



Выход: 17:13 *Мед*  
Возврат: 17:17 *Мед*

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 1

Место проведения Москва  
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов  
наименование олимпиады

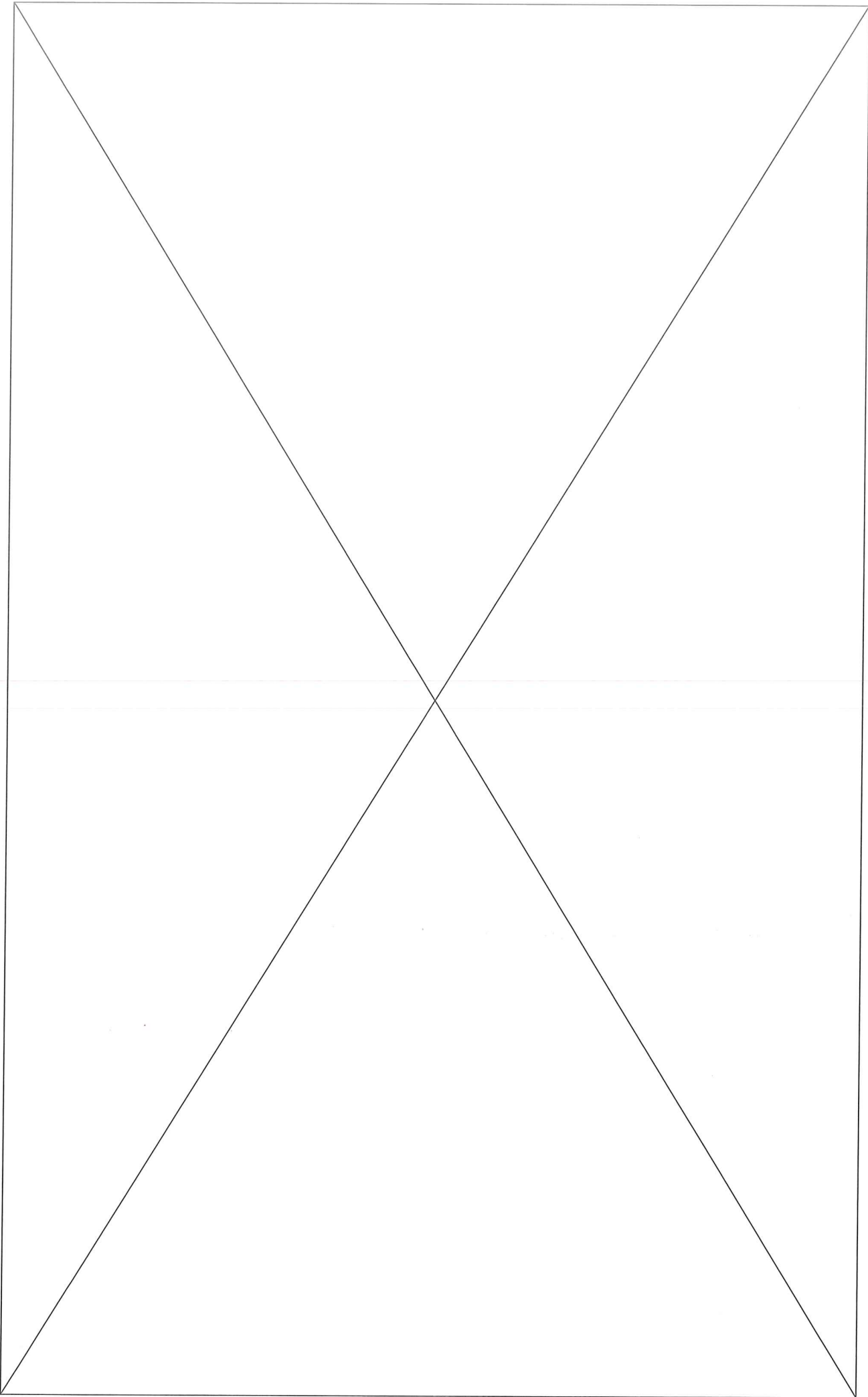
по физике  
профиль олимпиады

Пепымского Серафима Евгеньевича  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

