



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 3

Место проведения Москва
город

департамент

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

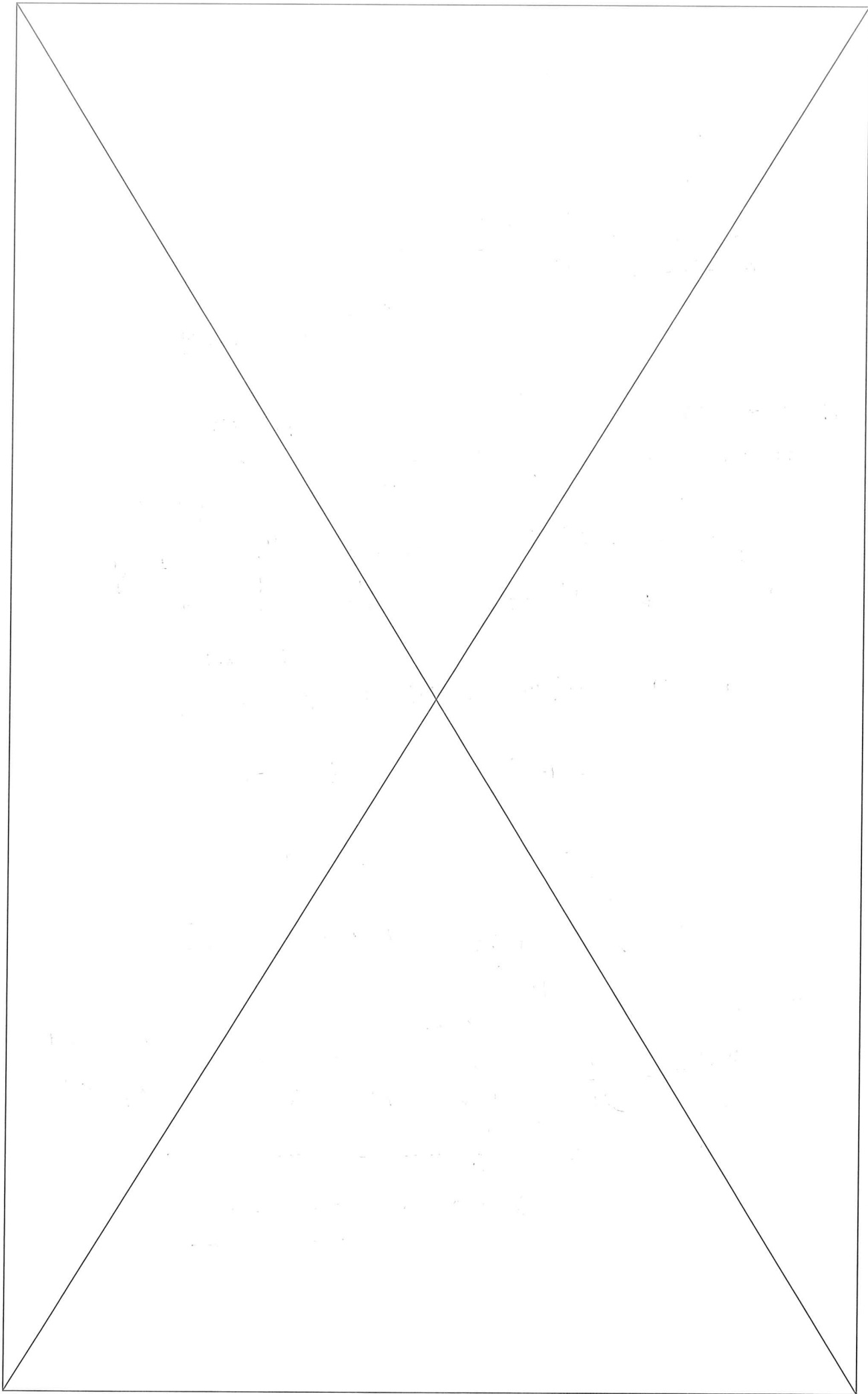
Олимпиада школьников Ломоносов
наименование олимпиады

