



43-34-45-62
(1.6)



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 1

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
наименование олимпиады

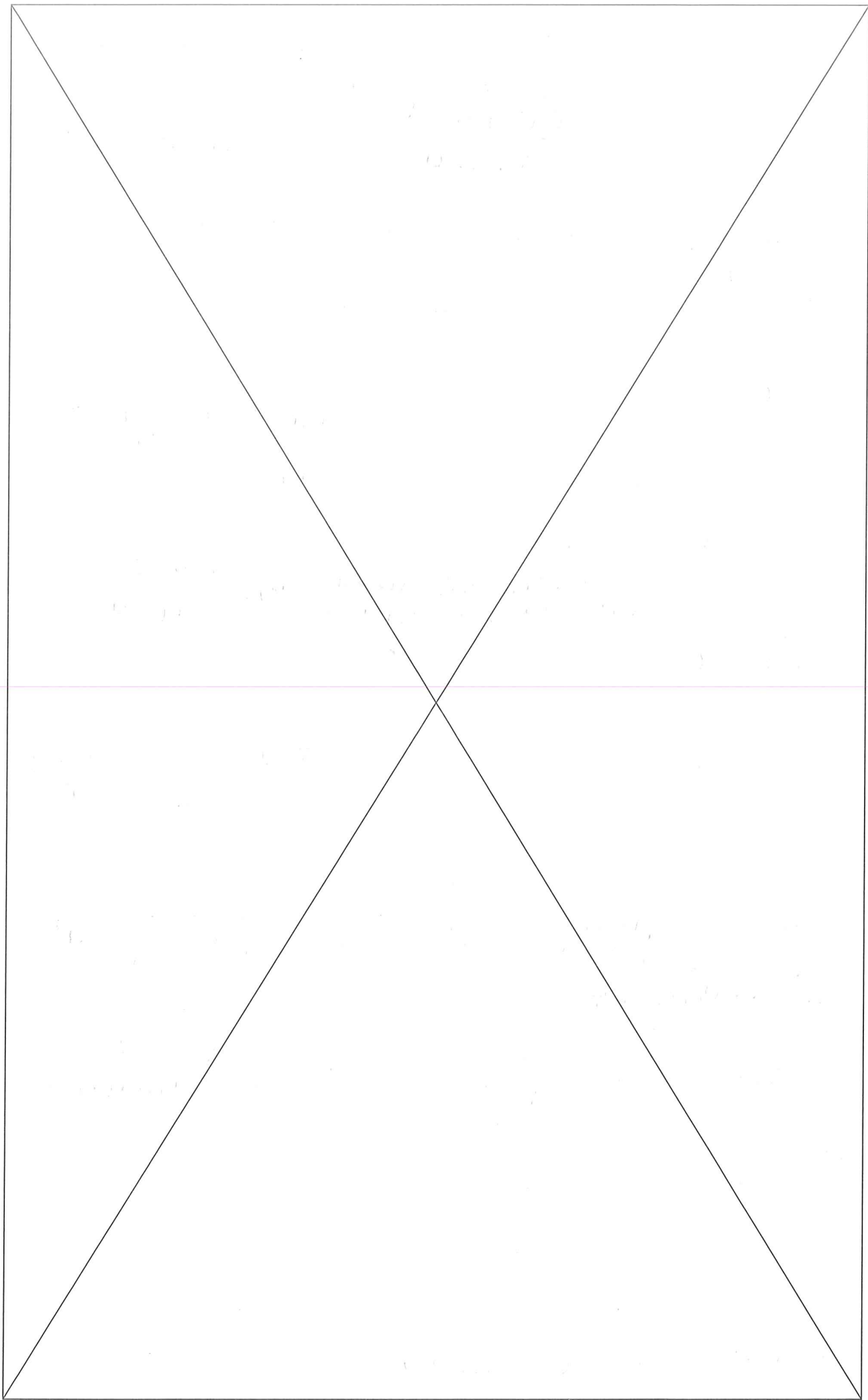
по физике
профиль олимпиады

Степиной Анастасии Дмитриевны
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