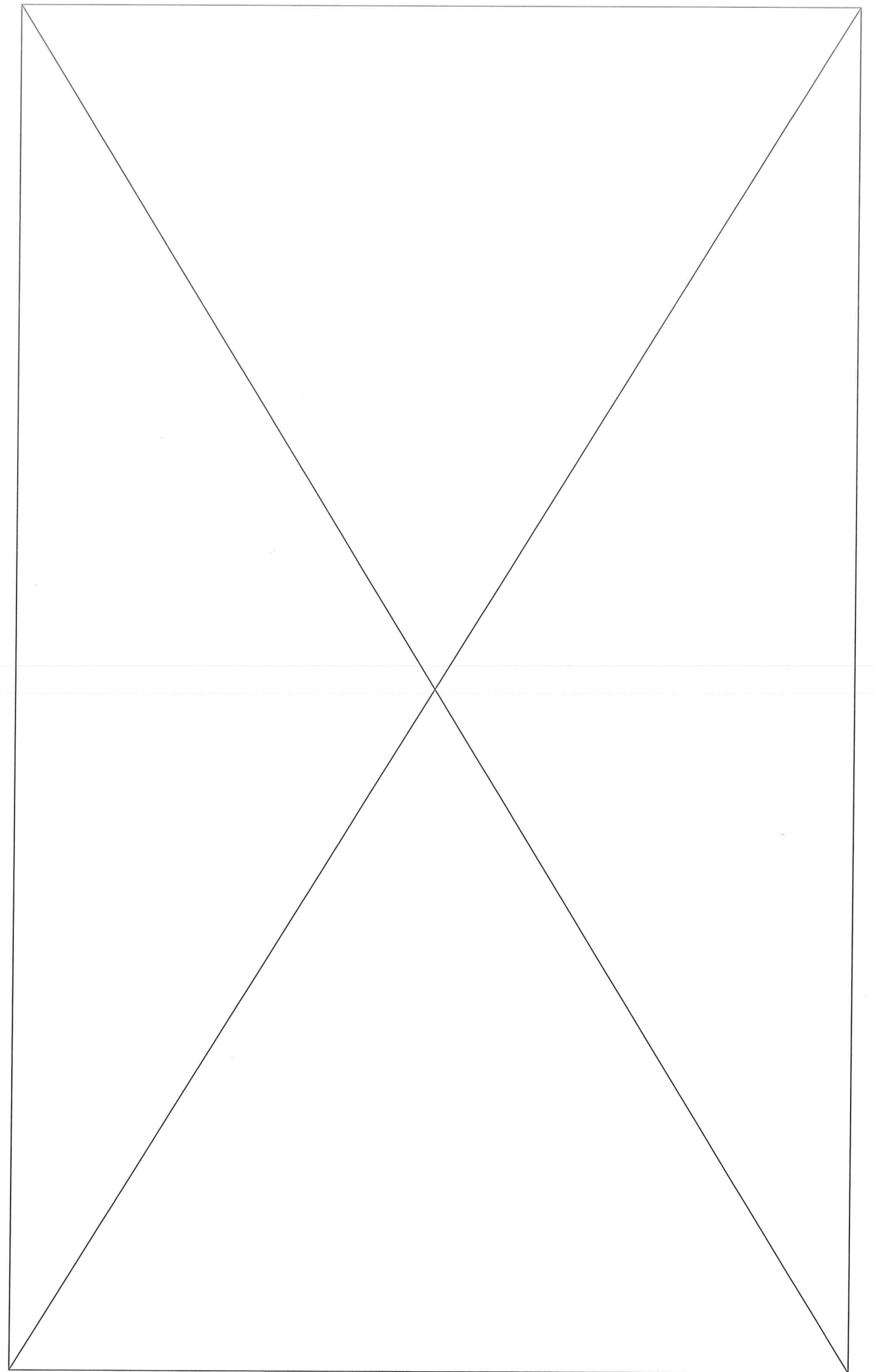
Дата  
«13» февраля 2026 года

Подпись участника

*Мед*



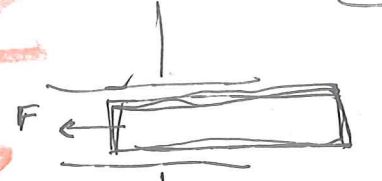
Выполнять задания на титульном листе запрещается!



