



дешифр

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 3

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов
наименование олимпиады

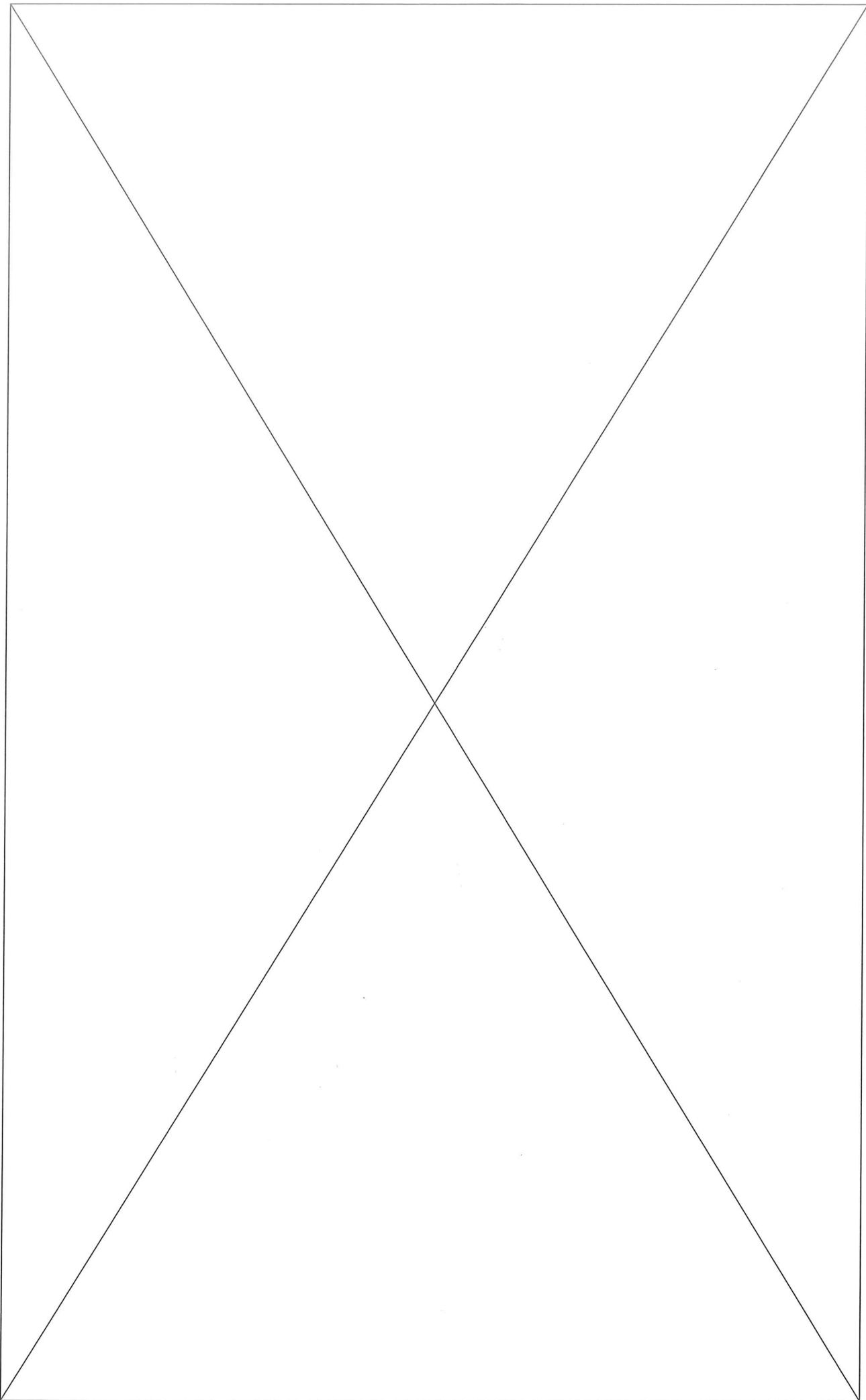
по физике

ПО _____
профиль олимпиады

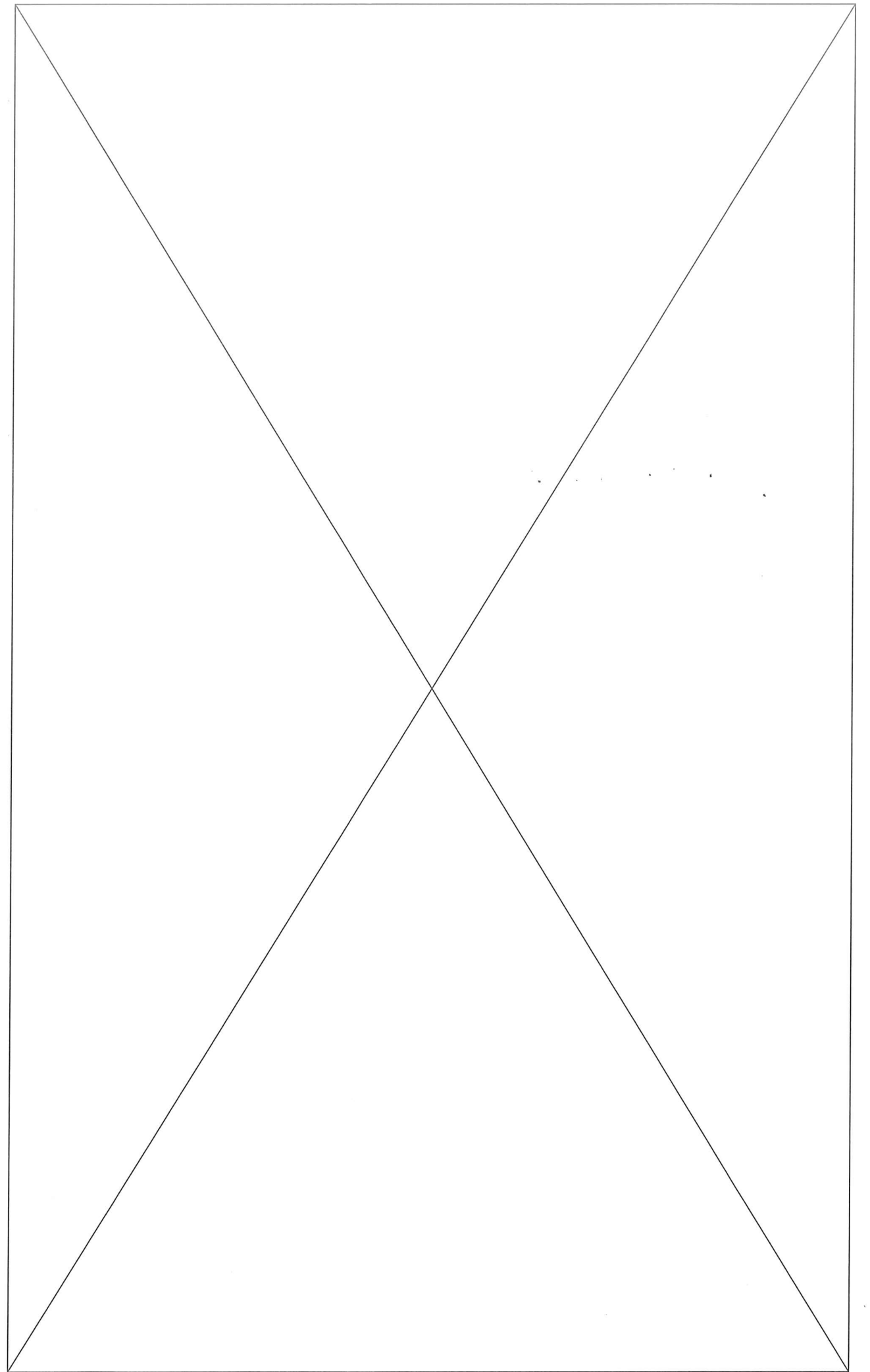
Угловакой Анны Максимовны
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата
« 13 » апреля 2026 года

Подпись участника
[Signature]



Выполнять задания на титульном листе запрещается!



Выполнять задания на титульном листе запрещается!

$$d = v_0 T_1 + \frac{g}{2} T_1^2 = v_0 T_1 + \frac{g}{4} T_1^2 = 4,85 \cdot 2 \cdot 10^3 + 10 \cdot \frac{4}{4} \cdot 10^3 = 9,5 \text{ м} + 10 \text{ м} = 19,5 \text{ м}$$

Ответ: $d = 19,5 \text{ м}$

5.2.3

$V = 30 \text{ м}^3$
 $T = 273 \text{ К}$
 $\Delta m = 1 \text{ кг}$

Установилось равновесие \Rightarrow интенсивность испарения молекул воды с поверхности = интенсивность конденсации пара обратно в жидкость \rightarrow пар в комнате стал насыщен.