по физике
профиль олимпиады

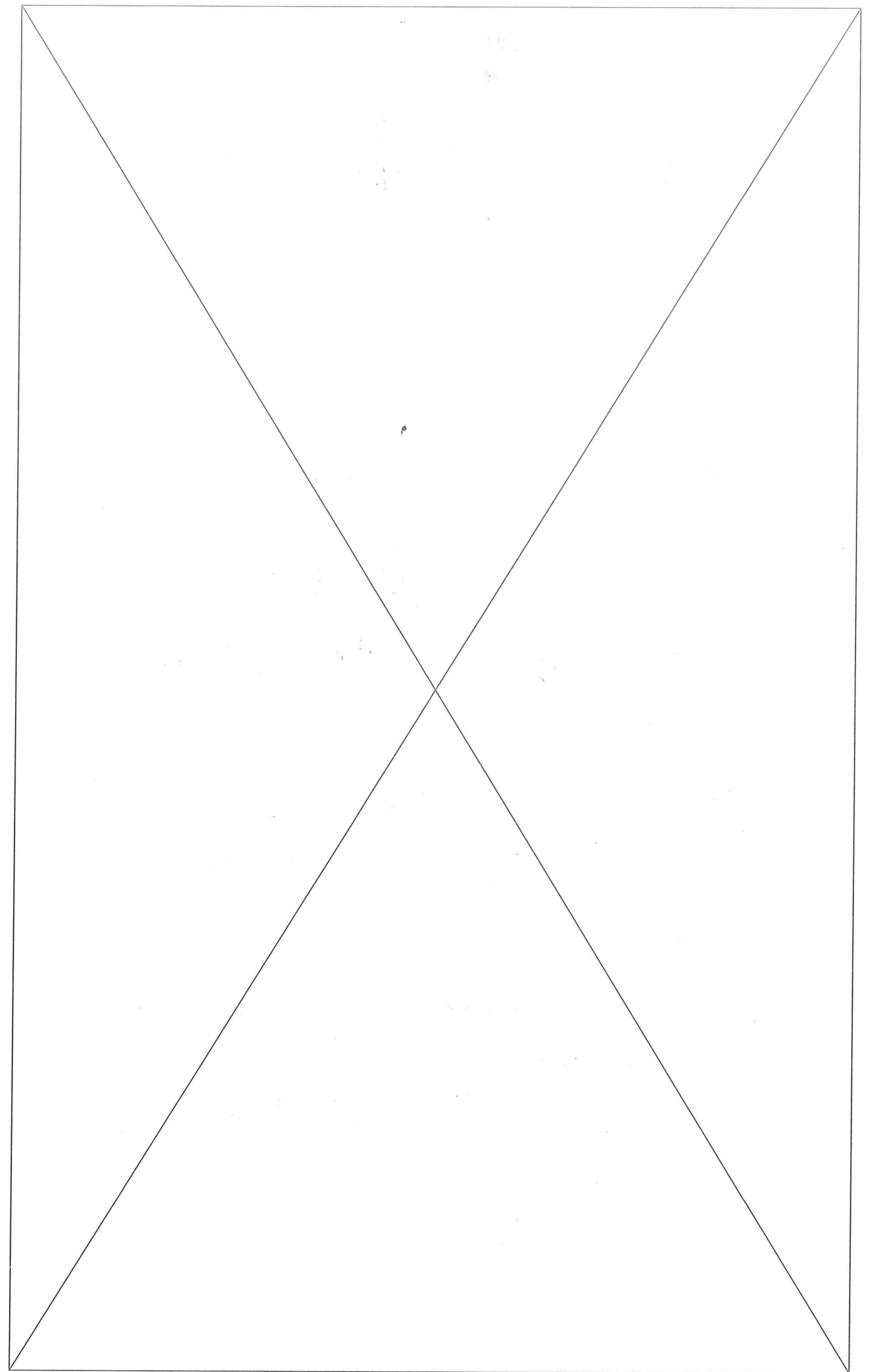
Черных Фёдора Сергеевича
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата
«13» февраля 2026 года

Подпись участника
Чер

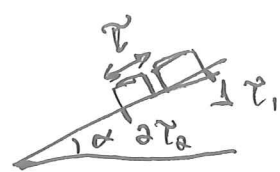


Выполнять задания на титульном листе запрещается!



Выполнять задания на титульном листе запрещается!

Черновик



№1

$$\begin{cases} b = U_1 \tau_1 + \frac{g \sin \alpha \tau_1^2}{2} \\ b = U_2 \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2} \\ U_2 = U_1 + g \sin \alpha (\tau_1 + \tau_2) \end{cases}$$

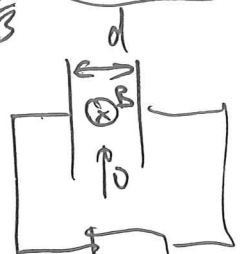
$$U_1 = \frac{b}{\tau_1} - \frac{g \sin \alpha \tau_1}{2}$$

$$U_2 = U_1 + g \sin \alpha \tau = \frac{b}{\tau_1} + g \sin \alpha \tau \left(\tau - \frac{\tau_1}{2} \right)$$

$$b = b \cdot \frac{\tau_2}{\tau_1} + g \sin \alpha \left(\tau - \frac{\tau_1}{2} \right) \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$$

$$b \cdot \frac{\tau_1 - \tau_2}{\tau_1 \tau_2} = g \sin \alpha \left(\tau + \frac{\tau_2}{2} - \frac{\tau_1}{2} \right)$$