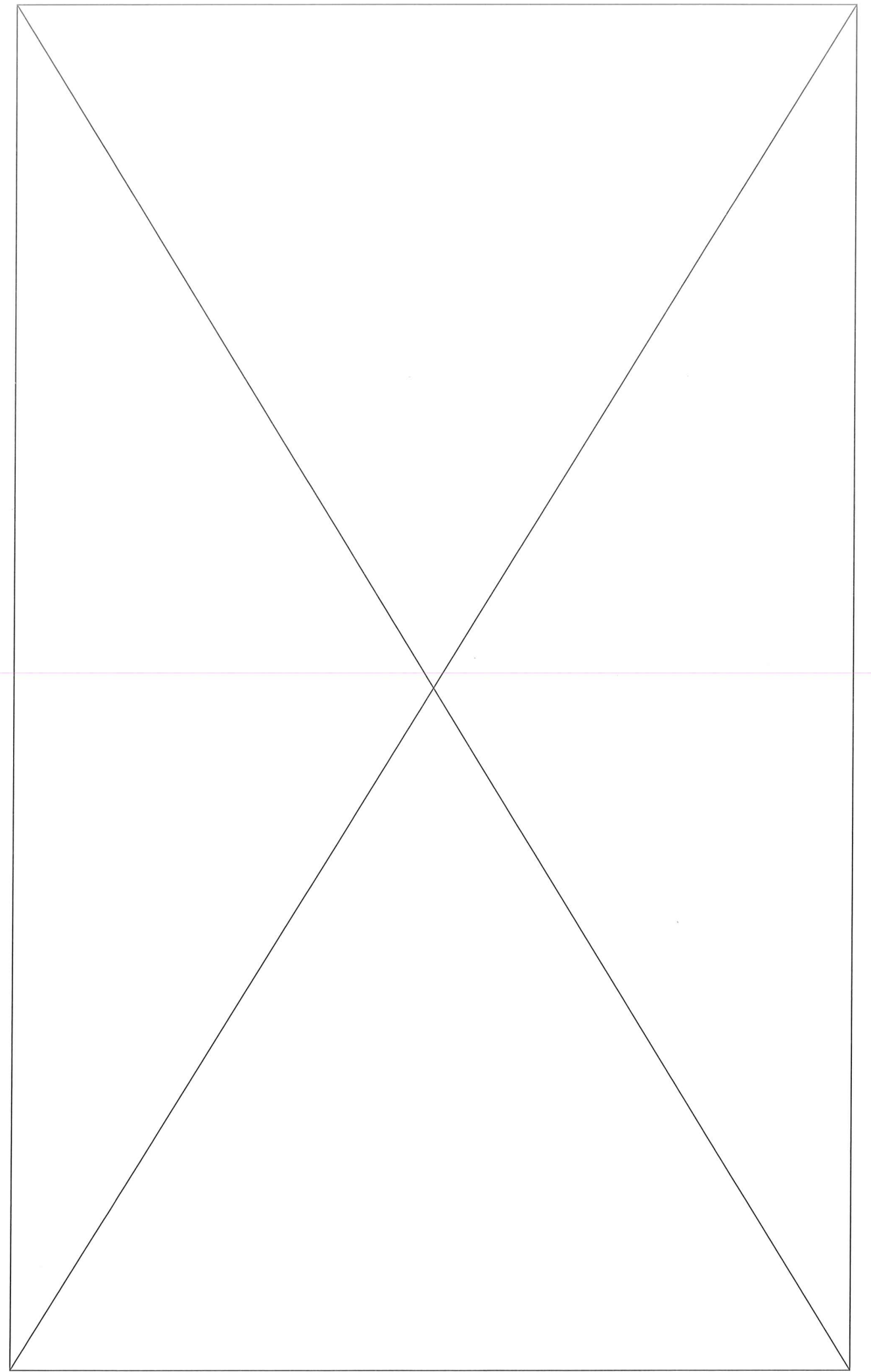
выход 16¹⁴ - 16¹⁸

Дата
«13» 02 2026 года

Подпись участника
Степиной Анастасии Дмитриевны



Выполнять задания на титульном листе запрещается!



Выполнять задания на титульном листе запрещается!

$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi d \epsilon}{\omega_0 (\epsilon - 1) \sqrt{\frac{m \epsilon}{\epsilon_0 d}}}$ Чистовик

$T = 2\pi \cdot \frac{10^{-3} \text{ м} \cdot 4}{3 \cdot 100 \text{ В}} \sqrt{\frac{10 \cdot 10^3 \text{ Кл} \cdot 4}{9 \cdot 10^{12} \frac{\text{Ф}}{\text{м} \cdot \text{д}}}} = 2\pi \cdot \frac{4}{3 \cdot 10^5} \sqrt{\frac{4 \cdot 10^{-2}}{9 \cdot 10^{12} \text{ с}^2}}$

$= \frac{8\pi}{3 \cdot 10^5} \cdot \frac{2 \cdot 10^{-1} \text{ с}}{3 \cdot 10^6} = \frac{16\pi}{9} \text{ с} \approx 5,58 \text{ с}$

$16\pi \approx 50,24$

$\frac{50,24}{9} = 5,5822 \Rightarrow \frac{16\pi}{9} \approx 5,58 \text{ с}$

Ответ: $T = \frac{16\pi}{9} \approx 5,58 \text{ с}$

Проверка размери:

$\frac{\text{м}}{\text{В}} \sqrt{\frac{\text{Кл} \cdot \text{м}}{\text{Ф} \cdot \text{м}}} = \frac{\text{м}}{\text{В}} \sqrt{\frac{\text{Кл} \cdot \text{м} \cdot \text{В}}{\text{Кл} \cdot \text{м}}} = \frac{\text{м}}{\text{В} \cdot \text{Кл} \cdot \text{м}} \sqrt{\frac{\text{Кл} \cdot \text{м} \cdot \text{В}}{\text{Кл} \cdot \text{м} \cdot \text{В}}} = \text{с}$