$p_{\text{н}}(T) = ?$

Ур-е Менг.-Кноп.: $p_{\text{н}} V = \frac{m}{\mu} RT$, где m - масса испарившейся воды, т.к. р-р испарения воздух был сухой, водяного пара в нем не было.

Внутреннее давление воды не изменилось $\Rightarrow p_{\text{в}} = p_{\text{н}}$, где

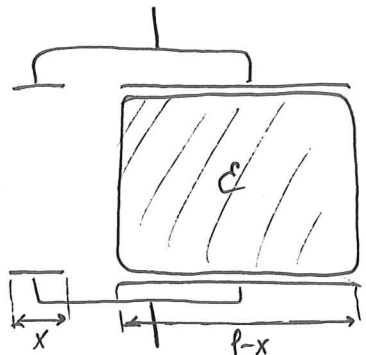
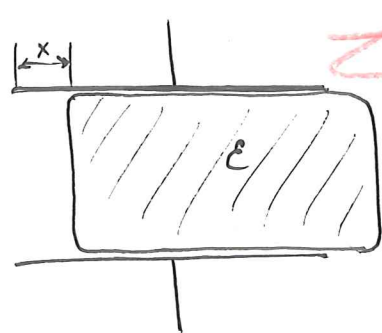
$p_{\text{в}} = \lambda \Delta m$
 $p_{\text{н}} = r m \Rightarrow m = \frac{\lambda}{r} \Delta m = \frac{23}{3,3} \Delta m$

$p_{\text{н}} = \frac{mRT}{V\mu} = \frac{\frac{23}{3,3} \Delta m RT}{V\mu} = \frac{r}{\lambda} \Delta m RT$

$p_{\text{н}} = \frac{23}{3,3} \frac{1 \text{ кг} \cdot 8,31 \cdot 273 \cdot 10^3 \text{ Дж} \cdot \text{К}^{-1} \cdot \text{моль}^{-1}}{30 \cdot 18 \text{ К} \cdot \text{моль} \cdot \text{м}^3 \cdot \text{кг}^{-1}} \approx 8750 \text{ Па}$ Ответ: $p_{\text{н}} = 8750 \text{ Па}$

5.2.3.