1826
3
6083



№3

$$qUB = qE = q \frac{E}{d} \Rightarrow b = \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot \frac{1}{2} \cdot (0,51 + 0,5 - 1) = 0,1 \text{ м}$$

$$I = \frac{E}{r+R} \quad P_m = \frac{E^2}{R} = \frac{E^2}{R} \Rightarrow R = \frac{E^2}{P_m} = \frac{10^2}{0,1} = 100 \text{ Ом}$$

$$P_m = I^2 R = \frac{E^2}{R} \Rightarrow I = \frac{E}{\sqrt{R}} = \frac{10}{10} = 1 \text{ А}$$

$$U = \sqrt{2,5} \text{ мкс}$$

830
x 213
1826

$$\left(\frac{ER}{R+1} \right)' = \frac{E}{R+1} - \frac{2ER}{(R+1)^2} = 0 \Rightarrow R = R$$

8217
83083

Воды: M → M - m - AM

$$\begin{cases} \Gamma_n m - \lambda_{к\Delta M} = 0 \\ P_{нас} = \frac{\lambda_{к\Delta M}}{\mu \Gamma_n} RT \end{cases} \Rightarrow m = \frac{\lambda_{к\Delta M}}{\Gamma_n}$$

$$P_{нас} V = \frac{m}{\mu} RT \Rightarrow P_{нас} = \frac{\lambda_{к\Delta M}}{\mu \Gamma_n} RT$$

83318
276
83042

33
23
83
273 =

11 · 83 · 91 · 10
46 · 30
≈ 83 · 11 · 10 · 2 = 1826 · 10
30

Чистовик-1
№1.5.3

1	2	3	4	5	7
10	10	20	20	5	88

Так как $\tau < \tau_1$, расстояние между 1 и 2 фотоэ-л-дами $< b$.

Пусть U_1 - скорость бруска при начале прохождения 1 фотоэ-л-та, U_2 - при начале прохождения 2 фотоэ-л-та. Тогда, т.к. a вдоль накл. плоскости = $g \sin \alpha$, $U_2 = U_1 + g \sin \alpha \cdot \tau$

Брусок прошёл 1 эл-т за τ_1 : $b = U_1 \tau_1 + \frac{g \sin \alpha \tau_1^2}{2}$

2 эл-т за τ_2 : $b = U_2 \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$

$$\begin{cases} U_2 = U_1 + g \sin \alpha \tau \\ b = U_1 \tau_1 + \frac{g \sin \alpha \tau_1^2}{2} \\ b = U_2 \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} U_1 = \frac{b}{\tau_1} - \frac{g \sin \alpha \tau_1}{2} \\ U_2 = U_1 + g \sin \alpha \tau = \frac{b}{\tau_1} + g \sin \alpha \left(\tau - \frac{\tau_1}{2} \right) \\ b = U_2 \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2} \end{cases}$$

$$b = b \cdot \frac{\tau_2}{\tau_1} + g \sin \alpha \left(\tau - \frac{\tau_1}{2} \right) \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$$

$$b \cdot \frac{\tau_1 - \tau_2}{\tau_1 \tau_2} = g \sin \alpha \left(\tau + \frac{\tau_2}{2} - \frac{\tau_1}{2} \right)$$

$$b = \frac{\tau_1 \tau_2}{\tau_1 - \tau_2} \cdot \left(\tau + \frac{\tau_2}{2} - \frac{\tau_1}{2} \right) g \sin \alpha = \frac{2}{1} \cdot (0,51 + 0,5 - 1) \cdot 10 \cdot \frac{1}{2} = 0,1 \text{ м}$$

Ответ: $b = 0,1 \text{ м}$

№2.3.3
Теплота, ушедшая на испарение какой-то массы воды поступила от кристаллизации Δm воды: $\Gamma_n m = \lambda_{к\Delta m} \Rightarrow m = \frac{\lambda_{к\Delta m}}{\Gamma_n}$

При m воды пар-насыщенный:

$$P_{нас} V = \frac{m}{\mu} RT \Rightarrow P_{нас} = \frac{\lambda_{к\Delta m}}{\mu \Gamma_n} RT$$

52-96-02-48
(3.15)

Чистовик-2

Подставим значения из условия:

$$P_{нас} = \frac{\lambda_{кам}}{\mu \Gamma_n} RT = \frac{3,5 \cdot 10^5 \cdot 1}{18 \cdot 10^{-3} \cdot 30 \cdot 2,5 \cdot 10^6} \cdot 8,5 \cdot 273 =$$