Выполнять задания на титульном листе запрещается!

Черновик

$\frac{q^2}{2\epsilon} = \frac{q^2}{2\epsilon_0 \epsilon} = \frac{q^2 d}{2\epsilon_0 \epsilon}$



$\frac{Dm}{m} = \frac{H}{m}$

$-F dx = \frac{H \cdot \epsilon_0 \cdot l}{\rho \cdot N \cdot B^2}$

$\rho = \frac{kn}{B}$

$\frac{\epsilon_0 l^3 u_0^2}{2b(\epsilon l + x(1-\epsilon))} - \frac{\epsilon_0 l^3 u_0^2}{2b(\epsilon l + (x+dx)(1-\epsilon))}$

$\frac{\epsilon_0 l^3 u_0^2}{2b} \left( \frac{1}{\epsilon l + x(1-\epsilon)} - \frac{1}{\epsilon l + (x+dx)(1-\epsilon)} \right)$

$\frac{\epsilon_0(\epsilon-1) l u_0^2}{2b m \epsilon^2} = \frac{dx(1-\epsilon)}{\epsilon^2 l^2 + x(x+dx)(1-\epsilon)^2 + \epsilon l(1-\epsilon)(2x+dx)}$

$F = \frac{1-\epsilon}{\epsilon^2 l^2 + x(x+dx)(1-\epsilon)^2 + \epsilon l(1-\epsilon)(2x+dx)} = m \ddot{x}$

$\frac{\epsilon_0^2 \rho^2 u_0^2}{d^2} = \frac{\rho_0^2 \epsilon_0 l^3 u_0^2}{2b^2(\epsilon l + x(1-\epsilon))}$

$\frac{2}{d} (\epsilon_0 x l + \epsilon_0 (l-x) l) = \frac{\rho_0^2 \epsilon_0 l^3 u_0^2}{2b^2(\epsilon l + x(1-\epsilon))}$

$\omega = \frac{q^2}{2\epsilon} = \frac{q^2}{2\epsilon_0 \epsilon}$

$\omega = \frac{W}{V} = \frac{\delta^2 S \cdot d}{2\epsilon_0 S} = \frac{\delta^2}{2\epsilon_0}$

$b_1 = \frac{\epsilon_0 l u_0}{d(\epsilon l + x(1-\epsilon))}$

$b_2 = \frac{\epsilon \epsilon_0 l u_0}{d(\epsilon l + x(1-\epsilon))}$

$\frac{k \epsilon n^2}{m^2} = H$

$\frac{k \cdot H^2}{k n^2} = \frac{1}{\epsilon_0}$

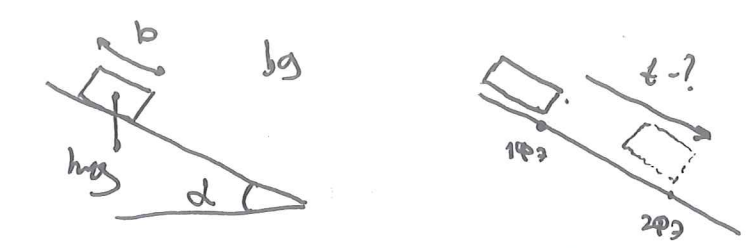
$\omega_2 = \frac{k n^2}{H \cdot H^2}$

$-F dx + \omega_1 dx b - \omega_2 dx d = 0$

$F = \omega d b (\omega_1 - \omega_2) = \frac{1}{2\epsilon_0} \left( \frac{\epsilon_0^2 \rho^2 u_0^2}{d^2(\epsilon l + x(1-\epsilon))} - \frac{1}{(\epsilon l + x(1-\epsilon))^2} \right)$

Чистовик

н1.5.1



$mg \sin \alpha = ka$

$a = g \sin \alpha = g \sin 30^\circ = \frac{g}{2} = 5 \text{ m/s}^2$

при 1 фазе:  $b = u_0 \tau_1 + \frac{a \tau_1^2}{2}$

при 2 фазе:  $b = (u_0 + at) \tau_2 + \frac{a \tau_2^2}{2}$

$\frac{b}{\tau_1} - \frac{a \tau_1}{2} = u_0$

$b = \left( \frac{b}{\tau_1} - \frac{a \tau_1}{2} + at \right) \tau_2 + \frac{a \tau_2^2}{2}$