$\varphi = \frac{K_A}{B} \quad K_A \cdot B = D \cdot x = \text{Кл} \cdot \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2}$

$T = 2\pi \cdot \frac{10^{-3} \text{ м} \cdot 4}{3 \cdot 100 \text{ В}} \sqrt{\frac{10 \cdot 10^3 \text{ Кл} \cdot 4}{9 \cdot 10^{12} \frac{\text{Ф}}{\text{м} \cdot \text{д}} \cdot 10^3 \text{ м}}} =$

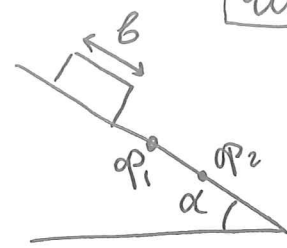
$= \frac{8\pi}{3} \cdot 10^{-6} \cdot \frac{2 \sqrt{10}}{3 \cdot 10^6} = \frac{16\pi \sqrt{10}}{9} \text{ с}$

Ответ: $T = \frac{16\sqrt{10}}{9} \pi \text{ с}$

43-34-45-62 (1.5)

~1.5.1.

Чистовик стр. 1



Пусть в начале перекрыва-
ния фотоэлемента скорость
бруска равна v
Тогда время перекрывания
из-за малости фотоэlemen-
тов равно времени прохождения бруска

своей длины
Определим ускорение, с кот. движ. брусок:



$0x: ma = mg \sin \alpha$

из-за силы реакции наклон-
ной плоскости брусок движает-
ся только вдоль нее (пои $0x$)

$a = g \sin \alpha$

Определим время прохожд. бруском
света длины l при скорости v на начале
прохождения (запишем ур-е равноускоренно
движения)

$vt + \frac{g \sin \alpha t^2}{2} = l$

Рассмотрим перекрывание двух элементов,
находящихся на расст. l на накл. пл-ти:

$T_1 = 2\text{ с}$ ← время перекрывания

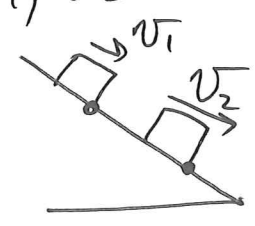
$T_2 = 1\text{ с}$

$v_1 T_1 + \frac{g \sin \alpha T_1^2}{2} = l \quad (1)$

$v_2 T_2 + \frac{g \sin \alpha T_2^2}{2} = l \quad (2)$

v_1, v_2 - скор. бруска
в начале перекр-ва.

Определим, как зависит время между
началом перекрывания элементов от
 v_1, v_2



$v_2 - v_1 = g \sin \alpha T$

$T = \frac{v_2 - v_1}{g \sin \alpha} =$

$(2) \cdot (1): \quad v_1 = \frac{l}{T_1} - \frac{g \sin \alpha T_1}{2}$
 $v_2 = \frac{l}{T_2} - \frac{g \sin \alpha T_2}{2}$

$$v_2 - v_1 = \frac{v}{L_2} - \frac{q \sin \alpha}{2} L_2 - \frac{v}{L_1} + \frac{q \sin \alpha}{2} L_1 \quad \text{Учетовик}$$

Смп. 2

$$L = \frac{v_2 - v_1}{q \sin \alpha} = \frac{v(\frac{1}{L_2} - \frac{1}{L_1}) + \frac{q \sin \alpha}{2} (L_1 - L_2)}{q \sin \alpha}$$

$$L = \frac{0,1 \text{ м} (\frac{1}{7c} - \frac{1}{2c}) + \frac{10 \frac{\text{м}}{c^2} \cdot \frac{1}{2}}{2} \cdot 1c}{10 \frac{\text{м}}{c^2} \cdot \frac{1}{2}} = \frac{1}{20} + \frac{5}{2c}$$

$$= \frac{1+50c}{20 \cdot 5} = \frac{51}{100} c = 0,51c$$

Ответ: $L = 0,51c$

2.3.1. После введения сосуда в помещение вода будет испаряться до тех пор, пока пар в помещении не станет насыщенным, т.е. давление паров достигнет $p_{нас}$. Определим, сколько воды потребуется для достижения $p_{нас}$

$V \cdot p_{нас} = V_{H_2O} RT$ Все происходит при $T = 273K$ или $t = 0^\circ C$

$$V_{H_2O} = \frac{V p_{нас}}{RT}$$

На испарение воды будет затрачиваться энергия. П.к. система теплоизолир., то тепло на испарение будет затрачиваться при этом выделяясь за счет кристаллизации воды. При этом тепло, которое затрачивается на испарение, будет равно по модулю теплу, выделяющему за счет кристаллизации.