$U_0 = 100 \text{ В}$
 $d = 10^{-3} \text{ м}$
 $m = 10^{-2} \text{ кг}$
 $x = 0,1 \cdot 10^{-3} \text{ м}$
 $T = 4,35 \text{ с}$
 $\epsilon = 4$



пластину выдвинули на x

параллельное соединение конденсаторов

их общее $C_1 + C_2 = \frac{\epsilon_0 \epsilon x l}{d} + \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x) l}{d}$

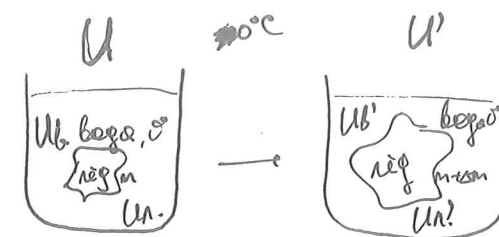
Метод Лагранжа: $W + K = \text{const} \Rightarrow \dot{W} + \dot{K} = 0$ (дифференцируем по времени)

$\frac{U_0^2}{2} (C_1 + C_2) + \frac{m}{2} v^2$, где v - скорость пластины

$\dot{K} = \frac{m}{2} 2v\dot{v} = m\dot{x}\dot{x}$

$\dot{W} = \left(\frac{\epsilon_0 x l}{d} \right)' + \left(\frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x) l}{d} \right)' = \frac{\epsilon_0 l}{d} \dot{x} + \frac{\epsilon \epsilon_0 l}{d} (l-x)' \Rightarrow$

2) U_0, T, ρ_0
 вода + лед
 $\Delta m = 1 \text{ кг}$ (Т.п.р.)
 $\lambda = 3,3 \cdot 10^5$
 $L = r = 2,3 \cdot 10^6$



$p_{\text{н}}(0^\circ \text{C}) = 2$

для воздуха в комнате $p_0 V = \frac{m}{\mu} RT \Rightarrow V = \frac{p_0 V}{RT}$ $U_{\text{в}} = \frac{g}{2} V RT = 3 p_0 V$

для лед воды: $Q_{\text{л}} = \lambda \Delta m$

$U_{\text{в}}' = U_{\text{в}} - L m$, где m - масса испар. воды

$U_{\text{н}}' = U_{\text{н}} + \lambda \Delta m$

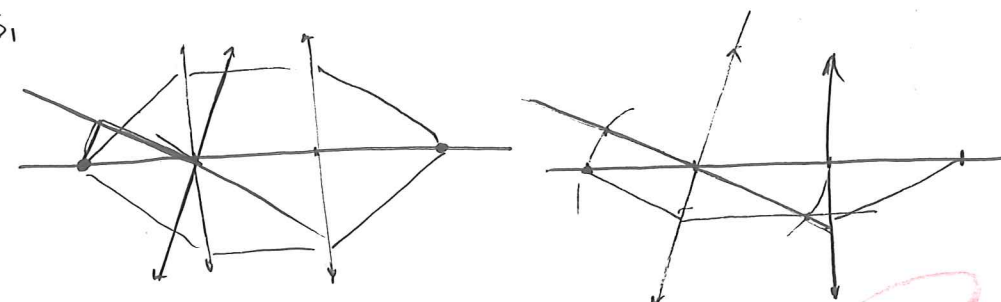
$U' = U + L m$

$U + U_{\text{в}} + U_{\text{н}} = U' + U_{\text{в}}' + U_{\text{н}}'$

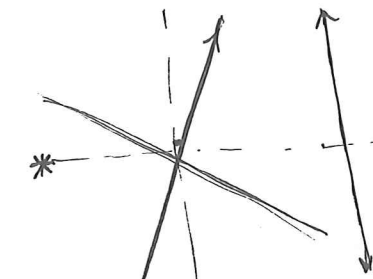
$U + U_{\text{в}} + U_{\text{н}} = U + L m + U_{\text{в}} - L m + U_{\text{н}} + \lambda \Delta m$

ЧЕРНОВИК

4) $F, x = 55,1$
 $L = 2$



Доказать, что лучи ||

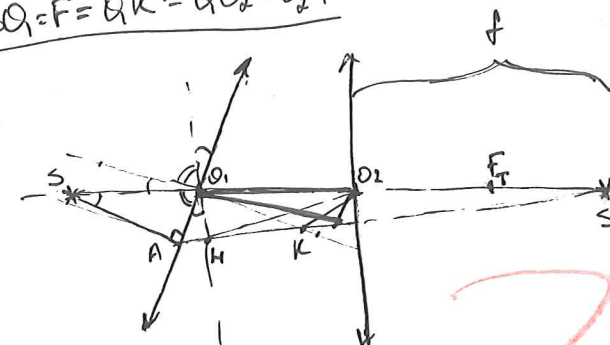


$\sum Q = F = QK = QO_2 = O_2 T$

$\sin \alpha = \frac{QA}{QS} = \frac{QA}{F} \Rightarrow QA = F \sin \alpha$

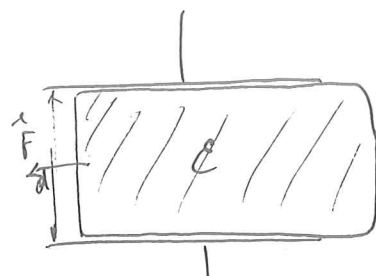
$\cos \alpha = \frac{QH}{QA} = \frac{QH}{F \sin \alpha} \Rightarrow \frac{1}{\sin \alpha}$

$\cot \alpha = \frac{QH}{F}$



$\frac{1}{f} + \frac{1}{d_1} = \frac{1}{F}$ где $f < 0$

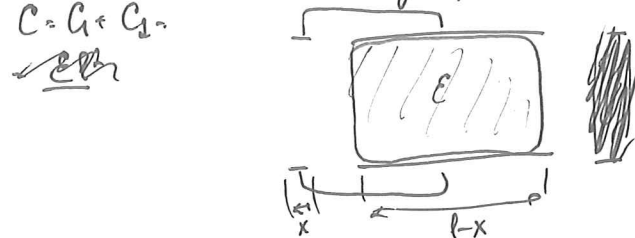
5) ρ, ϵ_0, d
 плоско-одн.
 m, x, T, ϵ
 $\frac{1}{1+x} \approx 1$
 $\rho = ?$



$\ddot{x} + \omega^2 x = \omega^2 x_1$, где x_1 - в н.р.
 Пусть $x_1 = 0$
 (кара разн. количеством в -1)

$F = ma = \dots x$
 $a = \dots x$
 $\omega^2 = \frac{qH^2}{T^2}$
 $T = \frac{2H}{\omega} \Rightarrow \omega = \frac{2H}{T}$

$C = \frac{\epsilon \epsilon_0 l}{d}$
 поле внутри -1
 считаем однород.