$a \tau_1 \cdot t = b - \frac{a \tau_1^2}{2} + \frac{a \tau_1 \tau_2}{2} - \frac{b \tau_2}{\tau_1}$

$\tau = \frac{b}{a \tau_2} - \frac{\tau_2}{2} + \frac{\tau_1}{2} - \frac{b}{a \tau_1} = \left[ \frac{b}{a} \left( \frac{1}{\tau_2} - \frac{1}{\tau_1} \right) - \frac{\tau_2 - \tau_1}{2} \right] t$

$\tau = \frac{0,1}{5} \left( \frac{1}{1} - \frac{1}{2} \right) - \frac{1-2}{2} = \frac{1}{100} + \frac{1}{2} = 0,51 \text{ c}$

$a = \frac{g}{2}$

70-34-44-11 (1.1)  
 10 20 20+5 20+5 25 95  
 1 2 3 4 5  
 10 20 20+5 20+5 25 95  
 1 2 3 4 5  
 10 20 20+5 20+5 25 95  
 1 2 3 4 5

$P_0 V = \nu \cdot R T$  - газ в комнате

$(P_0 + P_{\text{пар}}) V = (\nu_{\text{в}} + \nu_{\text{ж}}) R T$  - после равновесия

$P_{\text{пар}} \cdot V = \nu_{\text{ж}} \cdot R T$

$\nu_{\text{ж}} = \frac{P_{\text{пар}} \cdot V}{R T}$  - испар. вода

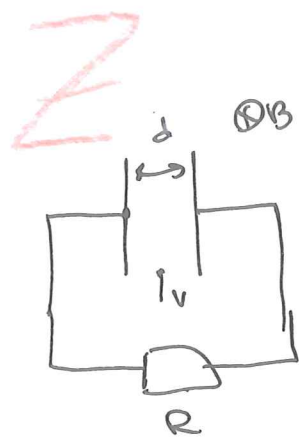
при  $T = T_{\text{кр}}$ , температура не  $\Rightarrow Q_{\text{отп}} = Q_{\text{отг}}$

$m_{\text{ж}} = \rho \cdot \nu_{\text{ж}} = \mu \frac{P_{\text{пар}} \cdot V}{R T}$

$\Gamma_n \cdot m_{\text{ж}} = \Delta m \cdot \lambda_k$

$\Delta m = \frac{\Gamma_n}{\lambda_k} m_{\text{ж}} = \left[ \frac{\Gamma_n}{\lambda_k} \mu \frac{P_{\text{пар}} \cdot V}{R T} \right] = \frac{2,3 \cdot 10^6}{3,3 \cdot 10^5} \cdot 18 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{611 \cdot 30}{83 \cdot 273} \approx 1 \text{ кг}$

Чистовик



№3,31

На заряды магниты действует сила Лоренца, в сторону магн. поля  $F_L = qvB$  (направлена влево)

Чтобы перенести заряд от 1 пластины к другой

$F_L$  совершит работу

$$A_L = F_L \cdot d = qvB \cdot d$$

Работа напряжения на  $R$  совершается:

$$A = \frac{A_L}{q} = \frac{qvB \cdot d}{q} = B \cdot v \cdot d$$

П-но магнитом скорость зарядов равна скорости магнитности  $v$ , на эту скорость действует сила Лоренца  $F_L = qvB$ , совершающая работу по переносу заряда

$I$ -ток в цепи

~~Максимальная мощность выделяется в нагрузке при отсутствии потерь~~

$P_m = P_R = I^2 R$ , мощность резистора

~~$P_m = \frac{B^2 v^2 d^2}{R}$~~   
 ~~$d = \frac{\sqrt{P_m R}}{Bv}$~~   
 ~~$0,24 = \frac{\sqrt{20 \cdot R}}{0,2 \cdot 10^2}$~~

Пусть  $r$  - сопротивление цепи  $R + r$

$U = I(R+r)$      $I = \frac{U}{R+r}$      $P = I^2 \cdot R = \frac{U^2}{(R+r)^2} \cdot R$