$$Q_{исп} = V_{H_2O} \rho L_k$$

$$Q_{исп} = Q_{крист}$$

$$Q_{крист} = \Delta m \lambda_k$$

Отсюда можем найти массу образовав-

$$W_c = \frac{q_0^2 d}{2l \epsilon_0 (x + (l-x)\epsilon)} = \frac{q_0^2 d}{2l \epsilon_0 (l\epsilon + x(1-\epsilon))} \quad \text{Учетовик}$$

~~$$F_x = \frac{dW_c}{dx} = \frac{q_0^2 d (1-\epsilon)}{2l \epsilon_0 (l\epsilon + x(1-\epsilon))^2}$$~~

$$F = q_0^2 d$$

$$F_x = -\frac{dW_c}{dx} = -\frac{q_0^2 d \cdot (-1)(1-\epsilon)}{2l \epsilon_0 (l\epsilon + x(1-\epsilon))^2} =$$

$$= \frac{q_0^2 d (\epsilon - 1)}{2l \epsilon_0 (l\epsilon)^2 \left(1 + \frac{x(1-\epsilon)}{l\epsilon}\right)^2} \quad \alpha \ll 1$$

$(1+\alpha)^n \approx 1+n\alpha$
это работает, т.к. x -мал

$$F_x \approx -\frac{q_0^2 d (\epsilon - 1)}{2l^3 \epsilon_0 \epsilon^2} \left(1 - \frac{2x(1-\epsilon)}{l\epsilon}\right)$$

\leftarrow сила, действ. на пластину вдоль смещения x

Запишем 2 закона Ньютона для пластины:

$$m \ddot{x} = F_x = -\frac{q_0^2 d (\epsilon - 1)}{2l^3 \epsilon_0 \epsilon^2} \left(1 + \frac{2x}{l\epsilon} (\epsilon - 1)\right)$$

$$\ddot{x} + \frac{q_0^2 (\epsilon - 1)^2 x d}{m l^3 \epsilon_0 \epsilon^2 l \epsilon} = -\frac{q_0^2 d (\epsilon - 1)}{2l^3 \epsilon_0 \epsilon^2 m}$$

Получим уравнение гармонич. колебаний вида:

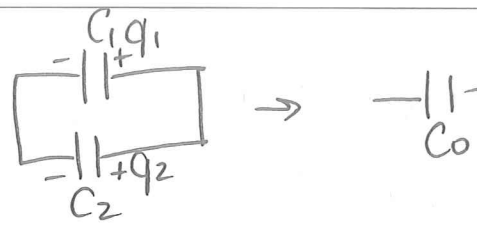
$$\ddot{x} + \omega^2 x = C \quad (\text{с смещением } x \text{ от положения равновесия})$$

$$\omega = \sqrt{\frac{q_0^2 (\epsilon - 1)^2 d}{m l^3 \epsilon_0 \epsilon^2 l \epsilon}} = \frac{q_0 (\epsilon - 1)}{l^2 \epsilon} \sqrt{\frac{d}{m \epsilon_0 \epsilon}}$$

Подставим $q_0 = \frac{U_0 \epsilon_0 l^2}{d}$

$$\omega = \frac{q_0 (\epsilon - 1)}{l^2 \epsilon} \sqrt{\frac{d}{m \epsilon_0 \epsilon}} = \frac{U_0 \epsilon_0 l^2 (\epsilon - 1) \sqrt{d}}{d \cdot l^2 \epsilon \sqrt{m \epsilon_0 \epsilon}}$$

$$= \frac{U_0 \epsilon_0 (\epsilon - 1) \sqrt{d}}{d \epsilon \sqrt{m \epsilon_0 \epsilon}} = \frac{U_0 (\epsilon - 1) \sqrt{\epsilon_0 d}}{d \epsilon \sqrt{m \epsilon}}$$



По правилам параллельно соединенных конденсаторов:
 $C_0 = C_1 + C_2$

Шестовик

Докажем:

$U_1 = U_2 \Rightarrow \frac{q_1}{C_1} = \frac{q_2}{C_2}$

C_0 - суммар

$W_c = \frac{q_1^2}{2C_1} + \frac{q_2^2}{2C_2}$

$q_1 + q_2 = q_0$

$\frac{q_1}{C_1} = \frac{q_2}{C_2}$ ← равное падение напряжений на частях

$q_1 C_2 = (q_0 - q_1) C_1 \Rightarrow q_1 = q_0 \frac{C_1}{C_1 + C_2} = \frac{q_0 \cdot l \cdot \epsilon_0}{l \cdot \epsilon_0 + l(l-x) \epsilon_0}$

$= \frac{q_0 x}{x + (l-x) \epsilon}$

$q_2 = q_0 - q_1 = \frac{q_0 (x + (l-x) \epsilon - x)}{x + (l-x) \epsilon} = \frac{q_0 (l-x) \epsilon}{x + (l-x) \epsilon}$

