



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 1.

Место проведения Москва  
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Ломоносов  
наименование олимпиады

по физике  
профиль олимпиады

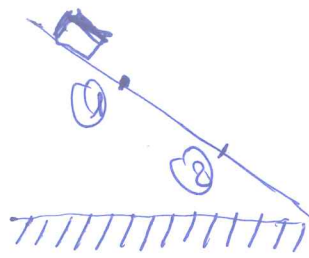
Трахова Андрей Максимовича  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата  
«13» февраля 2026 года

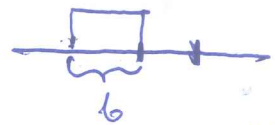
Подпись участника  
Андрей

Чертовик

1.



$v_1$  - скорость, когда тело начало перекрывать 1 фотоэлемент  
 $v_2$  - скорость, когда тело начало перекрывать 2 фотоэлемент.



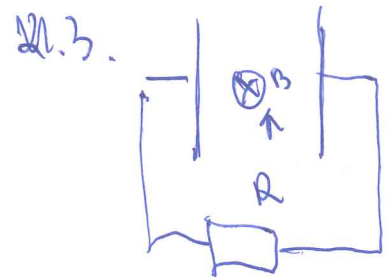
$$b = v_1 v_1 + \frac{g v_1^2 \sin \alpha}{2} \quad (1)$$

$$b = v_2 v_2 + \frac{g v_2^2 \sin \alpha}{2} \quad (2)$$

(1)  $b = v_1^2$   
 (2)  $b = v_1 v_2 + v_2^2 g \sin \alpha + \frac{g v_2^2 \sin \alpha}{2}$

$$v_1 = \frac{b}{v_1} - v_2 g \sin \alpha - \frac{g v_2 \sin \alpha}{2}$$

$$b = \frac{v_1 b}{v_1}$$



$$F = B I l = E \cdot \frac{dQ}{dt}$$

$$E d = U = B v d$$

$$I = \frac{U}{R + r}$$

$$P = I^2 R = \frac{U^2 R}{(R+r)^2} = \frac{B^2 v^2 d^2 R}{(R+r)^2}$$

$$P = U^2 \frac{R}{(R+r)^2} = \frac{U^2 R}{(R+r)^2}$$

$$r = R + 2 \Rightarrow \frac{U^2 R}{(R+r)^2} = \frac{U^2 R}{(R+r-2)^2}$$

$$R = \frac{U^2 R}{(R+r-2)^2} - \frac{U^2 R}{(R+r)^2}$$

$$R = \frac{U^2 R}{2r}$$



16-54-67-93 (1.5)

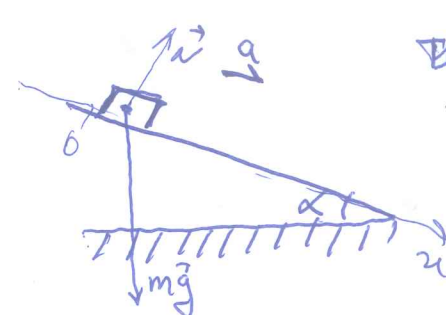
Чертовик

15.1 Дано:

- $\alpha = 30^\circ$
- $\delta = 0,1 \text{ м}$
- $r_1 = 2 \text{ с}$
- $r_2 = 1 \text{ с}$
- $g = 10 \text{ м/с}^2$

Найти:  
 $\tau$ ?

Решение



Уравнение:  
 $N + mg \cos \alpha = am$   
 $0 = mg \sin \alpha = am$   
 $\Rightarrow a = g \sin \alpha$

$\Rightarrow$  Брусок движется с ускорением  $a = g \sin \alpha$   
 Брусок перекрывает первый фотоэлемент  $r_1$

(1)  $b = v_1 r_1 + \frac{g \sin \alpha r_1^2}{2}$ , где  $v_1$  - скорость тела, при начале перекрывания 1 фотоэлемента

(2)  $b = v_2 r_2 + \frac{g \sin \alpha r_2^2}{2}$ , где  $v_2$  - скорость тела, при начале перекрывания 2 фотоэлемента.