$R+r \geq 2\sqrt{Rr}$      $P_m$  при  $r=R$

$P_m = \frac{U^2}{(R+r)^2} \cdot R = \frac{U^2 \cdot R}{4R^2}$

$U^2 = 4P_m R$

$B^2 v^2 d^2 = 4P_m R$

$d = \frac{2\sqrt{P_m R}}{Bv} = 0,4 \text{ м} = 40 \text{ см}$

Черновик

$\frac{23 \cdot 18 \cdot 611 \cdot 30}{3,3 \cdot 8,3 \cdot 299 \cdot 10^3} = \frac{23 \cdot 18 \cdot 611 \cdot 30}{3,3 \cdot 8,3 \cdot 299 \cdot 10^3} = \frac{23 \cdot 6 \cdot 611}{11 \cdot 83 \cdot 91}$

$\frac{276 \cdot 11 \cdot 138}{84318}$      $\frac{138}{978}$      $\frac{11}{83}$

$\frac{84318}{83083} \cdot 1,00 = 1,2350$      $\frac{913}{8217}$      $\frac{913}{83083}$

$U = IR$      $I = \frac{U}{R}$   
 $U \cdot I = U \cdot \frac{U}{R} = \frac{U^2}{R}$

$\frac{\sqrt{1 \cdot 10^{-3} \cdot 0,4}}{1 \cdot 0,1} = \frac{\sqrt{4 \cdot 10^{-4}}}{0,1} = \frac{\sqrt{4}}{10^1} = \frac{2}{10^2}$

$\frac{1}{R} - \frac{1}{r_{\text{ин}}} = \frac{v^2 - 1}{F \cdot q \cdot m}$      $\frac{1}{R} - \frac{1}{r_{\text{ин}}} = \frac{v^2 - 1}{F \cdot q \cdot m}$

$k_n = \frac{A \cdot c}{A \cdot B} = \frac{H \cdot M}{c}$      $\frac{3,15}{2} = 0,85$      $\frac{3,15}{2} = 0,85$      $\frac{3,15}{2} = 0,85$

$\frac{P \cdot B^2}{\rho \cdot M \cdot \mu_0} = \frac{k_n \cdot B}{M \cdot \mu_0}$      $\frac{A \cdot c \cdot B}{M \cdot \mu_0} = \frac{H \cdot M}{M \cdot \mu_0}$

Черновик

Z

$$\frac{2\pi}{0,2 \cdot 100} \sqrt{\frac{0,1 \cdot 10^{-9} \cdot 0,01 \cdot 4 \cdot 10^{-20} (0,8 - 0,7 \cdot 10^{-3})}{9 \cdot 10^{-10} \cdot 3}}$$

$$\sqrt{\frac{4(0,8 - 0,7 \cdot 10^{-3}) \cdot 1000}{9 \cdot 3}}$$

$$800 \cdot 20 \sqrt{\frac{4 \cdot 800}{9 \cdot 3}} \cdot \frac{2\pi}{20}$$

$$2 \cdot 9 \cdot 10 \sqrt{\frac{2}{3}} \cdot \frac{2\pi}{20}$$

$$\frac{14}{1,7} \cdot \frac{2}{3} \cdot 2 \cdot 3,14$$

$$\frac{14}{17} \cdot \frac{2}{7} \cdot 2 \cdot 3,14$$

$$4 \cdot \frac{24}{17} \cdot 104 \quad \begin{array}{r} 56 \overline{) 12} \\ 71 \overline{) 3,28} \\ \underline{50} \\ 79 \end{array}$$

$$4 \cdot \frac{24 \cdot 104}{17} \quad \begin{array}{r} 24 \overline{) 173} \\ \underline{136} \\ 37 \end{array}$$