$W_c = \frac{q_0^2 x^2 d}{(x + (l-x) \epsilon)^2 \cdot 2l \epsilon_0} + \frac{q_0^2 (l-x)^2 \epsilon^2 d}{(x + (l-x) \epsilon)^2 \cdot 2l \epsilon_0 \epsilon (l-x)}$

$= \frac{q_0^2 x d}{2l \epsilon_0 (x + (l-x) \epsilon)^2} + \frac{q_0^2 (l-x) \epsilon d}{2l \epsilon_0 (x + (l-x) \epsilon)^2}$

$= \frac{q_0^2 (x d + (l-x) \epsilon d)}{2l \epsilon_0 (x + (l-x) \epsilon)^2} = \frac{q_0^2 d}{2l \epsilon_0 (x + (l-x) \epsilon)^2} =$

~~$\frac{q_0^2 d}{2l \epsilon_0 \epsilon^2 (1 + \frac{x}{l-x} (1-\epsilon))}$~~

43-34-45-62 (1.0)

Шестовик

шерося шга:
 $\nu_{шг} / \mu_{гн} = \sqrt{\Delta m \lambda_k}$

$\Delta m = \frac{\nu_{шг} \mu_{гн}}{\lambda_k} = \frac{\nu_{шг} \mu_{гн}}{R T} \cdot \frac{\mu_{гн}}{\lambda_k}$

$\Delta m = \frac{30 \text{ ш}^3 \cdot 611 \text{ Па} \cdot 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{кг}}{\text{шоль}} \cdot 2,3 \cdot 10^6 \frac{\text{Дж}}{\text{кг}}}{8,3 \frac{\text{Дж}}{\text{шоль} \cdot \text{К}} \cdot 273 \text{ К} \cdot 3,3 \cdot 10^5 \frac{\text{Дж}}{\text{кг}}} =$

$= \frac{3 \cdot 611 \cdot 18 \cdot 2,3 \cdot 10^{-1}}{8,3 \cdot 273 \cdot 3,3} \cdot \frac{25295,4 \text{ кг}}{10 \cdot 2492,49} = \frac{25295,4}{24924,9} \text{ кг}$

$\times 611$	$\times 10998$	$\times 83$	$\times 7553$	$\times 249249$
18	23	91	33	5
+4888	32994	747	22659	1246245
611	21996	7553	22659	
10998	252954	7553	249249	
	252954	249249		
	-249249	10148		
	370500			
	-249249			
	1212510			
	-996996			
	2155140			
	-1993992			
	161148			

$\Delta m \approx 1,015 \text{ кг}$

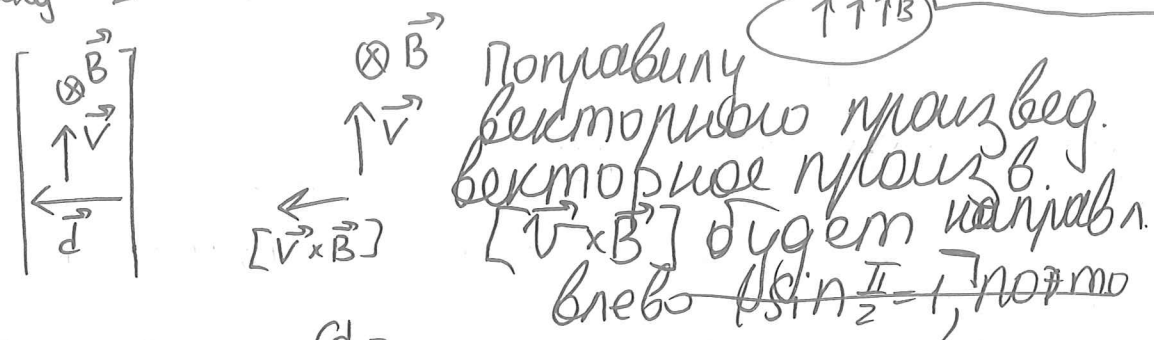
Ответ: $\Delta m \approx 1,015 \text{ кг}$

Проверка размери:

$\frac{\text{ш}^3 \cdot \frac{\text{кг}}{\text{ш}^2} \cdot \frac{\text{кг}}{\text{шоль}} \cdot \frac{\text{Дж}}{\text{кг}}}{\text{кг} \cdot \frac{\text{Дж}}{\text{шоль} \cdot \text{К}} \cdot \frac{\text{Дж}}{\text{кг}}} = \frac{\text{ш} \cdot \text{кг} \cdot \text{кг} \cdot \text{кг}}{\text{кг} \cdot \text{ш} \cdot \text{ш}} = \text{кг} \cdot \text{кг}$
 все верно

$d\epsilon_{\text{инд}} = [\vec{v} \times \vec{B}] d\vec{l} \sim 3.3.1$

Чистовик



$\epsilon_{\text{инд}} = \int [\vec{v} \times \vec{B}] d\vec{l} = [\vec{v} \times \vec{B}] d$