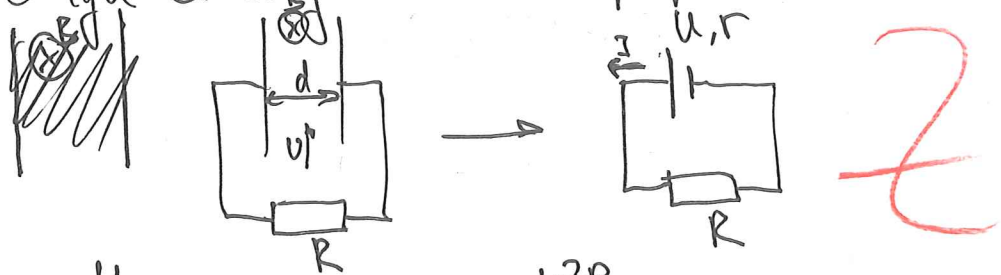
$$= \frac{3,5 \cdot 83 \cdot 273}{18 \cdot 23 \cdot 75} = \frac{11 \cdot 83 \cdot 91}{3 \cdot 46} \approx 609 \text{ Па}$$

Ответ: $P_{нас} \approx 609 \text{ Па}$

№3.3.3

На пластинках будут индуцироваться заряды до тех пор, пока создаваемое ими поле не уравновесит F Лоренца: $F_x = Eq$
 $q \cdot U \cdot B = qE = q \cdot \frac{U}{d} \rightarrow U = B \cdot U \cdot d$ — напряжение.
 Пусть r — сопротивление проводящей жидкости между пластинками.

Тогда схему можно переписать, как:



$$I = \frac{U}{R+r}, P_R = I^2 R = \frac{U^2 R}{(R+r)^2}, P_R - \text{максимальное}$$

$$\frac{d}{dR} \left(\frac{U^2 R}{(R+r)^2} \right) = 0, \quad U^2 \left(\frac{1}{(R+r)^2} - \frac{2R}{(R+r)^3} \right) = 0 \Rightarrow R=r$$

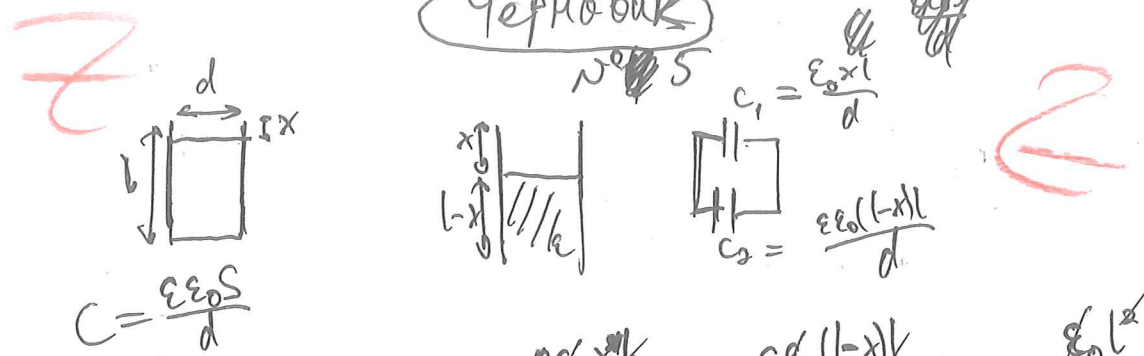
Тогда $I = \frac{U}{2R}, P_m = I^2 R = \frac{U^2}{4R} = \frac{B^2 U^2 d^2}{4R}$

$$\Rightarrow U^2 = \frac{4RP_m}{B^2 d^2} = \frac{4 \cdot 0,4 \cdot 1 \cdot 10^{-3}}{1 \cdot 0,4^2} = 10^{-2} \text{ м}^2/\text{с}^2$$

$$\Rightarrow |U| = 0,1 \text{ м/с} = 10 \text{ см/с}$$

Ответ: 0,1 м/с

Черновик



$$C = \frac{\epsilon \epsilon_0 S}{d}$$

$$C_1 = \frac{\epsilon_0 x l}{d}, C_2 = \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x) l}{d}$$

$$q_0 = C U_0 = C_1 U + C_2 U = \frac{\epsilon_0 x l}{d} U + \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x) l}{d} U = \frac{\epsilon_0 l^2}{d} U_0$$

$$\frac{C_1 U^2}{2} + \frac{C_2 U^2}{2} + \frac{m U^2}{2} = \text{const} \quad Ux + \epsilon(l-x)U = lU_0$$

$$U = \frac{l}{x + \epsilon(l-x)} U_0$$

$$\frac{\epsilon_0 x l}{2d} \cdot \frac{l^2 U_0^2}{(x + \epsilon(l-x))^2} + \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x) l}{2d} \cdot \frac{l^2 U_0^2}{(x + \epsilon(l-x))^2} + \frac{m x^2}{2} = \text{const}$$

$$U = \frac{l U_0}{\epsilon l + (1-\epsilon)x} = \frac{U_0}{\epsilon} \cdot \frac{1}{1 + \frac{(1-\epsilon)x}{\epsilon l}} \approx \frac{U_0}{\epsilon} ?$$