Z

Z

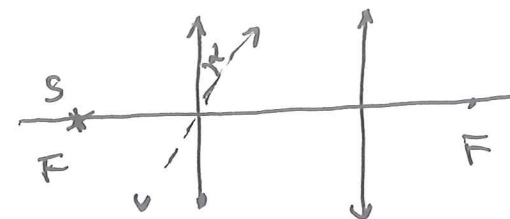
Z

Z

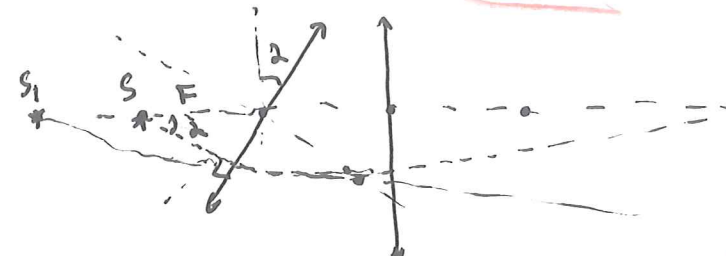
70-34-44-11  
(1.1)

№ 4.10.1

Чистовик



ГОО 2 минуты в 1 линзе. Будет проходить через центр первой, так что изображение получится. Будет лежать на ней



ФТН для 1 линзы:  $\frac{1}{a_1} + \frac{1}{b_1} = \frac{1}{F}$  +

$$a_1 = F \cos \alpha = F \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$-\frac{1}{F \cos \alpha} + \frac{1}{F} = \frac{1}{b_1}$$
 +

$$\frac{1}{b_1} = \frac{\cos \alpha - 1}{F \cos \alpha} \quad b_1 = \frac{F \cos \alpha}{\cos \alpha - 1}$$
 +

Изображение в 1 линзе будет минимальным расстоянием от этого изображения до 2 линзы будет:

$$\rho = \frac{|b_1|}{\cos \alpha} + F > F \Rightarrow \text{изображение действительное}$$

ФТН для 2 линзы:  $\frac{1}{\rho} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F}$

$$\frac{1}{b} = \frac{1}{F} - \frac{1}{\rho} = \frac{1}{F} - \frac{1}{\frac{F}{1 - \cos \alpha} + F} = \frac{1 \cdot (1 - \cos \alpha)}{F + F(1 - \cos \alpha)}$$

$$= \frac{1}{F} - \frac{(1 - \cos \alpha)}{F(2 - \cos \alpha)} = \frac{2 - \cos \alpha - 1 + \cos \alpha}{F(2 - \cos \alpha)} = \frac{1}{F(2 - \cos \alpha)}$$
 +

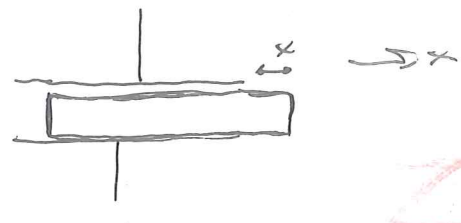
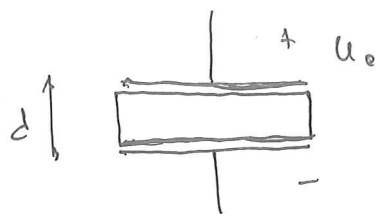
$$b = F(2 - \cos \alpha)$$

Итоговое расстояние между минимальным и изображениями будет:

$$x = 2F + b = 4F - F \cos \alpha = F(4 - \cos \alpha) = F(4 - \frac{\sqrt{3}}{2})$$
 +

$$x = 7,5(4 - \frac{\sqrt{3}}{2}) \text{ см} \approx 23,6 \text{ см}$$

№5.2.1 Учет диэла.



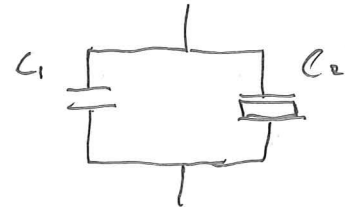
$$C_0 = \frac{\epsilon_0 S}{d} \quad q_0 = C_0 U_0 = \frac{\epsilon_0 S}{d} U_0$$

$$C = \epsilon C_0 = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d} \quad q_0 = C U = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d} U$$

$$\frac{\epsilon_0 S}{d} U_0 = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d} U$$

$$S = l^2 \quad U = \frac{U_0}{\epsilon}$$

Такой конденсатор можно представить как 2 параллельно соединенных конденсатора (с диэлектриком и без)



$$C_1 = \frac{\epsilon_0 \cdot x \cdot l}{d} \quad C_2 = \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x) \cdot l}{d}$$