$C_1 = \frac{\epsilon_0 x l}{d}, C_2 = \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x) l}{d}, C = C_1 + C_2 = \frac{\epsilon_0}{d} (xl + \epsilon l(l-x)) = \frac{\epsilon_0}{d} (xl + \epsilon l^2 - \epsilon lx)$

$\omega c + k = const \Rightarrow \omega c + k = 0$
 $(\frac{C U_0^2}{2})' + (\frac{m \dot{x}^2}{2})' = 0$ - закон сохранения энергии

$U_0^2 (\frac{\epsilon_0}{2dl} (xl + \epsilon l^2 - \epsilon lx))' + \frac{m}{2} (\dot{x}')^2 = 0$

$U_0^2 \frac{\epsilon_0}{2dl} (x l - \epsilon l \dot{x}) + \frac{m}{2} \cdot 2 \dot{x} \ddot{x} = 0$

$\frac{U_0^2 \epsilon_0}{2dl} l (\dot{x} - \epsilon \dot{x}) + m \dot{x} \ddot{x} = 0$???

$C' = (\frac{\epsilon_0 x l}{d} + \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x) l}{d})' = \frac{\epsilon_0 l}{d} \dot{x} + (\frac{\epsilon \epsilon_0 l^2 - \epsilon l x l}{d})' = \frac{\epsilon_0 l \dot{x}}{d} + \frac{\epsilon \epsilon_0 l}{d} (l^2 - x l)' =$

$(l^2 - x l)' = (l^2)' - (x l)' = 2l - l \dot{x} = \frac{\epsilon_0 l \dot{x}}{d} + \frac{\epsilon \epsilon_0 l}{d} (2l - l \dot{x}) =$

$= \frac{\epsilon_0 l \dot{x}}{d} + \frac{\epsilon \epsilon_0 l}{d} (2 - \dot{x}) =$

$\frac{U_0^2}{2} C' + (m \frac{\dot{x}^2}{2})' = 0$

$\frac{U_0^2}{2} (\frac{2 \epsilon \epsilon_0 l}{d} - \frac{\epsilon_0 l}{d} (\dot{x} - 2l)) = 0 + \frac{m}{2} 2 \dot{x} \ddot{x} = 0$

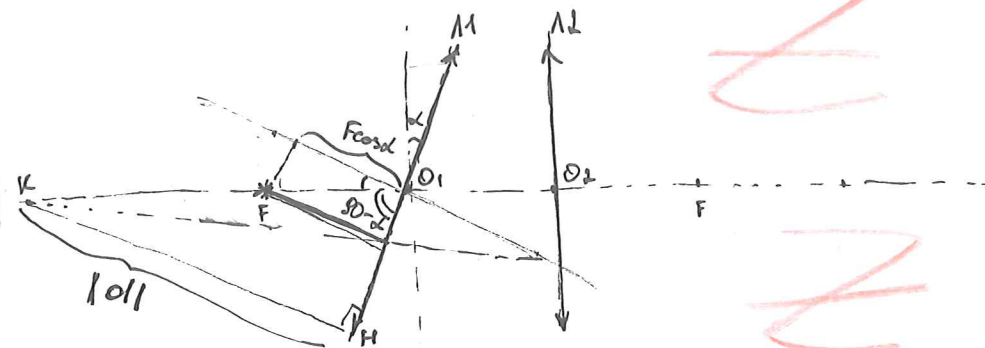
Еще раз проделаем! Только получимся

$\Delta k: A_F = \frac{C U_0^2}{2} = F d \Rightarrow F = \frac{C U_0^2}{2d} = \frac{U_0^2}{2dl} (\frac{\epsilon_0 x l}{d} + \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x) l}{d}) = \dots x$

08-78-66-62 (3.9)

$\epsilon_1 \frac{E_1}{d}$
 $\epsilon_2 \frac{E_2}{d} \dot{x} + \frac{\epsilon \epsilon_0 l}{d} (1 - \dot{x}) =$

ЗУ.10.3
 $F = 7,5 \text{ см}$
 $x = 23,5 \text{ см}$
 $d = ?$



Уравнение тонкой линзы для наклонной M: $\frac{1}{f_1} + \frac{1}{d_1} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{F \cos \alpha} + \frac{1}{d_1} = \frac{1}{F}$
 $\frac{1}{d_1} = \frac{1}{F} - \frac{1}{F \cos \alpha} = \frac{\cos \alpha - 1}{F \cos \alpha} \Rightarrow d_1 = \frac{F \cos \alpha}{\cos \alpha - 1}$, а $|d_1| = \frac{F \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$

α -острый $\Rightarrow \cos \alpha - 1 < 0 \Rightarrow d_1 < 0 \Rightarrow$ изображение S1-мнимое, т.е. находится слева от M

Мнимое изображение - пересечение продолжений лучей, прошедших через линзу. Отметим пересечение луча, шириню параллельно линзе и прошедшего через её центр без преломления точкой K. O1 - центр M1, O2 - центр M2, KH \perp HO1