(3)  $v_2 = v_1 + g \sin \alpha r$   
 Из (1)  $v_1 = \frac{b}{r_1} - \frac{g \sin \alpha r_1}{2}$

Из (2)  $v_2 = \frac{b}{r_2} - \frac{g \sin \alpha r_2}{2}$   
 подставляем в (3)

$$\frac{b}{r_2} - \frac{g \sin \alpha r_2}{2} = \frac{b}{r_1} - \frac{g \sin \alpha r_1}{2} + g \sin \alpha r$$

$$\Rightarrow r = \frac{b}{g \sin \alpha} \left( \frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right) + \frac{g \sin \alpha (r_1 - r_2)}{2 g \sin \alpha}$$

$$\Rightarrow \frac{b}{g \sin \alpha} \left( \frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right) + \frac{(r_1 - r_2)}{2}$$

$$\Rightarrow (r_1 - r_2) \left( \frac{b}{g \sin \alpha r_1 r_2} + \frac{1}{2} \right) = (r_1 - r_2) \left( \frac{0,1}{10 \cdot \sin 30^\circ \cdot 2} + \frac{1}{2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{0,1}{10 \cdot \frac{1}{2} \cdot 2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{100} + \frac{1}{2} = \frac{51}{100} = 0,51 \text{ с}$$

Ответ:  $\tau = (r_1 - r_2) \left( \frac{b}{r_1 r_2 g \sin \alpha} + \frac{1}{2} \right) = 0,51 \text{ с}$

1	10	2	20	5	85
2	12	5	20	5	85
3	12	5	20	5	85
4	20	5	20	5	85
5	20	5	20	5	85

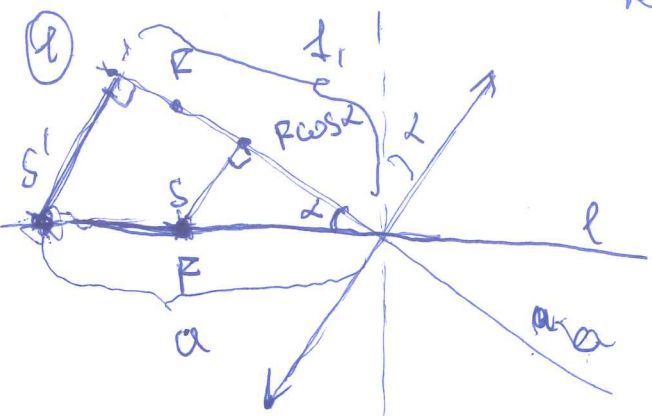
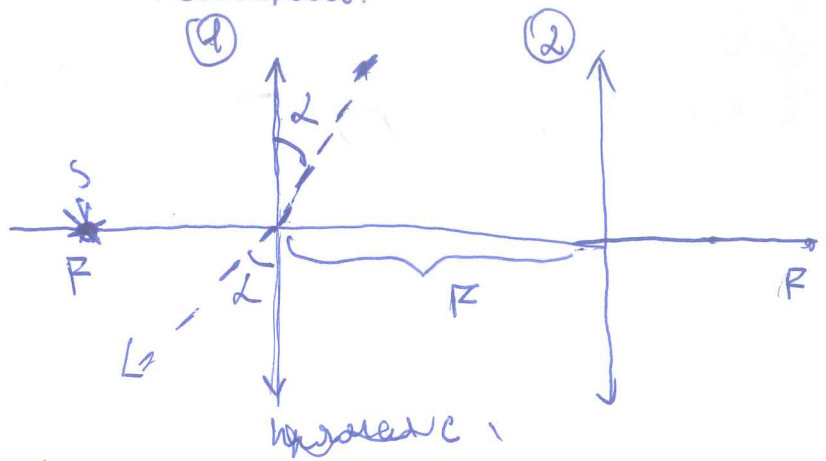
Киселев, Мухомов, А.А. Козаров, Чертов  
 (подпись)

Чисто вычисления

4.10.1) Дано:

- $d = 1,5 \text{ см}$
- $R = 27,5 \text{ см}$
- $\alpha = 30^\circ$
- Найти:  $S(S; S_1) = ?$

Решение:



$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R \cos \alpha} + \frac{1}{f_1}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{f_1} = \frac{1}{R} \left( 1 - \frac{1}{\cos \alpha} \right)$$

$$\Rightarrow f_1 = \frac{R \cos \alpha}{\cos \alpha - 1} < 0$$

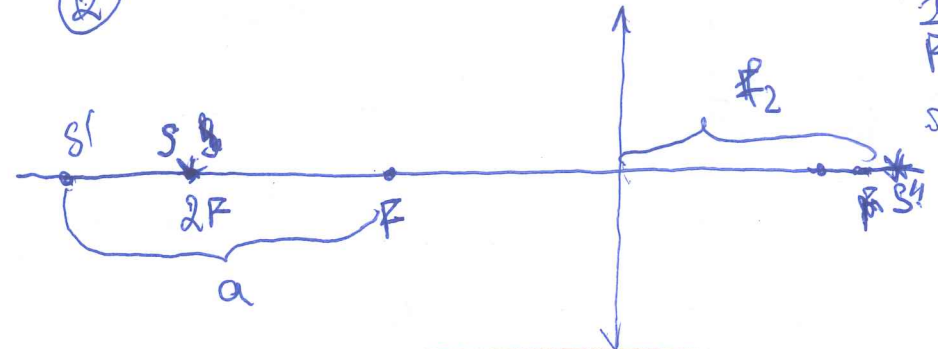
$|f_1| = \frac{R \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$

⇒ изображение мнимое

оно будет лежать на продолжении изображения объектива в линзе будет лежать на  $f$ , т.е.  $f$  проходит через центр линзы.

$$\Rightarrow a z \cos \alpha = \frac{|f_1|}{a} \Rightarrow a z = \frac{f_1}{\cos \alpha} = \frac{R}{1 - \cos \alpha}$$

2)

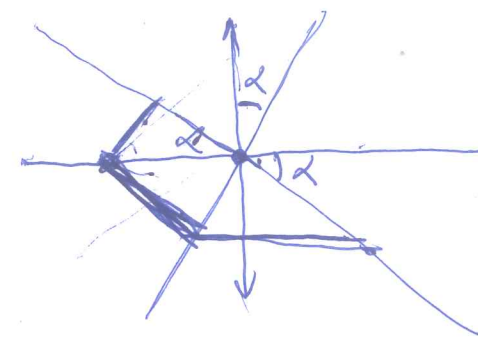
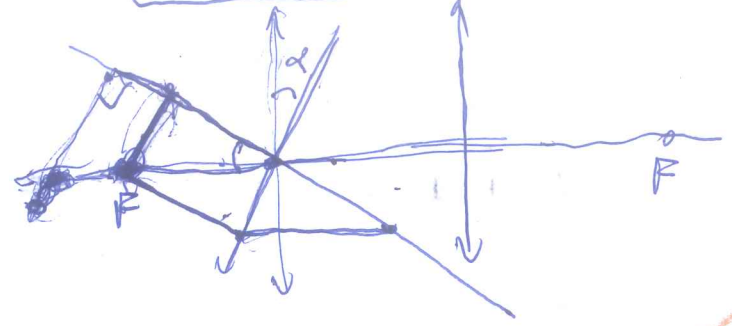


$$\frac{1}{F} = \frac{1}{F+a} + \frac{1}{f_2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{f_2} = \frac{F+a-F}{F(F+a)}$$

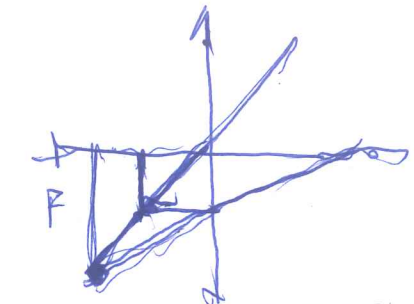
$$\Rightarrow f_2 = \frac{F(F+a)}{a}$$

4. Черновики



$$\frac{1}{F} = \frac{1}{R \cos \alpha} + \frac{1}{d}$$

$$\frac{1}{d} = \frac{1}{R} \left( 1 - \frac{1}{\cos \alpha} \right)$$



$$c = \frac{\epsilon_0 S}{d} = \frac{q_0}{U} = q_0 = \frac{\epsilon_0 S U_1}{d}$$