заряды на них найдём из равенства их напряжений:

$$q_1 + q_2 = q_0 = \frac{\epsilon_0 S U_0}{d}$$

$$\frac{q_1}{C_1} = \frac{q_2}{C_2} \quad \frac{q_1}{q_2} = \frac{C_1}{C_2} = \frac{x}{\epsilon(l-x)} \quad q_1 = \frac{x}{\epsilon(l-x)} q_2$$

$$q_2 \left(1 + \frac{x}{\epsilon(l-x)}\right) = \frac{\epsilon_0 S U_0}{d}$$

$$q_2 \left(\frac{\epsilon l + x(1-\epsilon)}{\epsilon(l-x)}\right) = \frac{\epsilon_0 S U_0}{d} \quad q_2 = \frac{\epsilon \epsilon_0 l^2 U_0 (l-x)}{d(\epsilon l + x(1-\epsilon))}$$

$$q_1 = \frac{\epsilon_0 l^2 U_0 x}{d(\epsilon l + x(1-\epsilon))}$$

Полную энергию системы можно представить, как энергию конденсатора (вх конд.) и хим. энергии пластины

$$E_{\text{полн}} = \frac{q_1^2}{2C_1} + \frac{q_2^2}{2C_2} + \frac{m v^2}{2}$$

$$\frac{q_1^2}{2C_1} = \frac{\left(\frac{\epsilon_0 l^2 U_0 x}{d(\epsilon l + x(1-\epsilon))}\right)^2}{2 \cdot \frac{\epsilon_0 x l}{d}} = \frac{\epsilon_0 x l^3}{d} \left(\frac{U_0}{\epsilon l + x(1-\epsilon)}\right)^2 = \frac{\epsilon_0 x l^3 U_0^2}{2d(\epsilon l + x(1-\epsilon))^2}$$

$$\frac{q_2^2}{2C_2} = \frac{\frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x)^3 U_0^2}{d}}{2(\epsilon l + x(1-\epsilon))^2} = \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x)^3 U_0^2}{2d(\epsilon l + x(1-\epsilon))^2}$$

70-34-44-11  
(1.1)

$$E_{кин} = \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2 + \epsilon \epsilon_0 (\rho - x) \rho^3 U_0^2}{2d(\epsilon \rho + x(1-\epsilon))^2} + \frac{m v^2}{2} \quad \sqrt{5.2.1} \quad \text{исходник}$$

$$v = \frac{dx}{dt} = \dot{x}$$

$$\frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2 (x + \epsilon \rho - \epsilon x)}{2d(\epsilon \rho + x(1-\epsilon))^2} = \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d(\epsilon \rho + x(1-\epsilon))}$$

$$\frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d(\epsilon \rho + x(1-\epsilon))} + \frac{m \dot{x}^2}{2} = \text{const}$$

$$E_{кин} = E_{пот} = \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d(\epsilon \rho + x(1-\epsilon))} = \text{const} = A = \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d \cdot \epsilon}$$

$$\frac{m \dot{x}^2}{2} = A - \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d(\epsilon \rho + x(1-\epsilon))} = \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d \cdot \epsilon} - \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d(\epsilon \rho + x(1-\epsilon))} = \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d} \left( \frac{1}{\epsilon} - \frac{1}{\epsilon \rho + x(1-\epsilon)} \right)$$

$$= \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d} \left( \frac{\epsilon \rho + x(1-\epsilon) - \epsilon \rho - x_0(1-\epsilon)}{\epsilon(\epsilon \rho + x(1-\epsilon))} \right) = \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d} \left( \frac{(1-\epsilon)(x-x_0)}{(\epsilon \rho + x(1-\epsilon))(\epsilon \rho + x_0(1-\epsilon))} \right) \approx$$

$$\frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d} \left( \frac{(1-\epsilon)(x-x_0)}{\epsilon^2 \rho^2 + \epsilon \rho(1-\epsilon)(x+x_0)} \right) = \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d \cdot \epsilon^2 \rho^2} \left( \frac{(1-\epsilon)(x-x_0)}{1 + \frac{(1-\epsilon)(x+x_0)}{\epsilon \rho}} \right) \approx$$