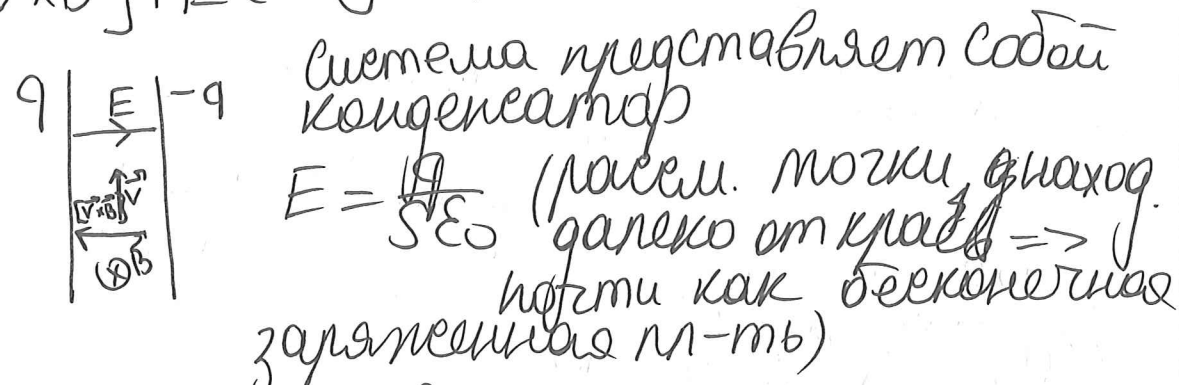
$\vec{v} \perp \vec{B}$
 $d \parallel [\vec{v} \times \vec{B}] \Rightarrow \epsilon_{\text{инд}} = vBd$

определим это другим способом:

Заряд свободные электроны под действием силы Лоренца будут перемещаться на пластины, пока накопленный заряд не станет достаточно большим, чтобы сила электростат. поля не позволила силе Лоренца перемещать заряды

$\vec{F}_n + \vec{E}e = 0$ ← условие установившегося движения

$e[\vec{v} \times \vec{B}] + \vec{E}e = 0 \Rightarrow \vec{E} = -[\vec{v} \times \vec{B}]$



$U = \int F v B = \frac{Q}{S\epsilon_0}$

$Q = UBS\epsilon_0$

$U = \frac{Q}{S\epsilon_0} \cdot d = \frac{Qd}{S\epsilon_0} = UBSd$

Тогда ток через резистор:

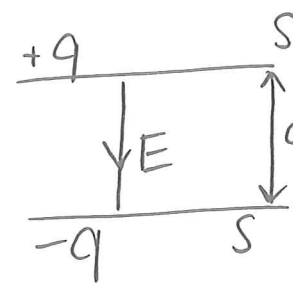
$I = \frac{U}{R} = \frac{UBSd}{R}$

~ 5.2.1

Чистовик



Определим емкость данного конденсатора без диэлектрической пластины



П.к. $d \ll l$, то можем пренебречь краевыми эффектами и считать, что пластины создают поле как бесконечная плоскость

$E = \frac{q}{S\epsilon_0}$

Тогда падение напряжения: $U = Ed$

$U = \frac{q \cdot d}{S\epsilon_0}$

по определению: $C = \frac{q}{U} = \frac{qS\epsilon_0}{q \cdot d} = \frac{S\epsilon_0}{d}$

Пластины квадратные $\Rightarrow S = l^2$

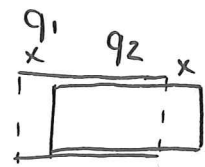
$C = \frac{l^2 \epsilon_0}{d}$

Плоский конденсатор зарядим до $U_0 \Rightarrow$ на обкладках накопится заряд Q_0

$Q_0 = U_0 C = \frac{U_0 \epsilon_0 l^2}{d}$

Конденсатор отключают от источника \Rightarrow заряд, накопившийся на пластинах, постоянно остается на них

Рассмотрим конденсатор в сверхвысокой на малое расст. \downarrow х диэлектрической пластиной:

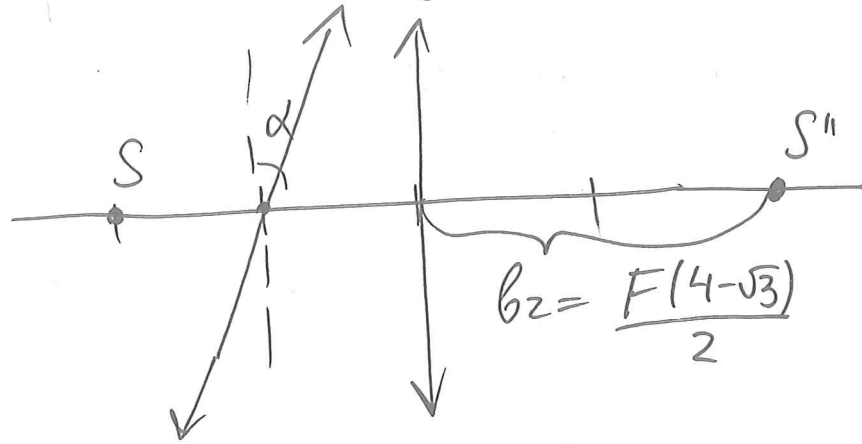


п.к. пластины провод, то потенциал на всем их протяжении постоянен \Rightarrow систему можно представить как