~~$$\frac{\epsilon_0 x l}{2d} \cdot \frac{U_0^2}{\epsilon^2} + \frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x) l}{2d} \cdot \frac{U_0^2}{\epsilon^2} + \frac{m x^2}{2} = \text{const}$$~~

$0,1 \text{ м}$

$b = U_1 \tau_1 + g \sin \alpha \tau_1^2$ №1
 $b = U_2 \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$
 $U_2 = U_1 + g \sin \alpha (\tau_2 - \tau_1)$
 $U_1 = \frac{b}{\tau_1} - \frac{g \sin \alpha \tau_1}{2}$
 $U_2 = \frac{b}{\tau_1} + g \sin \alpha (-\tau_1 + \frac{\tau_1}{2})$
 $b = U_1 \tau_2 + g \sin \alpha (-\tau_1 + \frac{\tau_1}{2}) \tau_2 + \frac{g \sin \alpha \tau_2^2}{2}$
 $b \cdot \frac{\tau_1 - \tau_2}{\tau_1 \tau_2} = g \sin \alpha \cdot \tau_2 \cdot (-\tau_1 + \frac{\tau_1}{2} + \frac{\tau_2}{2})$
 $b = \frac{\tau_1 \tau_2}{\tau_1 - \tau_2} \cdot g \sin \alpha \cdot (-\tau_1 + \frac{\tau_1}{2} + \frac{\tau_2}{2}) =$
 $= 2 \cdot 10 \cdot \frac{1}{2} \cdot (0,5 \cdot 1 \cdot 1 + 0,5) = 2 \cdot 10 \cdot 0,5 = 10 \cdot 0,1 \text{ м}$

Черновик
№4

$\frac{2}{F} + \frac{1}{x} = \frac{1}{F}$

$x = d + d'$
 $\frac{1}{d} + \frac{1}{d'} = \frac{1}{F}$

$\frac{1}{d} = \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{F}$
 $d = \frac{2}{3}F$

$d^2 - 235d + 75 \cdot 235 = 0$
 $4d^2 - 47d + 15 \cdot 47 = 0$
 $D = 2209$

$\frac{1}{F \cos \alpha} - \frac{1}{d \cos \alpha} = \frac{1}{F}$
 $\frac{1}{d \cos \alpha} = \frac{1}{F} - \frac{\cos \alpha}{F}$
 $d = \frac{F}{1 - \cos \alpha}$

$d^2 - d \cdot 8,5 - 235 \cdot 7,5 = 0$
 $4d^2 - 34d - 47 \cdot 15 = 0$
 $\frac{D}{4} = 289 + 4 \cdot 47 \cdot 15 = 289 + 2820$
 $d = \frac{17 \pm \sqrt{3109}}{4} \approx \frac{17 + 56}{4} = 15,5$

$\frac{1}{19,25 \cos \alpha} + \frac{1}{7,5 \cos \alpha} = \frac{1}{7,5}$
 $\cos \alpha = 1 - \frac{7,5}{19,25} = \frac{24}{39}$

$\frac{47}{235} + \frac{1}{x} = \frac{1}{7,5}$
 $\frac{1}{x} = \frac{1}{7,5} - \frac{47}{235} = \frac{31}{235}$
 $x = \frac{235}{31} = 7,5$

$\frac{47}{329} + \frac{1}{x} = \frac{1}{7,5}$
 $\frac{1}{x} = \frac{1}{7,5} - \frac{47}{329} = \frac{4}{2820}$
 $x = \frac{2820}{4} = 705$

$\frac{47}{235} + \frac{1}{x} = \frac{1}{7,5}$
 $\frac{1}{x} = \frac{1}{7,5} - \frac{47}{235} = \frac{31}{235}$
 $x = \frac{235}{31} = 7,5$

52-96-02-48
(3.15)

Чистовик-3
№4.10.3

Пусть O - центр L_1 . После поворота O не изменилась. Тогда изобр. A после прохождения L_1 лежит на AO , причём т.к. расст. от A до $L_1 = F \cos \alpha < F$, B лежит на луче ~~...~~.

Для точек A', B' : $\frac{1}{O_1 A'} - \frac{1}{O_1 B'} = \frac{1}{F}$. Пусть $OB = d$

Тогда: $\frac{1}{F \cos \alpha} - \frac{1}{d \cos \alpha} = \frac{1}{F} \rightarrow \frac{F}{d} = 1 - \cos \alpha, \cos \alpha = 1 - \frac{F}{d}$

По условию $BC = x$, причём $BC = d + x + f$, где $f = O_2 C$ - расст. от C до центра L_2

Тогда: $x = d + F + f$
 $-\frac{1}{dx} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F}$ - "т.к. предметник в B (прямой)"