$$\frac{q_0}{\epsilon_0 S} = E d = U_2 = \frac{\epsilon_0 E S}{d}$$

$$\epsilon_0 \frac{U_1}{E d} = E$$

$$x(t) = x_1 = A \cos(\omega t) = u(t)$$

$$v(t) = 0 = x \omega \sin(\omega t) = v(t)$$

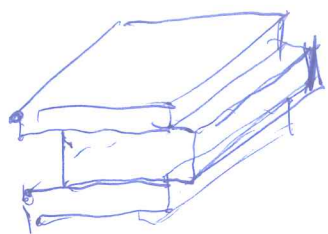
$$\frac{m v^2}{2} + \frac{\epsilon_0 \frac{U_1^2}{2}}{2} = \frac{\epsilon_0 U_1^2}{2} \cdot \frac{U_1}{2}$$

$$273 = 3 \cdot 7 \cdot 13$$

$$\begin{array}{r} 611 \overline{) 91} \\ \underline{611} \phantom{0} \\ 300 \phantom{0} \\ \underline{300} \phantom{0} \\ 0 \phantom{0} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 611 \overline{) 13} \\ \underline{611} \\ 0 \end{array}$$

Черновик



$$\frac{m\dot{v}^2}{2} + \frac{\epsilon_0 E^2}{2} (h-x)dh + \frac{\epsilon_0 E^2}{2} xdh = \dots$$

$$\textcircled{1} \frac{\epsilon_0 E^2}{2} xhd = \text{const}$$

$$\frac{m\dot{v}^2}{2} + \left(\frac{\epsilon_0 E^2}{2\epsilon^2} xhd + \frac{\epsilon_0 E^2}{2}\right) xhd = \text{const}$$

$$-\frac{\epsilon_0 E^2}{2\epsilon^2} h^2 d + \frac{\epsilon_0 E^2}{2\epsilon^2} (h-x)hd + \frac{\epsilon_0 E^2}{2} xhd = \dots$$

$$\textcircled{2} hdx \left(-\frac{\epsilon_0 E^2}{2\epsilon^2} + \frac{\epsilon_0 E^2}{2}\right) = hdx \frac{\epsilon_0 E^2}{2\epsilon^2}$$

$$\frac{m\dot{v}_{\text{max}}^2}{2} = -\frac{\epsilon_0 E^2}{2\epsilon^2} h^2 d + \frac{\epsilon_0 E^2}{2\epsilon^2} (h-x)hd + \frac{\epsilon_0 E^2}{2} xhd$$

$$\frac{m\dot{v}_{\text{max}}^2}{2} = \frac{\epsilon_0 E^2}{2} xhd - \frac{\epsilon_0 E^2}{2\epsilon^2} xhd = \frac{\epsilon_0 E^2}{2\epsilon^2} hdx \left(1 - \frac{1}{\epsilon^2}\right)$$

$$J_{\text{max}} = E \sqrt{\frac{\epsilon_0 h dx}{n^2} \left(1 - \frac{1}{\epsilon^2}\right)} = \dots$$

$$q_r = \epsilon_0 \epsilon c = \frac{U \epsilon_0 S}{d}$$

$$U' c' = uc$$

$$U' \frac{d}{d} = u \frac{\epsilon_0 S}{d} \Rightarrow U' = \frac{U}{\epsilon}$$

16-54-67-93  
(1.5)

Источники (продолжение ч. 10. 1.) 93

$$I_2 = \rho(SIS'') = 2R + I_2 = 2R + \frac{PRR(R+a)}{a} = R \left(2 + \frac{R + \frac{R}{1-\cos\alpha}}{R}\right)$$

$$\textcircled{1} R \left(2 + \frac{(2-\cos\alpha)(1-\cos\alpha)}{1-\cos\alpha}\right) = R(4-\cos\alpha)$$

$$\textcircled{2} 71.5 \left(4 - \frac{\sqrt{3}}{2}\right) \approx 23 \text{ м.}$$

