cdot d} = \frac{\epsilon S \epsilon_0 E}{E \cdot d} = \frac{\epsilon_0 \epsilon S}{d} = C \text{ (с безг. диэлектриком)}$$

2) Выводим дифференциал:



$$C_{\text{общ}} = C_g + C_b$$



$$E = \frac{U}{d} - \text{определяем в } \epsilon \text{ сл.$$

$$U = E \cdot d$$

$$C = \frac{Q}{U} = \frac{Q}{E \cdot d} = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d} = C \text{ (с диэлектриком)}$$

3) Ищем: при безразличном на x дифференциале, $C_{\text{общ}}$: (назр. мнем (x, l))

$$C_{\text{общ}} = \frac{\epsilon \epsilon_0 l (l-x)}{d} + \frac{\epsilon_0 x l}{d} = \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon (l-x) + x) = \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon l + (1-\epsilon)x) = C_{\text{общ}}$$

4) Выводим: $C_0 = \frac{\epsilon_0 l^2}{d}$, $U_0 \rightarrow Q = \text{const} = C_0 U_0 = \frac{\epsilon_0 U_0 l^2}{d} = Q$

5) Запишем ЗС, энергетический подход:

пусть кем. энергия системы (при амплитуде) равна E_0 :

Кем не меняется, м.к. кем диссипативным сил (трение кем) \rightarrow

$$E_0 = \text{const} = E_{\text{кин}} + E_{\text{пот}} = \frac{mv^2}{2} + \frac{q^2}{2C_{\text{общ}}} \quad v^2 = \dot{x}^2$$

$$\text{const} = \frac{mv^2}{2} + \frac{(\epsilon_0 U_0 l^2)^2 \cdot d}{2 \cdot d^2 \cdot \epsilon_0 l (\epsilon l + (1-\epsilon)x)} = \frac{mv^2}{2} + \frac{\epsilon_0^2 U_0^2 l^4 d}{2 d^2 \cdot \epsilon_0 l (\epsilon l + (1-\epsilon)x)}$$

$$\text{const} = m \dot{x}^2 + \frac{U_0^2 \epsilon_0 l^3}{d (\epsilon l + (1-\epsilon)x)} \rightarrow \text{группируем}$$

бук 8

$$0 = 2m \ddot{x} + \frac{U_0^2 \epsilon_0 l^3}{d} \cdot \frac{-1}{(\epsilon l + (1-\epsilon)x)^2} \cdot (1-\epsilon) \dot{x} \quad | : \dot{x}$$

$$0 = 2m \ddot{x} + \frac{(\epsilon-1) U_0^2 \epsilon_0 l^3}{d (\epsilon l + (1-\epsilon)x)^2} = 2m \ddot{x} + \frac{(\epsilon-1) U_0^2 \epsilon_0 l^3}{d (\epsilon l)^2 (1 + \frac{1-\epsilon}{\epsilon l} x)^2}$$

$$(1+x)^n \approx 1+n x \text{ при малом } x \rightarrow (1 + \frac{1-\epsilon}{\epsilon l} x)^{-2} \approx 1 + \frac{2(1-\epsilon)}{\epsilon l} x$$

$$0 = 2m \ddot{x} + \frac{(\epsilon-1) U_0^2 \epsilon_0 l^3}{\epsilon^2 l^2 (1 + \frac{2(1-\epsilon)}{\epsilon l} x)}$$

шаг 2

$$0 = 2m \ddot{x} + \frac{(\epsilon-1) U_0^2 \epsilon_0 l^3}{\epsilon^2 l^2 d} (1 + \frac{2(1-\epsilon)}{\epsilon l} x)$$

$$0 = \frac{(\epsilon-1) U_0^2 \epsilon_0 l^3}{\epsilon^2 d} + 2m \ddot{x} + \frac{2(\epsilon-1)^2 U_0^2 \epsilon_0 l^3}{\epsilon^2 d \cdot \epsilon l} x$$

$$\text{const} = 2m \ddot{x} + \frac{2(\epsilon-1)^2 U_0^2 \epsilon_0 l^3}{\epsilon^3 d} x; \quad \text{const} = \ddot{x} + \frac{(\epsilon-1)^2 U_0^2 \epsilon_0 l^3}{\epsilon^3 m d} x$$

const не выведем на гармоническую зависимость

$$W = \frac{(\epsilon-1) U_0}{\epsilon} \sqrt{\frac{\epsilon_0 l^3}{\epsilon m d}}$$

1) Выводим: $C_0 = \frac{\epsilon_0 l^2}{d} \rightarrow Q = C_0 U_0 = \frac{\epsilon_0 U_0 l^2}{d} = Q$ на обложке

2) $C_{\text{общ}} = \frac{\epsilon \epsilon_0 l (l-x)}{d} + \frac{\epsilon_0 x l}{d} = \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon (l-x) + x) = \frac{\epsilon_0 l}{d} (\epsilon l + (1-\epsilon)x) = C_{\text{общ}}$

3) $E_0 = \text{const} = \frac{mv^2}{2} + \frac{q^2}{2C_{\text{общ}}} \rightarrow \text{const} = mv^2 + \frac{q^2 d}{\epsilon_0 l (\epsilon l + (1-\epsilon)x)}$

$v^2 = \dot{x}^2 \rightarrow \text{const} = m \dot{x}^2 + \text{группируем}$

$$0 = 2m \ddot{x} + \frac{q^2 d}{\epsilon_0 l} \cdot \frac{-1}{(\epsilon l + (1-\epsilon)x)^2} \cdot (1-\epsilon) \dot{x}$$

$$2m \ddot{x} = \frac{q^2 d (1-\epsilon)}{\epsilon_0 l (\epsilon l + (1-\epsilon)x)^2}; \quad \frac{q^2 d (1-\epsilon)}{2m \ddot{x} \epsilon_0 l} = (\epsilon l)^2 + 2\epsilon l (1-\epsilon)x + (1-\epsilon)^2 x^2$$

Шмидт

бук 8