Пусть $t = d + F$: $f = x - t$
 $-\frac{1}{t} + \frac{1}{x-t} = \frac{1}{F}$
 $\frac{2t-x}{t(x-t)} = \frac{1}{F}$
 $t^2 + t(2F-x) - Fx = 0$
 $t^2 - 8,5t - 235 \cdot 7,5 = 0$
 $4t^2 - 47t - 15 \cdot 47 = 0$
 $D = 289 + 16 \cdot 15 \cdot 47 = 289 + 11280 = 11569$
 $t = \frac{47 + \sqrt{11569}}{8} = \frac{47 + 107,5}{8} = 15,5$
 $d = 15,5 - F = 15,5 - 7,5 = 8$
 $\cos \alpha = 1 - \frac{F}{d} = 1 - \frac{7,5}{8} = \frac{1}{16} \quad \alpha = \arccos\left(\frac{1}{16}\right)$

Черновик-4

По условию $AC=x = O_2C + F + AO = O_2C + 2F, O_2C = x - 2F$

Тогда для точек B и C:

~~$\frac{1}{BO_2} + \frac{1}{O_2C} = \frac{1}{F}$~~

~~$\frac{1}{BO_2} + \frac{1}{x-2F} = \frac{1}{F}$~~

~~$-\frac{1}{d+F} + \frac{1}{x-2F} = \frac{1}{F}$~~

~~$\frac{x-2F}{(d+F)(x-2F)} = \frac{1}{F}$~~

~~$(d+3F-x) \cdot F = (d+F) \cdot (x-2F)$~~

~~$dF + 3F^2 - Fx = dx - 2Fd + Fx - 2F^2$~~

~~$d \cdot (3F - x) = 2Fx - 5F^2$~~

~~$d \cdot (3 \cdot 7,5 - 8,5) = 2 \cdot 7,5 \cdot 8,5 - 5 \cdot 7,5^2$~~

Зная F и CO_2 , найдём BO_2 :

$\frac{1}{BO_2} + \frac{1}{x-2F} = \frac{1}{F}$

$\frac{1}{BO_2} = \frac{1}{7,5} - \frac{1}{8,5}$

$BO_2 = 7,5 \cdot 8,5$, причём $BO_2 = d + F = d + 7,5$

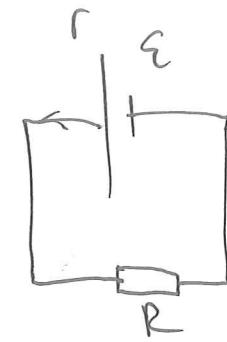
$\Rightarrow d = 7,5^2$

$\cos \alpha = 1 - \frac{F}{d} = 1 - \frac{1}{7,5} = \frac{13}{15}$

$\alpha = \arccos\left(\frac{13}{15}\right) \approx \arccos\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 30^\circ$

Ответ: $\alpha \approx 30^\circ$

Черновик



$\epsilon = B \cdot v \cdot d$

$P_m = \frac{\epsilon^2}{R} = \frac{B^2 v^2 d^2}{R}$

$v^2 = \frac{P_m R}{B^2 d^2}$

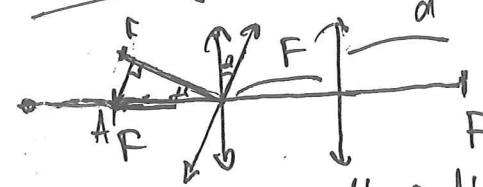
$v^2 = \frac{1 \cdot 0,4}{0,4^2 \cdot 1} = \frac{5 \cdot 10^{-3}}{2} = \frac{25}{10^4}$

$R = r:$

$I = \frac{\epsilon}{2R}, P = I^2 R = \frac{\epsilon^2}{4R} = \frac{B^2 v^2 d^2}{4R}$

$v^2 = \frac{4RP_m}{B^2 d^2} = \frac{4 \cdot 0,4 \cdot 1}{1 \cdot 0,4^2} = 10 = 10^1$

$v = 0,1 \text{ м/с} = 10 \text{ см/с}$



$x = F + d + d'$
 $d' = x - F - d$
 $-\frac{1}{d} + \frac{1}{d'} = \frac{1}{F}$

$-\frac{1}{d} + \frac{1}{x-F-d} = \frac{1}{F}$

$\frac{F+d-x+d}{x-F-d} = \frac{1}{F}$

$\frac{2d+F-x}{x-F-d} = \frac{1}{F}$

$\frac{2d-16}{16-d} = \frac{1}{F}$

$(2d-16) \cdot 7,5 = 16-d$
 $15d = 16 + 15 \cdot 8$
 $d = 8,5$

$\frac{1}{F \cos \alpha} - \frac{1}{d \cos \alpha} = \frac{1}{F}$

$\frac{1}{F \cos \alpha} - \frac{1}{d \cos \alpha} = \frac{1}{F}$
 $\frac{1}{\cos \alpha} \left(\frac{1}{F} - \frac{1}{d} \right) = \frac{1}{F}$
 $\frac{1}{\cos \alpha} = \frac{1}{1 - \frac{F}{d}}$
 $\cos \alpha = 1 - \frac{F}{d}$