Ответ:  $\rho(SIS'') = R(4-\cos\alpha) \approx 23 \text{ м.}$

3.3.1 Дано:

$$R = 0,4 \text{ Ом}$$

$$V = 20 \text{ см/с} = 0,1 \text{ м/с}$$

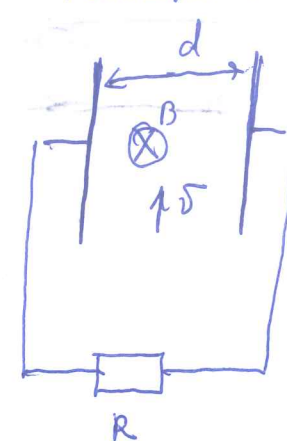
$$B = 2 \text{ Тл}$$

$$P_m = 1 \text{ мВт} = 10^{-3} \text{ Вт}$$

Найти:

$$d = ?$$

Решение:



Рог действия силы Лоренца разводит заряды на пластинах, поэтому в цепи подействует

напряжения.

$$E_{\text{Л}} = Bvq \Rightarrow \mathcal{E} = Ed = Bvd; U_{\text{кз}} = \mathcal{E} - Ir$$

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R+r}, \text{ где } r - \text{ это сопротивление источника.}$$

$$P_{\text{кз}} = I^2 R = \frac{\mathcal{E}^2 R}{(R+r)^2}$$

максимум  $P_{\text{кз}}$  достигается при  $r=0$  и  $r \gg 0$

$$\Rightarrow P_m = \frac{\mathcal{E}^2 R}{R^2} = \frac{\mathcal{E}^2}{R} = \frac{d^2 B^2 v^2}{R} \Rightarrow d = \frac{\sqrt{P_m R}}{Bv} = \frac{\sqrt{10^{-3} \cdot 10^{-1} \cdot 4}}{2 \cdot 0,1}$$

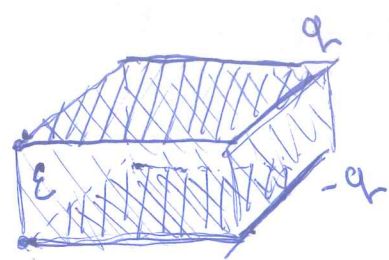
$$\textcircled{2} \frac{4 \cdot 10^{-2}}{2 \cdot 10^{-1}} = 0,4 \text{ м.}$$

Ответ:  $d = \frac{\sqrt{P_m R}}{Bv} = 0,4 \text{ м.}$

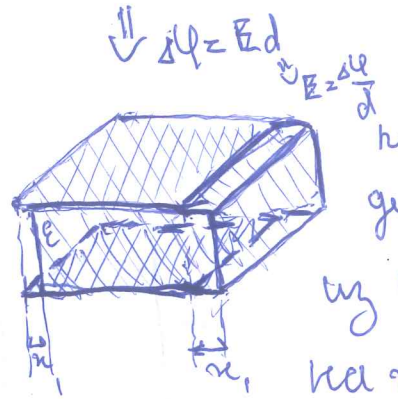
5.2.1 Дано:

Число витков  $n=4$   
диаметр  $d$

$\omega = 2\pi \cdot 10^3 \text{ рад/с}$   
 $l = 20 \text{ см} = 0,2 \text{ м}$   
 $d = 1 \text{ см} = 10^{-2} \text{ м}$   
 $m = \omega l = 0,01 \text{ кг}$   
 $\xi = 14$   
 $\epsilon_0 = 9 \cdot 10^{-12} \text{ Ф/м}$   
 $\kappa = 0,9 \text{ см} = 10^{-2} \text{ м}$   
 Найти:  
 $T = ?$



Когда в конденсатор вставим диэлектрическую пластину



$\Delta\phi = Ed$   
 $E = \frac{\Delta\phi}{d}$   
 $E' = \frac{E}{\epsilon}$

после того как диэлектрик вынул из конденсатора ~~и~~  $\kappa$  и  $\kappa$ , то под действием

качала совершат гармонические колебания

$x = x_0 \cos(\omega t + \phi_0)$ ;  $x(0) = x_0 \cos \phi_0 = x_0$   
 $v(0) = 0 \Rightarrow \phi_0 = 0$

$v = v_{\max} \sin(\omega t) = \dot{x}(t) = \omega x_0 \sin(\omega t)$   
 $\Rightarrow \omega x_0 = v_{\max}$

максимальная скорость у диэлектрика

будет, когда он вернется на место

Запишем закон сохранения энергии для двух положений, когда диэлектрик вынул и когда он вернулся обратно.