$\cos(90 - \alpha) = \frac{KH}{KO_1} = \frac{|d_1|}{F + KF} \Rightarrow KO_1 = \frac{KH}{\cos \alpha} = \frac{|d_1|}{\cos \alpha}$
 $KO_1 = \frac{F \cos \alpha}{\cos \alpha (1 - \cos \alpha)} = \frac{F}{1 - \cos \alpha}$

Уравнение тонкой линзы для M2: $\frac{1}{f_2} + \frac{1}{d_2} = \frac{1}{F}$
 $f_2 = KO_1 + O_1 O_2 = \frac{F}{1 - \cos \alpha} + F = F (1 + \frac{1}{1 - \cos \alpha}) = F \frac{1 - \cos \alpha + 1}{1 - \cos \alpha} = \frac{2F - \cos \alpha F}{1 - \cos \alpha} = F \frac{2 - \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$

$\frac{1}{f_2} = \frac{1 - \cos \alpha}{F(2 - \cos \alpha)}$

$\frac{1}{d_2} = \frac{1}{F} - \frac{1}{f_2} = \frac{1}{F} (1 - \frac{1 - \cos \alpha}{2 - \cos \alpha}) = \frac{1}{F} (\frac{2 - \cos \alpha - 1 + \cos \alpha}{2 - \cos \alpha}) = \frac{1}{F} \frac{1}{2 - \cos \alpha} = \frac{1}{dF - F \cos \alpha}$
 $d_2 = dF - F \cos \alpha$

Точка, в которую сойдется расходящийся пучок лучей после прохождения Λ_2 будет лежать на его опт. оси, т.е. на горизонтали

$$x = 2F + d_2 = 2F + 2F - \cos \alpha \cdot 2F = F(4 - \cos \alpha) \Rightarrow 4 - \cos \alpha = \frac{x}{F} = 3 \quad \oplus$$

$$\cos \alpha = 1 \Rightarrow \alpha = 0^\circ$$

Если расстояние от точки фокус ее изображения в системе линз равно $x = 3F$ линза не может образовываться.

Это и показано:

Пучок света, прошедший через центры линз не преломится и остается горизонтальным. Изображение лежит на пересечении лучей, т.е. на горизонтальной опт. оси Λ_2 . Если $x = 3F$, то изображение находится в фокусе второй линзы справа от нее. В фокусе сходится только параллельный пучок света \Rightarrow после преломления в Λ_2 пучок параллельный и горизонтальный. Это возможно только тогда, когда $\Lambda_1 \perp$ опт. оси $\Lambda_2 \Rightarrow \alpha = 0^\circ$

$$\Delta K = \Delta p = \frac{1}{2} \sin \alpha \cdot p \cdot F(\alpha) = \frac{1}{2} F d = \frac{m}{2} v^2 \Rightarrow F d = m v^2 \Rightarrow F = \frac{m v^2}{d}$$

$$\Delta K = \frac{c u_0^2}{2} = \frac{m v^2}{2} = \frac{F d}{2} \Rightarrow c u_0^2 = F d \Rightarrow F = \frac{c u_0^2}{d}$$

$$F = \frac{u_0^2}{d} (1 + \epsilon) = \frac{u_0^2}{d} \left(\frac{\epsilon_0 x^2}{d} + \frac{\epsilon \epsilon_0 d (1-x)}{d} \right) = \frac{u_0^2}{d^2} (\epsilon_0 x^2 + \epsilon \epsilon_0 d - \epsilon \epsilon_0 d x)$$

$$= \frac{u_0^2 \epsilon_0 x^2}{d^2} + \frac{u_0^2 \epsilon \epsilon_0 d}{d^2} - \frac{u_0^2 \epsilon \epsilon_0 d x}{d^2} = x \left(\frac{u_0^2 \epsilon_0 x}{d^2} - \frac{u_0^2 \epsilon \epsilon_0 d}{d^2} \right) + \frac{u_0^2 \epsilon \epsilon_0 d}{d^2}$$

$$F = m a = x \left(\frac{u_0^2 \epsilon_0 x}{d^2} - \frac{u_0^2 \epsilon \epsilon_0 d}{d^2} \right) + \frac{u_0^2 \epsilon \epsilon_0 d}{d^2}$$

$$\ddot{x} = x \left(\frac{u_0^2 \epsilon_0}{m d^2} - \frac{u_0^2 \epsilon \epsilon_0}{m d} \right) + \frac{u_0^2 \epsilon \epsilon_0}{m d}$$

$$\ddot{x} + x \frac{u_0^2 \epsilon \epsilon_0 - u_0^2 \epsilon_0}{m d^2} = \frac{u_0^2 \epsilon \epsilon_0}{m d} \quad \ddot{x} + \omega^2 x = \omega^2 x_1$$

$$\omega^2 = \frac{4\pi^2}{T^2} = \frac{u_0^2 \epsilon \epsilon_0 - u_0^2 \epsilon_0}{m d^2} = \frac{u_0^2 \epsilon_0}{m d^2} (\epsilon - 1) \Rightarrow$$

$$\omega = \frac{c u_0}{d} \quad c u_0 = q \Rightarrow u_0 = \frac{q}{c}$$

$$= \frac{c q^2}{2 c^2} = \frac{q^2}{2 c}$$

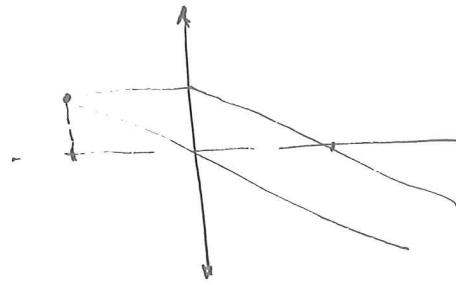
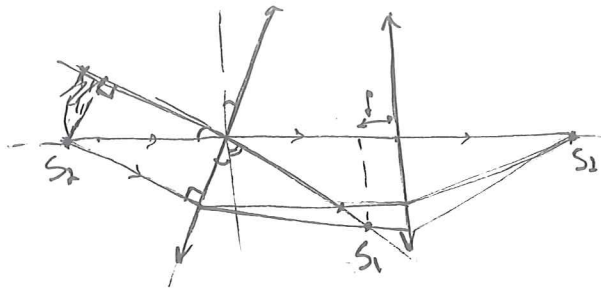
$$\Rightarrow l = \frac{4\pi^2 \cdot m d^2}{u_0^2 \epsilon_0 (\epsilon - 1) T^2}$$