$\frac{1,7}{2} = \frac{13,5}{15} = \frac{12,3}{15}$

$\frac{13}{15} \sqrt{\frac{3}{2}}$

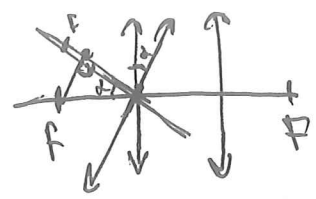
$\frac{169}{225} \sqrt{\frac{3}{4}}$

$\frac{169}{607} \sqrt{\frac{3}{16}}$

$\frac{13}{15} \sqrt{\frac{1,7}{2}}$

$13 \cdot 20 \sqrt{17 \cdot 95}$

Черный



$$\frac{2d+F-x}{(x-F-d)d} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{2d-16}{d(16-d)} = \frac{1}{7,5}$$

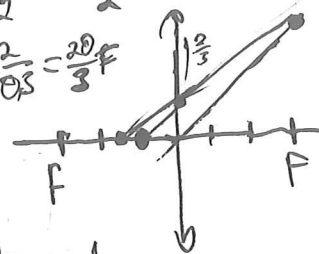
$$15d - 8 \cdot 15 = 16d - d^2$$

$$d^2 - d - 8 \cdot 15 = 0$$

$$D = 1 + 32 \cdot 15 = 481$$

$$d \approx \frac{1 \pm \sqrt{481}}{2} = \frac{23}{2} = 11,5$$

$$\frac{x}{\cos \alpha} = \frac{2d}{2\sqrt{3}} \approx \frac{23}{\sqrt{3}} = \frac{20}{3} F$$



$$BC = x = d + F + f \quad f = x - a$$

$$-\frac{1}{d+F} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{a-f}{f \cdot a} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{2a-x}{(x-a) \cdot a} = \frac{1}{F}$$

$$2aF - Fx = ax - a^2$$

$$\frac{107+17}{8} = \frac{124}{8} = \frac{62}{4} = a^2 + a \cdot (2F - x) - Fx = 0$$