$\frac{m v_{\max}^2}{2} + \frac{\epsilon_0 E'^2}{2} \kappa d = \frac{\epsilon_0 E^2}{2} (\kappa - \kappa_1) \kappa d + \frac{\epsilon_0 E^2}{2} \kappa_1 \kappa d$

$\frac{m v_{\max}^2}{2} = \frac{\epsilon_0 E^2}{2} \kappa d - \frac{\epsilon_0 E^2}{2} \kappa d = \frac{\epsilon_0 E^2}{2} \kappa_1 \kappa d + \frac{\epsilon_0 E^2}{2} \kappa_1 \kappa d$

$\Rightarrow v_{\max}^2 = \frac{\epsilon_0 E^2 \kappa_1 \kappa d}{m} \left( 1 - \frac{1}{\epsilon^2} \right)$

Черновик

$P_{\text{нас}} V = R I T$   
 $\Rightarrow \gamma = \frac{P_{\text{нас}} V}{R T}$

$m = \mu \gamma = \frac{\mu P_{\text{нас}} V}{R T}$

$Q = \frac{W_{\text{нас}}}{\eta}$

$v_{\text{н}} m = \Delta m \lambda c$

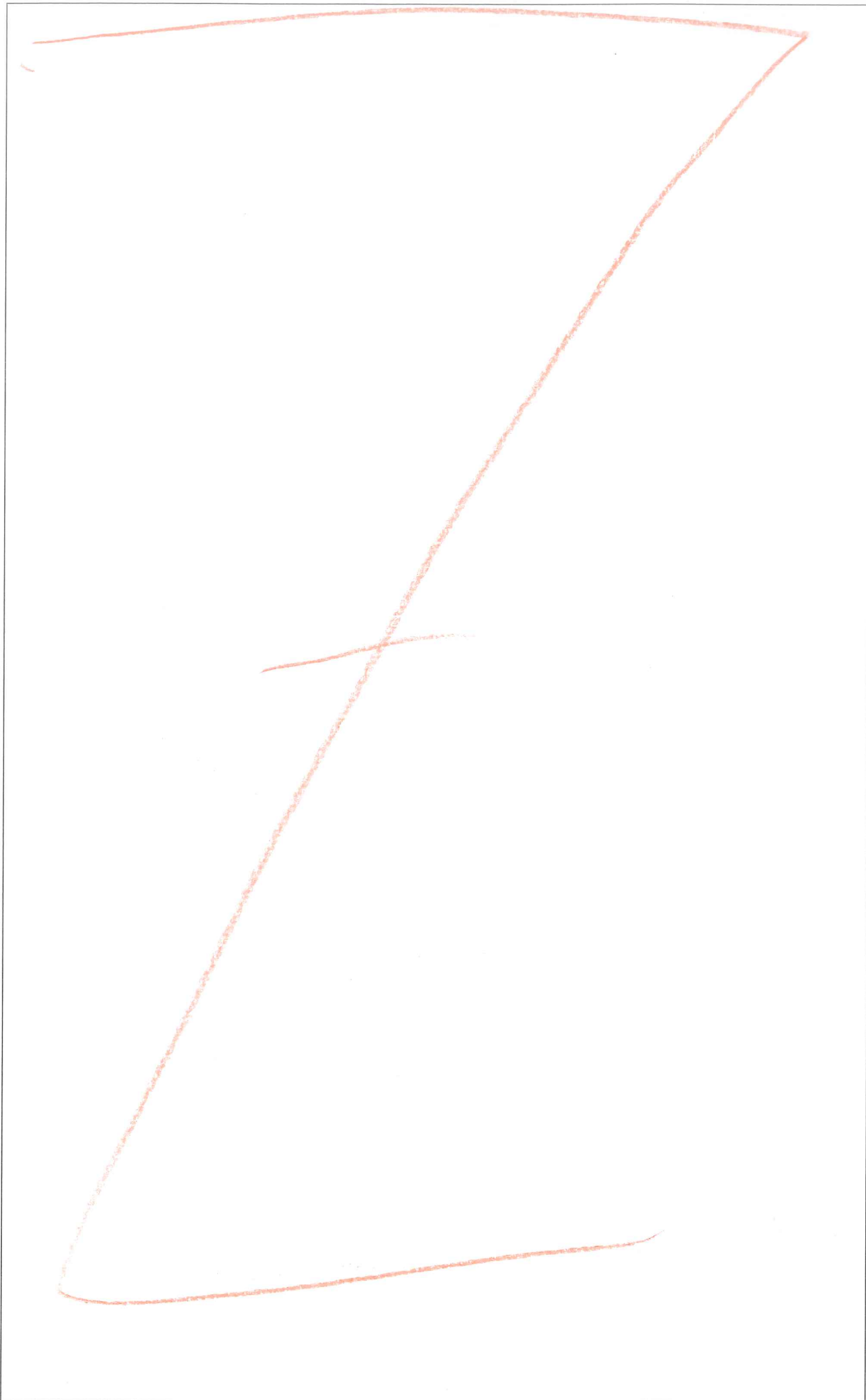
$273 = 7 \cdot 13 \cdot 3$

$611 = \omega T \cdot 13$

$830 \frac{\omega T}{2}$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 13 \\ \times 7 \\ \hline 91 \end{array} \quad \begin{array}{r} 91 \\ 3 \\ \hline 273 \end{array}$$
  

$$\begin{array}{r} 611 \\ - 52 \\ \hline 98 \\ - 91 \\ \hline 0 \end{array}$$



16-54-67-93  
(1.5)

2.5) Чистовик

$$\sigma_{max} = E \sqrt{\frac{\epsilon_0 \mu_0 h d (1 - \frac{1}{\epsilon^2})}{m}}$$