Метод Лагранжа! $W + K = \text{const} \Rightarrow \dot{W} + \dot{K} = 0$

$$W = \frac{c u_1^2}{2} + \frac{c u_2^2}{2} \quad u_1 + u_2 = u_0 \quad \frac{u_1}{u_2}$$

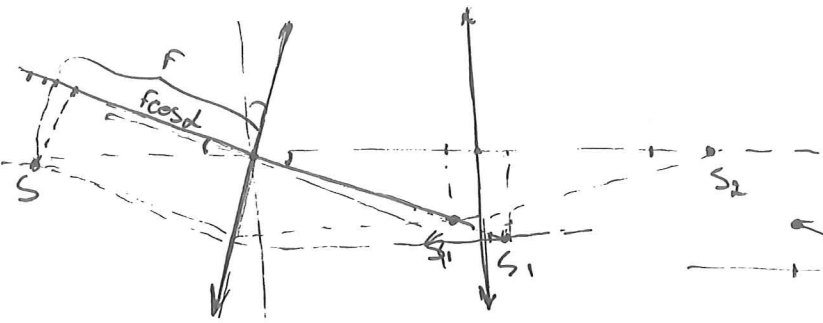
ЦЕРКОВНИК

4) $F=7,5$
 $x=23,5=3F!=5S_1$
 $\alpha=?$



Чтобы лучи пошли // друг другу $f=f'$ // A

где $1/f = 1/d + 1/f'$
 $1/f = 1/f + 0 \cdot d \rightarrow \infty$
 так и есть!



$\frac{1}{F \cos \alpha} + \frac{1}{d_1} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{d_1} = \frac{1}{F} - \frac{1}{F \cos \alpha} = \frac{F \cos \alpha - 1}{F \cos \alpha} \rightarrow 0 \Rightarrow \text{минус} \Rightarrow d_1 = \frac{F \cos \alpha}{\cos \alpha - 1}$

$\frac{1}{d_1} = \frac{1}{f_2}$ НЕТ!
 $(d_1 - \frac{F}{\cos \alpha}) \cos \alpha = f_2 = d_1 \cos \alpha - F =$
 $= \frac{F \cos \alpha}{\cos \alpha - 1} \cos \alpha - F = F$

$\frac{1}{f_2} + \frac{1}{d_1} = \frac{1}{F}$

$\frac{\cos \alpha - 1}{F \cos \alpha} + \frac{1}{d_1} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{d_1} = \frac{1}{F} - \frac{\cos \alpha - 1}{F \cos \alpha} = \frac{\cos \alpha - \cos \alpha + 1}{F \cos \alpha} = \frac{1}{F \cos \alpha} \Rightarrow d_1 = F \cos \alpha$

$x = F + d_1 \cos \alpha =$

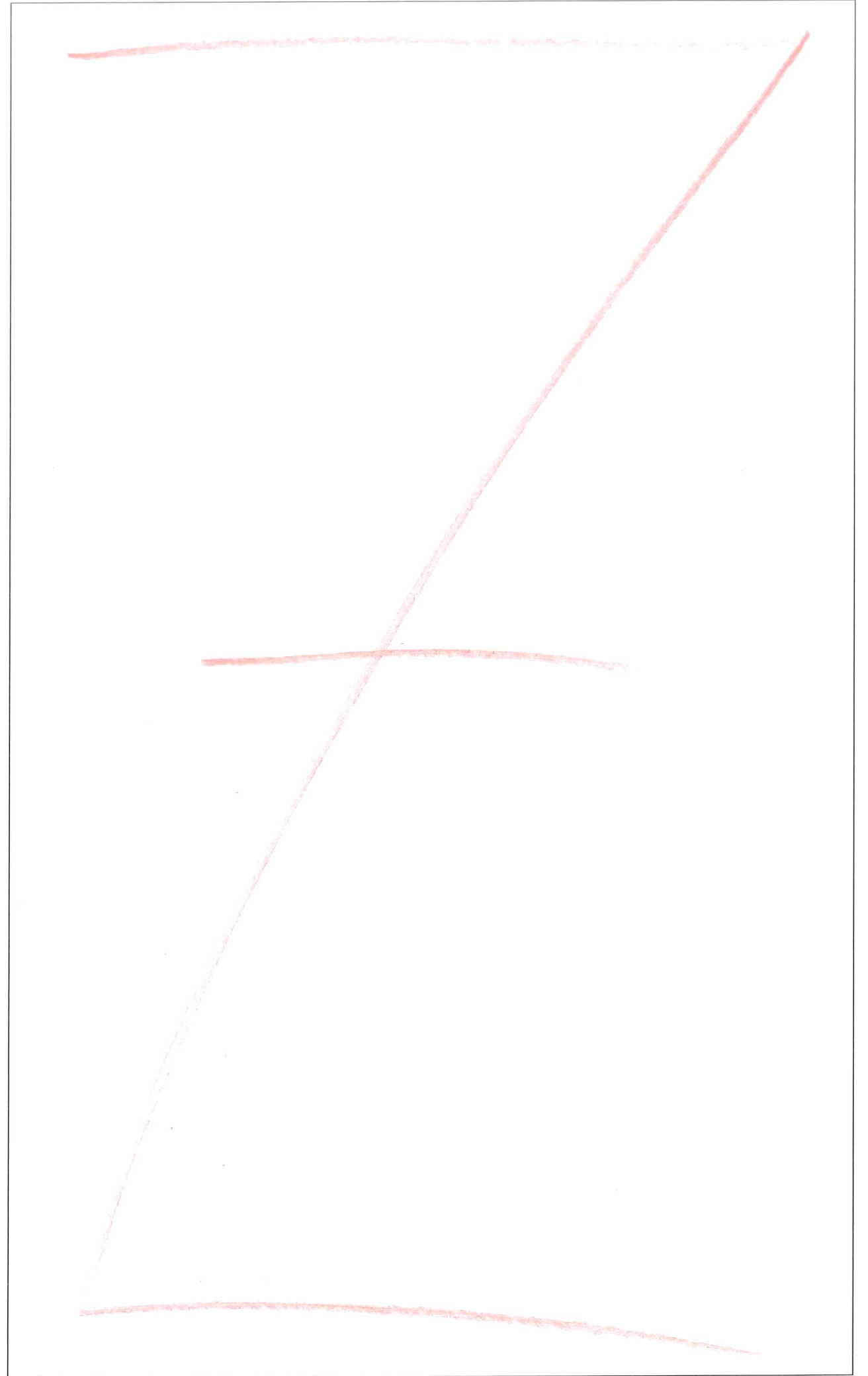
$\frac{1}{f_2} + \frac{1}{d_2} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{d_1 \cos \alpha - F} + \frac{1}{d_2} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{d_2} = \frac{1}{F} - \frac{1}{d_1 \cos \alpha - F} = \frac{1}{F} - \frac{1}{F \cos \alpha - F}$