$$\frac{1}{1 + \frac{(1-\epsilon)(x+x_0)}{\epsilon \rho}} \approx 1 \quad \approx \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d \epsilon^2 \rho^2} (1-\epsilon)(x-x_0)$$

$$x \ll \rho \quad \frac{x}{\rho} \rightarrow 0 \quad (\text{очень мал})$$

$$\frac{m \dot{x}^2}{2} = \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d \epsilon^2 \rho^2} (1-\epsilon)x - \text{const}$$

$$\frac{m \dot{x}^2}{2} + \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d \epsilon^2 \rho^2} (\epsilon-1)x = \text{const} \quad \left| \frac{d}{dt} \right.$$

$$m \dot{x} \dot{x} + \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d \epsilon^2 \rho^2} (\epsilon-1) \dot{x} = 0$$

$$\ddot{x} + \frac{\epsilon_0 \rho U_0^2}{2d m \epsilon^2} (\epsilon-1) = 0$$

В кон. равн. (когда масса равна энергии индуктора):  $F=0$

$$\underbrace{\left( \frac{\epsilon_0 S U_0^2}{d} \right)^2}_{E_{кин}} + \frac{m v_m^2}{2} = \frac{\epsilon_0 \rho^3 U_0^2}{2d(\epsilon \rho + x(1-\epsilon))} \quad v - \text{максимальная}$$

р.2.1

механика

$$\frac{\epsilon_0 l^2 U_0^2}{2d\epsilon} + \frac{m v_m^2}{2} = \frac{\epsilon_0 l^2 U_0^2}{d(\epsilon l + x(1-\epsilon))}$$

$$m v_m^2 = \frac{\epsilon_0 l^2 U_0^2}{d(\epsilon l + x(1-\epsilon))} - \frac{\epsilon_0 l^2 U_0^2}{d\epsilon} = \frac{\epsilon_0 l^2 U_0^2}{d} \left( \frac{\epsilon l - l\epsilon - x(1-\epsilon)}{\epsilon(\epsilon l + x(1-\epsilon))} \right)$$

$$v_m = \frac{x(\epsilon-1)}{m\epsilon(\epsilon l + x(1-\epsilon))} \cdot \frac{\epsilon_0 l^2 U_0^2}{d} \quad v_m = \sqrt{\frac{x(\epsilon-1)}{m\epsilon(\epsilon l + x(1-\epsilon))}} \cdot \rho l U_0 \sqrt{\frac{\epsilon_0}{d}}$$

где координаты маятника:

$$x(t) = A \cos(\omega t)$$

$$x(t) = x_0 \cos(\omega t) \quad v(t) = \omega x_0 \sin(\omega t)$$

$$v_m = \omega x_0$$

$$\omega = \frac{v_m}{x_0} = \sqrt{\frac{\epsilon\epsilon-1}{x m \epsilon(\epsilon l + x(1-\epsilon))}} \cdot \rho l U_0 \sqrt{\frac{\epsilon_0}{d}}$$

$$\frac{2\pi}{T} = \frac{v_m}{x_0} = \sqrt{\frac{\epsilon\epsilon-1}{x m \epsilon(\epsilon l + x(1-\epsilon))}} \cdot \rho l U_0 \sqrt{\frac{\epsilon_0}{d}}$$

$$= 2\pi \sqrt{\frac{(\epsilon-1)\epsilon_0}{x m \epsilon d(\epsilon l + x(1-\epsilon))}} \rho l U_0$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{x m \epsilon d(\epsilon l + x(1-\epsilon))}{(\epsilon-1)\epsilon_0 l^2 U_0^2}} = \frac{2\pi}{\rho l U_0} \sqrt{\frac{x m \epsilon d(\epsilon l + x(1-\epsilon))}{\epsilon_0(\epsilon-1)}}$$

$$\approx 2\pi \cdot \frac{2}{3} \sqrt{\frac{2}{3}} \approx 3,3C \left( \approx \frac{2\pi \epsilon}{\rho l U_0} \sqrt{\frac{x m d \rho}{\epsilon d(\epsilon-1)}} \right)$$