$$= \frac{31}{2} \cdot 16 = 248 \quad a^2 - 8,5a - 7,5 \cdot 23,5 = 0$$

$$4a^2 - 17a - 15 \cdot 47 = 0$$

$$D = 289 + 16 \cdot 15 \cdot 47 =$$

$$= 289 + 11280 = 11569$$

$$a = \frac{17 + \sqrt{11569}}{8} \approx \frac{31}{2} = 15,5$$

$$F + d = 15,5 + 7,5 = 23$$

$$d = 15,5 - 7,5 = 8$$

$$\cos \alpha = 1 - \frac{7,5}{8} = \frac{1}{16}$$

$$-\frac{1}{a} + \frac{1}{23,5-a} = \frac{1}{7,5}$$

$$\frac{2a-23,5}{a(23,5-a)} = \frac{1}{7,5}$$

$$15a - 23,5 \cdot 7,5 = 23,5a - a^2$$

$$a^2 - 8,5a - 23,5 \cdot 7,5 = 0$$

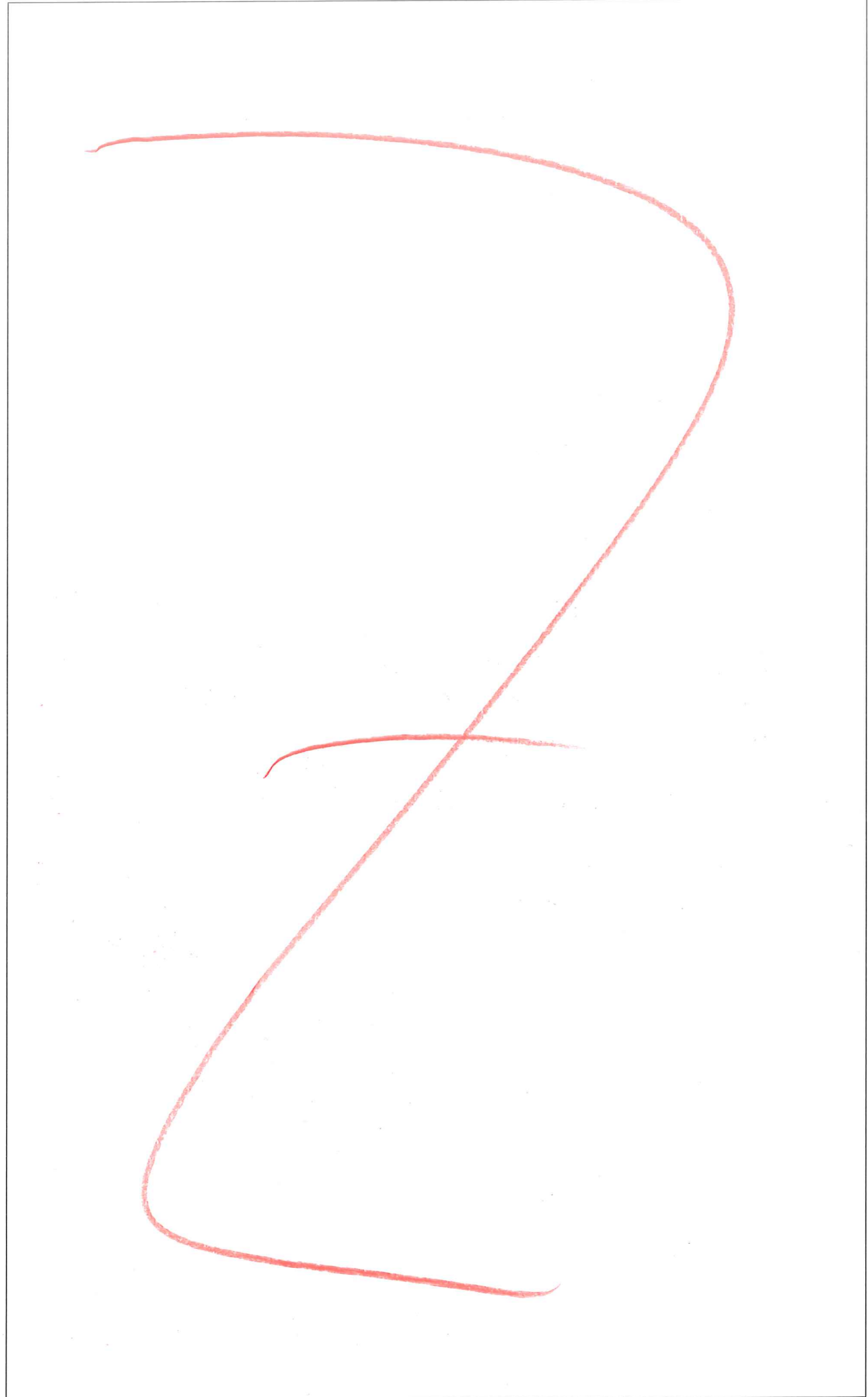
$$\begin{array}{r} 15 \quad x \quad 47 \\ \times 240 \\ \hline 1880 \\ 11280 \\ \hline 11280 \end{array}$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{15,5}{8}$$

$$1 - \cos \alpha = \frac{F}{d}$$

$$\frac{2-\sqrt{3}}{2}$$

52-96-02-48
(3.15)





Не забудьте указать параметры задачи,
 задание будет оцениваться отдельно

Черновик

$$q_0 = \frac{\epsilon_0 l^2}{d} \cdot u_0 = C_0 u_0$$

$$q_0 = q_1 + q_2 = \frac{\epsilon_0 (l-x)k}{d} \cdot u + \frac{\epsilon_0 kx}{d} \cdot u = \frac{\epsilon_0 l^2}{d} u_0$$

$$u = \frac{b}{kx + \epsilon(l-x)} \cdot u_0$$

$$\frac{C_1 u^2}{2} + \frac{C_2 u^2}{2} + \frac{mv^2}{2} = \text{const}$$

$$\frac{\epsilon \epsilon_0 (l-x)l}{d} \cdot \frac{l^2}{(x+\epsilon(l-x))^2} u_0 + \frac{\epsilon_0 kx}{d} \cdot \frac{l^2}{(x+\epsilon(l-x))^2} u_0 + mv^2 = \text{const}$$

$$2m \dot{x}^2 + \frac{\epsilon_0 l^3 u_0}{d(x+\epsilon(l-x))^2} (\epsilon(l-x) + x) + mv^2 = \text{const}$$

$$\frac{\epsilon_0 l^3 u_0}{d(x+\epsilon(l-x))} + m \dot{x}^2 = \text{const}$$

$$2m \dot{x}^2 + \frac{\epsilon_0 l^3 u_0}{d(x+\epsilon(l-x))} = \text{const}$$

$$\frac{1}{\epsilon l + (1-\epsilon)x} \approx \frac{1}{\epsilon l}$$

$$\frac{1}{8,5} + \frac{1}{t} = \frac{1}{7,5}$$

$$\frac{1}{t} = \frac{1}{85,75}$$

$$t = 85,75$$

$$-\frac{1}{d+F} + \frac{1}{x-2F} = \frac{1}{F} \quad N^o 4$$

$$F = \frac{q_1 q_2}{4\pi \epsilon_0}$$

$$-\frac{1}{d+7,5} + \frac{1}{8,5} = \frac{1}{7,5}$$

$$\frac{x}{\epsilon l + (1-\epsilon)x^2} \quad \frac{1}{d+7,5} = -$$