$= \frac{1}{F} \cdot \frac{F(\cos \alpha - 1)}{F(\cos \alpha - 1) - 1} = \frac{1}{F} \cdot \frac{1(\cos \alpha - 1)}{\cos \alpha - 1 - 1} = \frac{1}{d_2}$

$x =$

~~Черновики~~

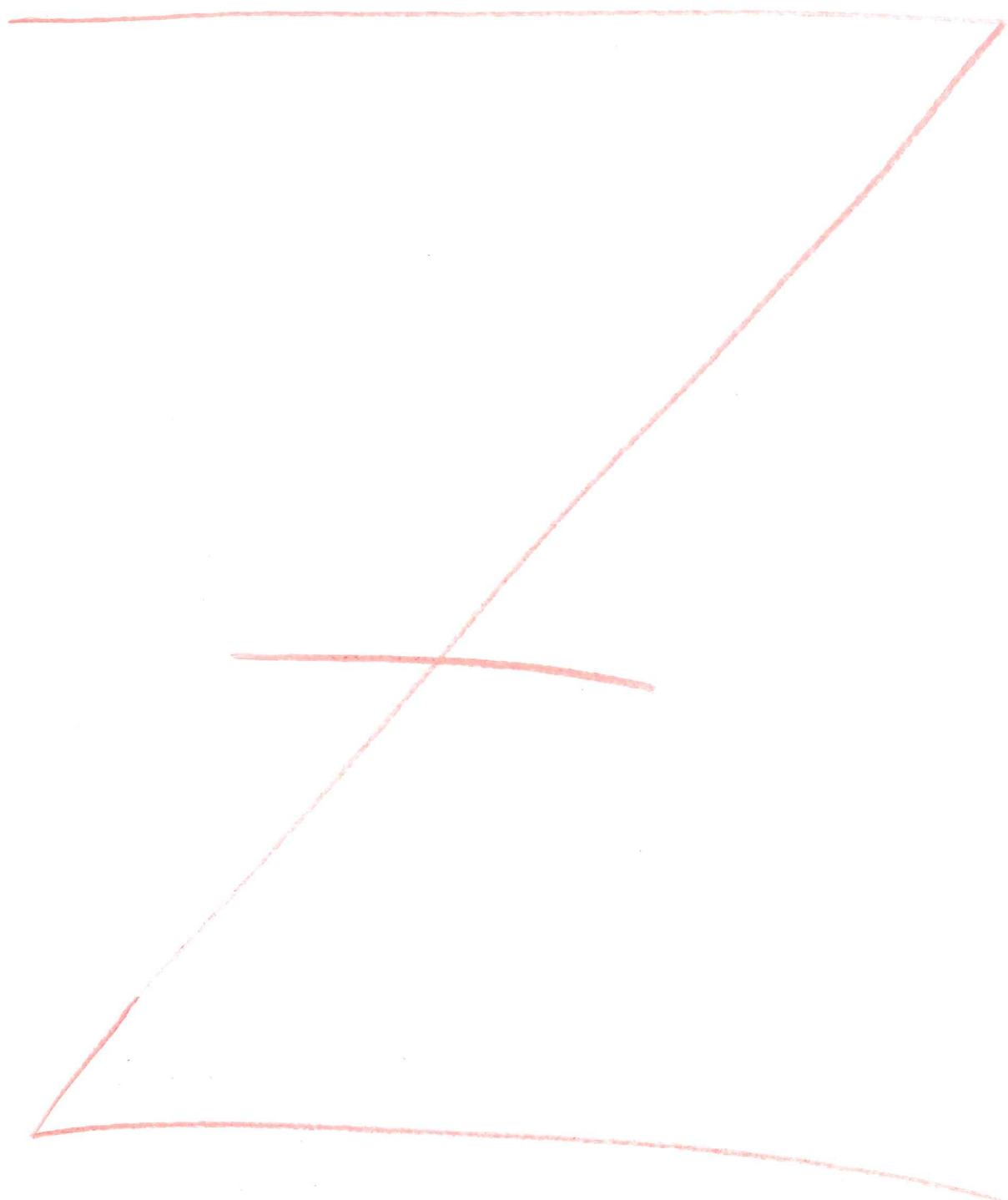
08-78-66-62
 (3.9)