2 параллельно соединенных конденсатора с разными емкостями $C_1 = \frac{l x \epsilon_0}{d}$ $C_2 = \frac{l(l-x) \epsilon_0}{d}$ ← из-за диэл. пласт. емкость возр. в ϵ_r раз

В итоге получим:

Цитовик



$$X = 2F + \frac{F(4-\sqrt{3})}{2} = \frac{F(4+4-\sqrt{3})}{2} = \frac{F(8-\sqrt{3})}{2} = \frac{7.5}{2}(8-\sqrt{3}) \text{ см} = \frac{15}{4}(8-\sqrt{3}) \text{ см}$$

$$1.5 < \sqrt{3} < 2 \Rightarrow$$

$$X \approx \frac{15}{4}(8-1.7) \text{ см} \approx = \frac{15 \cdot 6.3}{4} = 3.75 \cdot 6.3 \approx 23.6 \text{ см}$$

Ответ: $X = \frac{15}{4}(8-\sqrt{3}) \text{ см}$

$16^2 = 256$
 $17^2 = 289$
 $18^2 = 324$
 $\sqrt{3} \approx 1.7$
 $1.7^2 = 2.89$
 $1.8^2 = 3.24$
 $3.75 \cdot 6.3 = 23.625$

43-34-45-62 (1-5)

$$P = UI = \frac{V B d}{R} \cdot V B d = \frac{(V B d)^2}{R}$$

Цитовик

→ это максим. мощность, т.к. при установившемся режиме разность потенциалов максим. ⇒ ток максим.

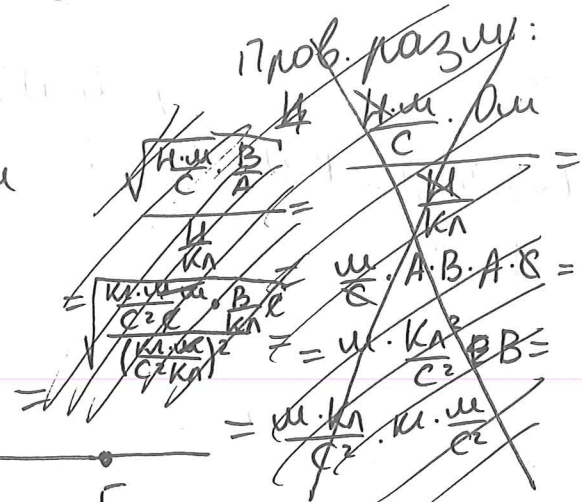
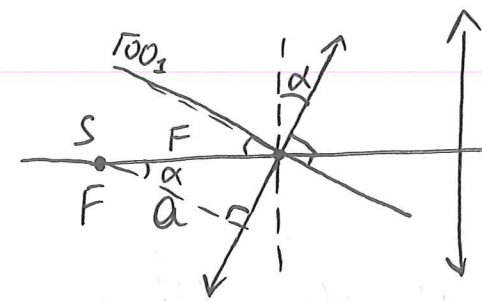
$$P_m = \frac{(V B d)^2}{R}$$

$$d = \frac{\sqrt{P_m \cdot R}}{V B} = \frac{\sqrt{10^{-3} \text{ Вт} \cdot 0.4 \text{ Ом}}}{10 \cdot 10^{-2} \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 1 \text{ Тл}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 10^{-4}}{10^{-2}}} \text{ м} =$$

$$= 2 \cdot 10^{-1} \text{ м} = 0.2 \text{ м}$$

Ответ: $d = 0.2 \text{ м}$

✓ 4.10.1



Определим положение изображения цитовика в 1 линзе т.к. плоскость линзы повернули, то повернулась и ее параллельная оптическая ось, т.е. расет. от цит. S до л-ти линзы изменилось

$$a = F \cos \alpha \text{ - новое расет. от цитовика до плоскости линзы}$$

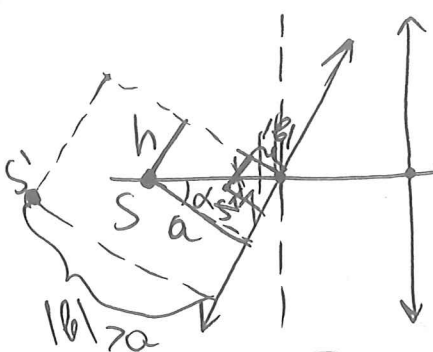
Запишем формулу тонкой линзы для изображения в первой линзе:

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F} \rightarrow b = \left(\frac{1}{F} - \frac{1}{a}\right)^{-1} = \frac{Fa}{a-F}$$

действит. собир. ← объедин. знаков
цет. линза + перев $\frac{1}{a}$ и $\frac{1}{F}$

$$b = \frac{F^2 \cos \alpha}{F(\cos \alpha - 1)} = \frac{F \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2} - 1} = \frac{\sqrt{3}F}{\sqrt{3} - 2} < 0 \Rightarrow \text{Числитель}$$

\Rightarrow изображение мнимое (находится с той же стороны от плоскости линзы, что и предмет)



Рассет. до Γ_{00} поверху-той первой линзы до изображения:

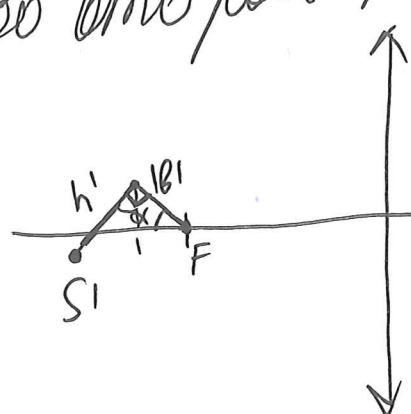
$$h = F \sin \alpha = \frac{F}{2}$$

Определим расстояние от изображения в 1 линзе до Γ_{00} (поверху-той):

$$\frac{h'}{h} = \frac{|b|}{a}$$

$$h' = h \cdot \frac{\sqrt{3}F \cdot 2}{(2-\sqrt{3})F\sqrt{3}} = \frac{2}{2-\sqrt{3}} h = \frac{F}{2-\sqrt{3}}$$

Изображение предмета в 1 линзе является предметом для второй линзы. Рассмотрим построение изображения во второй линзе:



Определим рассет. от нового пред. S' (изобр. из 1 линзы) до Γ_{00} 2 линзы и ее плоскости

$$a_2 = F + |b| \cos \alpha + h' \sin \alpha = \frac{\sqrt{3}F}{2-\sqrt{3}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{F}{2(2-\sqrt{3})} = \frac{F(3+1)}{2(2-\sqrt{3})} = \frac{2F}{2-\sqrt{3}}$$

рассет. от S' до плоскости линзы

$$h_2 = |b| \sin \alpha - h' \cos \alpha = \frac{\sqrt{3}F}{2-\sqrt{3}} \cdot \frac{1}{2} - \frac{F}{2-\sqrt{3}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} =$$

$= 0 \Rightarrow$ предмет находится на главной оптической оси 2 линзы

Запишем формулу тонкой линзы:

$$\frac{1}{a_2} + \frac{1}{b_2} = \frac{1}{F}$$

$$b_2 = \left(\frac{1}{F} - \frac{1}{a_2} \right)^{-1} = \frac{F a_2}{a_2 - F} = \frac{F \cdot 2F}{(2-\sqrt{3})(\frac{2F}{2-\sqrt{3}} - F)} =$$

$$= \frac{2F(2-\sqrt{3})}{(2-\sqrt{3})(2-2+\sqrt{3})} = \frac{2}{\sqrt{3}} F$$

$b_2 > 0 \Rightarrow$ изображение будет

$$a_2 = |b| \cos \alpha + h' \sin \alpha + F = F + \frac{\sqrt{3}F}{2}$$

$$+ \frac{\sqrt{3}F}{2-\sqrt{3}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{F}{2-\sqrt{3}} \cdot \frac{1}{2} = F \left(1 + \frac{3}{2(2-\sqrt{3})} + \frac{1}{2(2-\sqrt{3})} \right)$$

$$= \frac{F(4-2\sqrt{3}+3+1)}{2(2-\sqrt{3})} = \frac{F(8-2\sqrt{3})}{2(2-\sqrt{3})} = \frac{F(4-\sqrt{3})}{2-\sqrt{3}}$$

Запишем формулу тонкой линзы:

$$\frac{1}{a_2} + \frac{1}{b_2} = \frac{1}{F}$$

линза собир.

$$b_2 = \left(\frac{1}{F} - \frac{1}{a_2} \right)^{-1} = \frac{F a_2}{a_2 - F} = \frac{F^2(4-\sqrt{3})}{(2-\sqrt{3}) \left(\frac{F(4-\sqrt{3})}{2-\sqrt{3}} - F \right)} =$$

$$= \frac{F(4-\sqrt{3})}{(4-\sqrt{3}-2+\sqrt{3})} = \frac{F(4-\sqrt{3})}{2}$$

$b_2 > 0 \Rightarrow$ изображ. действ.

Оно будет находится на Γ_{00} , т.к. предмет изнач. наход. на ней