$$\mu_0 \omega = \sigma_{max} \Rightarrow \omega = \frac{\sigma_{max}}{\mu_0}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi \mu_0}{\sigma_{max}} = \frac{2\pi \mu_0 \sqrt{m}}{E \sqrt{\frac{\epsilon_0 \mu_0 h d (1 - \frac{1}{\epsilon^2})}{m}}}$$

$$\textcircled{1} \frac{2\pi d \epsilon}{h \mu} \sqrt{\frac{m \mu_0}{\epsilon_0 h d (\epsilon^2 - 1)}} = \frac{2 \cdot 3 \cdot 10^{-3} \cdot 4}{100} \sqrt{\frac{10^{-3} \cdot 10^{-4}}{9 \cdot 10^{-12} \cdot 0.2 \cdot 10^{-7} \cdot 10^{-3} \cdot 15}}$$

$$\textcircled{2} \frac{2 \cdot 3 \cdot 4}{10^5} \sqrt{\frac{10^{10}}{9 \cdot 15}} = \frac{8}{\sqrt{15}} \text{ с, если } \pi \approx 3$$

Ответ:  $T = \frac{2\pi d \epsilon}{h \mu} \sqrt{\frac{m \mu_0}{\epsilon_0 h d (\epsilon^2 - 1)}} \approx \frac{8}{\sqrt{15}} \text{ с.}$

2.3.1) Дано:

- $V = 30 \text{ м}^3$
- $T = 273 \text{ К}$
- $p_{нас} = 611 \text{ Па}$
- $\lambda_{ж} = 3,3 \cdot 10^5 \text{ Дж/кг}$
- $\nu_{н} = 2,3 \cdot 10^6 \text{ Дж/кг}$
- $\mu = 18 \cdot 10^{-3} \text{ кг/моль}$
- $R = 8,31 \text{ Дж/(моль} \cdot \text{К)}$

Найти:  
 $\Delta m = ?$

Решение:

вода будет испаряться до тех пор пока пар не станет насыщенным  $\Rightarrow$  парциальное давление должно равняться давлению насыщенного пара

$$\Rightarrow p_{нас} V = \nu_1 R T \Rightarrow \nu_1 = \frac{p_{нас} V}{R T}$$

$$\Rightarrow m_1 = \nu_1 \mu = \frac{\mu p_{нас} V}{R T}$$

$m_1$  - это масса испарившейся воды.