$$\frac{23}{33} \cdot \frac{81}{275} = \frac{23 \cdot 0,81 \cdot 81}{3,3 \cdot 10 \cdot 6} = \frac{23 \cdot 81 \cdot 81}{100 \cdot 33 \cdot 6} = \frac{193021}{198 \cdot 100} \approx \frac{81}{100} \frac{81}{81} \frac{1}{21} \frac{1}{87}$$

$$\frac{23}{33} \cdot \frac{33 \cdot 6}{6} = \frac{23 \cdot 6}{6} = 23$$

$$\frac{18304}{1782} \frac{188}{874} \approx 21 \times \frac{188}{9} = \frac{188}{6} = \frac{188}{7} = \frac{188}{8} = \frac{188}{9} = \frac{188}{10} = \frac{188}{11} = \frac{188}{12} = \frac{188}{13} = \frac{188}{14} = \frac{188}{15} = \frac{188}{16} = \frac{188}{17} = \frac{188}{18} = \frac{188}{19} = \frac{188}{20} = \frac{188}{21} = \frac{188}{22} = \frac{188}{23} = \frac{188}{24} = \frac{188}{25} = \frac{188}{26} = \frac{188}{27} = \frac{188}{28} = \frac{188}{29} = \frac{188}{30} = \frac{188}{31} = \frac{188}{32} = \frac{188}{33} = \frac{188}{34} = \frac{188}{35} = \frac{188}{36} = \frac{188}{37} = \frac{188}{38} = \frac{188}{39} = \frac{188}{40} = \frac{188}{41} = \frac{188}{42} = \frac{188}{43} = \frac{188}{44} = \frac{188}{45} = \frac{188}{46} = \frac{188}{47} = \frac{188}{48} = \frac{188}{49} = \frac{188}{50} = \frac{188}{51} = \frac{188}{52} = \frac{188}{53} = \frac{188}{54} = \frac{188}{55} = \frac{188}{56} = \frac{188}{57} = \frac{188}{58} = \frac{188}{59} = \frac{188}{60} = \frac{188}{61} = \frac{188}{62} = \frac{188}{63} = \frac{188}{64} = \frac{188}{65} = \frac{188}{66} = \frac{188}{67} = \frac{188}{68} = \frac{188}{69} = \frac{188}{70} = \frac{188}{71} = \frac{188}{72} = \frac{188}{73} = \frac{188}{74} = \frac{188}{75} = \frac{188}{76} = \frac{188}{77} = \frac{188}{78} = \frac{188}{79} = \frac{188}{80} = \frac{188}{81} = \frac{188}{82} = \frac{188}{83} = \frac{188}{84} = \frac{188}{85} = \frac{188}{86} = \frac{188}{87} = \frac{188}{88} = \frac{188}{89} = \frac{188}{90} = \frac{188}{91} = \frac{188}{92} = \frac{188}{93} = \frac{188}{94} = \frac{188}{95} = \frac{188}{96} = \frac{188}{97} = \frac{188}{98} = \frac{188}{99} = \frac{188}{100}$$



Рассмотрим - не знаем время горизонтала!

$$\frac{1}{F \cos \alpha} = \frac{1}{d_1} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{d_1} = \frac{1}{F} - \frac{1}{F \cos \alpha}$$

$$= \frac{\cos \alpha - 1}{F \cos \alpha} \Rightarrow d_1 = \frac{F \cos \alpha}{\cos \alpha - 1}$$

$$d_2 = F + ? = F + \frac{F \cos \alpha}{(1 - \cos \alpha) \cos \alpha}$$

$$\frac{1}{d_2} = \frac{1}{F} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{d_2} = \frac{1}{F} - \frac{(1 - \cos \alpha) / \cos \alpha}{F \cos \alpha}$$

$$= \frac{1}{F} - \frac{1 - \cos \alpha}{F} = \frac{\cos \alpha}{F}$$

$$d_2 = \frac{F}{\cos \alpha}$$

$$X = 2F + d_2 = 2F + \frac{F}{\cos \alpha}$$

$$X = F \left(2 + \frac{1}{\cos \alpha} \right) \Rightarrow 2 + \frac{1}{\cos \alpha} = \frac{X}{F} = 3$$

$$\frac{1}{\cos \alpha} = 1 \Rightarrow \cos \alpha = 1$$

2) $U = 30$ T = 275
 $p = 10^5$
 $\rho_{\text{пл}} = ?$

после реву. $\rho_{\text{пл}} = \rho_{\text{пл}}$

$$\rho_0 U = \frac{m \cdot g}{\mu} RT = \text{const}$$

$$\rho_{\text{пл}} U = \frac{m_{\text{пл}}}{\mu} RT$$

для превр. воды в пар: $Q_1 = \lambda m$
 для испар. воды: $Q_2 = Lm \Rightarrow m =$
 $Q_1 = Q_2 \Rightarrow \lambda m = Lm \Rightarrow m = \frac{1}{\lambda} Q = \frac{23}{3,3} Q$
 $\rho_{\text{пл}} U = \frac{m}{\mu} RT \Rightarrow \rho_{\text{пл}} = \frac{m RT}{\mu U} = \frac{23}{3,3} \frac{RT}{\mu U}$

ЧЕРНО БИЖ