вода, отдав энергию на испарение, должна превратиться в лёд.

$$Q_{орг} = Q_{пл}; Q_{орг} = \nu_n m_1; Q_{пл} = \lambda_{ж} \Delta m$$

$$\Rightarrow \Delta m = \frac{\nu_n m_1}{\lambda_{ж}} = \frac{\nu_n}{\lambda_{ж}} \frac{\mu p_{нас} V}{R T}$$

$$\textcircled{1} \frac{2,3 \cdot 10^6}{3,3 \cdot 10^5} \frac{18 \cdot 10^{-3} \cdot 611 \cdot 30}{8,31 \cdot 273} = \frac{23 \cdot 10^6 \cdot 18 \cdot 10^{-3} \cdot 47 \cdot 18 \cdot 30}{33 \cdot 10^5 \cdot 83 \cdot 273} = \frac{23 \cdot 47 \cdot 18}{33 \cdot 83}$$

$$\textcircled{2} \frac{23 \cdot 47 \cdot 6}{11 \cdot 83} \textcircled{3} 11$$

Числовик 16

(продолжение задания 2.3.1)

$$\begin{array}{r} 47 \\ 23 \\ \hline 94 \\ 1081 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1081 \\ \times 6 \\ \hline 6486 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 88 \\ \times 11 \\ \hline 83 \\ 913 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 913 \\ \times 7 \\ \hline 6591 \end{array}$$

1)  $\Rightarrow \ominus$   $\frac{6486}{6591} \approx 1 \text{ м.}$

Ответ:  $\Delta m = \frac{v_n}{v_k} \cdot \frac{\rho_{\text{наб}} V_M}{\Delta T} \approx 1 \text{ м.}$

Оценки  
уменьшены с 66 на 85  
2014

Председателю апелляционной комиссии  
олимпиады школьников «Ломоносов»  
Ректору МГУ имени М.В. Ломоносова  
академику В.А. Садовничему  
от участника заключительного этапа по  
профилю «Физика»  
Андрея Максимовича Фролова

Прошу пересмотреть мой индивидуальный предварительный результат заключительного этапа, так как не успел запросить показ работы, пишу апелляцию, не зная разбалловки

В задаче 1:  
правильно записаны все формулы и получен ответ:  $t = \frac{1}{2} (t_1 - t_2) + b (1/t_1 - 1/t_2) / g \sin(\alpha) = 0.51 \text{ с.}$   
однако не проверена корректность данных условия Считаю, что в соответствии с критериями задача должна быть оценена как 7 баллов

В задаче 2:  
решена верно и заслуживает 20 баллов

В задаче 3:  
считаю, что все основные формулы записаны верно (разность потенциалов, мощность, выделяемая на резисторе в зависимости от R) В соответствии с критериями 11-17 баллов.

В задаче 4:  
решена верно. ответ 23 ~ 23.5 ( ответ получен в отсутствии калькулятора) заслуживает 25 баллов

В задаче 5:  
Считаю, что Задача не решена, но правильно сформулированы физические законы и правильно записаны основные уравнения, необходимые для решения задачи - возможно до 10 баллов.

- 1) я использовал закон сохранения заряда до/после внесения пластины
- 2) записанный мной закон сохранения энергии при колебаниях эквивалентен представленному в ответах выражению для изменения энергии в процессе колебаний:  
Вместо  $dW$  (ваше решение) мной записана кинетическая энергия пластины:  
 $mV_{\text{max}}^2/2 + E_{\text{конд, центр}} = E_{\text{конд, край}}$   
 $dW = mV^2/2 = E_{\text{конд, край}} - E_{\text{конд, центр}} = E_0 / \epsilon^2 * l * d * U_0^2 * (E - 1)$  - совпадает с выражением в ответах на сайте при упомянутом приближении  $l \gg x$
- 3) Далее задача решена, доведена до ответа в предположении о гармонических колебаниях (в отличие от решения на сайте...)  
 $V_{\text{max}} = \sqrt{2dW/m}$   
 $T = 2\pi x / V_{\text{max}} = 2\pi x / \sqrt{2dW/m}$  и отличается от ответа в  $8/2\pi$  раз  
В ответах на сайте в предположении о равноускоренном движении вместо коэффициента  $2\pi$  стоит коэффициент 8.  
 $T = 8x / \sqrt{2dW/m}$

Подтверждаю, что я ознакомлен с Положением об апелляциях на результаты олимпиады школьников «Ломоносов» и осознаю, что мой индивидуальный предварительный результат может быть изменен, в том числе в сторону уменьшения количества баллов.

Дата 13.03.2016

(подпись) *Фролов*